

# Algorítmica y Programación

---

Enero - Mayo 2020

Dr. Iván S. Razo Zapata  
(ivan.razo@itam.mx)

# Contenido

---

- Recursividad
- Búsqueda binaria

# Recursividad o recursión

---

- Cuando una función se llama/invoca a si misma
- Usualmente se aplica una técnica de divide y vencerás
- Dividir el problema en subproblemas
- Recombinar la solución de dichos subproblemas, i.e. vencer

# Factorial

---

- Factorial de N
- $N! = 1 * 2 * 3 * \dots * (N-1) * N$
- $N! = N * (N-1) * (N-2) * (N-3) * \dots * 2 * 1$

# Factorial

---

$$5! = 5 * 4 * 3 * 2 * 1 = 120$$

Divide

$$5! = 5 * \text{factorial}(4)$$

$$\underline{4 * \text{factorial}(3)}$$

$$\underline{3 * \text{factorial}(2)}$$

$$\underline{2 * \text{factorial}(1)}$$

$$\underline{1 * \text{factorial}(0)}$$

**1**

# Factorial

---

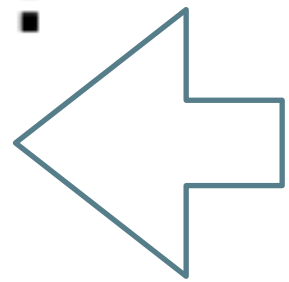
- Caso base (trivial)
  - Factorial de cero = **1**
- Formula genereal
  - Factorial N = **n \* factorial (n-1)**

# Factorial

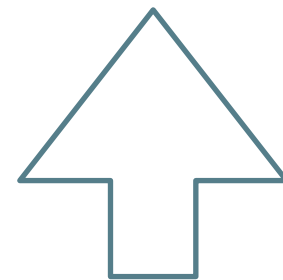
---

- Ejemplo

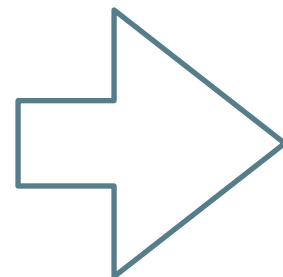
```
def factorial(n):  
    if n == 0:  
        return 1  
    else:  
        return n * factorial (n-1)
```



