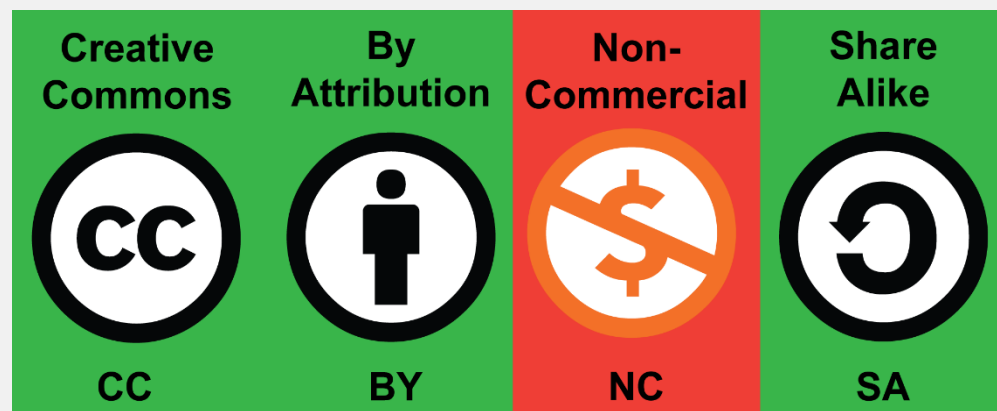


Tabela Hash

Prof. MSc. Jackson Antonio do Prado Lima
jacksonpradolima at gmail.com

Departamento de Sistemas de Informação – DSI

Licença



Este trabalho é licenciado sob os termos da Licença Internacional Creative Commons Atribuição-NãoComercial-Compartilhalgual 4.0 Internacional (**CC BY-NC-SA 4.0**)

Para ver uma cópia desta licença, visite
<http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/>

Histórico de Modificação

- Esta apresentação possui contribuição dos seguintes professores:
 - Alex Luiz de Souza (UDESC)
 - Anderson Fabiano Dums (UDESC)
 - Fernando José Muchalski (UDESC)
 - Silvio Luiz Bragatto Boss (UTFPR)
 - Jackson Antonio do Prado Lima (UDESC)



Agenda

- Contextualização
- Introdução
 - Aplicações
 - Vantagens
 - Desvantagens
 - Limitações
 - Conceitos
 - Função Hashing
- Funções de Hashing
 - Divisão
 - Meio Quadrado
 - Folding
- Colisões
- Tratamento de Colisões
 - Hashing Aberto
 - Hashing Fechado
 - Hashing Múltiplo
 - Hashing Dinâmico

CONTEXTUALIZAÇÃO

Contextualização

- Dado um conjunto de pares (chave, valor)
 - Determinar se uma chave está no conjunto e o seu valor associado
 - Inserir um novo par no conjunto
 - Remover um par do conjunto
- Estruturas que podem ser usadas
 - Tabelas simples (vetores ou listas)
 - Árvores de busca
 - Tabelas de espelhamento (hash)

Contextualização

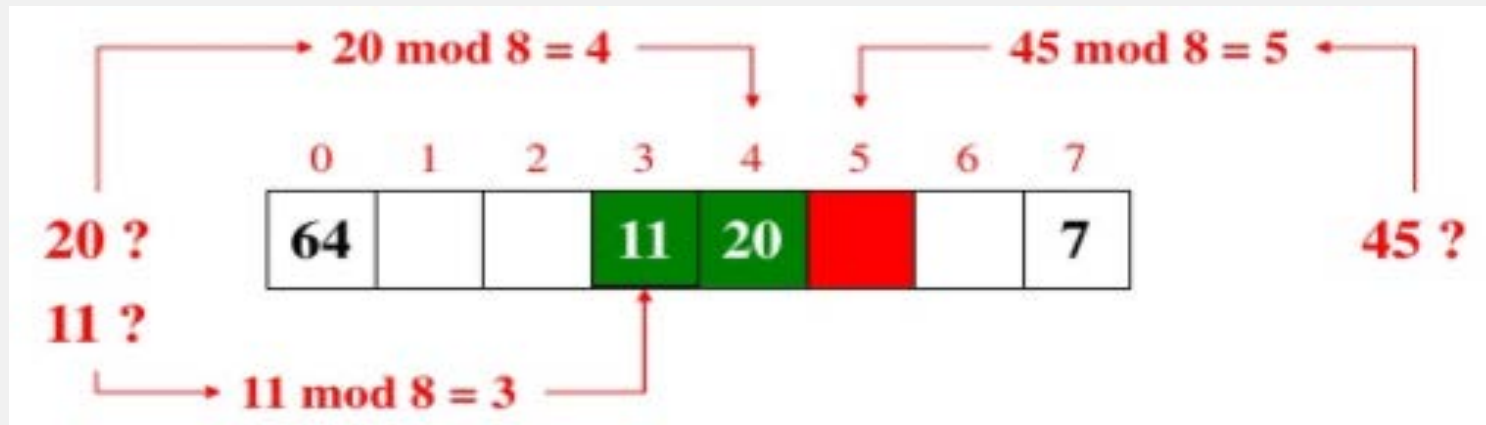
- Os métodos de pesquisa conhecidos buscam informações armazenadas com base na comparação de suas chaves
- Para obtermos algoritmos eficientes, armazenamos os elementos ordenados e tiramos proveito desta ordenação

Contextualização

- Conclusão:
 - Os algoritmos mais eficientes de busca conhecidos demandam esforço computacional $O(n)$, quando usamos uma tabela hash, esta pode realizar tais operações em tempo $O(1)$

Contextualização

- Em algumas aplicações, é necessário obter valor com poucas comparações, logo, é preciso saber a posição em que o elemento se encontra, sem precisar varrer todas as chaves
- A estrutura com esta propriedade é chamada de tabela hash



INTRODUÇÃO

Introdução

- É uma estrutura de dados que realiza o **mapeamento** entre **chaves (hash)** e **valores (dados)**
- Também conhecido como **tabela de espelhamento** ou **tabela de dispersão**
- Tem o objetivo de, a partir de uma chave **simples**, fazer uma busca **rápida** para obter um valor desejado
- Oferece **inserção** e busca muito **rápidas**, independente do **número** de itens

Introdução

- A ideia central consiste na divisão de um universo de dados a ser organizado em subconjuntos mais gerenciáveis.
- **Hashing** é uma técnica que utiliza uma função h para transformar uma chave k em um endereço
 - O endereço é usado para armazenar e recuperar registros

Introdução

- Tabelas hash são tipicamente utilizadas para implementar, por exemplo, vetores associativos, sets e realizar a indexação de grandes volumes de informação (como bases de dados)

■ Aplicações das Tabelas Hash

- As aplicações de tabelas de dispersão (*hash*) incluem, por exemplo:
 - **Banco de dados;**
 - Implementações das **tabelas de símbolos dos compiladores;**
 - Na **implementação de dicionários;**
 - Na **programação de jogos para acessar rapidamente uma posição para onde o personagem/avatar irá se mover**

Vantagens

- Para um usuário humano o acesso é instantâneo.
- A tabela pode receber mais itens mesmo quando um índice já foi ocupado
- Tabelas hash são muito mais rápidas que árvores e listas e são relativamente fáceis de se programar.

