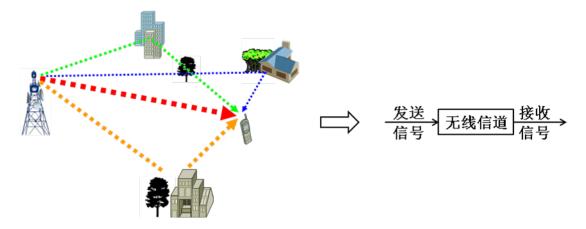
2015年全国研究生数学建模竞赛C题(由华为公司命题)

# 移动通信中的无线信道"指纹"特征建模

## 一、背景介绍

移动通信产业一直以惊人的速度迅猛发展,已成为带动全球经济发展的主要高科技产业之一,并对人类生活及社会发展产生了巨大的影响。在移动通信中,发送端和接收端之间通过电磁波来传输信号,我们可以想象两者之间有一些看不见的电磁通路,并把这些电磁通路称为无线信道。无线信道与周围的环境密切相关,不同环境下的无线信道具有一些差异化的特征。如何发现并提取这些特征并将其应用于优化无线网络,是当前的一个研究热点。类比人类指纹,我们将上述无线信道的差异化的特征称为无线信道"指纹"。无线信道"指纹"特征建模,就是在先验模型和测试数据的基础上,提取不同场景或不同区域内无线信道的差异化的特征,进而分析归纳出"指纹"的"数学模型",并给出清晰准确的"数学描述"。

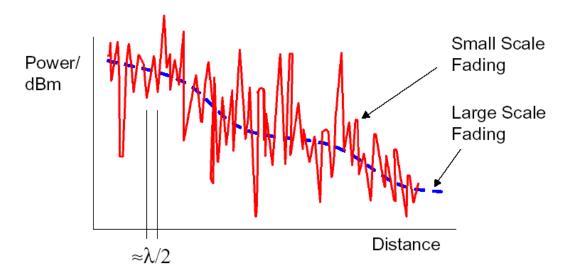
在典型的无线信道中,电磁波的传输不是单一路径的,而是由许多因散射(包括反射和衍射)而形成的路径所构成的。由于电磁波沿各条路径的传播距离不同,因此相同发射信号经由各条路径到达接收端的时间各不相同,即多径的时延之间有差异。此外,各条路径对相同发射信号造成的影响各不相同,即多径的系数之间有差异。如左下图所示:



工程上,考虑到多径系数及多径时延的影响,在保证精度的前提下,可以用"离散线性系统"为无线信道建模。需要注意的是,该模型中的信号及多径系数均为复数。理想信道测量可以理解为获取该系统的单位序列响应,即获取单位脉冲"**δ[k]**"经无线信道传输后被接收到的信号,如右上图所示。上述理想信道测量的结果用公式表述如下:

$$h[k] = \sum_{l=0}^{L-1} h_l \cdot \delta[k - \tau_l], k = 0, 1, \dots, K - 1, K \ge \max_{l} \{\tau_l\}$$
$$\delta[k] = \begin{cases} 0, & k \ne 0 \\ 1, & k = 0 \end{cases}$$

其中,"k"为离散信号的样点标识,这里假设共有"K"个样点;"L"是当前时刻的路径总数;"h<sub>1</sub>"为当前时刻第几条路径上的信道系数,通常是复数;"t<sub>1</sub>"为当前时刻第几条路径的时延,且已折算成样点数,即延迟了"t<sub>1</sub>"个样点。显然,复信号"h[k]"给出了当前时刻的完整信道。需要强调的是,上述各个参数,包括"h<sub>1</sub>"、"t<sub>1</sub>"和"L"都会随着时间而变化,即各个参数具有时变性。相应地,"h[k]"的功率在信号波长[1]"λ"的量级上会出现时而加强时而减弱的快速变化,称之为多径衰落或小尺度衰落。同时,快速变化的功率,其平均值也会出现缓慢的变化,这主要是由于周围环境或气象条件的改变而引起的,称之为阴影衰落或大尺度衰落。两种衰落特征如下图所示:



上述理想信道测量的结果"h[k]"是无法直接获取的。因为在真实无线通信系统中,为了改善信号的传输质量,通常需要在系统的发射端和接收端,各增加一个滤波器。所有滤波器在真实信道测量中的影响,可以等效地用函数"g[k]"来表示。此时信道测量的结果为:

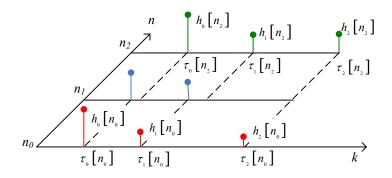
$$r[k] = \sum_{m=0}^{M-1} h[k-m] \cdot g[m]$$
 ,  $k = 0,1,\cdots,K-1$ 

其中,"M"为滤波器的长度,即"g[k]"的样点数。考虑到信道的时变性以及实测中引入

了噪声,不同时刻的真实信道测量结果及其对应的无线信道分别为:

$$\begin{split} r[k,n] &= \sum_{m=0}^{M-1} h[k-m,n] \cdot g[m] + \mathbf{u}[k,n], k = 0,1,\cdots,K-1, n = 0,1,\cdots,N-1 \\ h[k,n] &= \sum_{l=1}^{L-1} h_l[n] \cdot \delta[k-\tau_l[n]] \end{split}$$

其中, "n"表示测试的样本标识,对应测试时刻,这里假设共有"N"个样本; "h<sub>[</sub>[n]"表示"n"时刻第 [条路径上的信道系数,通常是复数; "t<sub>[</sub>[n]"表示"n"时刻第 [条路径延迟的样点数; "u[k,n]"表示"n"时刻第 "k"个测试样本上引入的复高斯白噪声; "r[k,n]"表示"n"时刻单位脉冲依次经发送滤波器、信道和接收滤波器后的实际接收信号,是k,n的二元函数。显然,我们可以从"r[k,n]"中获取完整的时变信道"h[k,n]"。为了便于理解,下图给出了不同时刻下无线信道的示意图,同时也给出了样本标识"n"和样点标识"k"的相互关系。容易发现,不同时刻下多径的条数、时延以及系数值都有可能发生变化。直观上,变化的参数都含有一些场景化的特征,即上述不同参数的变化可能存在一定的规律。



基于上述或更多的参数及特征,一个场景或一定区域内的无线信道可能存在一定的"指纹"。利用所定义的"指纹",进行场景的分析以及无线网络的优化,具有重要意义。我们希望利用真实信道测量结果分析建立信道的"指纹"模型。该模型可以是一个参数或多个参数(例如多径数目、多径时延、时延扩展、Doppler扩展、是否有直达径等[2][3][4])的组合或函数,也可以是某种图形化的描述;可能是时间域的,也可能是频率域的[5];可能是确定性的,也可能是统计意义上的。关键是所建立"指纹"模型能够从统计意义上有效区分出某个场景或区域。

## 二、待研究的问题:

本研究旨在挖掘、提炼和聚合实测信道数据中的各种特征,进而用数学的语言描述"指纹",并验证其在不同场景或不同地理位置下的适用性,具体包括:

问题1: "数据包1"提供了三种场景的真实信道测量结果。基于三种已知场景的测量结果,参考背景中的知识介绍,采用数学建模特别是特征提取的方法,对所提供的样本加以分析,给出无线信道"指纹"的模型。在此基础上,给出简洁而明确的"评价指标",用于分析验证所建模"指纹"合理有效。所谓有效是指,该模型应能从数学上对已知的三种场景进行合理区分。要求详细说明建模的思路、使用的方法以及得出结论的过程。另外,所提取的特征或所建立的模型最好有一定的物理意义。最后,提供获取"指纹"的程序代码,要求代码可运行,但代码形式不限。

问题2: "数据包2"提供了与"问题1"中某些场景相对应的二个真实信道测量结果。基于"问题1"中所提供的三个场景,以及所建立的"指纹"模型和"评价指标",采用数学的方法,识别出此处提供的二个样本分别属于哪个场景。需要保证"场景识别"的结果正确,且对识别的结果进行合理的分析。请明确给出"场景识别"的结果,并详细描述分析的过程。

问题3: "数据包3"提供了一条连续路段的真实信道测量结果。该结果对应于以3km/h的速度步行近150m的测试距离。该路段可能包含不同的场景或环境,对应不同的"指纹"特征。基于上述测量结果,先自行分段,采用"问题1"中的建模方法,给出分段的"指纹"分析。在分段分析的基础上,对所提取的"指纹"进行合理分类。通过对比不同段的分析结果,最终决定该路段可以依"指纹"划分为多少个区域。理论上,"区域划分"越细,后续做"区域识别"的精确程度越高,但过细的"区域划分"会在"指纹"特征中引入更多的错误,导致误判概率增大。要求详细说明"区域划分"的思路及过程,并对划分结果进行合理的分析。