Caso base a.k.a. kick



Formula general



Sin caso base Limbo

# Fibonacci

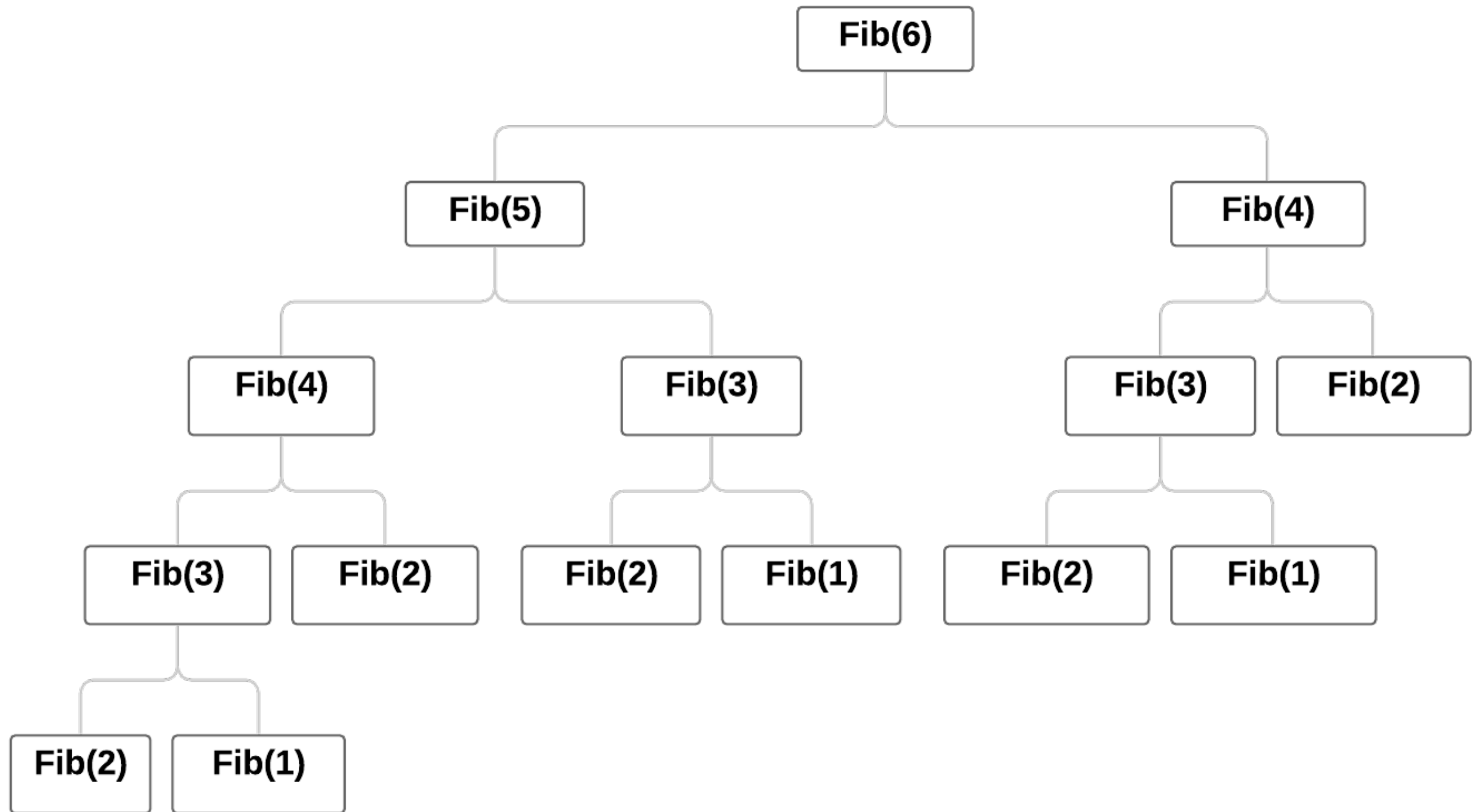
---

- Fibonacci
- 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, ...
- $\text{Fib}(6) = 8$
- Casos especiales 1 y 2
  - $\text{Fib}(1) = 1$
  - $\text{Fib}(2) = 1$
- $\text{Fib}(3) = 2 \leftarrow \text{Fib}(2) + \text{Fib}(1)$
- $\text{Fib}(4) = 3 \leftarrow \text{Fib}(3) + \text{Fib}(2)$



