

Competencia Perfecta

Organización Industrial

Instituto Tecnológico Autónomo de México

Verano 2021

Contenido

Supuestos

Maxmización de Beneficios

Empresas que enfrentan distintos costos

Supuestos de la competencia perfecta

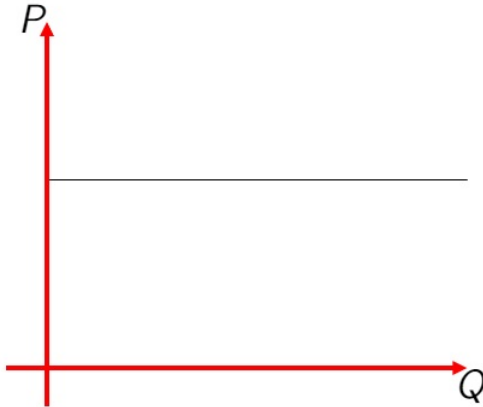
- ▶ Atomicidad
- ▶ Producto Homogéneo
- ▶ Libre entrada y salida
- ▶ Información perfecta
- ▶ Acceso a tecnología

Caracterizando al mercado



Caracterizando al mercado

Un productor pequeño enfrenta una demanda perfectamente elástica.



Caracterizando al mercado

Definamos la demanda que este pequeño productor enfrenta

$$P(Q) = \bar{P}$$

así como su función de ingresos

$$P(Q)Q = \bar{P}Q$$

y el ingreso marginal

$$I_{Mgl} = \bar{P}$$

Maximización de Beneficios

Ahora bien, cuando el productor busca maximizar beneficios sabemos que

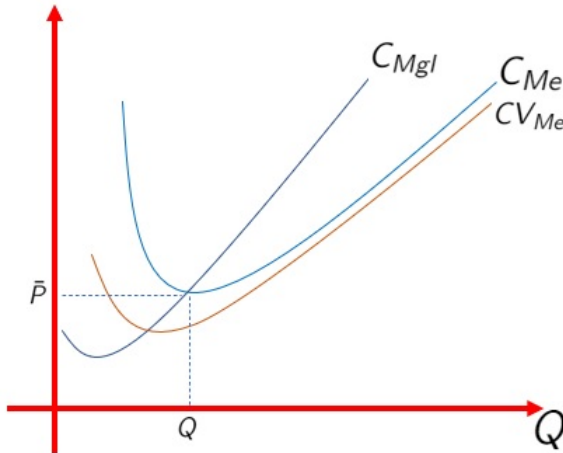
$$I_{Mgl} = C_{Mgl}$$

Pero sabiendo que $I_{Mgl} = \bar{P}$, tenemos que

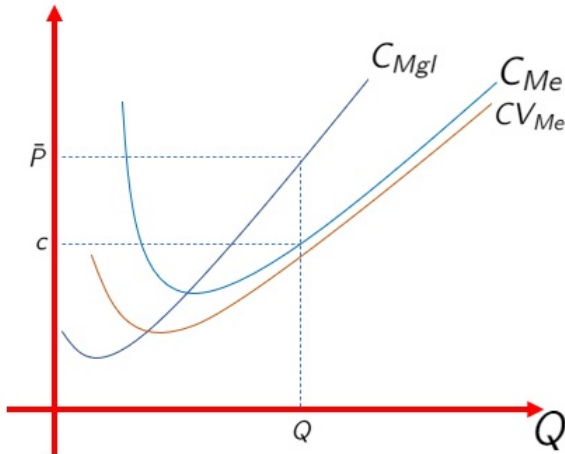
$$C_{Mgl} = \bar{P}$$

Veamos qué sucede cuando el productor maximiza.

