GÖRÜNTÜ İŞLEME - (3.Hafta)

GEOMETRİK DÖNÜŞÜMLER

Geometrik dönüşümler resim üzerindeki her pikselin bir konumdan (x_1,y_1) başka bir konuma (x_2,y_2) haritalanmasıdır. Bununla ilgili olarak aşağıdaki işlemler kullanılabilir.

- <u>Taşıma (Move)</u>:Resim içeriğinin konumunu değiştirme. Kanvas (tuval) üzerinde pikseller hareket ettirilir.
- Aynalama (Mirror): Resmin aynadaki görüntüsüne benzer simetrisini alma, görüntüyü takla attırma.
- Eğme ve Kaydırma (Skew): Resmin bir kenarından tutup kaydırma işlemidir.
- Ölçekleme (Zoom/Scale): Resim boyutunu değiştirme yada yaklaştırma uzaklaştırma.
- Döndürme (Rotate): Resmi çevirme.

Bu temel operatörler için aşağıdaki genel fonksiyonu kullanabiliriz. Bu formülde A matrisi ölçekleme, döndürme ve aynalama işlemlerini formülüze ederken, B matrisi taşıma için kullanılır. Perspektif dönüşümlerde ise her iki matris de kullanır.

$$\begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \end{bmatrix} = [A] \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \end{bmatrix} + [B]$$

Geometrik dönüşümler görüntünün belli bir bölgesini yaklaştırma, yada belli bir seri resmin birleştirme için kullanılabilir. Örneğin sırayla çekilmiş resimleri tek bir resim halinde panoramik (geniş açılı resimler) halin getirmek için kullanılabilir.

TAŞIMA (Translate)

Taşıma operatörü, giriş resmindeki her pikseli, çıkış resmindeki yeni bir konuma taşıma işlemidir. Orjinal resimdeki (x1,y1) koordinatındaki her piksel belli bir öteleme mesafesi (βx, βy) boyunca taşınarak yeni konumu olan (x2,y2) koordinatına yerleştirilir. Taşıma işlemi görüntü üzerinde iyileştirmeler yaparken yada başka uygulamaların alt işlemleri olarak kullanılabilir.

Taşıma operatörü aşağıdaki formüller kullanılarak gerçekleştirilir.

$$\begin{bmatrix} x_2 = x_1 + T_x \\ y_2 = y_1 + T_y \end{bmatrix}$$

Matris formatında

$$\begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} T_x \\ T_y \end{bmatrix}$$

Yeni oluşan koordinatlar (x2,y2) resmin sınırları dışına çıktıysa ya yok sayılır veya sınırlar genişletilerek, geride bırakılan boşluk alanları doldurulur. Bu durumda iki tane alandan bahsedebiliriz. Bir tanesi görüntünün bulunduğu resim (image) diğeri ise üzerinde kaydırıldığı zemin yani tuval (canvas) (bkz resim a). Burada resim kaydırıldığında altında kanvas da görünecektir (resim b). Kanvas yeni sınırları da kapsayacak şekilde büyütülürse resmin dışarı çıkan kısımları tekrar görünecektir fakat zeminde kanvas da görünecektir (resim c). Kanvas istenen renge boyanabilir yada renksiz düşünülebilir (resim d).









Programlama





```
public Bitmap Tasima()
  Color OkunanRenk;
  Bitmap GirisResmi, CikisResmi;
  GirisResmi = new Bitmap(pictureBox1.Image);
  int ResimGenisligi = GirisResmi.Width;
  int ResimYuksekligi = GirisResmi.Height;
  CikisResmi = new Bitmap(ResimGenisligi, ResimYuksekligi);
  double x2 = 0, y2 = 0;
  //Taşıma mesafelerini atıyor.
  int Tx = 100;
  int Ty = 50;
  for (int x1 = 0; x1 < (ResimGenisligi); x1++)
    for (int y1 = 0; y1 < (ResimYuksekligi); y1++)
       OkunanRenk = GirisResmi.GetPixel(x1, y1);
       x2=x1+Tx;
       y2 = y1 + Ty;
       if (x2 > 0 && x2 < ResimGenisligi && y2 > 0 && y2 < ResimYuksekligi)
         CikisResmi.SetPixel((int)x2, (int)y2, OkunanRenk);
  pictureBox2.Image = CikisResmi;
```

AYNALAMA, YANSITMA (Mirror/Reflect)

Yansıtma işlemi, görüntüyü orijinal resimdeki (x₁, y₁) konumundan alarak, belirlenen eksen veya bir nokta etrafında yansıtarak yeni bir konuma (x2, y2) yerleştirilmesidir.

Bununla ilgili yapılabilecek dönüşümler şu şekildedir.

