



PID Parametrelerinin Elde Edilmesi

Eğer sistemin matematiksel modeli elde edilmişse Köklerin Yer Eğrisi ve Frekans cevabı gibi analitik yöntemler kullanılarak sistemden beklenilen cevap eğrisine uygun PID denetleyici parametreleri hesaplanabilir.

Eğer sistem modeli kolayca elde edilemeyecek kadar karmaşıksa analitik olarak kontrolcü parametrelerinin belirlenmesi imkânsızdır. Bu durumda deneysel yöntemler kullanılır. Diğer bir ifade ile PID parametreleri, kontrol edilmesi istenilen sistem üzerinde çalışma şartları altında deneyler yapılarak belirlenir.

PID parametreleri bulunacak sistemlerin MATLAB/Simulink modelleri oluşturulmuşsa, Simulink'teki optimizasyon aracı kullanılarak da ilgili PID parametreleri elde edilebilir.

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI

3

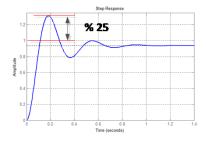


PID Parametrelerinin Elde Edilmesi

İstenilen performans kriterlerine göre denetleyici katsayılarının belirlenmesi işlemine *denetleyici ayarı* (Controller Tuning) adı verilir.

PID parametrelerinin (K_p , τ_d , τ_i) ayarlanmasında kullanılan en yaygın yöntemlerden biri Ziegler-Nichols metodudur.

Bu yöntemlerde arzu edilen sistem cevabının % 25 aşma oluşturduğu göz önüne alınmıştır.



Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI

Dr. Hakan TERZİOĞLU



PID Parametrelerinin Elde Edilmesi

Ziegler ve Nichols olarak bilinen bilim adamları, oransal kazanç (K_p), türev zamanı (τ_d) ve integral zamanını (τ_i) belirlemek için sistemin geçici durum davranışına dayanan iki deneysel yöntem önermiştir.

Bunlar:

- 1. Salınım (titreşim) yöntemi
- 2. Cevap eğrisi yöntemi

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI

5



1. Salınım (Titreşim) Yöntemi

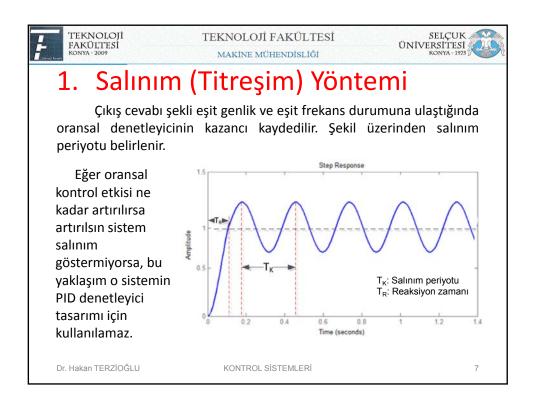
Bu yöntemde PID denetleyicinin integral ve türev etkileri başlangıçta yok edilerek ($au_i = \infty$ ve $au_d = 0$ yapılarak) sadece oransal denetleyici ile kontrol işlemi yapıldığı düşünülmüştür.



Oransal kontrol durumundayken sistem girişine basamak sinyali uygulanarak sistem kazancı K_p = 0'dan başlayıp yavaş yavaş artırılmak suretiyle çıkış cevabı gözlenir.

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI





Oransal kontrol deneyinde salınım anındaki kazanç K_{pmax} ve salınım periyotu T_K değerleri aşağıdaki tabloda kullanılarak P, PI, PID denetleyiciler için katsayılar belirlenir.

Kontrolcü Tipi	K _p	$ au_i$	$ au_d$
Р	0,5 . K _{pmax}	∞	0
PI	0,45 . K _{pmax}	0,825 . T _K	0
PID	0,6 . K _{pmax}	0,5 . T _K	0,125.T _K

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI



TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ MAKINE MÜHENDÍSLÍĞÍ



1. Salınım (Titreşim) Yöntemi

ÖRNEK:

Salınım deneyinden $K_{pmax} = 300$, $T_K = 0,5sn$ bulunması durumundan tablodan PID türü denetleyicinin transfer fonksiyonu aşağıdaki gibi bulunur.