问题4: "数据包4"提供了二个真实信道测量结果。基于"问题3"中的"区域划分"和"问题1"中的"评价指标",首先判断此处提供的二个样本是否采集自"问题3"中所提供的路段。对于已判断出的采自上述路段的样本,请识别其对应于"问题3"中的哪一块区域。需要保证"样本判断"的结果正确,以及"区域识别"的误判距离尽可能小,同时对所识别的结果进行合理的分析。要求详细说明样本判别的思路和方法,以及得出结论的过程。

#### 附:数据包内容及其查看方法

#### 1) "数据包1.rar"

- a) 解压"数据包1.rar",里面包含有三个文件夹,即"场景1"、"场景2"和"场景3",分别对应三个场景的采集信号;
- b) 每个文件夹中都包含有五个真实信道测量的结果,分别命名为"Test1.mat"、 "Test2.mat"、"Test3.mat"、"Test4.mat"和"Test5.mat";
- c) 所有测量结果,即每个文件夹内的每个".mat"文件,都对应"**N** = **1500**"个信道 样本,共1s的测试时间,即相邻信道样本间隔2/3ms;每个信道样本,都对应 "**K** = **100**"个样点,且相邻样点间隔65ns。具体查看方式如下:
  - i. 在Matlab中 "load('TestX.mat'); %X=1/2/3/4/5" 得到 "ChannelIR";
  - ii. 这里的 "ChannelIR" 对应 "r[k,n]", 且size(ChannelIR)等于1500, 100;

#### 2) "数据包2.rar"

- a) 解压"数据包2.rar",里面包含有二个真实信道测量的结果,分别命名为 "Test1ForScene.mat"和"Test2ForScene.mat";
- b) 任意".mat"文件的格式及查看方式同1)中的c);

## 3) "数据包3.rar"

- a) 解压"数据包3.rar", 里面包含有一个真实信道测量的结果, 即"Sample.mat";
- b) 该 ".mat"文件,对应 "**N** = **17700**"个信道样本,共177s的测试时间,即相邻信道样本间隔10ms;每个信道样本都对应 "**K** = **100**"个样点,且相邻样点间隔65ns。 具体查看方式同1)中的c)。需要注意的是,此时size(ChannelIR)等于17700,100;

#### 4) "数据包4.rar"

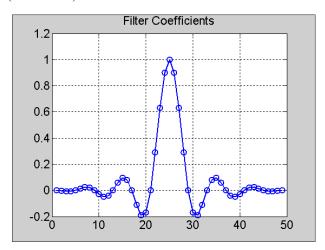
- a) 解压"数据包4.rar", 里面包含有二个真实信道测量的结果, 即"SampleForTest1.mat" 和 "SampleForTest2.mat";
- b) 任意".mat"文件,都对应"N = 200"个信道样本,共2s的测试时间,即相邻信

### [键入文字]

道样本间隔同样为10ms;每个信道样本都对应"K = 100"个样点,且相邻样点间隔同样为65ms;具体查看方式同1)中的c)。需要注意的是,此时size(ChannelIR)等于200,100。

## 5) "数据包5.rar"中为等效滤波器g[k]的系数,解压后得到"filter.mat";

在Matlab中"load('filter.mat')",得到长度"M = 49"的滤波器系数,如下图所示:



## 参考资料:

- [1] Wave Length, <a href="https://en.wikipedia.org/wiki/Wavelength">https://en.wikipedia.org/wiki/Wavelength</a>
- [2] Multipath Propagation, <a href="http://en.wikipedia.org/wiki/Multipath\_propagation">http://en.wikipedia.org/wiki/Multipath\_propagation</a>
- [3] Delay Spread, <a href="http://en.wikipedia.org/wiki/Delay\_spread">http://en.wikipedia.org/wiki/Delay\_spread</a>
- [4] Line-of-sight Propagation, <a href="http://en.wikipedia.org/wiki/Line-of-sight">http://en.wikipedia.org/wiki/Line-of-sight</a> propagation
- [5] Fourier Transform, <a href="https://en.wikipedia.org/wiki/Fourier transform">https://en.wikipedia.org/wiki/Fourier transform</a>