

Algorítmica y Programación

Enero - Mayo 2020

Dr. Iván S. Razo Zapata
(ivan.razo@itam.mx)

Contenido

- Búsqueda secuencial
- Búsqueda binaria
- Ordenamiento por selección

Numpy

Numpy

- Arreglos de una dimensión
- Creación usando: zeros, empty, arange y array

Numpy

```
import numpy as np

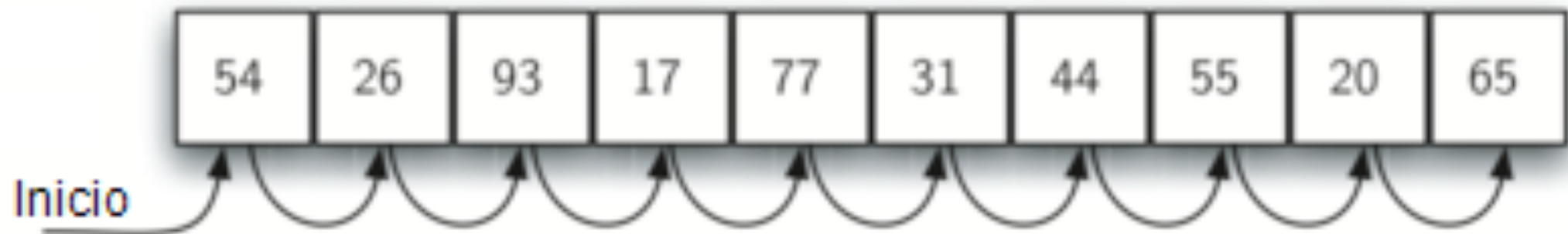
arreglo1 = np.zeros(10)
print(arreglo1)

arreglo2 = np.empty(10)
print(arreglo2)

arreglo3 = np.arange(10,20)
print(arreglo3)

arreglo4 = np.array([99, 88, 55, 22, 62, 72, 45, 11, 36])
print(arreglo4)
```

Búsqueda secuencial



- Dado un arreglo con **N** valores
- Recorrer dicho arreglo hasta encontrar el **elemento** buscado

Búsqueda secuencial

```
def busquedaSecuencial(arreglo, elemento):  
    pos = 0 # Buscamos desde la primer posición, i.e. 0 (cero)  
    encontrado = False # En cuanto se encuentre el elemento, encontrado debe ser True  
  
    while (pos < arreglo.size) and (encontrado == False):  
        if arreglo[pos] == elemento:  
            encontrado = True  
        else:  
            pos += 1  
  
    return encontrado, pos
```

Búsqueda secuencial - Problemas

- Si el elemento buscado está en el arreglo:
 - Mejor caso está en la 1era posición
 - Peor caso está en la última posición
 - Si **N** es muy grande, el tiempo de búsqueda puede ser considerable



En promedio, la búsqueda requiere **$N/2$** comparaciones

Búsqueda secuencial - Problemas

- Si el elemento buscado **NO** está en el arreglo:
- La búsqueda requiere **N** comparaciones

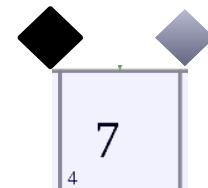
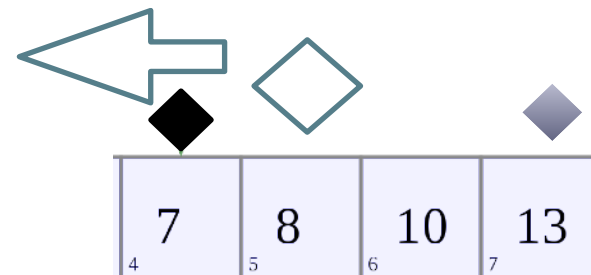
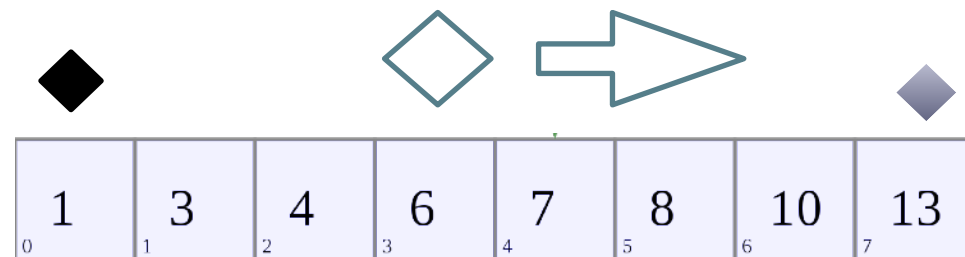
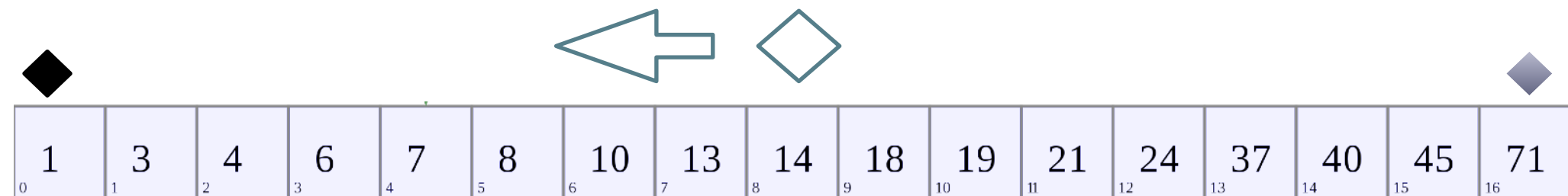