$$K_{p} = 0.6 \cdot K_{pmax} = 0.6 \cdot 300 = 180$$

$$\tau_{i} = 0.5 \cdot T_{K} = 0.5 \cdot 0.5 = 0.25 \, sn$$

$$\tau_{d} = 0.125 \cdot T_{K} = 0.125 \cdot 0.5 = 0.0625 \, sn$$

$$G_{PID}(s) = \frac{U(s)}{E(s)} = K_{p} \left(1 + \frac{1}{\tau_{i}s} + \tau_{d}s \right)$$

$$= 180 \left(1 + \frac{1}{0.25s} + 0.0625s \right)$$

$$= 180 + \frac{720}{s} + 11.25s$$

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI

9



TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ MAKÍNE MÜHENDÍSLÍĞÍ



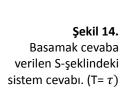
10

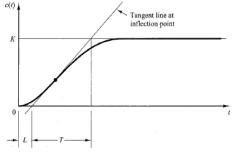
2. Cevap Eğrisi Yöntemi

Bu yönteme göre kapalı çevrim sistemde denetleyici devre dışı bırakılarak denetlenen sistem girişine basamak sinyali uygulanır. Ardından sistemin çıkışı gözlenir.

Eğer sistemde integratör ve baskın kompleks eşlenik kutup yoksa, sistemin cevabı Şekil 14'deki gibi salınımsız S şeklinde olur.

KONTROL SISTEMLERI





Dr. Hakan TERZİOĞLU



TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ MAKÍNE MÜHENDÍSLÍĞÍ



2. Cevap Eğrisi Yöntemi

S-şekilli eğri (Şekil 14) gecikme zamanı $\it L$ ve zaman sabiti $\it \tau$ ile karakterize edilebilir.

Gecikme zamanı L ve zaman sabiti τ S-şeklindeki eğrinin bükülme noktasından c(t) = K doğrusunu kesecek şekilde bir teğet çizilerek elde edilir (Şekil 14).

Bu durumda sistemin transfer fonksiyonu aşağıdaki denklemle yaklaşık olarak elde edilebilir:

$$\frac{C(s)}{U(s)} = \frac{Ke^{-Ls}}{\tau s + 1}$$

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI

11



TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ MAKINE MÜHENDÍSLÍĞÍ



2. Cevap Eğrisi Yöntemi

Ziegler-Nichols bu yöntemle K_p , τ_d ve τ_i değerlerini bulmak için aşağıdaki tabloda verilen bağıntıları önermiştir.

Kontrolcü Tipi	K _p	$ au_{i}$	$ au_{d}$
Р	$\frac{ au}{L}$	∞	0
PI	$0.9 \cdot \frac{\tau}{L}$	$\frac{L}{0,3}$	0
PID	$1,2\cdot\frac{\tau}{L}$	$2 \cdot L$	0,5 · <i>L</i>

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI



TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ MAKÍNE MÜHENDÍSLÍĞÍ



2. Cevap Eğrisi Yöntemi

Bu durumda PID kontrolcünün transfer fonksiyonu aşağıdaki gibi elde edilir:

$$G_{PID}(s) = K_p \left(1 + \frac{1}{\tau_i s} + \tau_d s \right)$$

$$= 1.2 \frac{\tau}{L} \left(1 + \frac{1}{2Ls} + 0.5Ls \right)$$

$$= \mathbf{0.6} \tau \frac{\left(s + \frac{1}{L} \right)^2}{s}$$

Bu yöntemle elde edilen PID kontrolcünün s=0'da bir kutbu, s=-1/L 'de katlı sıfırları vardır.

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI

13



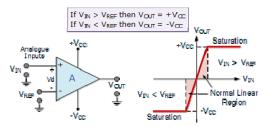
TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ

MAKİNE MÜHENDİSLİĞİ



Karşılaştırıcı Devrenin Opampla Gerçekleştirilmesi

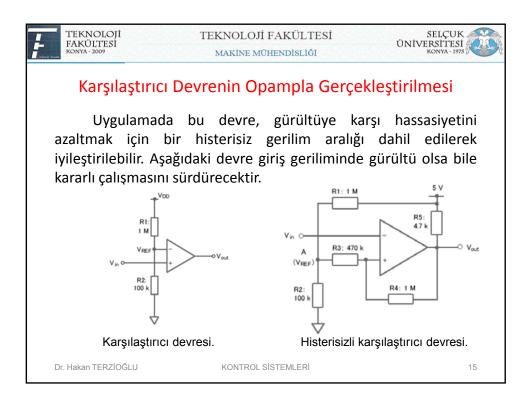
Şekildeki devrede V_{IN} ve V_{REF} gerilimleri arasında çok küçük bile olsa bir fark olduğunda, bu fark opampın açık devre kazancı ile çarpılır ve çıkışta yaklaşık olarak $+V_{CC}$ veya $-V_{CC}$ görülür.

