

Algorítmica y Programación

Enero - Mayo 2020

Dr. Iván S. Razo Zapata
(ivan.razo@itam.mx)

Numpy

Contenido

- Repaso sobre arreglos bi-dimensionales
- Matrices

Creación de matrices

```
In [31]: import numpy as np
```

```
In [32]: A = np.zeros([4,3])
```

```
In [33]: A
```

```
Out[33]:
```

```
array([[0., 0., 0.],  
       [0., 0., 0.],  
       [0., 0., 0.],  
       [0., 0., 0.]])
```

```
In [34]: B = np.random.rand(3,4)
```

```
In [35]: B
```

```
Out[35]:
```

```
array([[7.46810605e-01, 6.81163002e-02, 5.31811809e-01, 5.58997055e-01],  
       [7.76227349e-01, 2.45910055e-01, 8.22781075e-01, 7.53557845e-02],  
       [7.45266221e-01, 9.35181310e-04, 8.81995072e-01, 9.55490950e-01]])
```

Creación de matrices

```
In [36]: C = np.array([[3,1,5,6], [1,2,3,4], [8, 9, 10, 12]])
```

```
In [37]: C
```

```
Out[37]:
```

```
array([[ 3,  1,  5,  6],  
       [ 1,  2,  3,  4],  
       [ 8,  9, 10, 12]])
```

Creación de matrices

```
In [36]: C = np.array([[3,1,5,6], [1,2,3,4], [8, 9, 10, 12]])
```

```
In [37]: C
```

```
Out[37]:
```

```
array([[ 3,  1,  5,  6],  
       [ 1,  2,  3,  4],  
       [ 8,  9, 10, 12]])
```

Leyendo información

In [45]: B

Out[45]:

```
array([[7.46810605e-01, 6.81163002e-02, 5.31811809e-01, 5.58997055e-01],  
       [7.76227349e-01, 2.45910055e-01, 8.22781075e-01, 7.53557845e-02],  
       [7.45266221e-01, 9.35181310e-04, 8.81995072e-01, 9.55490950e-01]])
```

In [46]: B[0,0]

Out[46]: 0.7468106045433355

In [47]: B.shape[0]

Out[47]: 3

In [48]: B.shape[1]

Out[48]: 4

In [49]: B[B.shape[0]-1,B.shape[1]-1]

Out[49]: 0.9554909504756304

Leyendo información

```
In [45]: B
```

```
Out[45]:
```

```
array([[7.46810605e-01, 6.81163002e-02, 5.31811809e-01, 5.58997055e-01],  
       [7.76227349e-01, 2.45910055e-01, 8.22781075e-01, 7.53557845e-02],  
       [7.45266221e-01, 9.35181310e-04, 8.81995072e-01, 9.55490950e-01]])
```

```
In [50]: B[1,3]
```

```
Out[50]: 0.07535578446509494
```

```
In [51]: B[2,3]
```

```
Out[51]: 0.9554909504756304
```

```
In [52]: B[2,4]
```

```
Traceback (most recent call last):
```

```
File "<ipython-input-52-40c0fa2f7200>", line 1, in <module>  
    B[2,4]
```

```
IndexError: index 4 is out of bounds for axis 1 with size 4
```


Leyendo información con operador :

```
In [55]: C
Out[55]:
array([[ 3,  1,  5,  6],
       [ 1,  2,  3,  4],
       [ 8,  9, 10, 12]])

In [56]: C[:,:]
Out[56]:
array([[ 3,  1,  5,  6],
       [ 1,  2,  3,  4],
       [ 8,  9, 10, 12]])

In [57]: C[1:,:]
Out[57]:
array([[ 1,  2,  3,  4],
       [ 8,  9, 10, 12]])

In [58]: C[:,1:]
Out[58]: array([[3, 1, 5, 6]])

In [59]: C[:,2:]
Out[59]:
array([[ 5,  6],
       [ 3,  4],
       [10, 12]])

In [60]: C[:, :2]
Out[60]:
array([[3, 1],
       [1, 2],
       [8, 9]])
```

```
In [65]: C[0,:]
Out[65]: array([3, 1, 5, 6])

In [66]: C[1,:]
Out[66]: array([1, 2, 3, 4])

In [67]: C[2,:]
Out[67]: array([ 8,  9, 10, 12])

In [68]: C[:,0]
Out[68]: array([3, 1, 8])

In [69]: C[:,1]
Out[69]: array([1, 2, 9])

In [70]: C[:,2]
Out[70]: array([ 5,  3, 10])

In [71]: C[:,3]
Out[71]: array([ 6,  4, 12])
```