Alternativa: **Búsqueda binaria**

- Suponiendo que el arreglo está ordenado
- Divide and conquer
 - Dividimos el problema en partes más pequeñas, resolvemos dichas partes más pequeñas de alguna manera y luego reensamblamos todo el problema para obtener el resultado

Búsqueda binaria

Queremos saber si 7 está en el arreglo

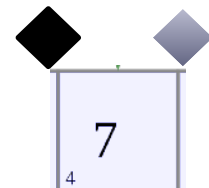
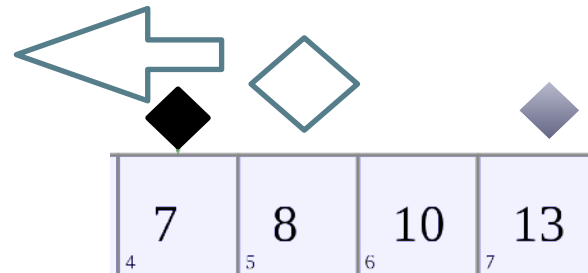
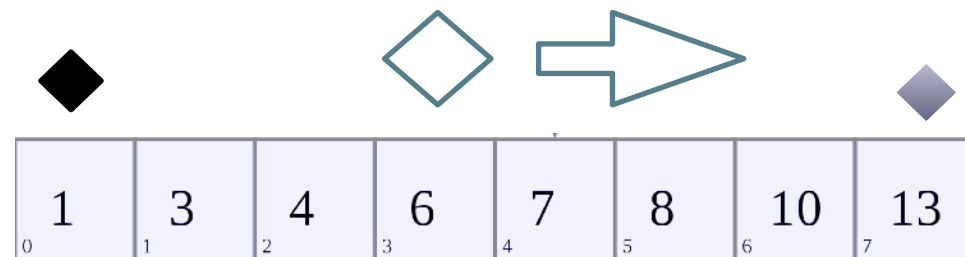
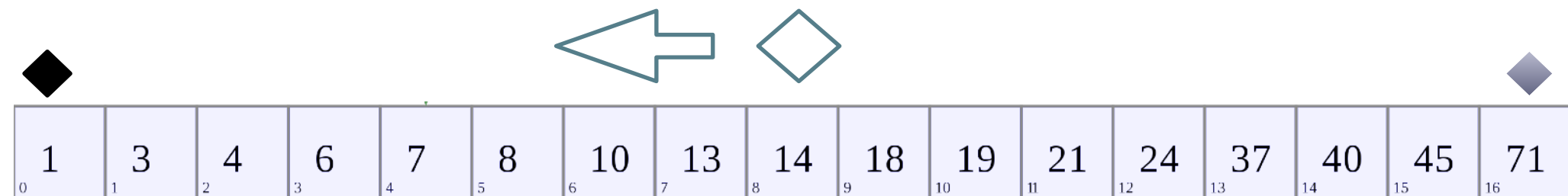