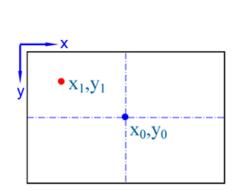
a) Ekranın orta noktasına (x₀-y₀) göre aynalama

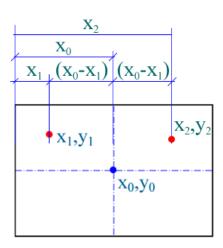
Bunun için x₀ mesafesinden x₁ mesafesini çıkarırsak birinci koordinatın eksene uzaklığını buluruz. Bunun iki katını alıp x₁ mesafesini de eklersek x₂ koordinatının mesafesini bulmuş oluruz. y koordinatları değişmeyecektir. Ekranın ortası yerine tıklanan noktayı eksen kabul ederek aynalama da benzer şekilde yapılabilir.

$$x_2 = x_1 + 2(x_0 - x_1)$$

$$x_2 = -x_1 + 2x_0$$

$$y_2 = y_1$$





b) y₀ noktasından geçen yatay eksen etrafında aynalama

Bunun için de benzer mantık kullanılabilir. Bu durumda formüller aşğıdaki gibi olacaktır.

$$x_2 = x_1$$

$$y_2 = -y_1 + 2y_0$$

c) (x_0,y_0) noktasından geçen herhangi bir θ açısına sahip bir eksen etrafında aynalama.

$$\Delta = (x_1 - x_0) \sin\theta - (y_1 - y_0) \cos\theta$$

olmak üzere

 $x_2 = x_1 + 2 \Delta (-Sin\theta)$ yeni x koordinatini verir.

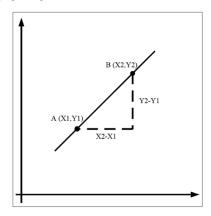
 $y_2 = y_1 + 2 \Delta (Cos\theta)$ yeni y koordinatını verir.

Eğer (x₀,y₀) noktası resmin merkezi olmazsa, yansıyan görüntü sınırların dışına çıkacaktır.

Araştırma: c maddesindeki bir noktası ve açısı verilen doğru üzerinde aynalama yapan formülleri çıkarınız.

d) İki noktası verilen eksen etrafında aynalama: (DÜZENLE)

İki noktası bilinen bir doğrunun şekli aşağıda görülmektedir



Şekil. İki noktası bilinen doğrunun görünümü

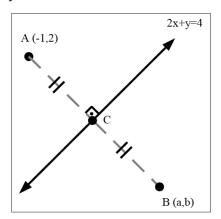
İki noktası bilinen doğrunun eğimi aşağıda gibidir.

$$m = \frac{Y2 - Y1}{X2 - X1}$$

İki noktası ve eğimi bilinen doğrunun denklemini bulmak için aşağıdaki eşitlik kullanılabilir.

$$(y - y1) = m.(x - x1)$$

Örnek: Noktanın doğruya göre simetriğinin bulunması için aşağıdaki şekilde verildiği şekliyle somut bir örnek üzerinde görelim. Buradaki doğrunun denklemi ve A noktasının koordinatları bilinmektedir. Bilinenler ışığında B noktasının koordinatlarını bulmaya çalışalım.



Bir noktanın doğruya göre simetriğinin görünümü

Doğru denkleminden doğrunun eğimi bulunmaktadır. Denklemde y yalnız bırakılır ve x'in katsayısı eğimi ifade etmektedir. Doğrunun eğimi Eşitlik 7 da verilmiştir.

$$y = 4 - 2x$$

$$m_d = -2$$

A noktasının eğime olan dik uzaklığı ile B noktasının eğime olan dik uzaklığı birbirine eşittir. Bu eşitlik yardımı ile koordinat bilgisine ulaşılacaktır. A noktası ile B noktası arasındaki uzaklığın orta noktası yani C noktasının koordinatları Eşitlik 8 gibi bulunmaktadır.

$$C(\frac{a-1}{2}, \frac{b+2}{2})$$

C noktasının x ve y noktaları doğrunun denkleminde yerine yazılırsa aşağıdaki eşitlikler elde edilir.

$$2.\left(\frac{a-1}{2}\right) + \frac{b+2}{2} = 4$$
$$\frac{2a-2+b+2}{2} = 4$$
$$2a+b=8$$

Birbirine dik doğruların eğimleri çarpımı 1 eşittir. Bu eşitlik ile bir denklem daha türetilecektir. Öncelikle AB doğrusunun eğimi aşağıdaki gibi ifade edilmektedir.

$$m_{AB} = \frac{b-2}{a+2}$$

Doğrunun eğimi ve AB doğrusunun eğimlerinin çarpım ifadesinden aşağıdaki denklem elde edilir.

$$\frac{b-2}{a+2} \cdot -2 = -1$$

$$-2b+4 = -a-1$$

$$a-2b = -5$$

Yukarıdaki (2a+b=8) denklemi ile (a-2b=-5) eşitliği alt alta toplanarak denklemdeki bilinmeyen (a, b) değerleri bulunur (iki bilinmeyenin çözümü için iki denklem gerekir).

$$4a + 2b = 16$$

$$a - 2b = -5$$

$$5a = 11$$

$$a = \frac{11}{5} \rightarrow b = \frac{18}{5}$$

Bu noktalarda zaten aynalamanın yapılmış olduğu noktalar olmuş olur.