Leyendo información con operador :

```
In [76]: C
```

```
Out[76]:
```

```
array([[ 3,  1,  5,  6],  
       [ 1,  2,  3,  4],  
       [ 8,  9, 10, 12]])
```

```
In [77]: C[0:2,:]
```

```
Out[77]:
```

```
array([[3, 1, 5, 6],  
       [1, 2, 3, 4]])
```

```
In [78]: C[0:2,1:3]
```

```
Out[78]:
```

```
array([[1, 5],  
       [2, 3]])
```

```
In [79]: C[0:2,1:2]
```

```
Out[79]:
```

```
array([[1],  
       [2]])
```

Ejercicios para llevar - practicar para el examen

- Desarrollar funciones para calcular:
 - Máximo y mínimo
 - por renglon y por columna
 - Suma
 - por renglones y por columna

Concepto de vecindad

- Matriz $N \times M$
- Vecinos de E
 - 8: A, B, C, D, F, G, H, I
 - 4: B, D, F, H

						M
		A	B	C		
		D	E	F		
		G	H	I		
N						

Ejercicio en clase

- Game of life
- Diseñado por el matemático británico John Horton Conway en 1970
- Estudiar conceptos de emergencia y autoorganización
- Observar surgimiento de patrones complejos a partir de reglas muy sencillas y transiciones generacionales

Game of life

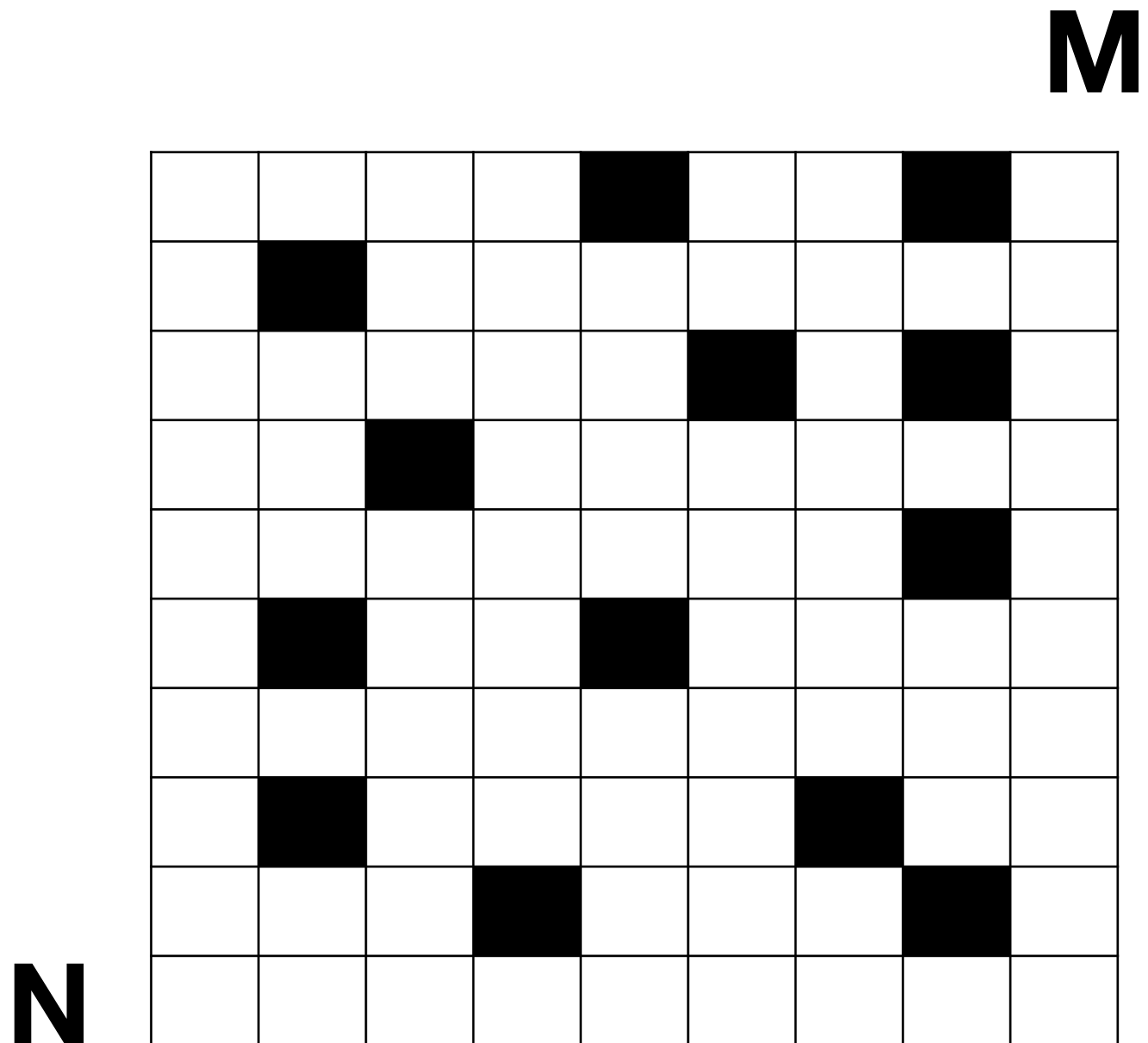
- Un juego con cero jugadores
- Un **mundo** cuadricular (una matriz) de $N \times M$
- Cada cuadro representa una **célula**: viva o muerta