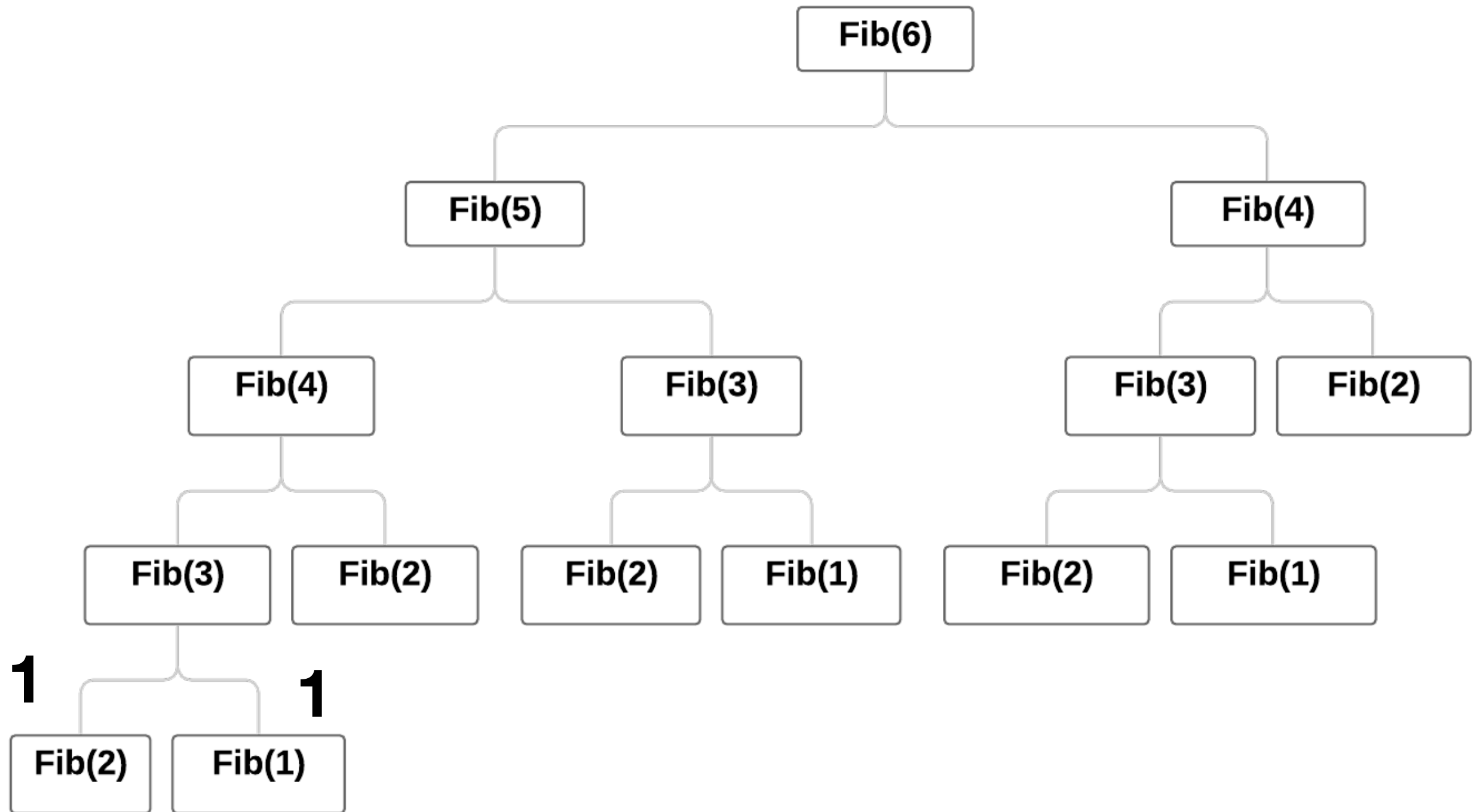
# Fibonacci

---

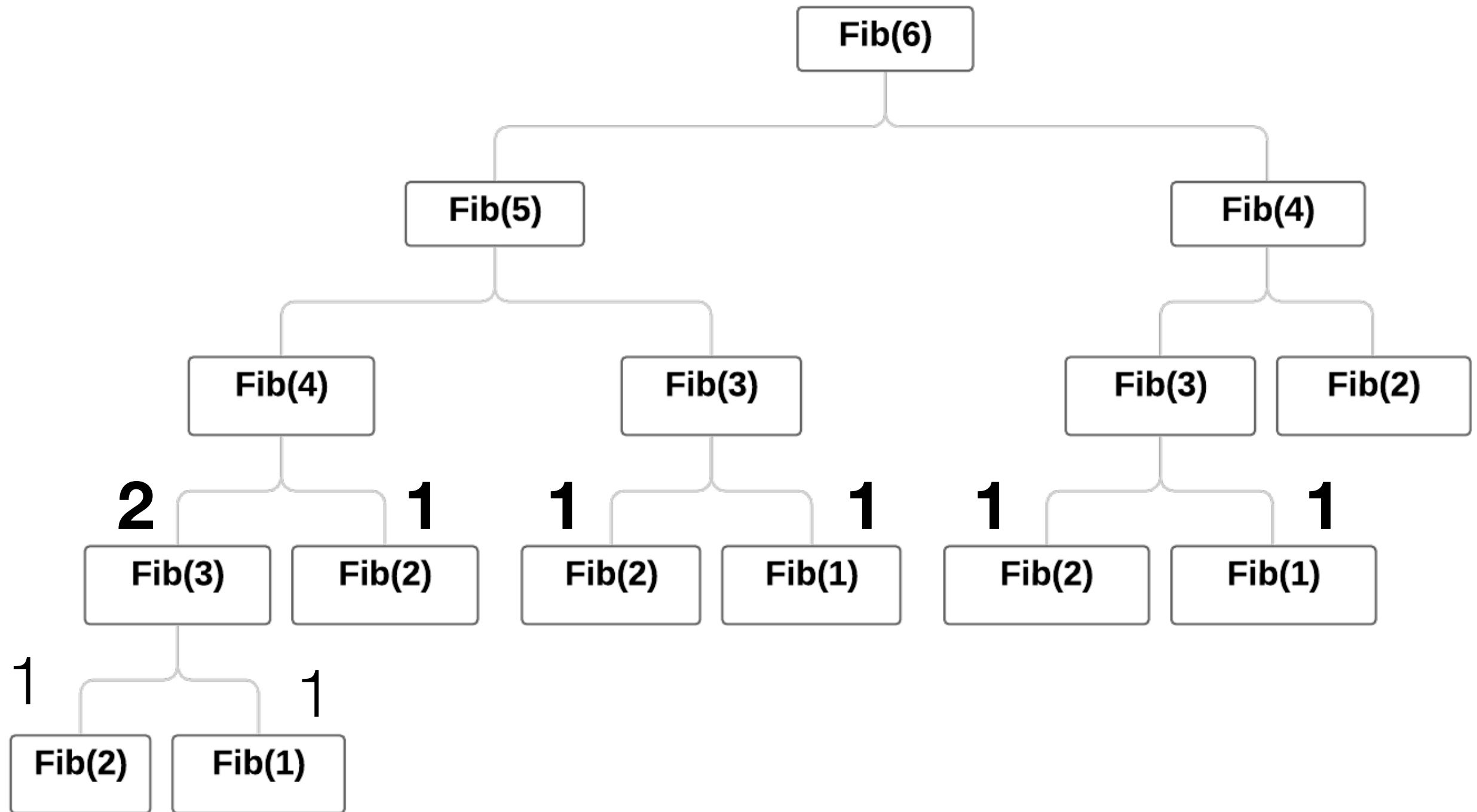