Programlama







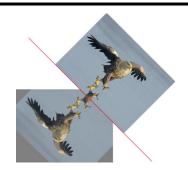


Orta dikey eksen etrafında aynalama

Orta yatay eksen etrafında aynalama







45 derecelik eksen etrafında aynalama

```
public Bitmap Aynalama()
  Color OkunanRenk;
  Bitmap GirisResmi, CikisResmi;
  GirisResmi = new Bitmap(pictureBox1.Image);
  int ResimGenisligi = GirisResmi.Width;
  int ResimYuksekligi = GirisResmi.Height;
  CikisResmi = new Bitmap(ResimGenisligi, ResimYuksekligi);
  double Aci = Convert.ToDouble(textBox1.Text);
  double RadyanAci = Aci * 2 * Math.PI / 360;
  double x2 = 0, y2 = 0;
  //Resim merkezini buluyor. Resim merkezi etrafında döndürecek.
  int x0 = ResimGenisligi / 2;
  int y0 = ResimYuksekligi / 2;
  for (int x1 = 0; x1 < (ResimGenisligi); x1++)
    for (int y1 = 0; y1 < (ResimYuksekligi); y1++)
       OkunanRenk = GirisResmi.GetPixel(x1, y1);
       //----A-Orta dikey eksen etrafında aynalama -----
       //x2 = Convert.ToInt16(-x1 + 2 * x0);
       //y2 = Convert.ToInt16(y1);
       //----B-Orta yatay eksen etrafında aynalama ------
       //x2 = Convert.ToInt16(x1);
       //y2 = Convert.ToInt16(-y1 + 2 *y0);
       //----C-Ortadan geçen 45 açılı çizgi etrafında aynalama-----
       double Delta = (x1 - x0) * Math.Sin(RadyanAci) - (y1 - y0) * Math.Cos(RadyanAci);
       x2 = Convert.ToInt16(x1 + 2 * Delta * (-Math.Sin(RadyanAci)));
       y2 = Convert.ToInt16(y1 + 2 * Delta * (Math.Cos(RadyanAci)));
       if (x2 > 0 && x2 < ResimGenisligi && y2 > 0 && y2 < ResimYuksekligi)
         CikisResmi.SetPixel((int)x2, (int)y2, OkunanRenk);
```

pictureBox2.Image = CikisResmi;

EĞME-KAYDIRMA (Shearing)

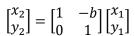
Resmin bir tarafı sabit dururken diğer tarafının x ekseni yada y ekseni doğrultusunda kaydırmak için aşağıdaki matrisi kullanabiliriz.

x-ekseni doğrultusunda kaydırmak için;

$$\begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & b \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \end{bmatrix}$$

$$x_2 = x_1 + b \ y_1$$

$$y_2 = y_1$$



$$x_2 = x_1 - b \ y_1$$

$$y_2 = y_1$$





y-ekseni doğrultusunda kaydırmak için;

$$\begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ b & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \end{bmatrix}$$

$$x_2 = x_1$$

$$y_2 = bx_1 + y_1$$





$$\begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -b & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \end{bmatrix}$$

$$x_2 = x_1$$

$$y_2 = -bx_1 + y_1$$



Programlama





```
public Bitmap Egme_Kaydirma()
  Color OkunanRenk;
  Bitmap GirisResmi, CikisResmi;
  GirisResmi = new Bitmap(pictureBox1.Image);
  int ResimGenisligi = GirisResmi.Width;
  int ResimYuksekligi = GirisResmi.Height;
  CikisResmi = new Bitmap(ResimGenisligi, ResimYuksekligi);
  //Taşıma mesafelerini atıyor.
  double EgmeKatsayisi = 0.2;
  double x2 = 0, y2 = 0;
  for (int x1 = 0; x1 < (ResimGenisligi); x1++)
    for (int y1 = 0; y1 < (ResimYuksekligi); y1++)
    {
       OkunanRenk = GirisResmi.GetPixel(x1, y1);
       // +X ekseni yönünde
       //x2 = x1 + EgmeKatsayisi * y1;
       //y2 = y1;
       // -X ekseni yönünde
       //x2 = x1 - EgmeKatsayisi * y1;
       //y2 = y1;
       // +Y ekseni yönünde
       //x2 = x1;
       //y2 = EgmeKatsayisi * x1 + y1;
       // -Y ekseni yönünde
       x2 = x1;
       y2 = -EgmeKatsayisi * x1 + y1;
       if (x2 > 0 && x2 < ResimGenisligi && y2 > 0 && y2 < ResimYuksekligi)
         CikisResmi.SetPixel((int)x2, (int)y2, OkunanRenk);
  pictureBox2.Image = CikisResmi;
```

ÖLÇEKLEME (Scaling)

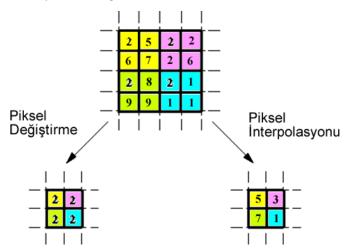
Ölçekleme işlemi bir görüntünün boyutunu veya bir bölümünü küçültme yada büyültmek için kullanılır. Bu işlem görüntü üzerinde alınan bir grup matrisin pikselin değerini daha küçük yada büyük matrise dönüştürme ile gerçekleştirilir. Böylece matris büyüklüğüne göre ya pikseller çoğaltılır (yaklaştırma), yada azaltılır (uzaklaştırma).

Ölçeklenen resimler büyük resimlerin küçültülerek daha küçük hafızalarda saklanması, yada büyüterek belli bir bölgeye dikkat çekmek için kullanılabilir.

Uzaklaştırma (Küçültme) (Zoom out)

Yeni oluşturulacak görüntüdeki pikselin değeri için iki farklı teknik kullanılabilir.