N

M

Game of life

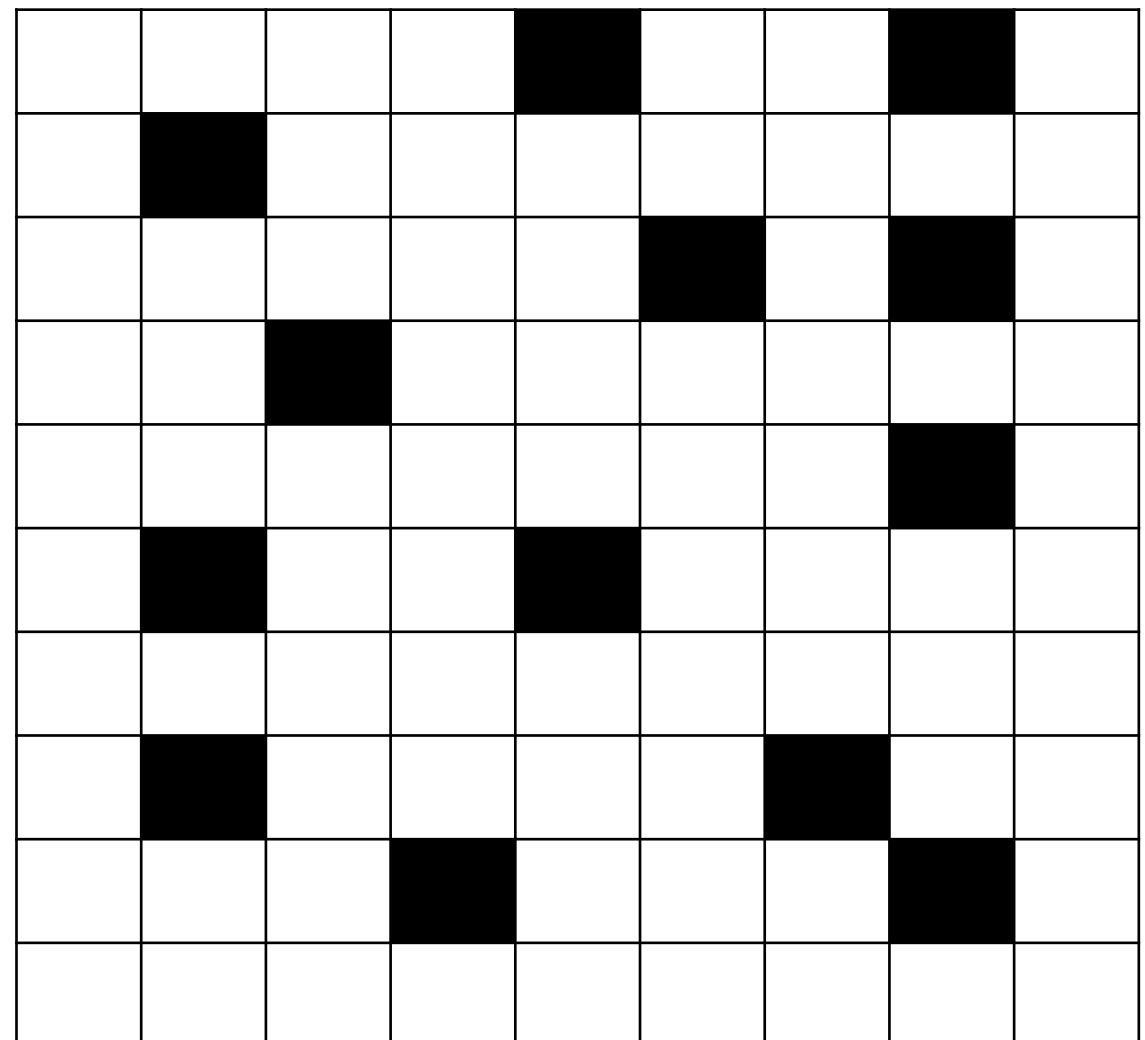
- El estado de una célula cambia de “generación” en “generación”
- El cambio está dado por ciertas reglas



