UDLAP_®

Departamento de Computación, electrónica y mecatrónica



Dr. César Martínez Torres cesar.martinez@udlap.mx

Introducción a Simulink

Introducción

¿Modelo?

- Conocer la dinámica del sistema
- ► Analizar el sistema (Estabilidad, tipo de respuesta, etc..)
- Diseñar Controladores
- ► Simular y predecir...



¿Cómo se obtiene?

- ► Identificar la naturaleza del sistema (Mecánico, eléctrico, térmico, Hidráulicos o híbridos)
- Identificar los elementos del sistema (Mecánico: Masa, resorte, amortiguador. fuerza externa)
- ► Aplicar las leyes de la física... (Newton, Bernoulli, Kirchoff, Hooke)
- Escribir las ecuaciones en término de la variable de interés.
 (Desplazamiento, velocidad, aceleración, corriente, voltaje)
- Resolver la ecuación diferencial.....



Ejemplo: Masa-Resorte-Amortiguador

- ► m: Masa del sistema (kg).
- ▶ k: Constante de elasticidad del resorte (N/m).
- c: Coeficiente de amortiguamiento (Ns/m).
- \triangleright x(t): Posición de la masa en función del tiempo (m).
- ightharpoonup F(t): Fuerza externa aplicada (N).



MRA

La ecuación de movimiento se obtiene aplicando la **Segunda Ley de Newton**, que establece que la suma de fuerzas es igual a la masa por la aceleración:

$$\sum F = ma = m\ddot{x}(t). \tag{1}$$

Las fuerzas en la dirección del movimiento son:

Fuerza del resorte (Ley de Hooke): Actúa en dirección opuesta al desplazamiento.

$$F_k = -kx(t). (2)$$

Fuerza del amortiguador: Proporcional a la velocidad y opuesta al movimiento.

$$F_C = -c\dot{x}(t). \tag{3}$$

► Fuerza externa: Entrada externa aplicada al sistema.

$$F_{\text{ext}} = F(t). \tag{4}$$



Sumando todas las fuerzas:

$$m\ddot{x}(t) = -c\dot{x}(t) - kx(t) + F(t). \tag{5}$$

Reordenando los términos:

$$m\ddot{x}(t) + c\dot{x}(t) + kx(t) = F(t). \tag{6}$$

Esta es la ecuación diferencial de **segundo orden** que describe el comportamiento dinámico del sistema.



Resolver la Ecuación Diferencial....

► Transformada de Laplace...

► Matlab/Simulink