- a) Piksel değiştirme: Bir grup komşu pikselin değeri, tek bir piksel değerine dönüştürülürken içlerinden birinin değerine yada rastgele herhangi birinin değerine dönüştürülebilir. Bu metot işlemler açısından daha basittir fakat örneklenen pikseller arasındaki farklılık çok fazla ise zayıf sonuçlara yol açabilir.
- b) Piksel İnterpolasyonu: İkinci metod ise komşu pikseller arasında istatistiksel bir örnekleme yaparak (örneğin ortalamasını alarak) oluşturulacak pikselin değerini belirler.

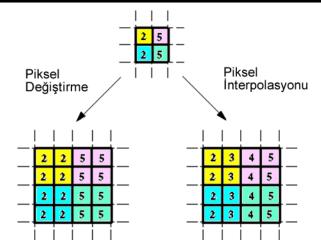


Sekil. Piksel değiştirmede dörtlü çerçevelerin sol üst köşelerindeki değerler kullanılmıştır. İnterpolasyonda ise dört tane pikselin ortalama değeri kullanılmıştır.

Yaklaştırma (Büyültme)(Zoom in)

Bir görüntünün tamamı yada belli bir bölgesi büyütülürken benzer bir işlemle, tek piksel çoğaltma yada interpolasyon alarak çoğalma kullanılabilir.

- a) Piksel Değiştirme: Bu yöntemde ele alınan pikselin değeri değiştirilmeden istenen matris büyüklüğüne göre çoğaltılır. Matris büyüklüğü burada Ölçekleme skalasına bağlı olarak değişir.
- b) Piksel İnterpolasyonu: Komşu piksellerin değerleri arasında fark, oluşturulacak piksel sayısına bağlı olarak kademeli şekilde belirlenebilir (interpolasyon işlemi). Böylece piksel geçişleri daha az bir keskinliğe sahip olmuş olur.



Şekil. Yakınlaştırma yöntemleri. a) Piksel değeri ile çoğaltma, b) İnterpolasyon ile çoğaltma.

Programlama (Küçültme-Piksel Değiştirme Metodu)

Giriş resmini x ve y yönünde birer piksel atlayarak okursak ve okunan değerleri yeni resimde sırayla yerleştirirsek 1/2x lik bir küçültme sağlamış oluruz. Döngüdeki x ve y artış değeri küçültme katsayısı olacaktır.



```
public Bitmap Kucultme_DegistirmeMetodu()
 Color OkunanRenk, DonusenRenk;
 Bitmap GirisResmi, CikisResmi;
 GirisResmi = new Bitmap(pictureBox1.Image);
 int ResimGenisligi = GirisResmi.Width;
 int ResimYuksekligi = GirisResmi.Height;
 CikisResmi = new Bitmap(ResimGenisligi, ResimYuksekligi);
 int x2=0, y2=0; //Çıkış resminin x ve y si olacak.
 int KucultmeKatsayisi = 2;
 for (int x1 = 0; x1 < ResimGenisligi; x1=x1+KucultmeKatsayisi)
    for (int y1 = 0; y1 < ResimYuksekligi; y1 = y1 + KucultmeKatsayisi)
      OkunanRenk = GirisResmi.GetPixel(x1, y1);
      DonusenRenk = OkunanRenk;
      CikisResmi.SetPixel(x2, y2, DonusenRenk);
      y2++;
```

```
x2++;
pictureBox2.Image = CikisResmi;
```

Programlama (Küçültme-İnterpolasyon Metodu)

Giriş resmini x ve y yönünde küçültme katsayısı kadar atlayarak okursak ve her atladığında aradaki piksellerin ortalama değerini alırsak ve bu ortalama değerleri çıkış resmine aktarırsak 1/x lik bir küçültme sağlamış oluruz.





```
public Bitmap Kucultme_InterpolasyonMetodu()
  Color OkunanRenk, DonusenRenk;
  Bitmap GirisResmi, CikisResmi;
  int R = 0, G = 0, B = 0;
  GirisResmi = new Bitmap(pictureBox1.Image);
  int ResimGenisligi = GirisResmi.Width; //GirisResmi global tanımlandı.
  int ResimYuksekligi = GirisResmi.Height;
  CikisResmi = new Bitmap(ResimGenisligi, ResimYuksekligi); //Cikis resminin boyutları
  int x2 = 0, y2 = 0; //Çıkış resminin x ve y si olacak.
  int KucultmeKatsayisi = 2;
  for (int x1 = 0; x1 < ResimGenisligi; x1 = x1 + KucultmeKatsayisi)
    y2 = 0;
    for (int y1 = 0; y1 < ResimYuksekligi; y1 = y1 + KucultmeKatsayisi)
       //x ve y de ilerlerken her atlanan pikselleri okuyacak ve ortalama değerini alacak.
       R = 0; G = 0; B = 0;
       try //resim sınırının dışına çıkaldığında hata vermesin diye
         for (int i = 0; i < KucultmeKatsayisi; i++)</pre>
            for (int j = 0; j < KucultmeKatsayisi; j++)</pre>
               OkunanRenk = GirisResmi.GetPixel(x1 + i, y1 + j);
               R = R + OkunanRenk.R;
               G = G + OkunanRenk.G;
               B = B + OkunanRenk.B;
```

```
}
}
catch {}

//Renk kanallarının ortalamasını alıyor
R = R / (KucultmeKatsayisi * KucultmeKatsayisi);
G = G / (KucultmeKatsayisi * KucultmeKatsayisi);
B = B / (KucultmeKatsayisi * KucultmeKatsayisi);

DonusenRenk = Color.FromArgb(R, G, B);
CikisResmi.SetPixel(x2, y2, DonusenRenk);
y2++;
}
x2++;
}

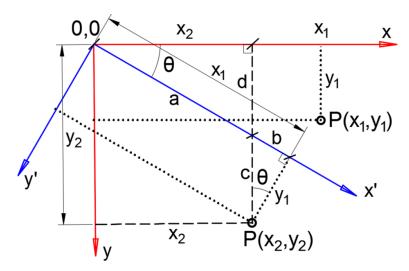
return CikisResmi;
}
```