◆ Primera posición

◆ Última posición

Búsqueda binaria

Queremos saber si 7 está en el arreglo

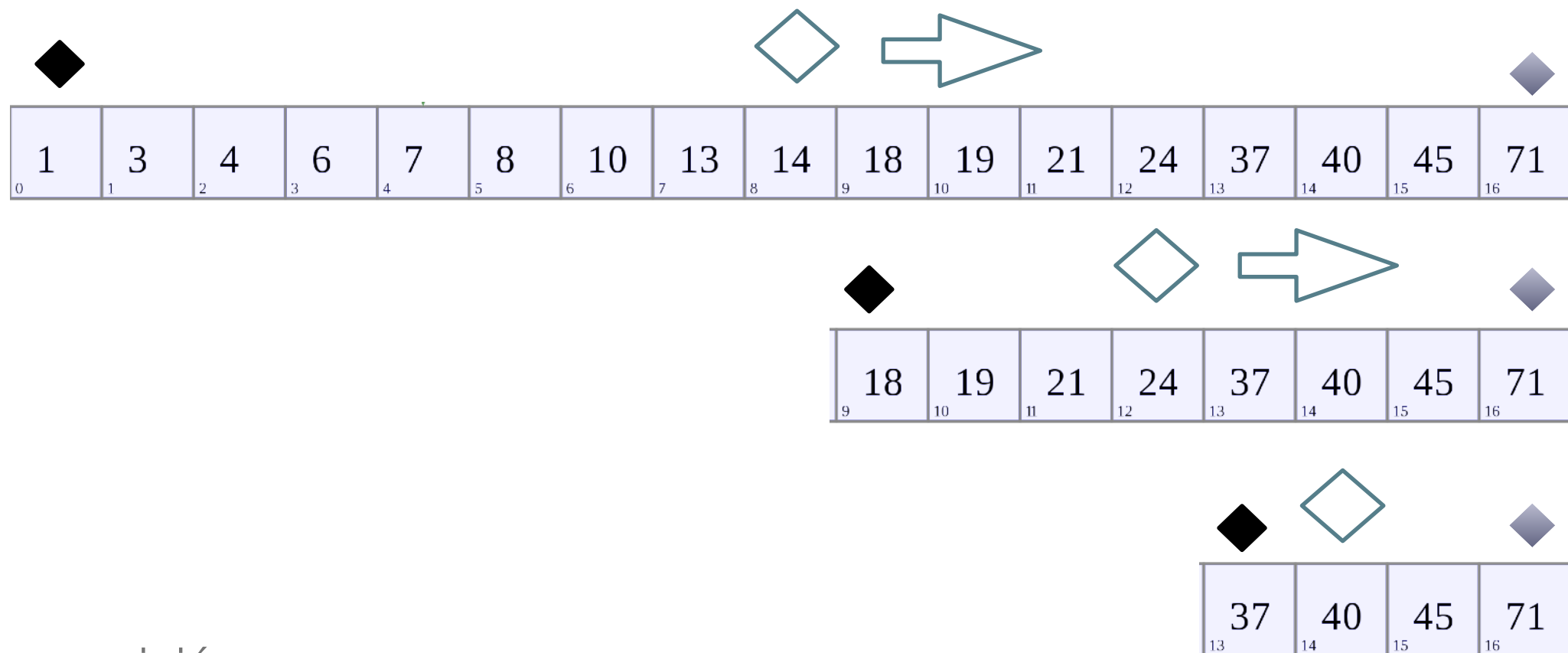


4 comparaciones

Cuántas si busco el 8?