Game of life

- Una célula muerta con exactamente 3 células vecinas vivas “re-nace” (es decir, al turno siguiente estará viva).
- Una célula viva con 2 o 3 células vecinas vivas sigue viva
- Una célula viva muere:
 - por “soledad” (menos de 2 vecinos vivos)
 - “sobrepoblación” (más de 3 vecinos vivos)

M

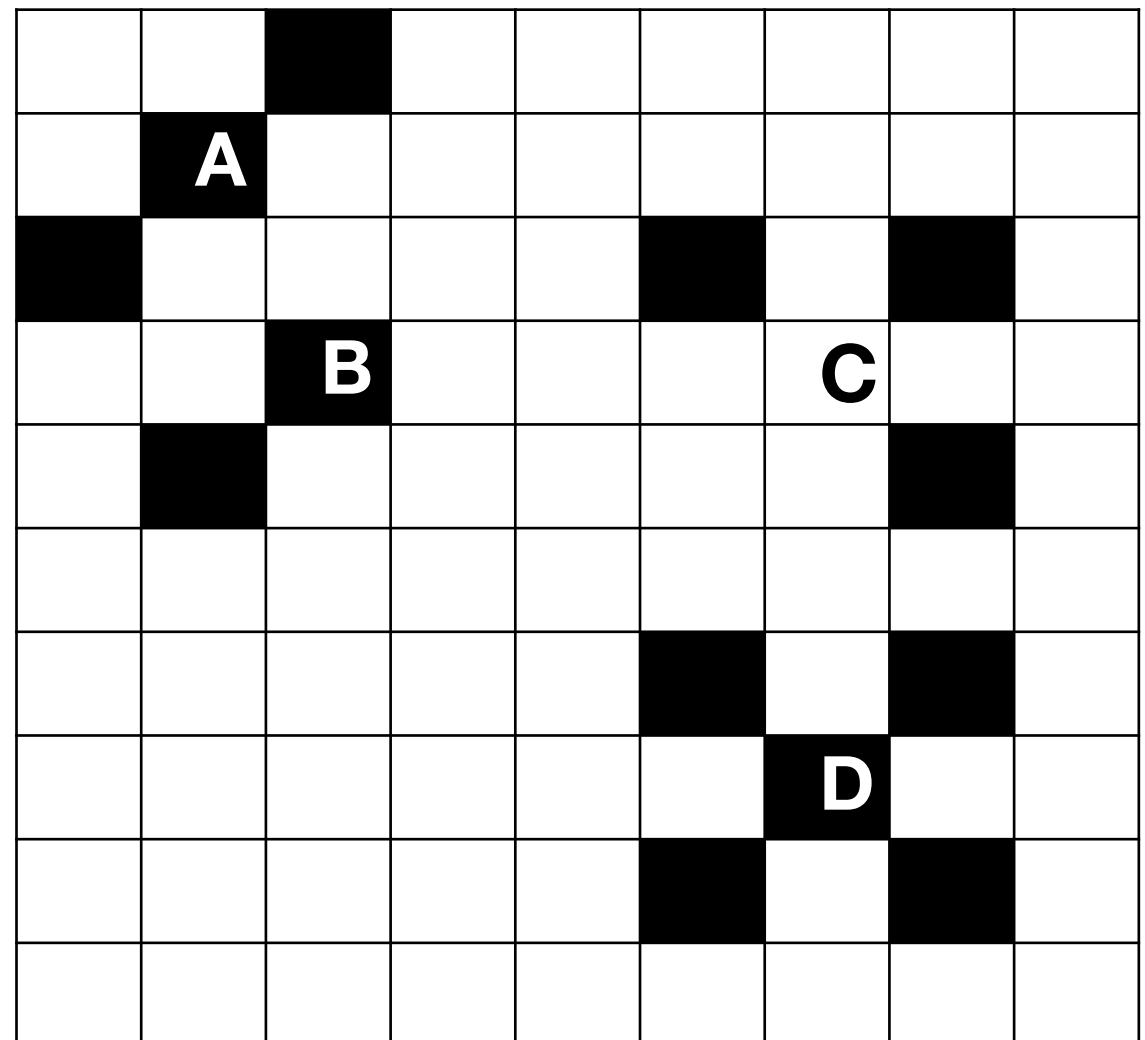


N

Game of life

- Ejemplo
- Una célula muerta con exactamente 3 células vecinas vivas “re-nace” (es decir, al turno siguiente estará viva). **C**
- Una célula viva con 2 o 3 células vecinas vivas sigue viva. **A**
