Linear Cebir Final Sinavi



1) x, y, z, t birer tamsayı olmak üzere $A = \begin{bmatrix} x & y \\ z & t \end{bmatrix}$ ise $det \begin{bmatrix} A^TA \end{bmatrix}^T$ aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) 5
- B) 8
- C) 27
- D) 9
- E) 12

$$-2y + 3z = a$$

2) 3x + 6y - 3z = b sisteminin çözümü hakkında hangisi doğrudur.

$$6x + 6y + 3z = c$$

A) a + 2b - 3c = 0 koşulu altında çözüm var

- B) 3a + 2b c = 0 koşulu altında çözüm var
- C) a + 2b = 0 koşulu altında çözüm var
- D) Hiçbiri
- E) 3a 2b + c = 0 koşulu altında çözüm var

3) $f(u) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$ dönüşümü x + y + 1 = 0 doğrusu üzerindeki hangi noktayı kendisine dönüştürür.

- A) Hiçbiri
- B) $\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$
- $C)\begin{bmatrix} -1 \\ 0 \end{bmatrix}$
- D) $\begin{bmatrix} 0 \\ -1 \end{bmatrix}$
- E) $\begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix}$

4) Aşağıdaki hangi vektörler $A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & 3 & 4 \end{bmatrix}$ matrisinin sıfır uzayını span ediyor?

A)
$$\begin{bmatrix}
-4 \\
-3 \\
1 \\
0
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
-6 \\
-4 \\
0 \\
1
\end{bmatrix}$$

B)
$$\begin{bmatrix} 2 \\ -3 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ -4 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

C)
$$\begin{bmatrix}
2 \\
1 \\
0 \\
0
\end{bmatrix}, \begin{bmatrix}
-4 \\
-3 \\
1 \\
0
\end{bmatrix}, \begin{bmatrix}
-6 \\
-4 \\
0 \\
1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ -3 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ -4 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

- E) Hiçbiri
- 5) $A = \begin{bmatrix} -2 & -x + 4 \\ -x & m \end{bmatrix}$ matrisinin her $x \in R$ için tersinir olması için m değeri ne olmalıdır?

A)
$$m \in (-\infty, 2)$$

$$\stackrel{\cdot}{B}$$
) $m=2$

C)
$$m \in (2, \infty)$$

D)
$$m \in (-2, 2)$$

E)
$$m = 0$$

6) R^3 'de $u = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ ve $v = \begin{bmatrix} 0 \\ 2 \\ -1 \end{bmatrix}$ vektörlerinin gerdiği(span ettiği) alt uzayın denklemi hangisidir

$$A) x + y + z = 0$$

B)
$$x - y - 2z = 0$$

C)
$$x + y = 0$$

D)
$$x + 5y + 3z = 0$$

$$E) x - y + z = 0$$

7)
$$\mathbf{u} = \begin{bmatrix} \mathbf{1} \\ \mathbf{2} \\ \mathbf{3} \end{bmatrix}$$
 vektörünü $\mathbf{v}_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$, $\mathbf{v}_2 = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$, $\mathbf{v}_3 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ vektörlerinin lineer kombinasyonu olarak ifade edin.

A)
$$u = -3v_1 + 2v_2 + 5v_3$$

B)
$$u = v_1 - v_2 - v_3$$

C)
$$u = 2v_1 + v_2 + v_3$$

D)
$$u = 3v_1 + 2v_2 + 5v_3$$

E)
$$u = 2v_1 + v_2 - v_3$$

$$8)\begin{bmatrix}2&2&-6\\a&2&-8\\1&-a&1\end{bmatrix}$$
 matrisinin rankı 3 olduğuna göre a sayısı kaç olamaz.

9)
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$
 matrisinin varsa tersini bulun.

B)
$$\frac{1}{2}$$
 $\begin{vmatrix} -1 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & -1 & 1 \end{vmatrix}$

$$C) \frac{-1}{2} \begin{bmatrix} -1 & 1 & -1 \\ 1 & -1 & -1 \\ -1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

E)
$$2\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & -1 \\ -1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

10) Aşağıdaki kümelerden hangisi/hangileri lineer bağımsızdır.

A:
$$\{p_1, p_2, p_3\}$$
; $p_1(t) = 1$, $p_2(t) = t^2$, $p_3(t) = 1 + 5t$

B:
$$\{p_1, p_2, p_3\}$$
; $p_1(t) = t$, $p_2(t) = t^2$, $p_3(t) = 2t + 5t^2$

$$C \colon \left\{p_1, \, p_2, \, p_3\right\} \; ; \, p_1(t) = 1, \, p_2(t) = t^2, \, p_3(t) = 1 + 5t + t^2$$

- A) sadece A
- B) Hepsi
- C) A ve B
- D) A ve C
- E) sadece C

11)
$$x^2 - 5x - 7 = 0$$
 denkleminin kökleri a ve b olduğuna göre, $A = \begin{bmatrix} a - 1 & b \\ -b & a + 1 \end{bmatrix}$ matrisinin determinantı kaçtır?

- A) 38
- B) 5
- C) 27
- D) -5
- E) 10

A)
$$W = \{u = [x \ y \], x = 2y\}$$

B) $W = \{u = [x \ y \], y = x - 2\}$
C) $W = \{u = [x \ y \], x - 5y = 0\}$
D) $W = \{u = [x \ y \], x = y\}$
E) $W = \{u = [x \ y \], x - 3y = 0\}$

B)
$$W = \{ u = [x \ y], y = x - 2 \}$$

C)
$$W = \{ u = [x \ y], x - 5y = 0 \}$$

D)
$$W = \{ u = [x \ y], x = y \}$$

E)
$$W = \{ u = [x \ y \], x - 3y = 0 \}$$