# Fibonacci

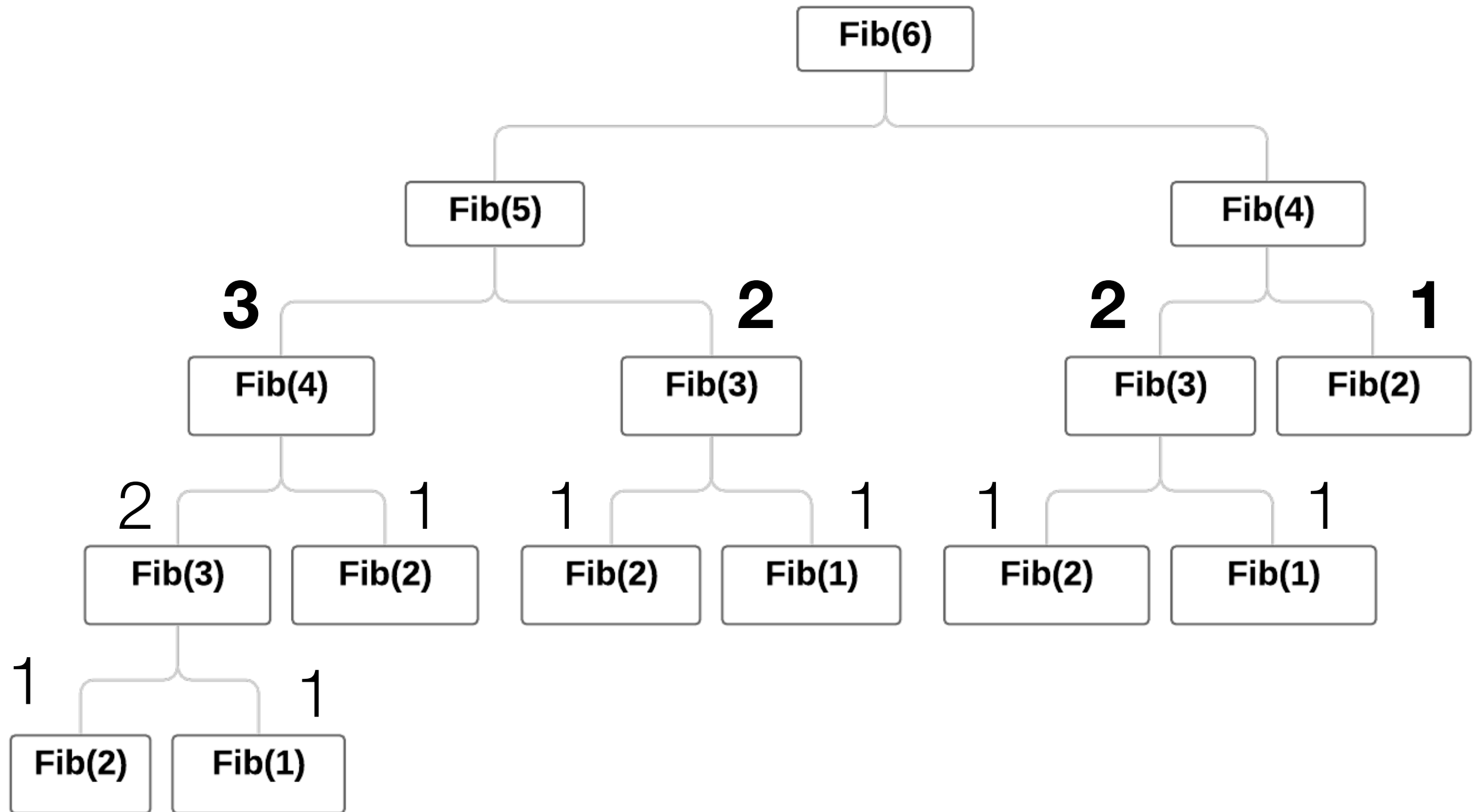
---



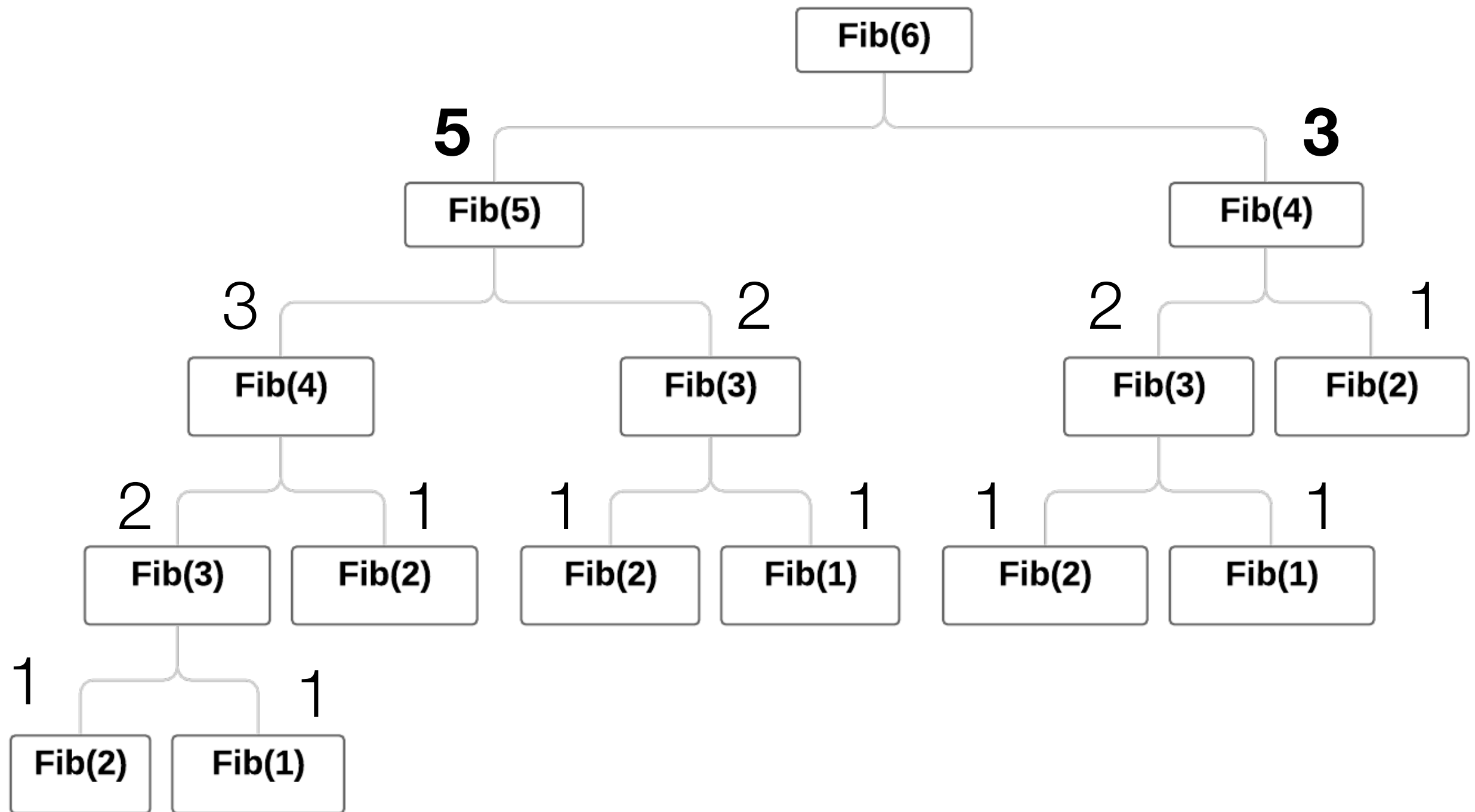
# Fibonacci