- Una célula viva muere:
 - por “soledad” (menos de 2 vecinos vivos). **B**
 - “sobrepoblación” (más de 3 vecinos vivos). **D**

Generación k **M**



N

Game of life

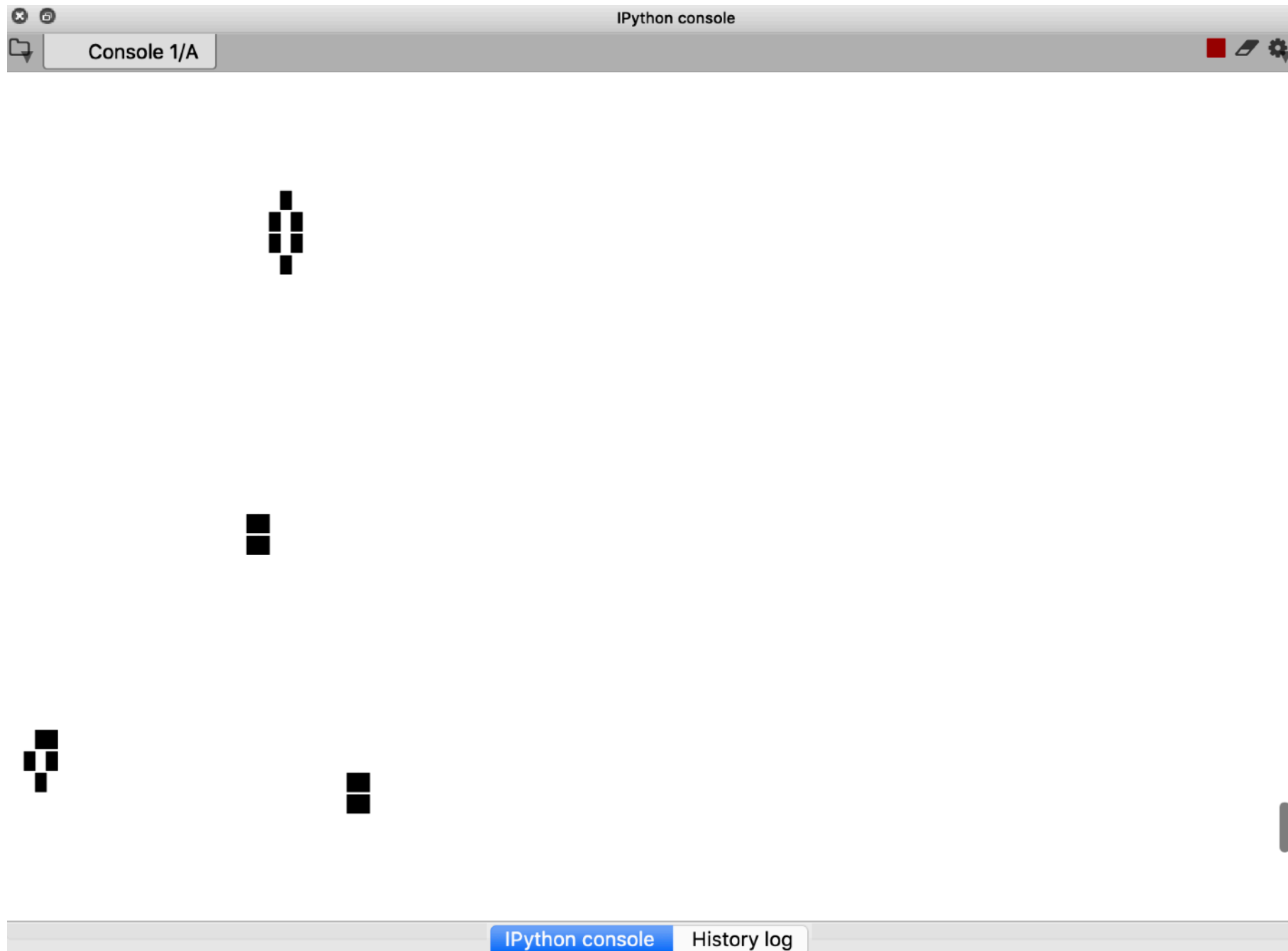
- Ejemplo
- Una célula muerta con exactamente 3 células vecinas vivas “re-nace” (es decir, al turno siguiente estará viva). **C**
- Una célula viva con 2 o 3 células vecinas vivas sigue viva. **A**
- Una célula viva muere:
 - por “soledad” (menos de 2 vecinos vivos). **B**
 - “sobrepoblación” (más de 3 vecinos vivos). **D**