Desvantagens

- São baseadas em vetores, e vetores são difíceis de expandir depois de criados;
- Para alguns tipos de tabelas hash, o desempenho pode diminuir quando uma tabela torna-se muito cheia;
- Não há uma maneira conveniente de visitar os itens em uma tabela hash em qualquer tipo de ordem.
- Exige maior espaço para armazenamento das listas
- Listas longas implicam em muito tempo gasto na busca
 - Se as listas estiverem ordenada, reduz-se o tempo de busca

Limitações

- As tabelas hash são **estrutura de dados** do **tipo** dicionário (ou conjunto), ou seja, **estruturas** que:
 - **Não permitem** armazenar elementos repetidos; ou
 - **Não permitem** recuperar elementos sequencialmente (ordenação); ou que
 - **Não permitem** recuperar o **elemento** antecessor e sucessor de outro **elemento**

Limitações

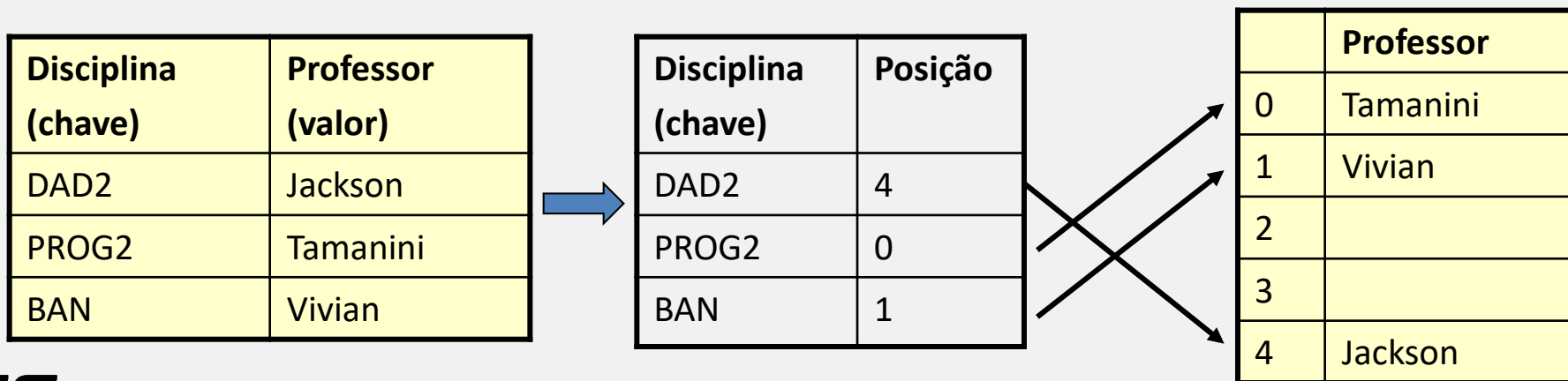
- Para **otimizar** a função de dispersão é **necessário** conhecer a **natureza** da chave a ser **utilizada**
 - No pior caso a **complexidade das operações** pode ser **$O(N)$** , ou seja, **caso** em que **todos** os elementos **inseridos** colidem
 - Hash com encadeamento interno (ou seja, com tratamento de colisões na própria tabela) pode **necessitar** de **redimensionamento** (a medida que a tabela aumenta)

Introdução

- São constituídas por dois conceitos fundamentais
 1. **Tabela de hash:** estrutura de dados que permite o acesso aos valores
 2. **Função de hashing:** função que realiza um mapeamento entre valores de chaves e entradas na tabela

Conceito

- O conceito de **hashing** envolve:
 - Guardar **valores** em uma tabela (vetor) indexado por inteiros
 - Mapear **chaves** em posições da tabela
- Ex1: Mapeamento Disciplina x Professor



Conceito

- A questão é: “**Como mapear chaves em valores?**”
- A solução é usar uma **função** que calcule um valor **inteiro** a partir da chave