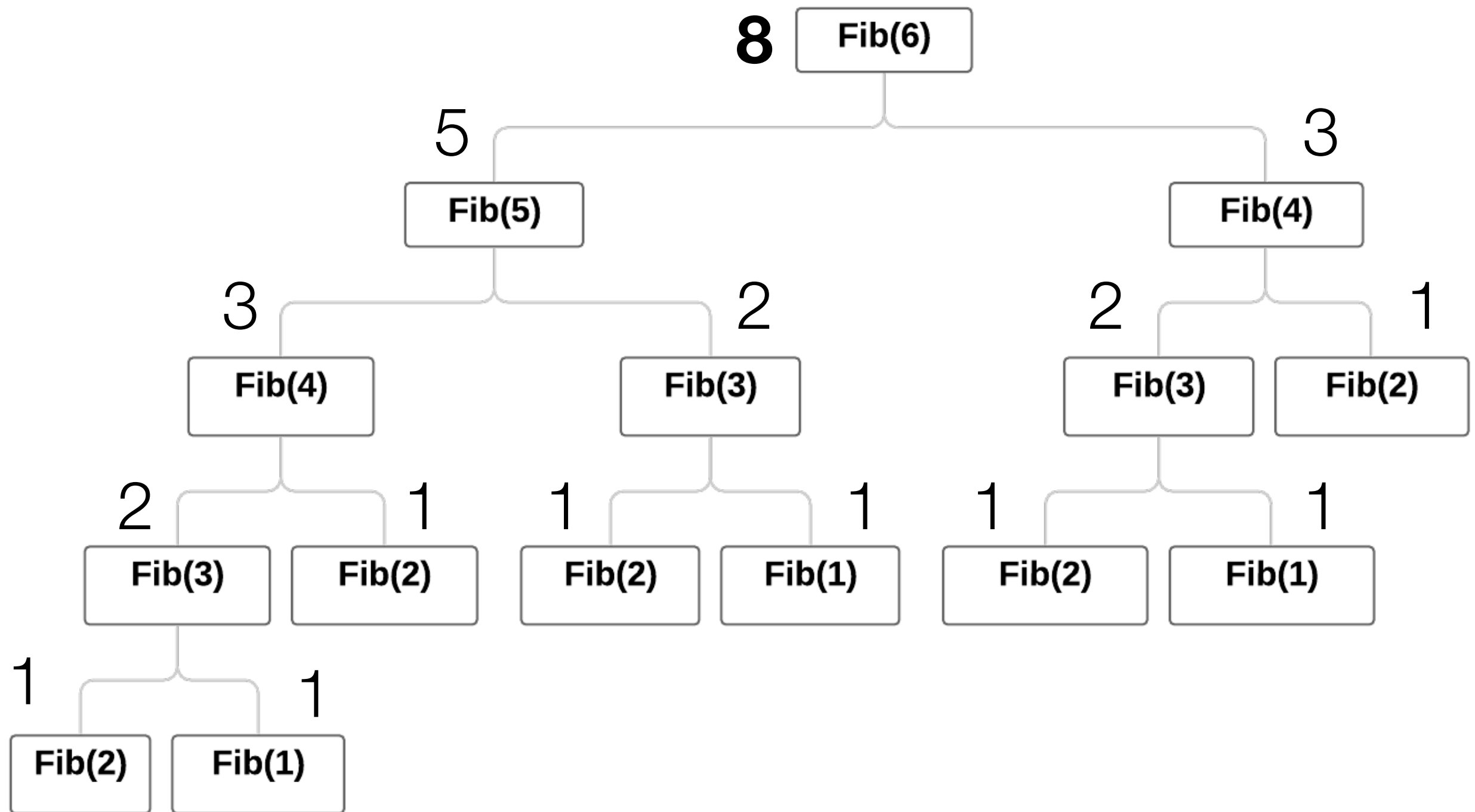
# Fibonacci



# Fibonacci



# Fibonacci



# Fibonacci

---

- Caso base (trivial)
  - Fibonnaci 1 y 2 = **1**
- Formula genereal
  - $\text{Fib}(N) = \mathbf{\text{Fib}(N-1) + \text{Fib}(N-2)}$