DÖNDÜRME (Rotation)

Döndürme işlemi bir nokta etrafında belli bir açı (θ) değerinde çevirerek giriş resmindeki (x1,y1) koordinatını çıkış resmindeki (x2,y2) noktasına taşıma işlemidir. Çoğu döndürme işleminde sınırların dışına çıkan kısımlar yok sayılır.

Döndürme işlemi çoğunlukla resmin görünümü daha iyi hale getirmek için kullanılabilir. Afin işlemlerinde (persfektif bakış) de kullanılan bir işlem olacaktır.

Döndürme işlemi için formüllerimizi çıkaralım. Bir orijin (0,0) etrafında x-y eksen takımını saat yönünde θ açısı kadar döndürdüğümüzde şekildeki gibi olacaktır. Burada x1 ve y1 değerleri ile θ açısı bilenen değerlerdir. x2 ve y2 değerlerini bulmaya çalışalım. θ açısının bulunduğu üçgenlerin kenarlarına a,b,c,d sembollerini atarsak aşağıdaki formüllerimiz çıkacaktır.



$$Tan\theta = \frac{d}{x_2} \rightarrow d = x_2 Tan\theta \rightarrow d = x_2 \frac{Sin\theta}{Cos\theta}$$
 $x_1 = a + b \rightarrow x_1 = x_2 \frac{1}{Cos\theta} + y_1 \frac{Sin\theta}{Cos\theta} \rightarrow d = x_2 Tan\theta$

$$Tan\theta = \frac{b}{y_1} \rightarrow b = y_1 Tan\theta \rightarrow b = y_1 \frac{Sin\theta}{Cos\theta} \qquad x_2 \frac{1}{Cos\theta} = x_1 - y_1 \frac{Sin\theta}{Cos\theta} \rightarrow x_2 = x_1 Cos\theta - y_1 Sin\theta$$

$$Sin\theta = \frac{d}{a} \rightarrow a = \frac{d}{Sin\theta} \rightarrow a = \frac{(x_2 \frac{Sin\theta}{Cos\theta})}{Sin\theta} \rightarrow x_2 = x_1 Cos\theta - y_1 Sin\theta$$

$$a = x_2 \frac{1}{Cos\theta} \qquad y_2 = c + d \rightarrow y_2 = y_1 \frac{1}{Cos\theta} + x_2 \frac{Sin\theta}{Cos\theta} \rightarrow x_2 = y_1 \frac{1}{Cos\theta} + (x_1 Cos\theta - y_1 Sin\theta) \frac{Sin\theta}{Cos\theta} \rightarrow x_2 = y_1 \frac{1}{Cos\theta} + x_1 Sin\theta - y_1 \frac{Sin^2\theta}{Cos\theta} \rightarrow x_2 = y_1 \frac{1}{Cos\theta} + x_1 Sin\theta - y_1 \frac{Sin^2\theta}{Cos\theta} \rightarrow x_2 = x_1 Sin\theta + y_1 \frac{1}{Cos\theta} + x_2 \frac{Sin^2\theta}{Cos\theta} \rightarrow x_3 Sin\theta + y_4 \frac{1}{Cos\theta} + x_4 Sin\theta - y_4 \frac{Sin^2\theta}{Cos\theta} \rightarrow x_4 Sin\theta + y_4 \frac{1}{Cos\theta} + x_4 Sin\theta - y_4 \frac{Sin^2\theta}{Cos\theta} \rightarrow x_4 Sin\theta + y_4 \frac{1}{Cos\theta} + x_4 Sin\theta + x_4 Sin$$

Bu iki denklemi matris formunda yazarsak, orijin etrafında (resmin sol üst köşesi) bir noktanın dönüşü şu şekilde olur.

$$\begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Cos\theta & Sin\theta \\ -Sin\theta & Cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \end{bmatrix}$$

Pozitif θ açısı saatin yönünde dönmeyi ifade etmektedir. Resim alanı içerisindeki görüntü döndürülürken döndürme noktası sol üst köşe yerine resmin ortasını almak gerekir. Bu durumda koordinatlardan resmin orta noktasını gösteren x_0 ve y_0 değerlerini çıkarmak gerekir. Yani ilk işlemde orijin resmin ortasındaymış gibi düşünüp, dönme işlemi gerçekleştikten sonra, resmi sol üst köşeye taşırsak x_0 ve y_0 değerlerini çıkarırız. Resimlerde y koordinat ekseni aşağıya doğru bakmaktadır. Buna göre kullanacağımız formülleri çıkarırsak, şu şekilde olacaktır.