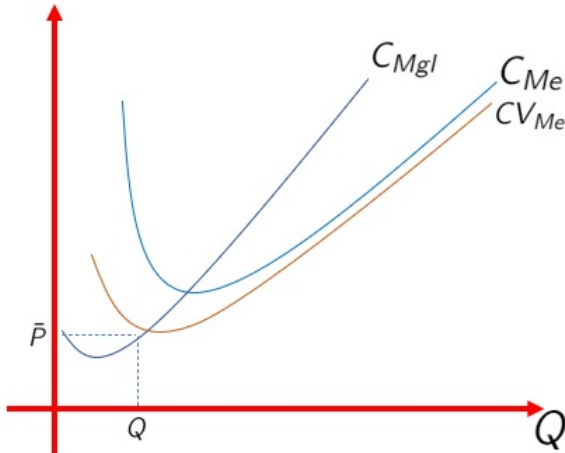
Caso 1



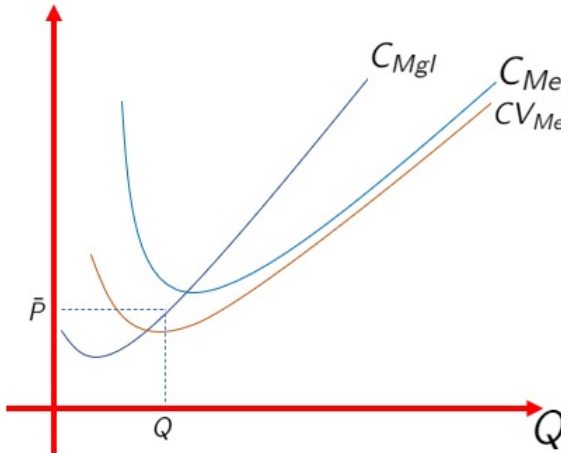
Caso 2



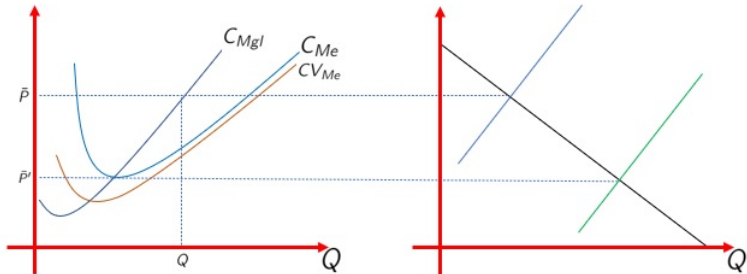
Caso 3



Caso 4



Volvamos al caso 2



Empresas que enfrentan distintos costos

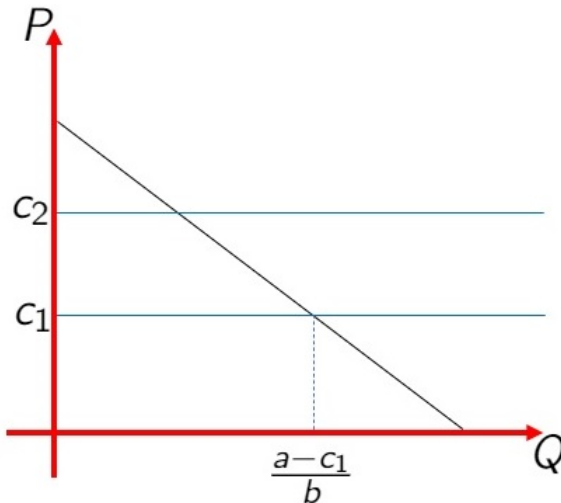
Para hacerlo simple, supongamos que existen dos empresas $i = 1, 2$. Denotemos con q_i la cantidad producida por la empresa i . De modo que $CT(q_i)$ será el costo total que enfrenta la empresa i .

Supongamos una función de costos constantes a escala

$$CT_i(q_i) = c_i q_i$$

Note que el costo marginal es constante.

Empresas que enfrentan distintos costos



Veamos la función de oferta de cada empresa

$$q_i = \begin{cases} \infty & \text{if } \bar{P} > c_i \\ [0, \infty] & \text{if } \bar{P} = c_i \\ 0 & \text{if } \bar{P} < c_i \end{cases}$$

En competencia perfecta, la empresa con menores costos será la única que produzca y las empresas con costos mayores no producirán. Si ambas empresas tuvieran la misma función de costos, se repartirán el mercado.

Extensión a n empresas

Supongamos n empresas con la misma función de producción

$$q_i = l^\alpha$$

y la misma función de costos

$$CT = F + wl$$

el costo fijo y el salario están dados.

Las empresas enfrentan la función de demanda

$$Q = a - bP$$

Maximicemos para una empresa. Primero notemos que si $q_i = l^\alpha \Rightarrow l = q_i^{\frac{1}{\alpha}}$. La empresa maximizará sus beneficios:

$$\Pi = Pq_i - F - wq_i^{\frac{1}{\alpha}}$$

En el óptimo la empresa ofrecerá

$$\begin{aligned}\frac{\partial \Pi}{\partial q_i} &= 0 \\ P - \frac{w}{\alpha} q_i^{\frac{1}{\alpha}-1} &= 0 \\ q_i &= \left(\frac{\alpha P}{w} \right)^{\frac{\alpha}{1-\alpha}}\end{aligned}$$

Ahora maximicemos para las n empresas. Dado que todas son iguales, la curva de oferta de cada empresa será la misma:

$$q_i = \left(\frac{\alpha P}{w} \right)^{\frac{\alpha}{1-\alpha}}$$

Entonces en el equilibrio:

$$\begin{aligned} a - bP &= \sum_{i=1}^n (q_i) \\ a - bP &= \sum_{i=1}^n \left(\frac{\alpha P}{w} \right)^{\frac{\alpha}{1-\alpha}} \\ a - bP &= n \left(\frac{\alpha P}{w} \right)^{\frac{\alpha}{1-\alpha}} \end{aligned}$$

De donde podemos despejar \bar{P} y sustituir en la oferta de las empresas para hallar el equilibrio.

Equilibrio en Competencia Perfecta

Dadas n empresas, el vector

$$\{P^*, q_1, q_2, \dots, q_n\}$$

representa un equilibrio de mercado si

1. $P^*, q_i \geq 0 \quad \forall i$
2. $\max \Pi_i(q_i) = P^* q_i - CT_i(q_i) \quad \forall i$
3. $P^* = a - b \left(\sum_{i=1}^n (q_i) \right)$