Generación $k+1$ **M**

	A							
						C		

N

How does success look like?



How does success look like?



Diseño de la solución

- Ingredientes (estructura de datos)
 - Numpy array bi-dimensional
- Procedimientos (funciones)
 - Creación del “mundo cuadricular” $N \times M$
 - Incluye algunas células vivas
 - Visualizar mundo cuadricular
 - Actualización del mundo, i.e. aplicar reglas

Diseño de la solución

- Creación del “mundo cuadricular” $N \times M$

M

☐ Cero

☒ Uno

N

Diseño de la solución

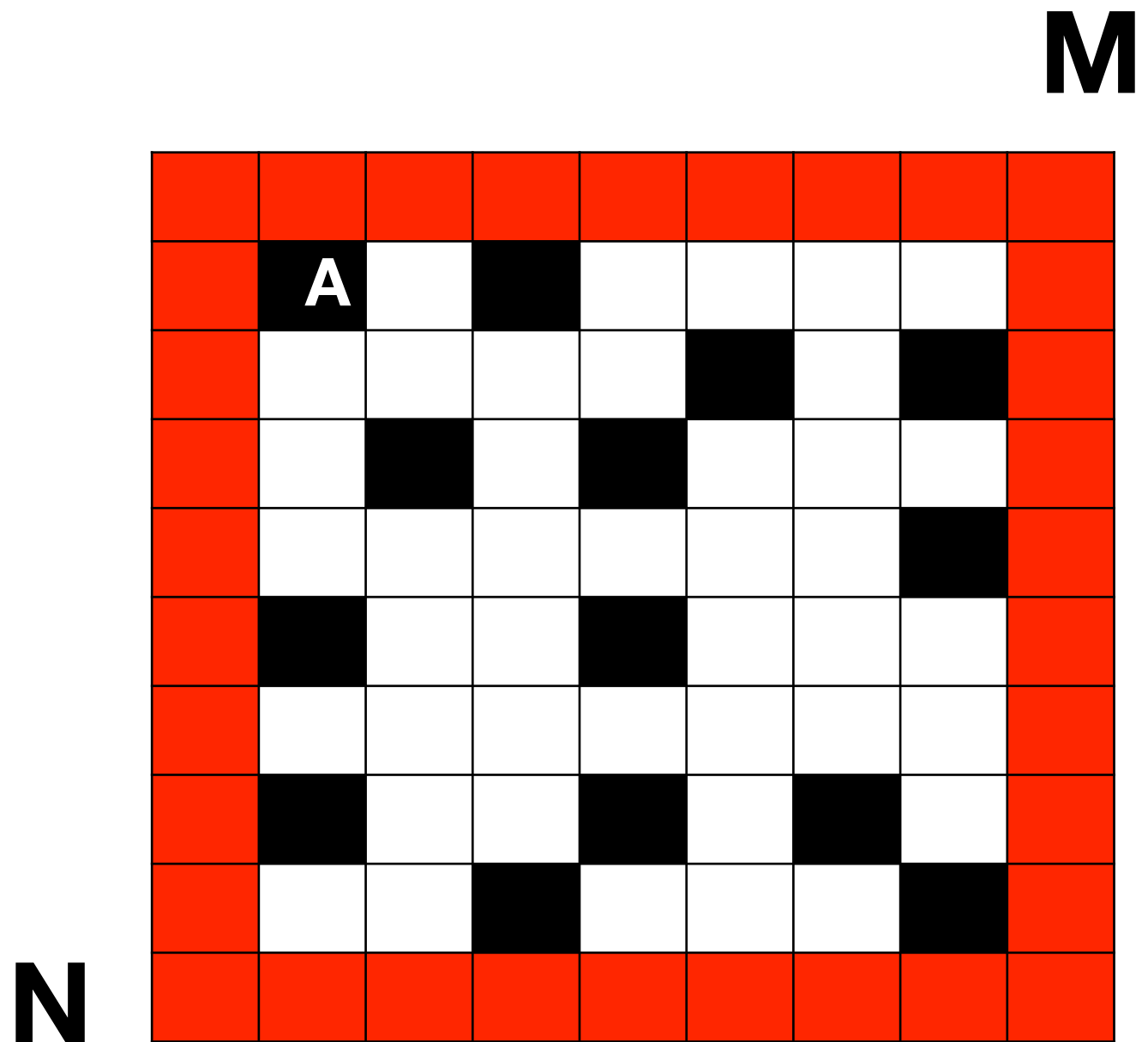
- Visualizar mundo cuadrado

if Uno print -> 

else print -> 

Diseño de la solución

- Actualización del mundo
 - Por simplicidad, recorrer celdas (células) dentro del recuadro rojo