Búsqueda binaria

Queremos saber si 40 está en el arreglo



◆ Primera posición

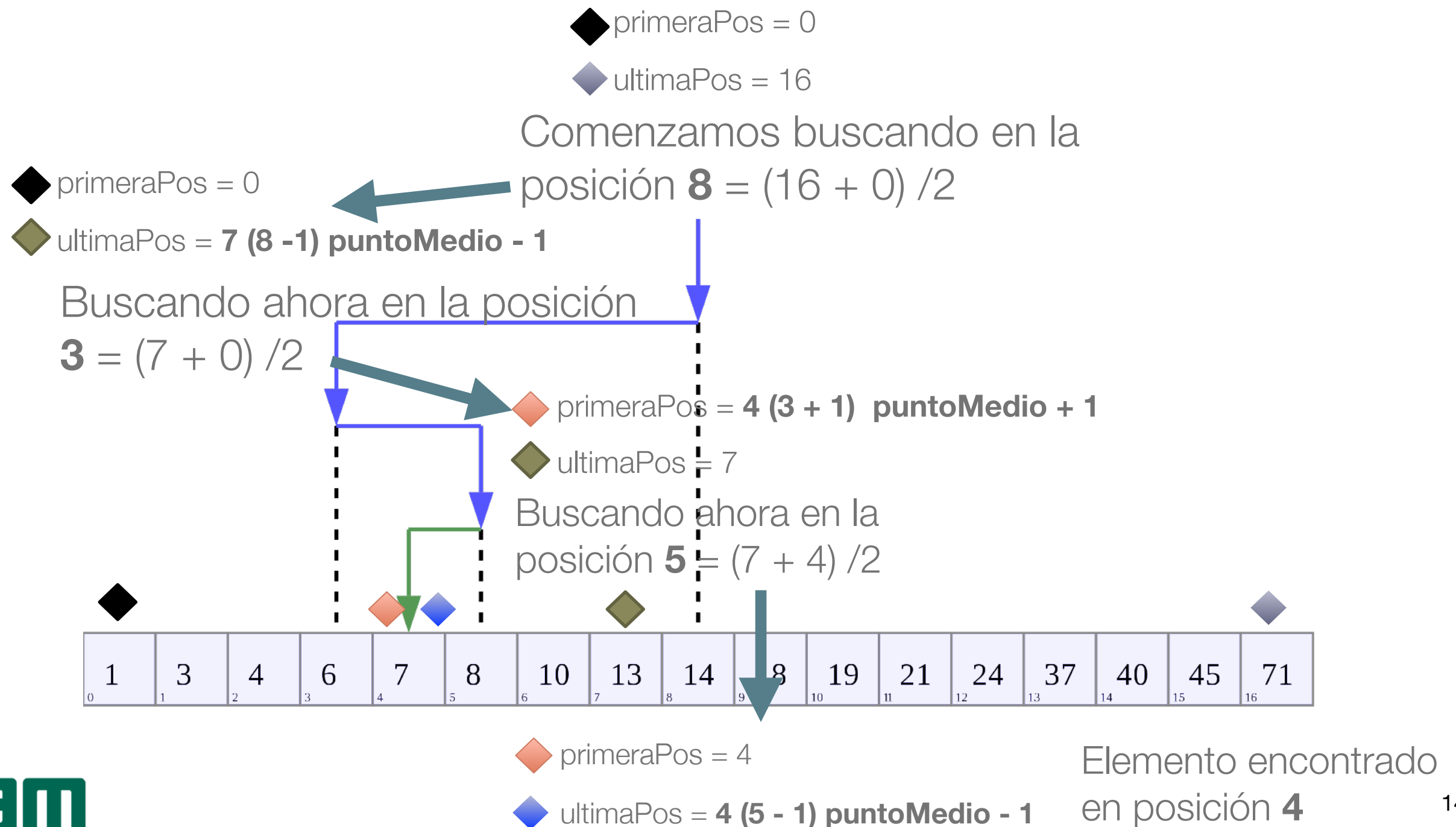
◆ Última posición

3 comparaciones

Cuántas con búsqueda secuencial?

Búsqueda binaria

Queremos saber si 7 está en el arreglo



Búsqueda binaria

```
def busquedaBinaria(arreglo, elemento):  
    encontrado = False  
    primero = 0  
    ultimo = arreglo.size - 1
```

- 10min para el código
- Hints
 - Primera posición siempre deber ser menor que ultima posición

Ordenamiento por selección

- Dado un arreglo desordenado
- Recorrer el arreglo, seleccionar los valores mas pequeños y ponerlos en las primeras posiciones
- Ejemplo:
 - Para el arreglo A (de tamaño N), seleccionar el valor más pequeño e intercambiarlo por el valor en A[1]
 - Después, buscar el segundo valor más pequeño e intercambiarlo por el valor en A[2]
 - and so on!
 - Así hasta N-1

Ordenamiento por selección

Arreglo inicial: [99 88 55 22 62 72 45 **11** 36]

Después de 1era selección: [**11** 88 55 **22** 62 72 45 99 36]

Después de 2da selección: [**11** **22** 55 88 62 72 45 99 **36**]

Después de 3era selección: [**11** **22** **36** 88 62 72 **45** 99 55]

Después de 4ta selección: [**11** **22** **36** **45** 62 72 88 99 **55**]

Después de 5ta selección: [**11** **22** **36** **45** **55** 72 88 99 **62**]

Después de 6ta selección: [**11** **22** **36** **45** **55** **62** 88 99 **72**]

Después de 7ma selección: [**11** **22** **36** **45** **55** **62** **72** 99 **88**]

Después de 8va selección: [**11** **22** **36** **45** **55** **62** **72** **88** 99]

Ordenamiento por selección

```
def ordenamientoPorSeleccion(arreglo):  
    # Primer ciclo for  
    # Recorrer el arreglo hasta size - 1  
    for i in range(arreglo.size):  
        # Asumimos el minimo está en la posición i  
        indiceMin = i
```

- 10min para el código
- Hints
 - Dos ciclos for
 - Segundo ciclo comienza en i+1

Búsqueda binaria - con **recursividad**

- Recursividad o recursión
- Cuando una función se llama/invoca a si misma

Recursividad



Recursividad

- Ejemplo

```
def factorial(n):  
    if n == 0:  
        return 1  
    else:  
        return n * factorial (n-1)
```

← Caso base a.k.a. kick

Sin caso base → Limbo

Recursividad

- Ejemplo 2

```
def fibbonacci(n):  
    if (n == 0) or (n == 1):  
        return n  
    else:  
        return fibbonacci(n-1) + fibbonacci(n-2)
```

Caso base ???