# Fibonacci

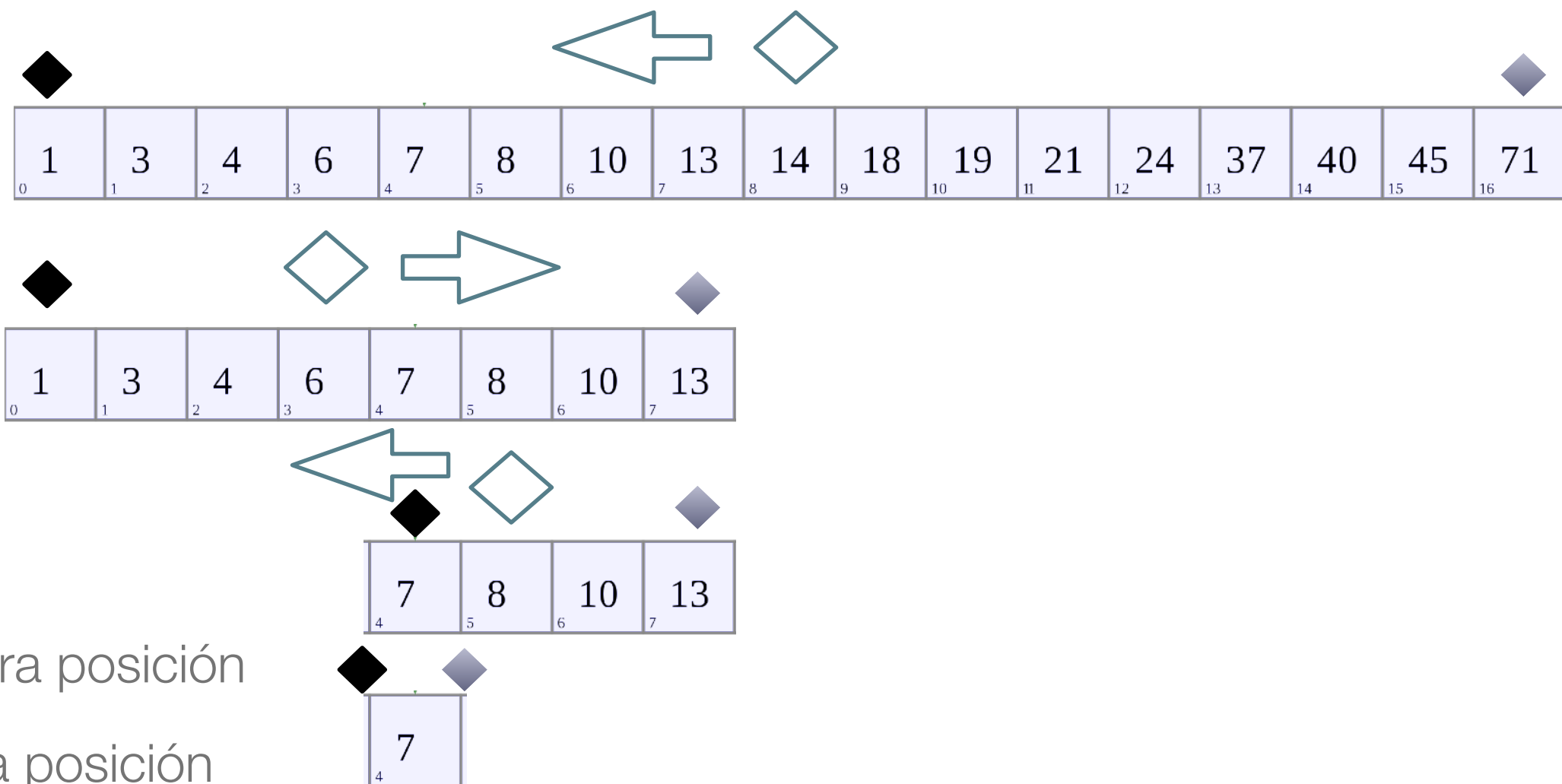
---

```
def fibonacci(n):  
    if (n < 2):  
        return n  
    else:  
        return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2)
```



