MATA KULIAH STATISTIKA LANJUT

Identitas Mata Kuliah

Program Studi : Statistika Lanjut

Mata Kuliah / Kode

Jumlah SKS : 2 SKS

Prasyarat : --

Deskripsi Mata Kuliah : Mata kuliah ini membahas tentang konsep dasar

KORELASI PEARSON PRODUCT MOMENT

Capaian Pembelajaran : Setelah pembelajaran, mahasiswa mempelajari konsep

dasar KORELASI PEARSON PRODUCT MOMENT

Penyusun :

Ketua Program Studi

Ketua Team Teaching

PERTEMUAN 3 : KORELASI PEARSON PRODUCT MOMENT

URAIAN MATERI

KORELASI LINIER SEDERHANA

• Koefisien Korelasi (r): ukuran hubungan linier peubah X dan Y

Nilai r berkisar antara (+1) sampai (-1)

Nilai r yang (+) ditandai oleh nilai b yang (+)

Nilai r yang (-) ditandai oleh nilai b yang (-)

Jika nilai r mendekati +1 atau r mendekati -1 maka X dan Y memiliki korelasi linier yang tinggi.

Jika nilai r = +1 atau r = -1 maka X dan Y memiliki korelasi linier sempurna.

Jika nilai r = 0 maka X dan Y tidak memiliki relasi (hubungan) linier (dalam kasus r mendekati 0, anda dapat melanjutkan analisis ke regresi eksponensial).

• Koefisien Determinasi Sampel = $R = r^2$

Ukuran proporsi keragaman total nilai peubah Y yang dapat dijelaskan oleh nilai peubah X melalui hubungan linier.

Penetapan & Interpretasi Koefisien Korelasi dan Koefisien Determinasi

$$r = \frac{n \sum_{i=1}^{n} x_{i} y_{i} - \left(\sum_{i=1}^{n} x_{i}\right) \left(\sum_{i=1}^{n} y_{i}\right)}{\sqrt{\left[n \sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - \left(\sum_{i=1}^{n} x_{i}\right)^{2}\right] \left[n \sum_{i=1}^{n} y_{i}^{2} - \left(\sum_{i=1}^{n} y_{i}\right)^{2}\right]}}$$

$$R = r^2$$

Contoh 4:

Lihat Contoh 2, setelah mendapatkan persamaan Regresi Y = 2.530 + 1.053 X, hitung koefisien korelasi (r) dan koefisien determinasi (R). Gunakan data berikut (lihat Contoh 2)

$$\Sigma x = 26 \quad \Sigma y = 40 \qquad \qquad \Sigma xy = 232 \qquad \qquad \Sigma x^2 = 158 \qquad \Sigma y^2 = 346$$

$$r = \frac{n\sum_{i=1}^{n} x_{i} y_{i} - \left(\sum_{i=1}^{n} x_{i}\right) \left(\sum_{i=1}^{n} y_{i}\right)}{\sqrt{\left[n\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - \left(\sum_{i=1}^{n} x_{i}\right)^{2}\right] \left[n\sum_{i=1}^{n} y_{i}^{2} - \left(\sum_{i=1}^{n} y_{i}\right)^{2}\right]}}$$

$$r = \frac{(5 \times 232) - (26 \times 40)}{\sqrt{\left[(5 \times 158) - (26^2)\right] \times \left[(5 \times 346) - (40^2)\right]}} = \frac{1160 - 1040}{\sqrt{\left[790 - 676\right] \times \left[1730 - 1600\right]}} = \frac{120}{\sqrt{114 \times 130}}$$
$$= \frac{120}{\sqrt{14820}} = \frac{120}{121.73...} = 0.9857...$$

Nilai r = 0.9857 menunjukkan bahwa peubah X (biaya promosi) dan Y (volume penjualan) berkorelasi linier yang positif dan tinggi

$$R = r^2 = 0.9857...^2 = 0.97165.... = 97 \%$$

Nilai R = 97% menunjukkan bahwa 97% proporsi keragaman nilai peubah Y (volume penjualan) dapat dijelaskan oleh nilai peubah X (biaya promosi) melalui hubungan linier. Sisanya, yaitu 3 % dijelaskan oleh hal-hal lain.

TUGAS

Contoh:

10 orang mahasiswa yang memiliki waktu belajar berbeda dites dengan tes Statistika

MahasSiswa : A B C D E F G H I J

2 Waktu (X): 2 2 1 3 4 3 1 8 8 9 5 4 6 4 7

Apakah ada korelasi antara waktu belajar dengan hasil tes?