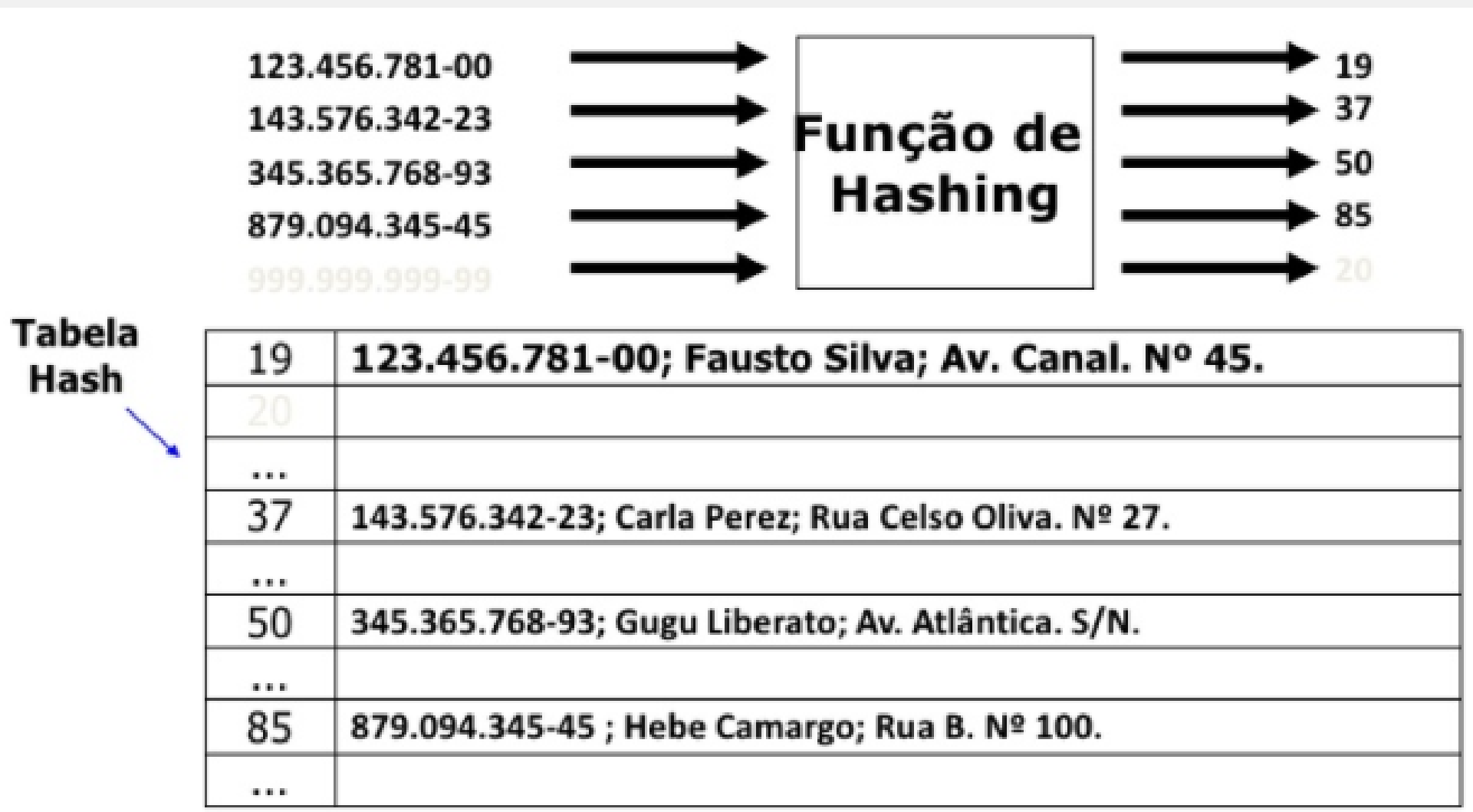
Função Hashing

- A função **h** é chamada de função hash **$h(k)$** retorna o valor hash de **k**
- Usado como endereço para armazenar a informação cuja chave é **k**
- **K** pertence a chave **$h(k)$**

Função Hashing

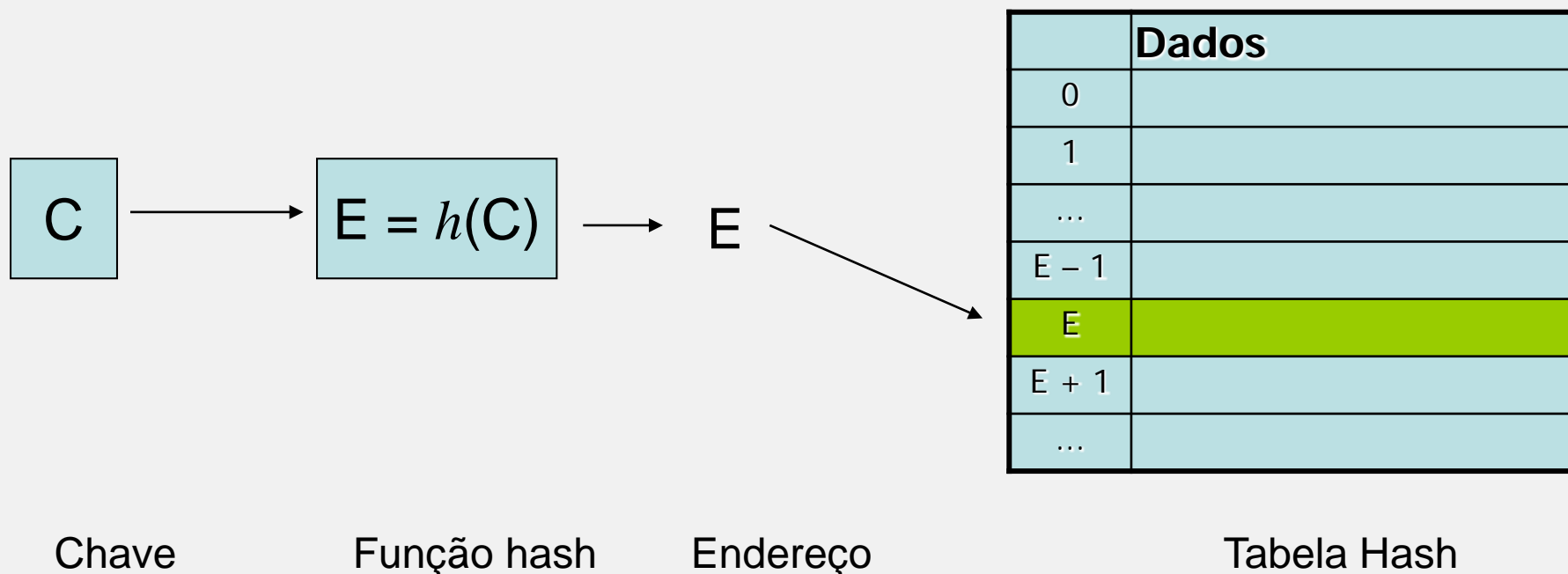
- A função hash é utilizada para inserir, remover ou buscar um determinado elemento
- A função hash deve ser determinística, ou seja, resultar sempre no mesmo valor para uma determinada chave

Função de Hashing

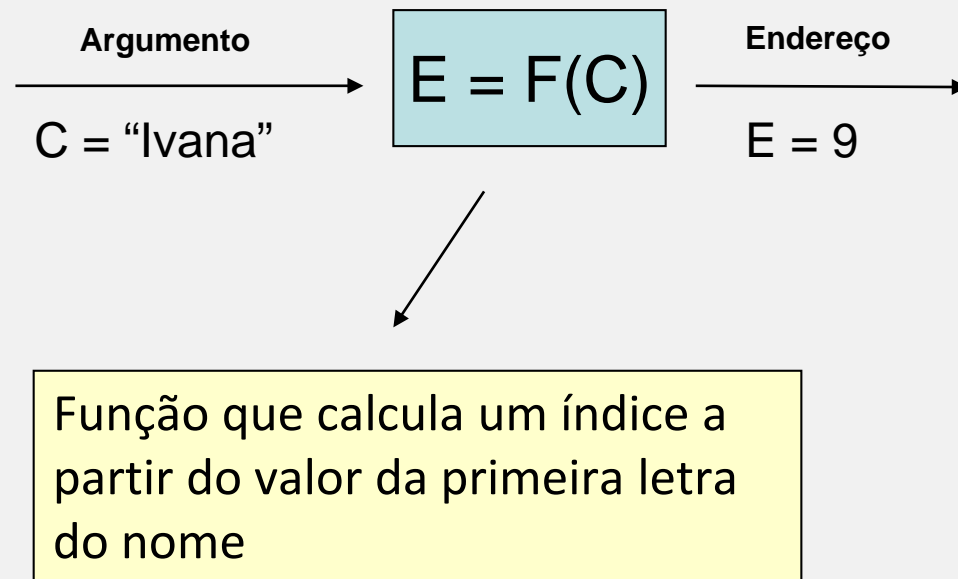


Função de Hashing

- Os registros armazenados em uma tabela (vetor) são **diretamente** endereçados a partir de uma **transformação aritmética** sobre a chave de pesquisa.



