TD/TP 02 - Décisions sous incertitude Exprimer et calculer des statistiques corrélées

IMT Lille Douai - FI 2A

N	$\mathrm{om}(\mathrm{s}) \; \mathrm{et} \; \mathrm{pr\'enom}(\mathrm{s}) : _______$
1	Probabilité de mourir
	souhaite réaliser une intelligence artificielle (IA) basée sur la probabilité que l'on a de mourir si on continue a ler. Dans un premier temps on travaille dans un cadre simplifié où on ne lancera qu'un dé à chaque tour.
\sim	Configurer le jeu pour ne jouer qu'avec un seul dé. Dans la fonction $main$ de la classe $ZombieDice$, le premie paramètre de la fonction $singleGame$ représente le nombre de dés utilisés dans le jeu.
\bigcirc	De quelles variables du jeu dépend la probabilité de mourir?

2 Comprendre les réseaux bayésiens

Les réseaux bayésiens permettent de représenter schématiquement les liens de causalité. Un nœud représente une variable un arc orienté modélise une dépendance statistique sur l'affectation de valeurs (la variable du nœud parent influence les valeurs pour la variable du nœud fils).

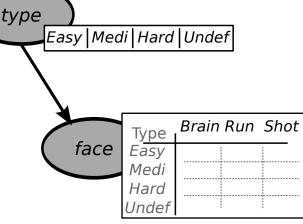
 $\verb|https://fr.wikipedia.org/wiki/R%C3%A9seau_bay%C3%A9sien| (fr)|$

Par exemple dans Zombie Dice, les probabilités que le zombie attrape l'humain (Brain) que celui-ci s'échappe (Run) ou se défende (Shot) dépendent du type de dés (Easy, Medium ou Hard) en main.

Pour chaque nœud (A, B et C dans l'exemple ci-contre), on établit alors un tableau reprenant les probabilités d'affectation de la variable. Dans la mesure où il y a une ou plusieurs dépendances (nœud A dans l'exemple), ces probabilités sont exprimées en fonction des valeurs sur les variables dont elle dépend. Dans l'exemple, A et C peuvent valoir 0 ou 1 et B 0, 1 ou 2. Si B vaux 1 (avec une probabilité donc de 0.4) et C vaux 0 alors il y a une probabilité de 0.8 que A vaille 0 et de 0.2 qu'il vaille 1.

B B= 0 1 2 proba: 0.4 0.4 0.2		C= 0 proba: 0	3 0.7
	ВС	0 4	A 1
(A	00	0.3	0.7
	01	0.5	0.5
	10	0.8	0.2
	11	0.4	0.6
	20	0.1	0.9
	21	0.2	0.8

Compléter le tableau lié au lancer d'un dé (un \bigcirc dé indéfini n'affecte pas le jeu, on a donc une probabilité certaine d'avoir un run) :



O La probabilité de mourir découle directement de la face du dé lancé et du nombre de balles déjà encaissées. Reprendre et compléter le réseau bayésien précédent pour faire apparaître la probabilité de mourir "dead" (Listing 1).