$$x_{2} = x_{1}Cos\theta - y_{1}Sin\theta$$

$$(x_{2} - x_{0}) = (x_{1} - x_{0})Cos\theta - (y_{1} - y_{0})Sin\theta$$

$$x_{2} = (x_{1} - x_{0})Cos\theta - (y_{1} - y_{0})Sin\theta + x_{0}$$

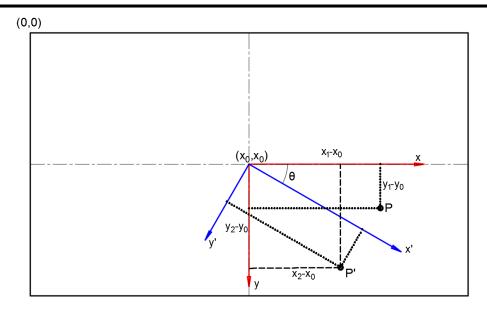
$$y_{2} = x_{1}Sin\theta + y_{1}Cos\theta$$

$$(y_{2} - y_{0}) = (x_{1} - x_{0})Sin\theta + (y_{1} - y_{0})Cos\theta$$

$$y_{2} = (x_{1} - x_{0})Sin\theta + (y_{1} - y_{0})Cos\theta + y_{0}$$

Bu iki denklemi matris formunda yazarsak, resmin ortasındaki (x0,y0) noktası etrafında, (x1,y1) noktasını çevirdiğimizde (x2,y2) yeni konumuna şu formülle döndürülür.

$$\begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Cos\theta & Sin\theta \\ -Sin\theta & Cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} (x_1 - x_0) \\ (y_1 - y_0) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} x_0 \\ y_0 \end{bmatrix}$$



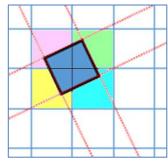
Döndürme işlemi nedeniyle resmin orjinal boyutunun dışına çıkan kısımlar yok sayılabilir yada bu kısımlar siyah renge dönüştürülebilir.

Bu formüller kullanıldığında x₂ ve y₂ koordinat değerleri, formül içindeki Sin ve Cos değerlerinden dolayı ondalık sayı olarak çıkacaktır. Bu durumda dönmüş olan piksel değeri, resim üzerindeki yatay ve dikey konumda olan piksel ızgarasının üzerine tam oturmayacaktır. Aynı anda birkaç pikselin üzerine basacaktır. Eğer en yakın tam sayı değerine yuvarlatılsa bile bazı noktalara renk ataması yapılamayacaktır. Bazı pikseller çift adreslenirken bazıları kaçırılacaktır. Bu durumda resim üzerinde boşluklar gözükecektir. Bu bozucu duruma **alias** (aliasing) denir.



Bu sorunu çözmek için değişik yöntemler kullanılabilir. Bunlardan üç tanesi şu şekildedir. Başka yöntemlerde geliştirilebilir.

- a) Kaynak resim üzerindeki pikseller aşırı örneklenerek büyütülebilir. Yani her piksel aynı renkte olmak üzere nxn lik küçük bir matris şeklinde (örn: 2x2) büyütülebilir. Bu haliyle resim döndürülür ve ardından küçültülürse aradaki boşluklar kaybolacaktır.
- b) İkinci yöntemde ise sorunu tersine çevirebiliriz. Hedef piksel üzerine basan 4 tane kaynak pikselin hangisi ağırlıkça en fazla yer işgal ediyorsa onun rengi atanabilir. Ayrıca bu algoritmaya üzerine basan 4 tane pikselin alan ağırlılığı ile doğru orantılı olacak şekilde ortalama bir renk değeri atanabilir. Bu durum daha pürüzsüz bir görüntünün oluşmasını sağlayacaktır fakat hesaplama zamanı artacaktır.



c) Üçüncü yöntem ise daha ilginç bir yöntemdir. Bu yöntemde tüm pikseller önce yatay olarak sağa doğru kaydırılır. Daha sonra dikey olarak aşağı doğru kaydırılır. Sonra tekrar sağa doğru yatayda kaydırılırsa resim dönmüş olarak gözükecektir.

Normal resim



Sağa kaydırma



Aşağı kaydırma



Tekrar sağa kaydırma



Sağa doğru kaydırma;

$$x_2 = (x_1 - x_0) - (y_1 - y_0) \tan (\theta/2) + x_0$$

$$y_2 = (y_1 - y_0) + y_0$$

Aşağı kaydırma;

$$x_2 = (x_1 - x_0) + x_0$$

$$y_2 = (x_1 - x_0)Sin\theta + (y_1 - y_0) + y_0$$

Tekrar Sağa doğru kaydırma;

$$x_2 = (x_1 - x_0) - (y_1 - y_0) \tan (\theta/2) + x_0$$

$$y_2 = (y_1 - y_0) + y_0$$

Bu işlemleri matris formatında gösterirsek topluca şu şekilde olacaktır.

$$\begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -\mathrm{Tan}\,(\theta/2) \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ \sin\theta & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -\mathrm{Tan}\,(\theta/2) \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} (x_1-x_0) \\ (y_1-y_0) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} x_0 \\ y_0 \end{bmatrix}$$

Araştırma: Buradaki Kaydırma işlemi ile Döndürme İşlemi arasındaki arasındaki bağlantıların nasıl bulunduğunu çıkarın.