Exemplo



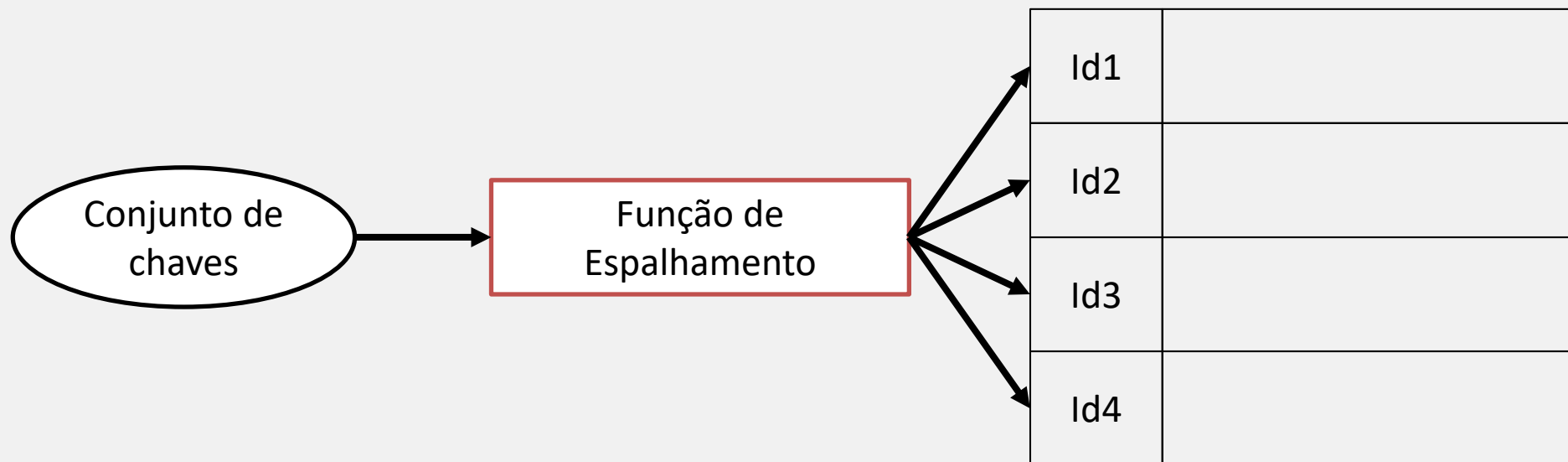
1	1100	Antonio
2		
3	1400	Carlos
4		
5	1800	Eduarda
6	1950	Flavio
7		
8		
9	3150	Ivana
...		
m		

Função de Espalhamento

- A **função de espalhamento** ou **função hash** é responsável por gerar um índice a partir de determinada chave
- O ideal para a função hash é que sejam fornecidos **índices únicos** para as chaves de entrada
- Caso a função seja mal escolhida/implementada, toda a tabela poderá ter um mau desempenho

Função de Espalhamento

- Exemplo:



Função de Espalhamento

- A função deve **mapear** chaves em inteiros dentro do intervalo $[0..M-1]$, onde **M** é o tamanho da tabela
- A função ideal é aquela que:
 - Seja simples de ser computada
 - Para cada chave de entrada, qualquer uma das saídas possíveis é **igualmente provável** de ocorrer.

Funções de Espalhamento

- As funções de hashing necessitam sempre de uma chave, normalmente números inteiros
- Caso a chave seja um outro tipo de dado, uma string por exemplo, é necessário uma função que transforme a chave em um valor inteiro

Funções de Espalhamento

- Principais funções de hashing:
 - Divisão
 - Meio do quadrado
 - *Folding* ou desdobramento
 - Análise de dígitos

FUNÇÕES DE HASHING

Funções de Hashing

- Divisão
- Meio do quadrado
- *Folding* ou desdobramento

Funções de Hashing

- **Divisão**
- Meio do quadrado
- *Folding* ou desdobramento

Método da Divisão

- Técnica simples e muito utilizada que produz bons resultados
- Nessa função, a chave é interpretada como um valor numérico que é dividido por outro valor
- O endereço de um elemento na tabela é dado simplesmente pelo resto da divisão por sua chave por **M**
 - **$F(x) = x \bmod M$ ou $x \% M$**
 - x = valor da chave (inteiro)
 - M = tamanho do espaço de endereçamento (tamanho da tabela)

Método da Divisão

- **Resto da divisão (%)** do valor da chave (x) pela dimensão do vetor (M):

$$f(x) = x \% M$$

- Quando **M** não for um número primo, uma função que apresenta um melhor comportamento é:

$$f(x) = (x \% p) \% M$$

onde **p** é um número primo maior que **M**

Método da Divisão

- **Exemplo:** calcular a posição da chave $x = 1376$ para uma tabela com $M = 50$ posições:

$$f(1376) = 1376 \% 50 = 26$$

- Utilizando a fórmula com um número primo maior que M , nesse caso $p = 53$.

$$f(1376) = (1376 \% 53) \% 50 = 1$$

Método da Divisão

- Para chaves do tipo *string*, tratar cada caractere como um valor inteiro (ASCII), somá-los e pegar o resto da divisão por M
- **Desvantagens**
 - Função extremamente dependente do valor de M escolhido
 - M deve ser preferencialmente um número primo (reduz endereços duplicados)
 - Valores recomendáveis de M devem ser > 20

Método da Divisão

Exemplo

- Seja
 - B um vetor de 7 elementos
 - Inserção dos números 1, 5, 10, 20, 25, 24

	0	1	2	3	4	5	6
T							

Método da Divisão

Exemplo

- Seja
 - B um vetor de 7 elementos
 - Inserção dos números 1, 5, 10, 20, 25, 24
 - $1 \% 7 = 1$

	0	1	2	3	4	5	6
T		1					

Método da Divisão

Exemplo

- Seja
 - B um vetor de 7 elementos
 - Inserção dos números 1, 5, 10, 20, 25, 24
 - $5\%7 = 5$

	0	1	2	3	4	5	6
T		1				5	

Método da Divisão

Exemplo

- Seja
 - B um vetor de 7 elementos
 - Inserção dos números 1, 5, 10, 20, 25, 24
 - $10\%7 = 3$

	0	1	2	3	4	5	6
T		1		10		5	

Método da Divisão

Exemplo

- Seja
 - B um vetor de 7 elementos
 - Inserção dos números 1, 5, 10, 20, 25, 24
 - $20\%7 = 6$

	0	1	2	3	4	5	6
T		1		10		5	20

Método da Divisão

Exemplo

- Seja
 - B um vetor de 7 elementos
 - Inserção dos números 1, 5, 10, 20, **25**, 24
 - $25\%7 = 4$

	0	1	2	3	4	5	6
T		1		10	25	5	20

Método da Divisão

Exemplo

- Seja
 - B um vetor de 7 elementos
 - Inserção dos números 1, 5, 10, 20, 25, 24
 - $24\%7 = 3$

– **COLISÃO**

	0	1	2	3	4	5	6
T		1		10 24	25	5	20

Funções de Hashing

- Divisão
- **Meio do quadrado**
- *Folding* ou desdobramento

Método Meio do Quadrado

- Calculada em 2 passos:
 - Eleva-se a chave ao quadrado
 - Utiliza-se de um determinado número de dígitos (ou bits) do meio do resultado.
- **Exemplo:** calcular o valor para a chave 1376
 - $1376^2 = 1893376$
 - Usando o meio do resultado 18**933**76 geramos o endereço **933**

