





# Seja muito bem-vindo(a)!





# Análise Estatística de Dados



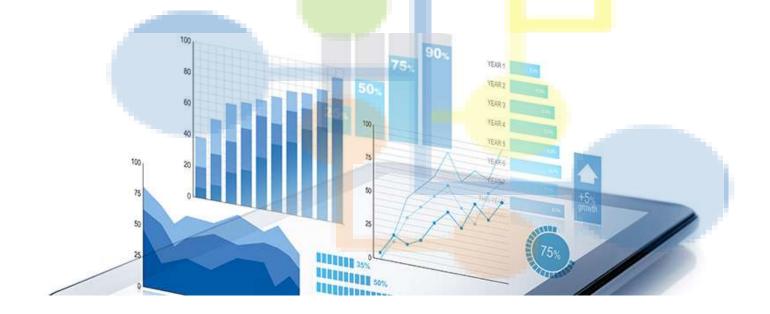
# Análise Estatística de Dados

Parte 1
Parte 2





# Definindo Estatística





Os números constituem a única verdade universal.

Nathanael West



### Análise Estatística de Dados





O que é Estatística?







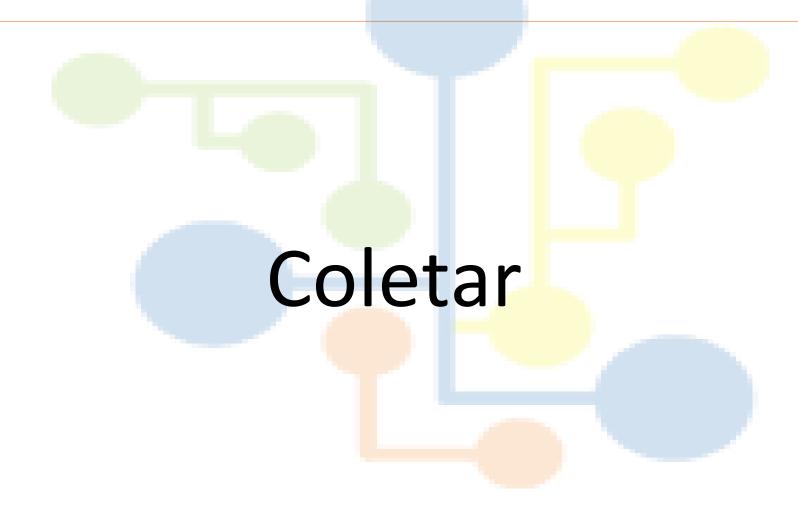
É a ciência que nos permite aprender a partir dos dados.



Com a Estatística nós podemos:

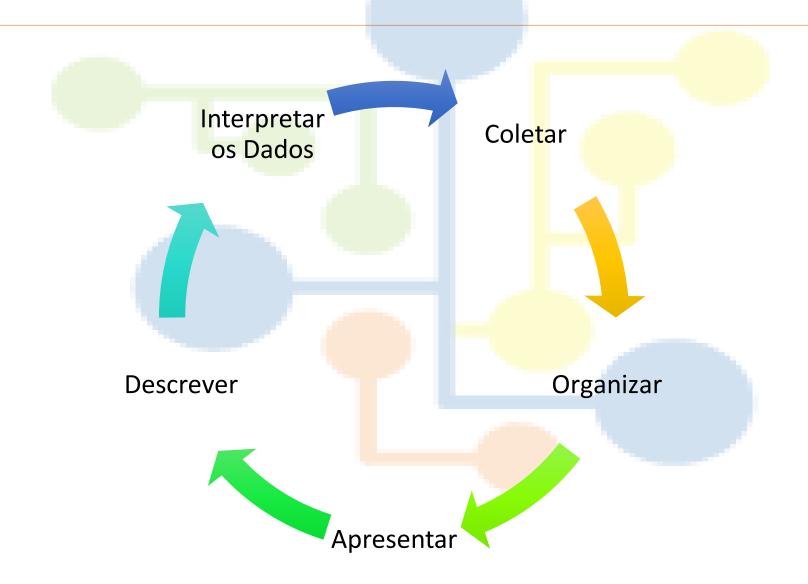


# Data Science Academy cfascina@gmail.com 5cbe444d5e4cde2deb8b456e Defining Data Science Academy cfascina@gmail.com 5cbe444d5e4cde2deb8b456e Estatística





# Data Science Academy cfascina@gma Academy Defining Data Science Academy cfascina@gma Estatística



















Dados Qualitativos Nominais — representam descrições para os dados e não permitem ranqueamento. Exemplo: CEP (70.098-080).