- Aplicar reglas



Diseño de la solución

- Aplicar reglas
 - Calcular valores en la vecindad

$i-1,j-1$	$i-1,j$	$i-1,j+1$		
$i,j-1$	i,j	$i,j+1$		
$i+1,j-1$	$i+1,j$	$i+1,j+1$		

Qué pasa si se cambian algunas reglas?

- Una célula muerta con exactamente **3** células vecinas vivas “re-nace” (es decir, al turno siguiente estará viva).
- Una célula viva con **2 o 3** células vecinas vivas sigue viva
- Una célula viva muere:
 - por “soledad” (menos de **2** vecinos vivos)
 - “sobrepoblación” (más de **3** vecinos vivos)

$i-1,j-1$	$i-1,j$	$i-1,j+1$		
$i,j-1$	i,j	$i,j+1$		
$i+1,j-1$	$i+1,j$	$i+1,j+1$		

Cambiar la forma de visualizar células

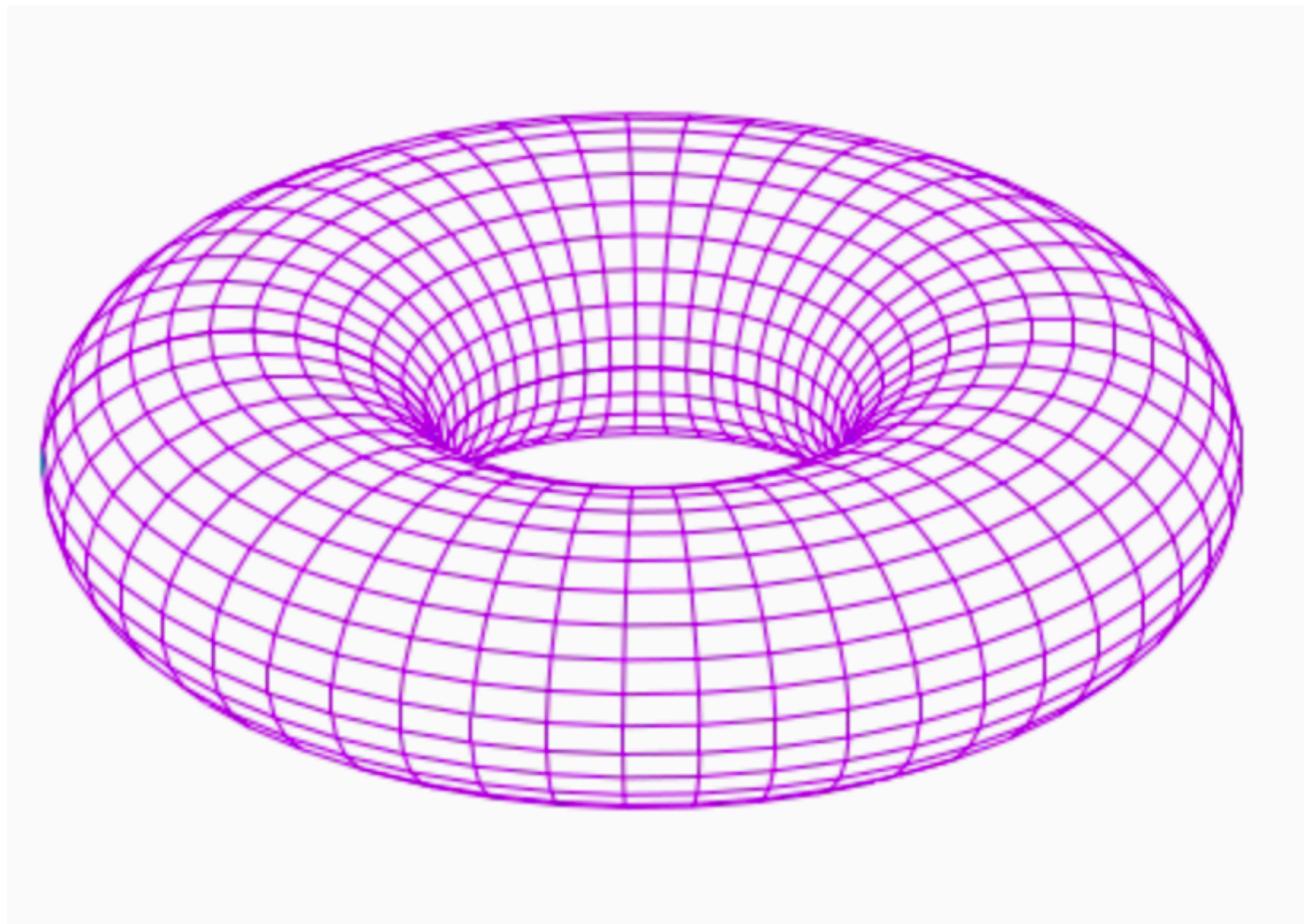
- `fila.append("o")`
- `fila.append("\u2665")`