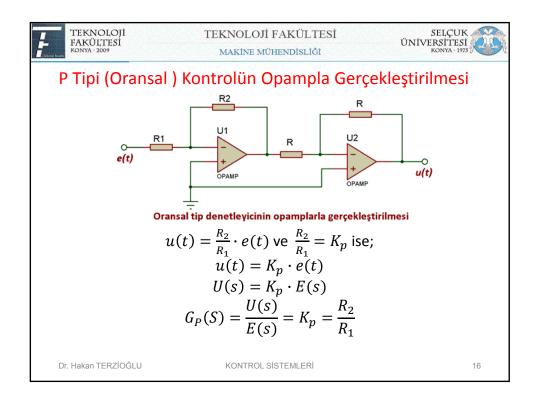


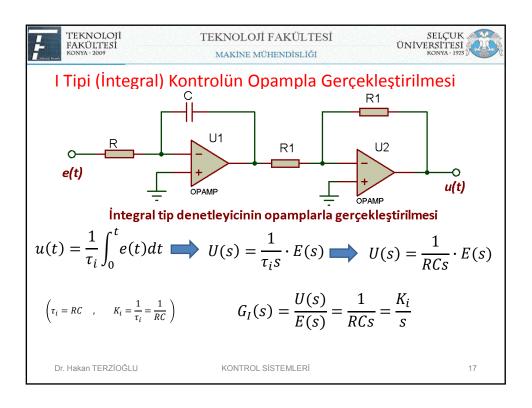
Deneylerde kullanılacak 747 opamp devresinin maksimum dayanabileceği diferansiyel giriş ± 30 V civarındadır. Buna nedenle V_{gr} ile V_{REF} arasındaki gerilim farkı hiçbir zaman 30 voltu aşmamalıdır. Aksi durumda opamp hasar görür.

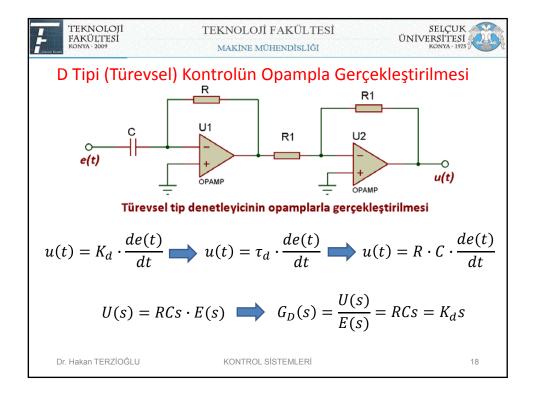
Dr. Hakan TERZİOĞLU

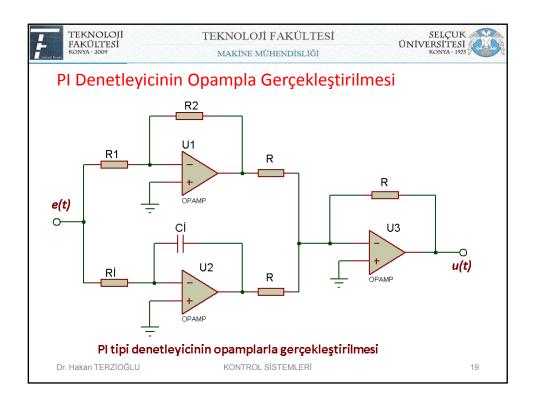
KONTROL SISTEMLERI

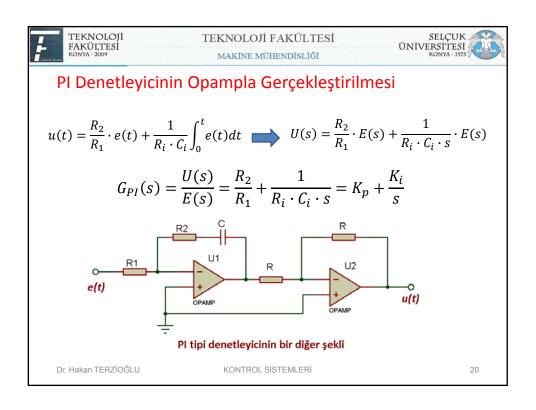














TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ

MAKİNE MÜHENDİSLİĞİ



PI Denetleyicinin Opampla Gerçekleştirilmesi

ÖRNEK:

Aşağıda transfer fonksiyonu verilen PI denetleyiciyi gerçekleyiniz (Keyfi seçilen dirençleri 1kΩ alınız).

$$G_{PI}(s) = \frac{U(s)}{E(s)} = 10 + \frac{1}{s}$$

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI

21



TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ

MAKİNE MÜHENDİSLİĞİ

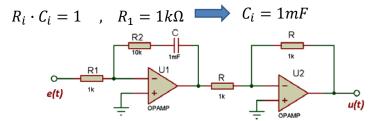


PI Denetleyicinin Opampla Gerçekleştirilmesi

ÇÖZÜM:

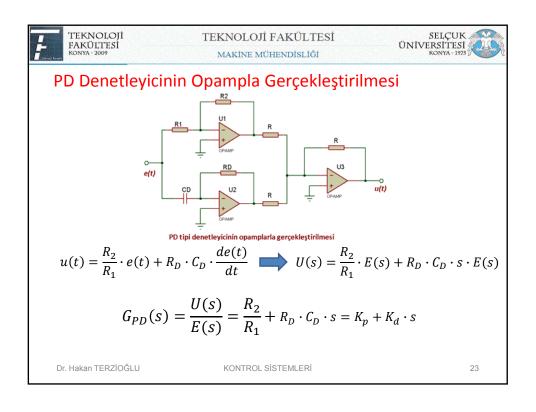
$$G_{PI}(s) = \frac{U(s)}{E(s)} = 10 + \frac{1}{s} = \frac{R_2}{R_1} + \frac{1}{R_i \cdot C_i \cdot s}$$

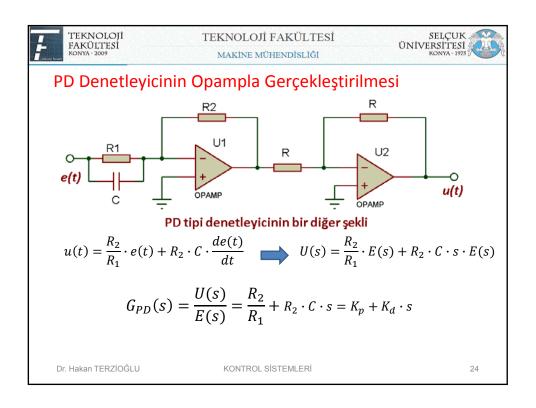
$$\frac{R_2}{R_1} = 10$$
 , $R_1 = 1k\Omega$ $R_2 = 10k\Omega$



Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI







TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ MAKÍNE MÜHENDÍSLÍĞÍ



PD Denetleyicinin Opampla Gerçekleştirilmesi

ÖRNEK:

Aşağıda transfer fonksiyonu verilen PD denetleyiciyi gerçekleyiniz (Keyfi seçilen dirençleri 1kΩ alınız).

$$G_{PD}(s) = \frac{U(s)}{E(s)} = 10 + 5s$$

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI

25



TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ

MAKİNE MÜHENDİSLİĞİ

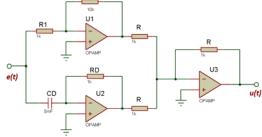


PD Denetleyicinin Opampla Gerçekleştirilmesi çözüm:

$$G_{PD}(s) = \frac{U(s)}{E(s)} = 10 + 5s$$
 $K_p = 10$, $K_d = 5$

$$K_p = \frac{R_2}{R_1} = 10$$
 , $R_1 = 1k\Omega$ $R_2 = 10k\Omega$

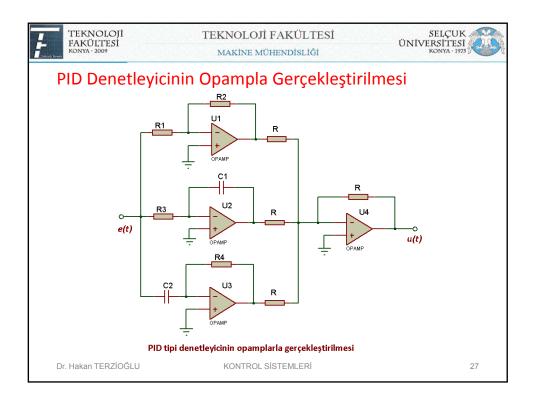
$$R_D \cdot C_D = 5$$
 , $R_D = \frac{1}{R^2} k\Omega$ $C_i = 5mF$