Funções de Hashing

- Divisão
- Meio do quadrado
- ***Folding*** ou desdobramento

Folding ou Desdobramento

- Usada para cadeia de caracteres
- Baseia-se em uma representação numérica de uma cadeia de caracteres
- Dois tipos:
 - *Shift Folding*
 - *Limit Folding*

Shift Folding

- Divide-se uma *string* em pedaços, onde cada pedaço é representado numericamente, e soma-se as partes.
 - Exemplo mais simples: somar o valor ASCII de todos os caracteres.
- O resultado pode ser usado diretamente ou como uma chave para uma $f'(x)$

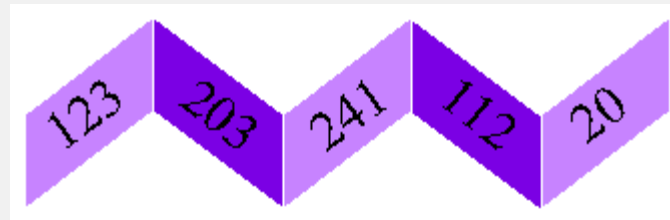
Shift Folding

Exemplo

- Calcular a função para a chave “DAD2”
 - Calculando o valor ASCII de cada caractere temos
 - D=68, A=65, D=68, 2=50
 - O *folding* será $68+65+68+50 = \mathbf{251}$

Limit Folding

- Uso da ideia de uma tira de papel como sanfona:



- Soma-se o valor ASCII de todos os caracteres, invertendo os dígitos a cada segundo caractere

Limit Folding

Exemplo

- Calcular a função para a chave “DAD2”
 - Sabendo os valores ASCII:
 - D=68, A=65, D=68, 2=50
 - O folding será $68 + 56 + 68 + 05 = 197$

COLISÕES

Colisões

- Ocorre quando a função hash produz o mesmo endereço para chaves diferentes
- Funções Hashing perfeitas ou quase perfeitas são as que não aconteceria colisões
- Na prática, funções hash **perfeitas** ou **quase perfeitas** são **encontradas apenas** onde a colisão é intolerável
 - Por exemplo, nas **funções hash** de criptografia, **ou quando conhecemos previamente** o conteúdo **armazenado** na tabela

Colisões

- Qualquer que seja a função de transformação, algumas **colisões** irão ocorrer fatalmente, e tais colisões tem de ser resolvidas de alguma forma
- Mesmo que se obtenha uma função de transformação que distribua os registros de forma uniforme entre as entradas da tabela, existe uma **alta probabilidade** de haver colisões
- Nas tabelas *hash* comuns a **colisão** é apenas indesejável, **diminuindo** o desempenho do sistema (**desempenho gasto** com a **busca** de novos **índices únicos** - processamento)

Colisões

- Muitos **programas funcionam** sem a **suspeita** de que a função hash seja **ruim** e **atrapalhe** o desempenho
- **Por causa das colisões, muitas** tabelas hash são **aliadas** com **alguma** outra estrutura de dados
 - **Por exemplo**, com listas encadeadas **ou** até **mesmo** com árvores
- Em **outras oportunidades** a colisão é **solucionada dentro** da própria tabela
 - **Por exemplo, com** uma estrutura de dados que verifique e corrija **índices duplicados** na tabela

■ Para um bom Hashing

- Escolher uma boa função de hash – em função dos dados
 - Distribui uniformemente os dados, na medida do possível
 - Evita colisões
- Estabelecer uma boa estratégia para tratamento de colisões

Exemplo de Colisões

- Temos 53 entradas
- Função de Espalhamento:
 - $E(\text{chave}) = (\text{chave} \% 53)$

C6 =MOD(B6;\$D\$3)					
	A	B	C	D	E
1					
2					
3		numero de entradas	53		
4					
5		chaves	endereço		
6		383	12		
7		487	10		
8		235	23		
9		527	50		
10		510	33		
11		320	2		
12		203	44		
13		108	2		
14		563	33		
15		500	23		
16		646	10		
17		103	50		
18		63	10		
19					
20					
21					

colisões

Paradoxo do Aniversário

- O **paradoxo do aniversário** (Ziviani, 2004), diz que em um grupo de 23 ou mais pessoas, juntas ao acaso, existe uma chance maior do que 50% de que 2 pessoas comemorem aniversário no mesmo dia.
- Assim, se for utilizada uma função de transformação uniforme que enderece 23 chaves randômicas em uma tabela de tamanho 365, a probabilidade de que haja **colisões** é maior do que 50%.

Como tratar colisões?

- Como é quase impossível evitar a colisão é preciso então um meio para tratá-las e assim minimizar seu efeito
- Existem três técnicas básicas

Como tratar colisões?

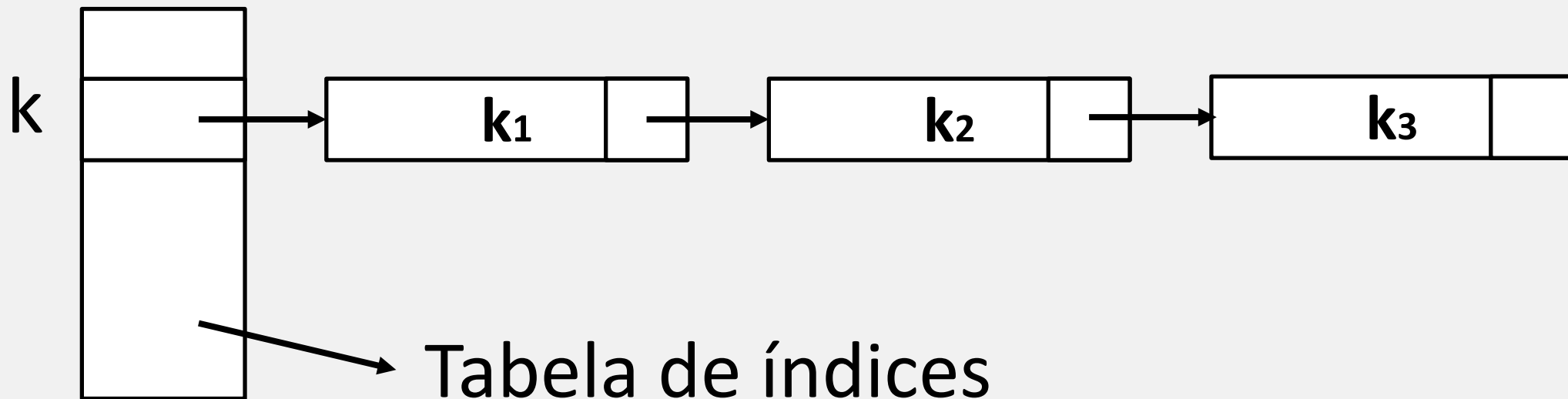
- **Hashing Fechado / Endereçamento Aberto:**
 - Técnicas de rehash para tratamento de colisões
 - Permite armazenar um conjunto de informações de tamanho limitado
- **Hashing Aberto / Encadeamento Externo:**
 - Encadeamento de elementos para tratamento de colisões
 - Permite armazenar um conjunto de informações de tamanho potencialmente ilimitado
- **Hashing Múltiplo / Rehash**

