

Coeficiente de Rayleigh

$$\omega \approx \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n F_i \cdot D_i}{\sum_{i=1}^n M_i \cdot D_i^2}} \rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n W_i \cdot D_i^2}{g \sum_{i=1}^n F_i \cdot D_i}}$$

1. Librerías

```
In [1]: import numpy as np
np.set_printoptions(formatter = {'float': lambda x: '{:.4f}'.format(x)})

import pandas as pd
pd.options.display.float_format = '{:,.3f}'.format

from matplotlib import pyplot as plt
```

2. Grados de Libertad

```
In [2]: while True:
    try:
        gdl = int(input('* Ingrese el número de grados de libertad: '))
        break
    except ValueError:
        print('! Ingrese un número de GDL válido.\n')

print(f'* El modelo es de {gdl} GDL.')

* El modelo es de 3 GDL.
```

3. Rigideces de Entrepiso

```
In [3]: k = np.empty(gdl)

for i in range(gdl):
    while True:
        try:
            k[i] = float(input(f'* Rigidez K{i + 1} (ton/m): '))
            print(f'\n> Rigidez K{i + 1} = {k[i]} ton/m')
            break
        except ValueError:
            print(f'\n! Ingrese un valor de K{i + 1} válido.')

> Rigidez K1 = 25000.0 ton/m

> Rigidez K2 = 21000.0 ton/m

> Rigidez K3 = 17000.0 ton/m
```

4. Masas Sísmicas

```
In [4]: m = np.empty(gdl)

for i in range(gdl):
    while True:
        try:
            m[i] = float(input(f'* Masa M{i + 1} (ton-s2/m): '))
            print(f'\n> Masa M{i + 1} = {m[i]} ton-s2/m')
            break
        except ValueError:
            print(f'\n! Ingrese un valor de M{i + 1} válido.')

> Masa M1 = 15.0 ton-s2/m

> Masa M2 = 13.0 ton-s2/m

> Masa M3 = 11.0 ton-s2/m
```

5. Fuerzas Asumidas

```
In [5]: F = np.empty(gdl)

for i in range(gdl):
    while True:
        try:
            F[i] = float(input(f'* Fuerza F{i + 1} (ton): '))
            print(f'\n> Fuerza F{i + 1} = {F[i]:.2f} ton')
            break
        except ValueError:
            print(f'\n! Ingrese un valor de F{i + 1} válido.')

> Fuerza F1 = 10000.00 ton

> Fuerza F2 = 20000.00 ton

> Fuerza F3 = 30000.00 ton
```

6. Tabla de Entrada

```
In [6]: tabla = pd.DataFrame({'Mi (ton-s2/m)': m[:-1], 'Ki (ton/m)': k[:-1], 'Fi (ton)': F[:-1]})
tabla.index = np.arange(gdl, 0, -1)

tabla
```

Out[6]:

	Mi (ton-s2/m)	Ki (ton/m)	Fi (ton)
3	11.000	17,000.000	30,000.000
2	13.000	21,000.000	20,000.000
1	15.000	25,000.000	10,000.000

6. Cálculos Tabulares

6.1 Cortante y Desplazamientos

```
In [7]: # Cortante en entrepiso
tabla['Vi (ton)'] = tabla['Fi (ton)'].cumsum()

# Desplazamientos relativos
tabla['Δi (m)'] = tabla['Vi (ton)'] / tabla['Ki (ton/m)']

# Desplazamientos absolutos
tabla['Di (m)'] = tabla['Δi (m)'][:-1].cumsum()

tabla
```

Out[7]:

	Mi (ton-s2/m)	Ki (ton/m)	Fi (ton)	Vi (ton)	Δi (m)	Di (m)
3	11.000	17,000.000	30,000.000	30,000.000	1.765	6.546
2	13.000	21,000.000	20,000.000	50,000.000	2.381	4.781
1	15.000	25,000.000	10,000.000	60,000.000	2.400	2.400

6.2 Valores Intermedios

```
In [8]: tabla['Mi * Di2 (ton-s2-m)'] = tabla['Mi (ton-s2/m)'] * np.power(tabla['Di (m)'], 2)
tabla['Fi * Di (ton-m)'] = tabla['Fi (ton)'] * tabla['Di (m)']

tabla
```

Out[8]:

	Mi (ton-s2/m)	Ki (ton/m)	Fi (ton)	Vi (ton)	Δi (m)	Di (m)	Mi * Di2 (ton-s2-m)	Fi * Di (ton-m)
3	11.000	17,000.000	30,000.000	30,000.000	1.765	6.546	471.302	196,369.748
2	13.000	21,000.000	20,000.000	50,000.000	2.381	4.781	297.148	95,619.048
1	15.000	25,000.000	10,000.000	60,000.000	2.400	2.400	86.400	24,000.000

7. Resultados

7.1 Sumatorias de Fin de Tabla

```
In [9]: sum_mi_di2 = tabla['Mi * Di2 (ton-s2-m)'].sum()
sum_fi_di = tabla['Fi * Di (ton-m)'].sum()

print(f'* Σ Mi Di2 = {sum_mi_di2:.3f} ton-s2-m\n')
print(f'* Σ Fi Di = {sum_fi_di:.3f} ton-m')

* Σ Mi Di2 = 854.850 ton-s2-m

* Σ Fi Di = 315988.796 ton-m
```

7.2 Frecuencias y Período

```
In [10]: # Frecuencia circular
w = np.sqrt(sum_fi_di / sum_mi_di2)

print(f'- Frecuencia circular: {w:.3f} rad/s\n')

# Frecuencia natural
f = w / (2 * np.pi)

print(f'- Frecuencia natural: {f:.3f} Hz\n')

# Período de vibración
T = 1 / f

print(f'- Período de vibración: {T:.3f} s')

- Frecuencia circular: 19.226 rad/s

- Frecuencia natural: 3.060 Hz

- Período de vibración: 0.327 s
```