# Búsqueda binaria - con **recursividad**

Queremos saber si 7 está en el arreglo



# Búsqueda binaria

---

```
def busquedaBinaria(arreglo, elemento):
    encontrado = False
    primero = 0
    ultimo = arreglo.size - 1
    while (primero <= ultimo) and (encontrado == False):
        puntoMedio = (primero + ultimo) // 2
        if arreglo[puntoMedio] == elemento:
            encontrado = True
        else:
            if elemento < arreglo[puntoMedio]:
                ultimo = puntoMedio - 1
            else:
                primero = puntoMedio + 1

    return encontrado, puntoMedio
```

# Búsqueda binaria - con **recursividad**

---

```
def busquedaBinariaRecursiva(arreglo, primero, ultimo, elemento):  
    if (ultimo < primero):  
        posicion = -1
```

- 10 minutos
- Caso base
- Formula general



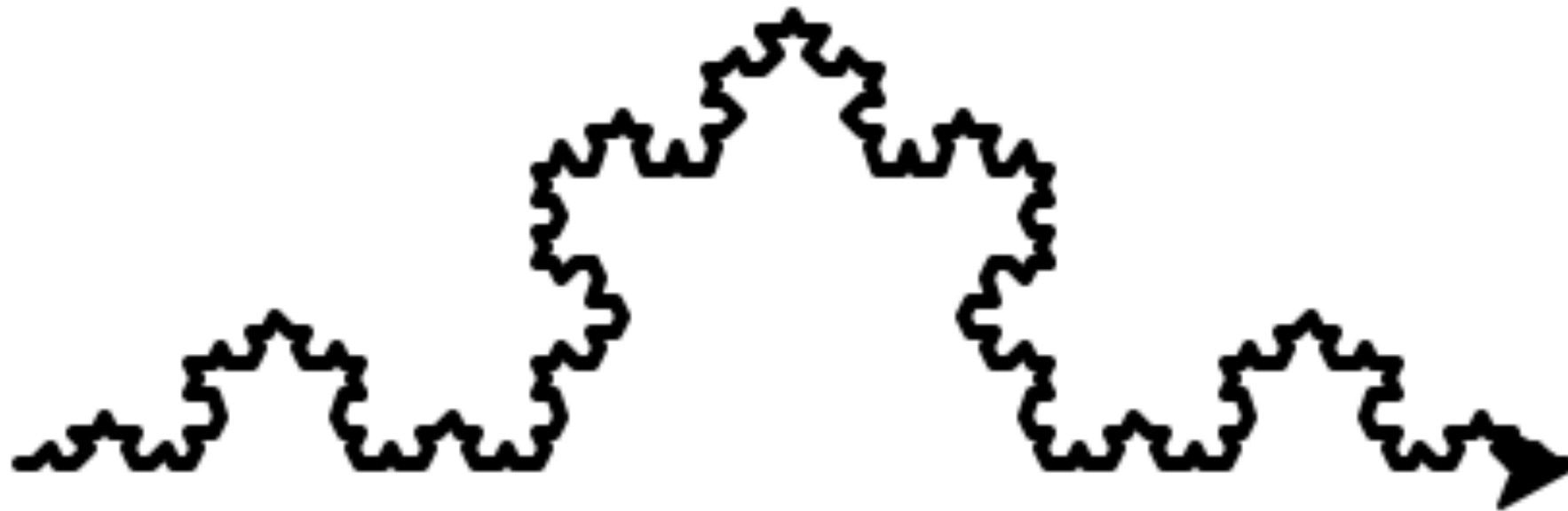
# Recursividad

---



# Recursividad

---



# Recursividad

---

```
import turtle

def koch(a, order):
    if order > 0:
        for t in [60, -120, 60, 0]:
            koch(a/3, order-1)
            turtle.left(t)
    else:
        turtle.forward(a)

turtle.speed(10)
turtle.pensize(2)
koch(200, 4)

turtle.done()
try:
    turtle.bye()
except turtle.Terminator:
    pass
```