Programlama (Alias düzeltme yok)

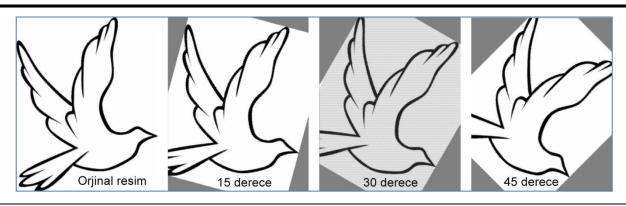
Alias düzeltilmeden sadece resmi döndürmeye ait kodlar aşağıdadır. Resim üzerinde farklı açılardaki alias oluşumları gösterilmiştir.



```
public Bitmap Dondurme()
  Color OkunanRenk;
  Bitmap GirisResmi, CikisResmi;
  GirisResmi = new Bitmap(pictureBox1.Image);
  int ResimGenisligi = GirisResmi.Width;
  int ResimYuksekligi = GirisResmi.Height;
  CikisResmi = new Bitmap(ResimGenisligi, ResimYuksekligi);
  int Aci = Convert.ToInt16(textBox1.Text);
  double RadyanAci = Aci * 2 * Math.PI / 360;
  double x2 = 0, y2 = 0;
  //Resim merkezini buluyor. Resim merkezi etrafında döndürecek.
  int x0 = ResimGenisligi / 2;
  int y0 = ResimYuksekligi / 2;
  for (int x1 = 0; x1 < (ResimGenisligi); x1++)
    for (int y1 = 0; y1 < (ResimYuksekligi); y1++)
       OkunanRenk = GirisResmi.GetPixel(x1, y1);
       //Döndürme Formülleri
       x2 = Math.Cos(RadyanAci) * (x1 - x0) - Math.Sin(RadyanAci) * (y1 - y0) + x0;
       y2 = Math.Sin(RadyanAci) * (x1 - x0) + Math.Cos(RadyanAci) * (y1 - y0) + y0;
       if(x2>0 && x2<ResimGenisligi && y2>0 && y2<ResimYuksekligi)
         CikisResmi.SetPixel((int)x2, (int)y2, OkunanRenk);
  pictureBox2.Image = CikisResmi;
```

Programlama (Alias düzeltme, kaydırma yöntemi ile)

Kaydırma yöntemi alias hatası düzelse de 30 derecede hala sorun devam etmektedir. Ondalık sayıların tam sayıya çevrilmesi bu derecede hataya neden olmaktadır.



```
public Bitmap Dondurme_Alias()
  Color OkunanRenk;
  Bitmap GirisResmi, CikisResmi;
  GirisResmi = new Bitmap(pictureBox1.Image);
  int ResimGenisligi = GirisResmi.Width;
  int ResimYuksekligi = GirisResmi.Height;
  CikisResmi = new Bitmap(ResimGenisligi, ResimYuksekligi);
  int Aci = Convert.ToInt16(textBox1.Text);
  double RadyanAci = Aci * 2 * Math.PI / 360;
  double x2 = 0, y2 = 0;
  //Resim merkezini buluyor. Resim merkezi etrafında döndürecek.
  int x0 = ResimGenisligi / 2;
  int y0 = ResimYuksekligi / 2;
  for (int x1 = 0; x1 < (ResimGenisligi); x1++)
    for (int y1 = 0; y1 < (ResimYuksekligi); y1++)
       OkunanRenk = GirisResmi.GetPixel(x1, y1);
       //Aliaslı Döndürme -Sağa Kaydırma
       x2 = (x1 - x0) - Math.Tan(RadyanAci / 2) * (y1 - y0) + x0;
       y2 = (y1 - y0) + y0;
       x2 = Convert.ToInt16(x2);
       y2 = Convert.ToInt16(y2);
       //Aliaslı Döndürme -Aşağı kaydırma
       x2 = (x2 - x0) + x0;
       y2 = Math.Sin(RadyanAci) * (x2 - x0) + (y2 - y0) + y0;
       x2 = Convert.ToInt16(x2);
       y2 = Convert.ToInt16(y2);
       //Aliaslı Döndürme -Sağa Kaydırma
       x2 = (x2 - x0) - Math.Tan(RadyanAci / 2) * (y2 - y0) + x0;
       y2 = (y2 - y0) + y0;
       x2 = Convert.ToInt16(x2);
       y2 = Convert.ToInt16(y2);
```

```
if (x2 > 0 && x2 < ResimGenisligi && y2 > 0 && y2 < ResimYuksekligi)
       CikisResmi.SetPixel((int)x2, (int)y2, OkunanRenk);
pictureBox2.Image = CikisResmi;
```

Araştırma: Yukarıda Alias düzeltme yapıldığı halde 30 derece neden hala boşlukların çıktığını araştırın.

KIRPMA

Kırpma işleminin mantığını ve algoritmasını kendiniz geliştirin.