Punto extra

- Game of life:
 - Primeros tres simular una matriz sin bordes, toroide
 - Primeros tres en poder generar osciladores
 - Primeros tres en poder generar pistola de planeadores

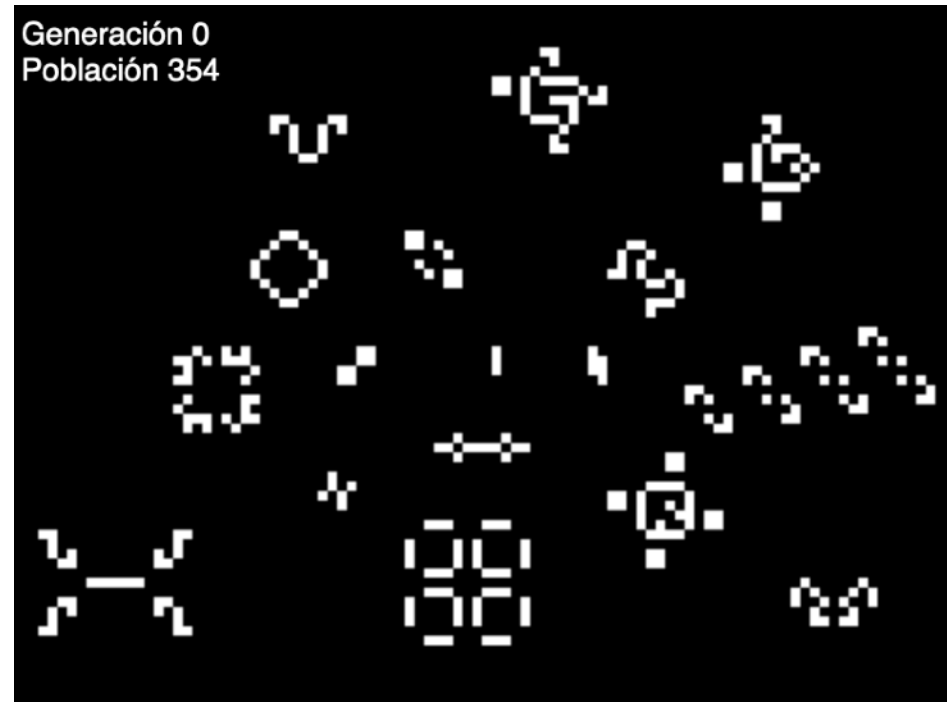
Punto extra

- Toroide



Punto extra

- Osciladores



- Planeadores



Pistola de planeadores de Gosper (*Gosper Glider Gun*)