■ Hashing Aberto

- Uma das formas de resolver as colisões é construir uma **lista linear encadeada** para cada endereço da tabela. Assim todas as chaves com o mesmo endereço serão encadeadas em uma lista

Hashing Aberto

- A tabela de índices, contém apenas os ponteiros para uma lista de elementos
- Quando há colisão, o elemento é inserido no índice como um novo nó da lista



Hashing Aberto

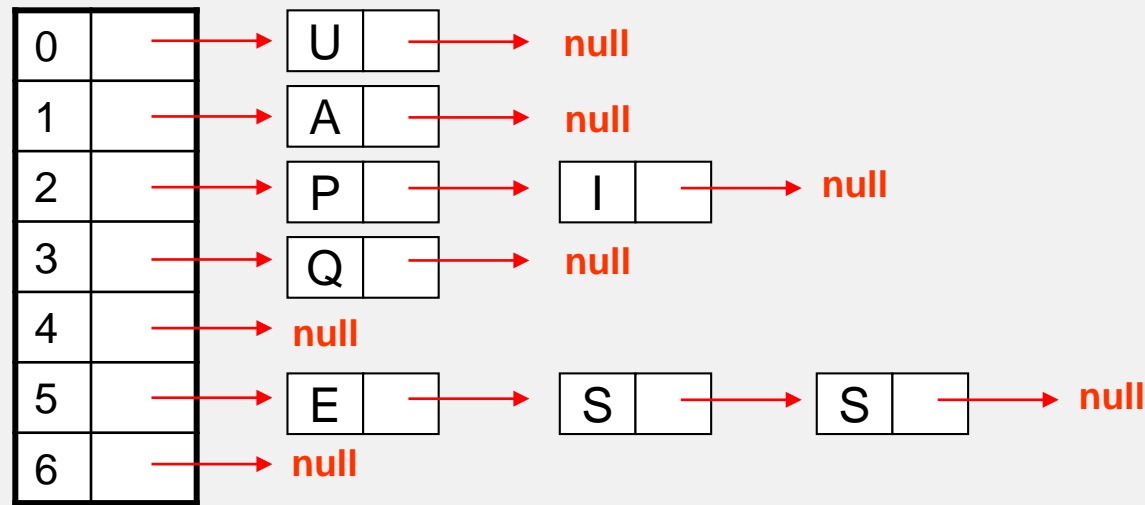
Exemplo

- Se a i -ésima letra do alfabeto é representada pelo número i e a função de transformação $h(\text{Chave}) = \text{Chave} \% M$ é utilizada para $M = 7$, o resultado da inserção das chaves P, E, S, Q, U, I, S, A na tabela é o seguinte:

Hashing Aberto

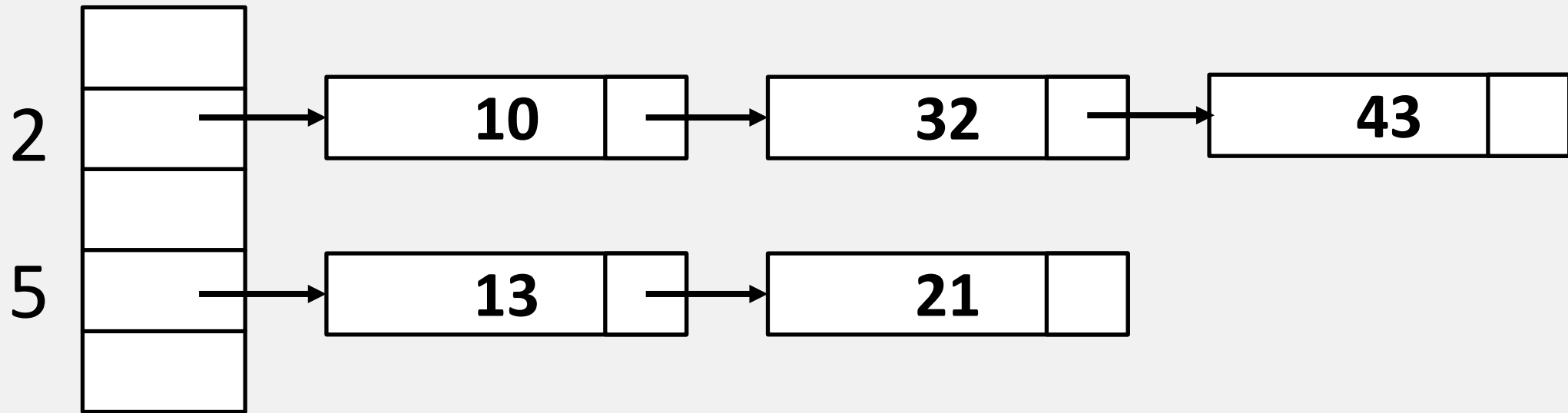
Exemplo

- $f(A) = f(1) = 1 \% 7 = 1$
- $f(E) = f(5) = 5 \% 7 = 5$
- $f(S) = f(19) = 19 \% 7 = 5...$



Hashing Aberto

- Se as listas estiverem ordenadas, reduz-se o tempo de busca



Hashing Fechado

- Quando o **número de registros** a serem armazenados na tabela puder ser **previamente estimado**, então não haverá necessidade de usar apontadores para armazenar os registros
- Existem vários métodos para armazenar **N** registros em uma tabela de tamanho **$M > N$** , os quais utilizam **lugares vazios** na própria tabela para resolver as colisões

Hashing Fechado

- O método utilizado pelo endereçamento aberto consiste em, a partir da posição já ocupada, prosseguir a verificação, pela ordem, das posições subsequentes, até que seja encontrada uma posição não utilizada (vazia)

Hashing Fechado

- Uma tabela de **itens** é utilizada para armazenar informações
 - Os elementos são armazenados na própria tabela
- Colisões
 - Aplicar técnica de rehash

Hashing Fechado

Exemplo

- Se a i -ésima letra do alfabeto é representada pelo número i e a função de transformação $h(\text{Chave}) = \text{Chave} \% M$ é utilizada para $M = 7$, então o resultado da inserção das chaves L U N E S na tabela, usando *endereçoamento aberto* para resolver colisões é mostrado a seguir:

$$f(L) = h(12) = 5$$

$$f(U) = h(21) = 0$$

$$f(N) = h(14) = 0$$

$$f(E) = h(5) = 5$$

$$f(S) = h(19) = 5$$

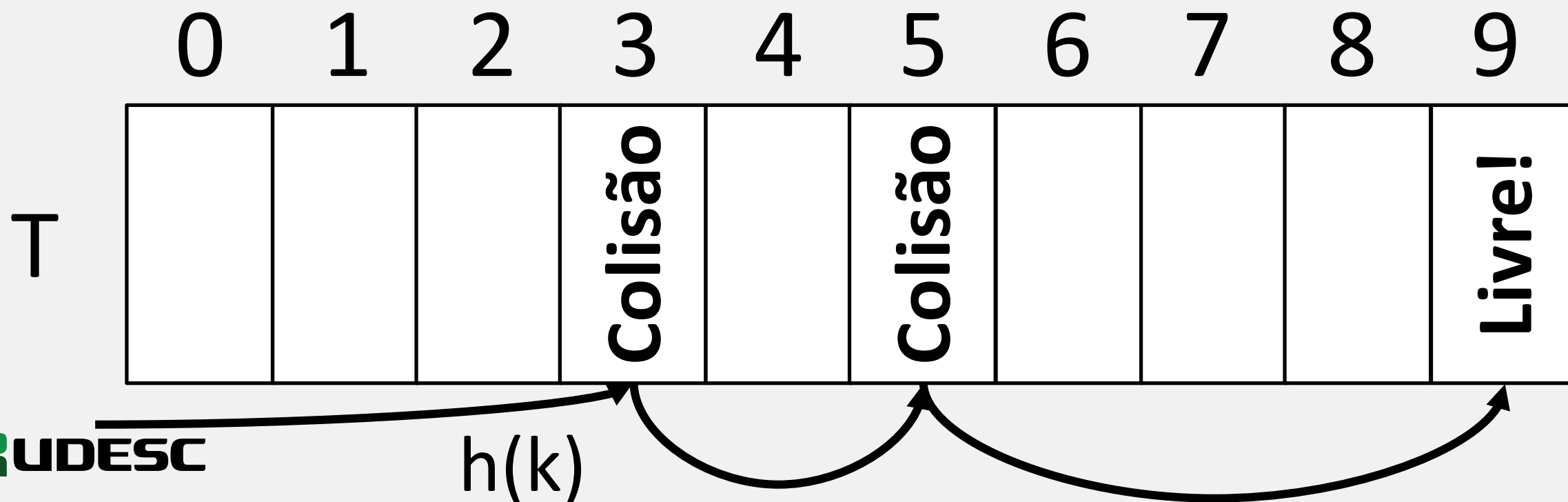
0	U
1	N
2	S
3	
4	
5	L
6	E

Hashing Múltiplo

- Outra forma de resolver uma colisão é utilizar o chamado **hashing múltiplo**:
 - Caso a primeira função hash tenha gerado uma colisão, aplica-se uma segunda função de hash.
 - Se novamente ocorrer uma colisão, o programa usará o endereçamento aberto ou uma terceira função hash.

Hashing Múltiplo

- Se posição $h(k)$ está ocupada (lembre-se de que $h(k)$ é um índice da tabela), aplicar função de **rehash** sobre $h(k)$, que deve retornar o próximo índice livre



Hashing Dinâmico

- No hashing estático o espaço de armazenamento hash é fixo, os esquemas de hashing dinâmico tentam reparar esta situação com a criação de novas estruturas de acordo com o crescimento do arquivo dinâmico

Resumo

- Uma **tabela hash** é baseada em um **vetor**;
- A faixa de valores-chaves é geralmente maior que o tamanho do vetor;
- Um **valor-chave** é **convertido** em um **índice** de vetor por uma **função de hash**;
- A conversão de uma chave para uma célula do vetor já preenchida é chamada de **colisão**;
- Colisões podem ser lidadas de duas maneiras principais: encadeamento separado ou endereçamento aberto:
 - Com **encadeamento separado**, cada elemento do vetor consiste de uma lista encadeada. Todos os itens de dados que se convertem para um certo índice do vetor são inseridos nessa lista;
 - Com **endereçamento aberto**, itens de dados que se convertam para uma célula cheia do vetor são colocados em outra célula livre no vetor.

IMPLEMENTAÇÃO EM JAVA

Implementação em Java

Pacote java.util

- A linguagem JAVA utiliza o **conceito** de “Maps” (**mapas**) para **implementar** Tabelas Hash:
 - Um Map é uma **coleção** de **pares** chave/valor
- O **pacote** java.util (import java.util.*;) **possui** as seguintes **classes** que **implementam** os **conceitos** de tabelas hash **para** a manipulação de mapas:
 - **Classe** HashMap (import java.util.HashMap;)
 - **Classe** Hashtable (import java.util.Hashtable;)
- **Cada** classe tem um **conjunto** de métodos **próprios** para a manipulação dos mapas

Implementação em Java

Classe HashMap

- HashMap é uma **estrutura** para o **rápido** armazenamento e recuperação de **objetos**, aceita **objetos nulos**, e não garante **fornecer** uma **lista** em ordem cronológica de inserção do **conteúdo**. Um **exemplo** de utilização:

```
import java.util.HashMap;
public class aula8exemplo1
{
    public static void main (String args[])
    {
        HashMap telefones = new HashMap();
        telefones.put("Pizza", "34354455");
        String numero=(String)telefones.get("Pizza");
        System.out.println(numero);
    }
}
```

chave-valor

Obs.: permite predefinir o tipo <K,V>, evitando a necessidade de conversão cast

Implementação em Java

Classe HashMap – Principais Métodos

- put(Object key, Object value): associa (**adiciona**) um valor a uma **determinada** chave
- remove(Object key): remove uma **entrada especificada** pela chave
- clear(): remove **todas** as **entradas** do HashMap
- size(): **retorna** o número de chaves-valor do **mapa**
- containsValue(Object value): **retorna *true* se** o mapa contém **uma ou mais** chaves **associadas** com um valor **específico**

Implementação em Java

Classe HashMap – Principais Métodos

- isEmpty(): **retorna** *true* **se** o mapa **não contiver** nenhum **par** chave-valor
- values(): **retorna** uma visão dos valores **contidos** no mapa
- get(Object key): **retorna** o valor **associado** à chave ou *null*
- keySet(): **retorna** uma visão das chaves **contidas** no mapa

Implementação em Java

Classe Hashtable

- Hashtable é uma **estrutura** que **implementa** tabelas Hash em **JAVA**, **mapeando** chaves para valores
 - **Qualquer** objeto **não nulo** pode **ser usado como** uma chave **ou** como um valor

```
Hashtable numeros = new Hashtable();
numeros.put("um", 1);
numeros.put("dois", 2);
numeros.put("tres", 3);
Integer n = (Integer)numeros.get("dois");
if (n != null) {
    System.out.println("dois = " + n);
}
```

Implementação em Java

Classe Hashtable – Principais Métodos

- put(Object key, Object value): mapeia (**associa**) um valor a uma **determinada** chave
- get(Object key): **retorna** o valor **associado** à chave
- clear(): remove **todas** as **entradas** da HashTable
- isEmpty(): **retorna true** se a tabela **não contiver** nenhum **par** chave-valor
- size(): **retorna** o número de chaves da **tabela**

Implementação em Java

Classe Hashtable – Principais Métodos

- toString(): **retorna** uma string do **objeto** Hashtable, **com** as **entradas separadas** por vírgula (",") e **entre** chaves (“{ }”)
- remove(Object key): remove **uma** chave e seu valor **correspondente**