G.L. Page: 1/4

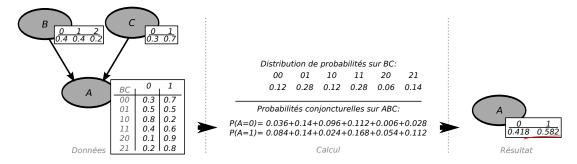
	Listing 1 – Reseau bayésien mourir avec un dé
. Le tableau a	associé au nœud type est de quelle dimension?
Le tableau a	associé au nœud type est de quelle dimension?
	·
3 Impléi	nentation simple
3 Impléi Dans le cadre d l existe de non	nentation simple u TP sur ZombieDice il vous est proposé une implémentation simple de réseaux bayésiens. Cependant abreuses librairies vous proposant des implémentations plus complètes, citons notamment Weka pour
3 Impléi Dans le cadre d l existe de non le langage JAV	nentation simple u TP sur ZombieDice il vous est proposé une implémentation simple de réseaux bayésiens. Cependant abreuses librairies vous proposant des implémentations plus complètes, citons notamment Weka pour
3 Impléi Dans le cadre d l existe de non le langage JAV — http://w	mentation simple u TP sur ZombieDice il vous est proposé une implémentation simple de réseaux bayésiens. Cependant abreuses librairies vous proposant des implémentations plus complètes, citons notamment Weka pour A:
3 Implén Dans le cadre d l existe de non le langage JAV — http://w — http://w	mentation simple u TP sur ZombieDice il vous est proposé une implémentation simple de réseaux bayésiens. Cependant abreuses librairies vous proposant des implémentations plus complètes, citons notamment Weka pour A: eka.wikispaces.com/
3 Impléi Dans le cadre d ll existe de non le langage JAV — http://w — http://w	mentation simple u TP sur ZombieDice il vous est proposé une implémentation simple de réseaux bayésiens. Cependant abreuses librairies vous proposant des implémentations plus complètes, citons notamment Weka pour A: eka.wikispaces.com/ ww.cs.waikato.ac.nz/~remco/weka_bn/
Dans le cadre de le existe de non le langage JAV. — http://w — http://w — https:// Restons simple	mentation simple u TP sur ZombieDice il vous est proposé une implémentation simple de réseaux bayésiens. Cependant abreuses librairies vous proposant des implémentations plus complètes, citons notamment Weka pour A: eka.wikispaces.com/ ww.cs.waikato.ac.nz/~remco/weka_bn/ python et l'ensembles des projets similaires qu'ils citent: www.bayespy.org/intro.html donc, l'outil proposé se base sur une classe BayesianVariable disponible dans le package décision.
Dans le cadre de la existe de non le langage JAV. — http://w — http://w — http://w — https:// Restons simple Cette classe repriscrete Variable	mentation simple u TP sur ZombieDice il vous est proposé une implémentation simple de réseaux bayésiens. Cependant abreuses librairies vous proposant des implémentations plus complètes, citons notamment Weka pour A: eka.wikispaces.com/ ww.cs.waikato.ac.nz/~remco/weka_bn/ python et l'ensembles des projets similaires qu'ils citent: www.bayespy.org/intro.html
Dans le cadre de le existe de non le langage JAV. — http://w — http://w — https:// Restons simple Cette classe reprobabilités con regarder les	mentation simple u TP sur ZombieDice il vous est proposé une implémentation simple de réseaux bayésiens. Cependant abreuses librairies vous proposant des implémentations plus complètes, citons notamment Weka pour A: eka.wikispaces.com/ ww.cs.waikato.ac.nz/~remco/weka_bn/ python et l'ensembles des projets similaires qu'ils citent: www.bayespy.org/intro.html donc, l'outil proposé se base sur une classe BayesianVariable disponible dans le package décision. orésente des nœuds conditionnels. Dans ce cas un attribut parent liste l'ensemble des variables (classe e ou héritiés) dont dépend la variable représentée par le nœud une méthode distribution retourne les
Dans le cadre de le existe de non le langage JAV. — http://w — http://w — https:// Restons simple Cette classe reprobabilités con le control contro	mentation simple u TP sur ZombieDice il vous est proposé une implémentation simple de réseaux bayésiens. Cependant abreuses librairies vous proposant des implémentations plus complètes, citons notamment Weka pour A: eka.wikispaces.com/ ww.cs.waikato.ac.nz/~remco/weka_bn/ python et l'ensembles des projets similaires qu'ils citent: www.bayespy.org/intro.html donc, l'outil proposé se base sur une classe BayesianVariable disponible dans le package décision. crésente des nœuds conditionnels. Dans ce cas un attribut parent liste l'ensemble des variables (classe e ou héritiés) dont dépend la variable représentée par le nœud une méthode distribution retourne les ditionnelles sous forme d'un dictionnaire. Un état conditionnel est une affectation des variables parents. classes Discrete Variable et Bayesian Variable ainsi que le script test-bayesian.py pour comprendre le
Dans le cadre de le existe de non le langage JAV. — http://w — http://w — http://w — https:// Restons simple Cette classe republicate variable probabilités con — regarder les fonctionnem — creer un rés — les méthode	mentation simple u TP sur ZombieDice il vous est proposé une implémentation simple de réseaux bayésiens. Cependant abreuses librairies vous proposant des implémentations plus complètes, citons notamment Weka pour A: eka.wikispaces.com/ ww.cs.waikato.ac.nz/~remco/weka_bn/ python et l'ensembles des projets similaires qu'ils citent: www.bayespy.org/intro.html donc, l'outil proposé se base sur une classe BayesianVariable disponible dans le package décision. orésente des nœuds conditionnels. Dans ce cas un attribut parent liste l'ensemble des variables (classe e ou héritiés) dont dépend la variable représentée par le nœud une méthode distribution retourne les iditionnelles sous forme d'un dictionnaire. Un état conditionnel est une affectation des variables parents. classes Discrete Variable et Bayesian Variable ainsi que le script test-bayesian.py pour comprendre le ment (cf. nouvelle version sur bitbucket).
Dans le cadre de le existe de non le langage JAV. — http://w — http://w — http://w — https:// Restons simple Cette classe reprobabilités con conctionnem concern un rés — les méthode Générez un	mentation simple u TP sur ZombieDice il vous est proposé une implémentation simple de réseaux bayésiens. Cependant abreuses librairies vous proposant des implémentations plus complètes, citons notamment Weka pour A: eka.wikispaces.com/ ww.cs.waikato.ac.nz/~remco/weka_bn/ python et l'ensembles des projets similaires qu'ils citent: www.bayespy.org/intro.html donc, l'outil proposé se base sur une classe BayesianVariable disponible dans le package décision. Desente des nœuds conditionnels. Dans ce cas un attribut parent liste l'ensemble des variables (classe e ou héritiés) dont dépend la variable représentée par le nœud une méthode distribution retourne les ditionnelles sous forme d'un dictionnaire. Un état conditionnel est une affectation des variables parents. classes Discrete Variable et Bayesian Variable ainsi que le script test-bayesian.py pour comprendre le ment (cf. nouvelle version sur bitbucket). eau Bayesien permettant de calculer la probabilité de mourir tel que vous l'avez défini précédemment. se dotnode et dotgraph de la classe Bayesian Variable permet de générer le graph dans le format dot¹.