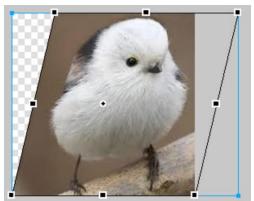
------ 000 ------

Ödev 1: Resim üzerine bir noktaya tıklansın. Ardından ikinci noktaya tıklandığında resmin o noktası yeni yerine gelecek şekilde resmi taşıyın. Tıklanan noktların gözle görülebilmesi için resim üzerinde küçük bir kare çizdirin. (Picturebox üzerinde çizgi nasıl çizdirilir öğrenmek için İnt.Tab.Prg 4. Notlara bakın)

Ödev 2: Kaydırma komutuna tıklandığında resmin köşelerinden tutulup çekebilecek şekilde kaydırma işlemi yapın. Örnek görünümü aşağıdakine benzer olsun. Burada olduğu gibi tüm köşelerden tutmak yerine üst kenara yakın bölgede mouse basılı iken yana doğru sürükleme yaparsak, resim sağa doğru kaysın. Yan kenara yakın bir bölgede mouse basılı iken aşağıda doğru sürüklersem resim aşağı doğru kaysın. Bu şekilde 4 kenar üzerinde de bunu yapabilelim. Her iki yönede kayacak şekilde ayarlayabilelim.

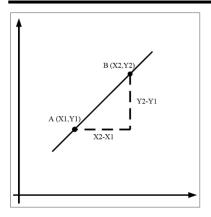
Bir resim yana kaydırıldıktan sonra o resim tekrar aynı picturebox üzerinde gözükmeli. Yani yan tarafta değil hepsi picturebox1 üzerinde olmalı. Böylecde tekrardan eğik resim üzerinde ikinci bir kaydırma işlemi yapılabilmeli. Fakat bu esnada dışarı taşan piksellerin bilgisi kaybolacağından bunları kaybetmemek için tüm resim üzerindeki piksel değerlerinin hem koordinatları hemde renk bilgileri dizide tutulabilir.



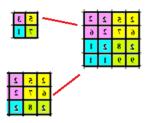




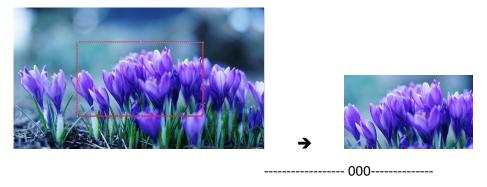
Ödev 3: Tıklanan iki noktayı eksen kabul eden çizginin etrafında aynalama yapan programı yazınız.



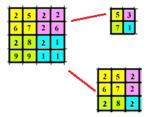
Ödev 4: Küçük bir resmi belli oranlarda büyütebilen bir program yazınız. Resim büyütme esnasında aralarda oluşan piksel boşlukları için çözümde bulmaay çalışın (İlerik konularda bu sorunu çözeceğiz)



Ödev 5: Resim üzerinde mouse ile tıklanan iki noktanın arasında oluşan dikdörtgeni Kırpma aracı olarak kullanan programı yazın. Yani çizilen dikdörtgenin dışındaki kısımlar ikinci resimde olmayacak.



Ödev 6: Bir resmi yukarıda anlatıldığı gibi yarı yarıya küçültme değil belli oranlarda küçültme yapabilecek programı yazınız. %70, %30 gibi oranlarda da küçültme yapabilsin.



Ödev 7: Resmin ortasında tıklanan herhangi bir nokta etrafında texbox'tan girilen açı kadar çevirme yapan kodaları yazın. Resmin ortasında tıklanan yerde küçük bir artı şeklinde işaret çizdirin. Dönme işleminden sonra bu işaret kalkmalı.

Ödev 8: Ölçekleme komutuna 🔄 tıklandığında resmin köşelerinde küçük kutucuklar oluşsun. Mouse ile bu noktadan basarak sürüklenip bırakıldığında, bırakılan nokta ile köşe arasında resim küçülmüş olsun. Bu esnada orantısı bozulmasın. Aynı işlemi büyütme içinde yapın.





Ödev 9: Ölçekleme işlemlerinden büyültme işlemini hem "Piksel Değiştirme" metodu ile hem de "Piksel İnterpolasyon" metodu ile programlayın. Hangisinin daha iyi bir sonuç verdiğini görmek için print-screen ile alarak Paintte büyütüp inceleyin. Yanyana getirip kenarları karşılaştırın.

Ödev 10: Mouse ile bir resmi döndürme işlemi yaptırın. Resmin üzerinde mouse sol tuşana basılı tutarken ve mouse ile döndürme hareketi yaparken resmin 4 kenarını çizgi şeklinde ve mouse takip edecek şekilde Orta nokta etrafında çizdirin. Mousdan elimizi çektiğimiz anda resim gösterilen en son dikdörgenin içerisinde dönmüş olarak gözüksün. Bu esnada picturbox ın dışına taşan kısımlar gözükmeyecektir.

Ödev 11: Resim döndürme işlemini açı olmadan Kaydırma yöntemini kullanarak programlayın. (Köşelerden 50 piksel kaydırak dönder)(Hem saat yönünde, hemde tersi yönde çalışan komutlar geliştirin)

Ödev 3: Döndürme komutunu programlarken Geometrik dönüşümle programlayın. Oluşan Alias boşluklarını yok etmek için resim oluştuktan sonra siyah noktaların etrafındaki pikselleri okutun ve renk olarak etrafındaki piksellerin ortalamasını alacak şekilde programlayın. Bu şekilde döndürme nedeniyle oluşan hatayı yok etmeye çalışın. Deneme yaparken 360 olacak şekilde tüm açılarda deneyin. Bunun için Timer yada For döngüsü kullanabilirsiniz.