Implementação em Java

Classe HashMap x Classe Hashtable

- HashMap:
 - **Não é *synchronized***, ou seja, **não garante** o sincronismo dos **métodos** quando forem **executados** por *threads* (o que pode modificar a estrutura do mapa, adicionando/removendo novos itens – exceto alteração do valor)
 - **Aceita *null*** tanto **no** valor quanto **na** chave
- Hashtable:
 - **É *synchronized***
 - **Não aceita *null***

Implementação em Java

Classe HashMap x Classe Hashtable

- Uma **equivalente** HashMap **sincronizada** pode ser **obtida** utilizando-se:
 - `Collections.synchronizedMap(minhaMap)`

Implementação em Java

Meios de Acesso

- **Toda** coleção **possui** uma **representação interna** para o armazenamento e a organização de seus **elementos**
- Por outro lado, essa coleção deve **permitir** que seus elementos **sejam** acessados **sem** que **sua** estrutura interna seja **exposta**
- A linguagem JAVA **provê** uma forma de sequencialmente **acessar** os elementos de **uma** coleção sem **expor** sua **representação interna**

Implementação em Java

Meios de Acesso

- De uma maneira geral, pode-se **desejar que** os elementos **sejam** percorridos de **várias maneiras**, **sem** no entanto ter que **modificar** a interface da coleção em **função** do tipo de varredura **desejado**
 - **Por exemplo:** percorrer de trás para frente ou vice-versa

Implementação em Java

Interface Iterator

- A interface Iterator (**import** java.util.Iterator;) **permite** implementar uma **forma** de **percorrer** os elementos de **uma** coleção **sem violar** o encapsulamento da **mesma**
 - **Objetivo**: iterar **sobre** (percorrer sequencialmente) **uma** coleção de objetos **sem expor** sua **representação**

Implementação em Java

Interface Iterator - Métodos

- A **interface** Iterator **possui** os **seguintes** métodos:
 - hasNext(): **retorna** *true* **se** a iteração **possui** mais elementos
 - next(): **retorna** o próximo elemento da **iteração**
 - remove(): **remove** da **iteração** o último elemento **retornado** da coleção (é um método opcional)

Implementação em Java

Interface Iterator – Requisitos para Utilização

- Como um **modo** de localizar um elemento específico da **coleção**, tal **como** o **primeiro elemento**
- Um **modo** de **obter** acesso ao elemento atual
- Um **modo** de **obter** o próximo elemento
- Um **modo** de indicar que **não há mais** elementos a **percorrer**

```
Iterator k = map.keySet().iterator();  
while (k.hasNext()) {  
    String key = (String) k.next();  
    System.out.println("Chave: " + key + "; Valor: " + (String) map.get(key));  
}
```

EXERCÍCIOS

Exercício

1. Dadas as chaves 1030, 10054, 839, 2030, 17 e 136 calcule as respectivas posições para uma tabela com 100 elementos ($M=100$), usando o método da divisão para a função de hashing.
2. Agora recalcule as posições adaptando a função hash com o número primo $p = 101$.

Exercícios

3. Crie um programa em JAVA que armazene em uma tabela com HashMap o **nome dos estados** na seguinte ordem:
- **Santa Catarina; Rio de Janeiro; São Paulo; Parana; e Rio Grande do Sul**
- a) Utilize como chave a **sigla do estado (SC, RJ, SP, PR e RS)**
- b) Mostre na tela o conteúdo da tabela utilizando os métodos `get()` e `keySet()`
- c) Verifique se a **ordem dos dados** mostrados é a mesma da sequência em que foram inseridos
- d) Insira um par chave-valor primeiro com o **valor nulo**, depois tente com a **chave nula**
- e) Verifique se esta **inserção é aceita** e se todos os pares são apresentados com o **método** `values()`

Exercícios

4. Crie um outro programa em JAVA agora utilizando Hashtable, que armazene o **nome dos estados** utilizando como chave sua respectiva **sigla**
 - a) Execute a mesma **sequência de testes** feita para o primeiro exercício
 - b) Tente inserir um par chave-valor duplicado, p. ex.: Santa Catarina, e veja o resultado
 - c) Inclua sua **análise comparativa**, do **Hashtable** com o **HashMap**, no corpo do programa como **comentário** (`/* */`)

Exercícios

5. Teste um dos exercícios com a **interface** Iterator

Exercícios

6. Se a i -ésima letra do alfabeto é representada pelo número i e a função de transformação $h(\text{Chave}) = \text{Chave} \% M$ é utilizada para $M = 7$. Dadas as chaves U, D, E, S, C, quais os resultados da inserções na tabela utilizando:
- a) Hashing aberto / encadeamento externo
 - b) Hashing fechado / endereçamento aberto

Exercícios

7. Dadas as chaves 44, 13, 88, 94, 11, 39, 20 e 5 e usando a função de hash $h(x) = x \% 11$, desenhe a tabela de dispersão considerando o tratamento de colisões por:
- a) Hashing aberto / encadeamento externo
 - b) Hashing fechado / endereçamento aberto

EXERCÍCIOS EM DUPLA OU TRIO

Exercícios em dupla ou trio

1. Crie uma tabela Hash para armazenar as disciplinas de um curso. A chave da tabela será a sigla da disciplina que deverá ter no máximo 5 caracteres. A função de transformação representará a i -ésima letra do alfabeto pelo número i enquanto os dígitos numéricos manterão o seu valor. Individualmente, o valor de cada caractere será multiplicado pelo respectivo peso (potencia de 10) de sua posição, gerando um valor que será aplicado na função $f(\text{val_chave}) \% M$.

(continua no próximo slide)

Exercícios em dupla ou trio

- M é o valor da tabela que deverá ser definido na inicialização do programa.
- Utilize a técnica de endereçamento aberto para o tratamento de colisões.

Ex: chave = DAD2, considerando uma tabela com $M = 7$

$$D = 4 \rightarrow 4 * 10^3 = 4000$$

$$A = 1 \rightarrow 1 * 10^2 = 100$$

$$D = 4 \rightarrow 4 * 10^1 = 40$$

$$2 = 2 \rightarrow 2 * 10^0 = 2$$

$$h(4142) \rightarrow 4142 \% 7 = 5$$

Exercícios em dupla ou trio

2. Com base no exercício anterior faça o tratamento de colisões por lista encadeada.

Exercícios em dupla ou trio

3. Crie um programa que permita inserir e consultar elementos em uma tabela Hash. Na tabela serão armazenados os dados das disciplinas de um curso, a chave será a sigla da disciplina. A função de transformação representará a i -ésima letra do alfabeto pelo número i enquanto os dígitos numéricos manterão o seu valor. Individualmente, o valor de cada caractere será multiplicado pelo respectivo peso (potencia de 10) de sua posição, gerando um valor que será aplicado na função $h(val_chave) \% M$
 - M é o valor da tabela que deverá ser definido na inicialização do programa (preferencialmente um número primo)
 - Utilizar a técnica de lista encadeada para o tratamento de colisões

Obrigado

*jacksonpradolima.github.io
github.com/ceplan*