Recursividad



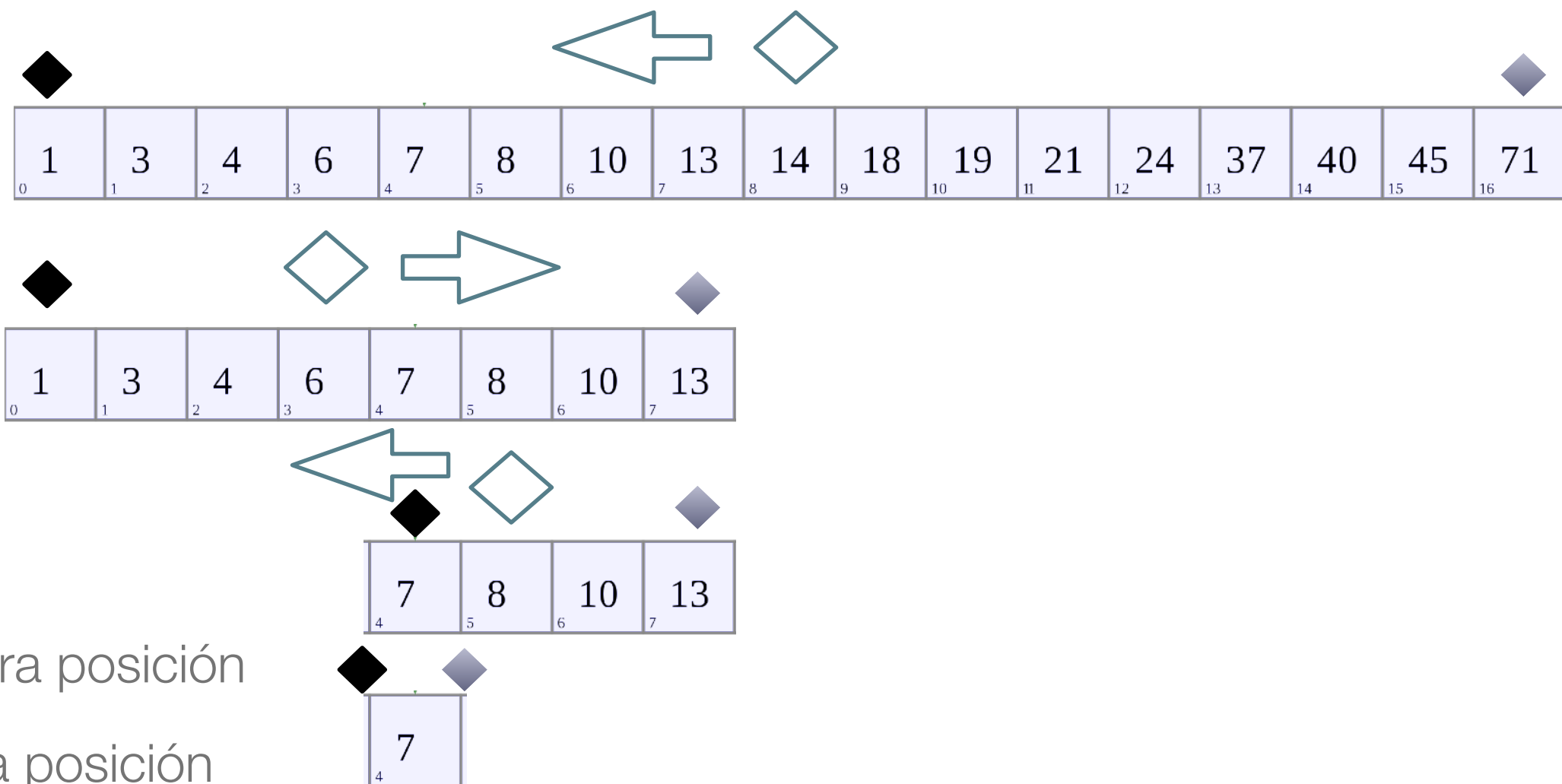
Caso base ???

Recursividad



Búsqueda binaria - con **recursividad**

Queremos saber si 7 está en el arreglo



Búsqueda binaria - con **recursividad**

```
def busquedaBinariaRecursiva(arreglo, primero, ultimo, elemento):  
    if (ultimo < primero):  
        posicion = -1
```