 $\mathrm{G.L.} \qquad \qquad \mathrm{Page}: \, 2/4$

4 Calcul de probabilités corrélées

Les réseaux bayésiens offrent avec une représentation schématique, un cadre de travail pour calculer les probabilités inférées (résultant de dépendances de causalité).

Les probabilités d'affectation d'une variable A sont calculées en sommant le produit des probabilités liées aux variables dont elle dépend. Les probabilités d'affectation peuvent donc être calculé sur la base du tableau du nœud dans le réseau bayésien et d'une distribution de probabilités sur les variables cause.



O Selon cette logique et en s'appuyant sur le réseau proposé, quelles sont les probabilités sur la face au lancer et la probabilité de mourir avec la distribution de probabilités suivante :

$$type = \{P(EASY) = 0.4, \ P(MEDIUM) = 0.4, \ P(HARD) = 0.2, \ P(UNDEF) = 0.0\}$$
 et $shot = \{P(1) = 0.3, \ P(2) = 0.7\}.$

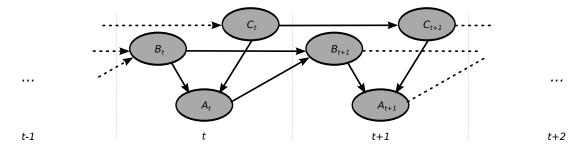
- O Les méthodes setOn et setAt permettent d'affecter une valeur v à une variable x (P(x=v)=1. L'appel à la méthode update permet d'actualiser les probabilités d'une variable en s'appuyant sur les probabilités des parents. À l'aide de ces deux méthodes, calculez la probabilité de mourir en jouant encore un coup et servez-vous-en dans une nouvelle IA, pour déterminer l'action à faire.
- O Tester votre IA en tournois.

5 Espérance de gain et réseaux bayésiens dynamiques

L'idée est de ne plus se limiter à la probabilité de mourir ou non en continuant de jouer, mais de confronter cette probabilité à l'espérance que l'on peut avoir d'engranger plus de gain (de cerveaux dans ZombieDice). Idéalement dans le jeu, il nous faudrait exprimer l'évolution possible du nombre de cerveaux. Cependant le nombre de cerveaux dépend de la face tirée et de lui même (nombre de cerveaux déjà engrangés).

O Exprimer l'évolution du nombre de cerveaux dans le réseau bayésien précédent.

Dans le cadre d'un déroulement séquentiel pour la modélisation de systèmes évolutifs, on a besoin d'étendre la définition des réseaux bayésiens aux réseaux bayésiens dynamiques 2



G.L. Page: 3/4

^{2.} https://fr.wikipedia.org/wiki/R%C3%A9seau_bay%C3%A9sien_dynamique

L'idée alors, dans le réseau bayésien, consiste à dédoubler les variables dans le temps $t+1$ et représenter les dépendances
entre les variables au temps t et elle même au temps $t+1$. On exprime l'évolution du système à la manière de suites
mathématiques

\bigcirc	Reprendre votre réseau e	en dédoublant	les variables	d'états	(stock,	$_{ m main}$	initiale,	cerveaux	et balles)	pour le	e définir
	un modèle dynamique.										

Listing 2 – Réseau bayésien dynamique							

$\overline{}$	Implémenter		,	1			TT ' 1
١ ١	Implementer	r ce nouveau	resean	dang iin	$n_{\Omega 11}v_{\Theta 211}$	nnc	$H \cap r_1 \gamma \cap r_1$

```
V(play) = brain \times P(brain_{t+1} = brain) + (brain + 1) \times P(brain_{t+1} = brain + 1)
```

Comparer le gain espéré en jouant avec le gain immédiat de scorer pour décider de continuer ou non.

O expérimenter en tournois votre nouvelle IA.

6 Retour sur un jeu à 3 dés

La version à 3 dé n'est finalement qu'une répétition du réseau bayésien proposé pour un dé.

- O Mettre en place une nouvelle IA pour prendre en compte une main de 3 dés.
- \bigcirc Générer le "dot" de votre réseau bayésien et tester votre IA.

G.L. Page: 4/4

 $[\]bigcirc$ Le gain espéré de l'action de jouer exprime alors le produit du nombre de cerveaux que l'on mangerait par la probabilité que cela se produise. Soit à 1 dé :