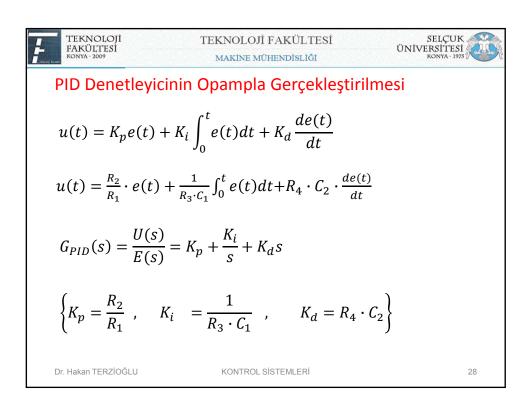


Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI

Dr. Hakan TERZİOĞLU







Örnek:

Bir işletmedeki fırının sıcaklığı 0-10V arasında değişen bir referans gerilim ile 600°C'ye kadar kontrol edilecektir.

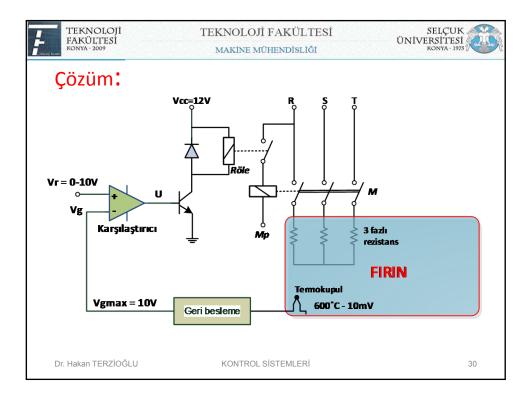
Fırının kontrolü 100kW'lık bir rezistans grubuyla bir kontaktör üzerinden aç-kapa mantılığıyla yapılacaktır.

Sıcaklık ±2°C'lik bir hata ile kontrol edildiğine göre sistem için gereken aç-kapa devresini tasarlayınız.

Sensör olarak 600°C'yi 10mV'a dönüştüren bir termokupul kullanılmaktadır.

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI





TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ



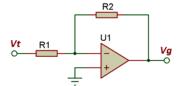


Çözüm:

Geri besleme devresi için;

Geri besleme kazancı;

$$K_g = \frac{V_{gmax}}{V_{tmax}} = \frac{10}{10mV} = 1000$$



Geri besleme devresi

$$K_g = \frac{R_2}{R_1} = -1000$$
 , $R_1 = 1k\Omega$ \Longrightarrow $R_2 = 1M\Omega$

Geri besleme devresinde eviren yükselteç kullanıldığından -1000 yazıldı. Buradaki negatiflik, karşılaştırıcı devresinde de eviren yükselteç kullanılarak giderilecek!

Vt : Termokupul gerilimi

Vg: Geri besleme elemanı çıkış gerilimi

Dr. Hakan TERZİOĞLU

KONTROL SISTEMLERI

31



TEKNOLOJÍ FAKÜLTESÍ

MAKİNE MÜHENDİSLİĞİ



Çözüm:

Karşılaştırma devresi için;

Geri besleme elemanı 600°C için 10V verecekse 2°C için 33,3mV verecektir. Bu değer ölü bölge değeridir ($\Delta V = 33,3mV$).

Buna göre R₄ direncinin değeri;

$$\Delta V = \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot Vcc$$

$$33.3 \cdot 10^{-3} = \frac{1000}{1000 + R_4} \cdot 12$$



$$R_1 = R_2 = 1k\Omega$$

Dr. Hakan TERZİOĞLU

Vr R3 U1 Vg R2 R1 Karşılaştırma devresi

KONTROL SISTEMLERI

