Resolución numérica de la ecuación de Schrödinger dependiente del tiempo

César de la Rosa Sobrino (Fecha: 5 de noviembre de 2024)

En este trabajo, se aborda la resolución numérica de la ecuación de Schrödinger dependiente del tiempo, aplicando diferentes métodos de discretización para observar la evolución temporal de partículas en diversos potenciales.

I. INTRODUCCIÓN V. DISCRETIZACIÓN DE LA ECUACIÓN DE SCHRÖDINGER La ecuación de Schrödinger dependiente del tiempo es d fundamental en la mecánica cuántica, ya que describe cómo el estado cuántico de un sistema evoluciona a lo largo del tiempo. Resolver esta ecuación de forma numérica es VI. EVOLUCIÓN TEMPORAL DE UNA crucial para simular sistemas complejos donde las solucio-PARTÍCULA LIBRE nes analíticas no son posibles. e ECUACIONES EN DERIVADAS PARCIALES VII. EVOLUCIÓN TEMPORAL DE UNA PARTÍCULA VIAJERA a f VIII. FUNCIONES DEL OSCILADOR III. PROPAGACIÓN DE UNA ONDA ARMÓNICO SINUSOIDAL b IX. SISTEMA DE ELECCIÓN PROPIA h IV. ECUACIÓN DE SCHRÖDINGER DEPENDIENTE DEL TIEMPO X. CONCLUSIONES i \mathbf{c}

Apéndice A: Código fuente

Listing 1. main.m

```
% main.m
clear; clc;

xmin = -10;
xmax = 10;
Nx = 1000;
tmax = 5;
Nt = 500;
dx = (xmax - xmin) / Nx;
dt = tmax / Nt;

x = linspace(xmin, xmax, Nx);
```

```
t = linspace(0, tmax, Nt);
13
14
   sigma = 1;
15
   p0 = 1;
16
   V0 = 1;
17
18
19
   psi = init_gaussian(x, sigma, p0);
   [free_psi] = free_evol(psi, x, dx, dt, Nt);
   [travel_psi] = travel_evol(psi, x, dx, dt, Nt, V0);
   [oscilator_psi] = oscilator_evol(psi, x, dx, dt, Nt);
   plot_system(x, t, free_psi, 'Partícula Libre');
25
   plot_system(x, t, travel_psi, 'Partícula Viajera');
   plot_system(x, t, oscilator_psi, 'Oscilador Armónico');
```

Listing 2. init gaussian.m

Listing 3. free evol.m

```
function [psi_evol] = free_evol(psi, x, dx, dt, Nt)
for j = 1:Nt
    psi(2:end-1) = psi(2:end-1) + ...
    (1i * dt / (2 * dx^2)) * (psi(3:end) - 2 * psi(2:end-1) + psi(1:end-2));
    psi_evol(:, j) = psi;
end
end
```

Listing 4. oscilator evol.m

```
% oscilator_evol.m
2
3
   function [psi_evol] = oscilator_evol(psi, x, dx, dt, Nt)
       V = 0.5 * x.^2;
4
5
       for j = 1:Nt
            psi(2:end-1) = psi(2:end-1) + \dots
6
                (1i * dt / (2 * dx^2)) * (psi(3:end) - 2 * psi(2:end-1) + ...
7
                            psi(1:end-2)) - (1i * dt) * V(2:end-1) .* psi(2:end-1);
            psi_evol(:, j) = psi;
9
       end
10
   end
11
```

Listing 5. travel_evol.m

```
% travel_evol.m
2
   function [psi_evol] = travel_evol(psi, x, dx, dt, Nt, V0)
3
       xb = 0;
4
       V = V0 * (x >= xb);
5
        for j = 1:Nt
6
            psi(2:end-1) = psi(2:end-1) + \dots
7
                (1i * dt / (2 * dx^2)) * (psi(3:end) - 2 * psi(2:end-1) + ...
                             psi(1:end-2)) - (1i * dt) * V(2:end-1) .* psi(2:end-1);
9
            psi_evol(:, j) = psi;
10
        end
11
   end
12
```

Listing 6. plot_system.m

```
% plot_system.m
2
   function plot_system(x, t, psi_evol, title)
3
       figure;
4
       for j = 1:length(t)
5
           plot(x, abs(psi_evol(:, j)), 'LineWidth', 1.5);
6
           title([title, ' - Tiempo t = ', num2str(t(j))]);
7
           xlabel('Posición x');
           ylabel('|\Psi(x,t)|');
9
           pause(0.1);
10
11
       end
   end
12
```