Busca CEP Versão DNE: 1902	Busca CEP - Endereço
CEP ou Endereço	Faça suas consultas individuais de CEP, destinadas a endereçamentos de objetos de correspondências a
CEP por Localidade   Logradouro	serem postadas nos Correios. Os campos assinalados com (*) são obrigatórios.
Endereço por CEP	Ajuda
CEP de Logradouro por Bairro	Endereço ou CEP *:
Faixas de CEP	Não utilize nº de casa/apto/lote/prédio ou abreviação
Caixa Postal	CEP de:
Por que usar o CEP?	Todos   (*) Opções:
Estrutura do CEP	Buscar
Formas de Endereçamento	Buscal



Dados Qualitativos Ordinais - existe uma ordenação entre as categorias (ranqueamento) e os dados podem ser medidos.





Dados Quantitativos Discretos – valores baseados em observações que podem ser contados, normalmente representados por valores inteiros.





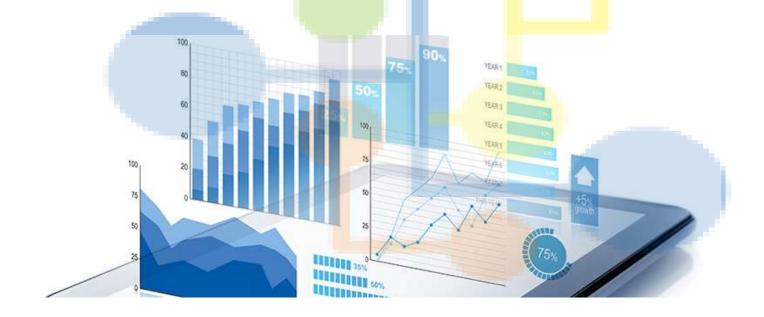
Dados Quantitativos Contínuos – valores baseados em observações que podem ser medidas e normalmente representados por valores decimais.







# Observação x Experimentação





### Data Science Academy Data Scien

# Observação x Experimentação

Há dois tipos de estudos estatísticos:

- Observacional
- Experimental



#### Data Science Academy

### Observação x Experimentação

Em um estudo de **observação**, os dados e as características específicas são recolhidos e observados, entretanto, não há iniciativa de modificar os estudos que estão sendo realizados.



#### Data Science Academy

### Observação x Experimentação

Em um estudo **experimental**, cada indivíduo é aleatoriamente atribuído a um grupo de tratamento, em seguida, os dados e as características específicas são observados e coletados.





### Observação x Experimentação

A Análise de Dados é o meio através do qual utilizamos a estatística para apresentar e demonstrar os resultados dos dados que foram avaliados.



## Observação x Experimentação

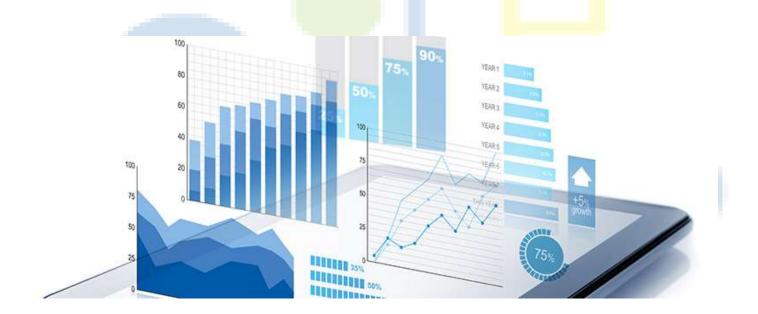
**Estatística** não tem sido usada apenas por técnicos, mas também por gestores de todos os níveis.

Para onde se olha, se vê **Estatística** sendo aplicada, desde o planejamento corporativo, até decisões simples do dia a dia.





# Principais Áreas da Estatística





# Principais Áreas da Estatística







# Estatística Descritiva





#### Data Science Academy

### **Estatística Descritiva**



É um conjunto de métodos estatísticos utilizados para descrever as principais características dos dados.



O principal propósito de métodos gráficos é organizar e apresentar os dados de forma gerencial e ágil.



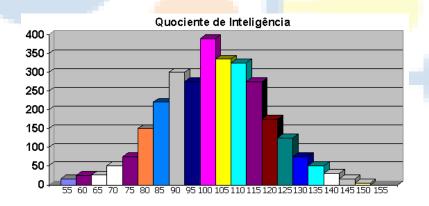




A **Estatística Descritiva** tem por objetivo sumarizar e mostrar os dados, de forma que se possa rapidamente obter uma visão geral da informação que está sendo analisada.



Por meio da Estatística Descritiva entendemos melhor um conjunto de dados através de suas características.





### As três principais características são:

Um valor representativo do conjunto de dados. Ex.: a média.

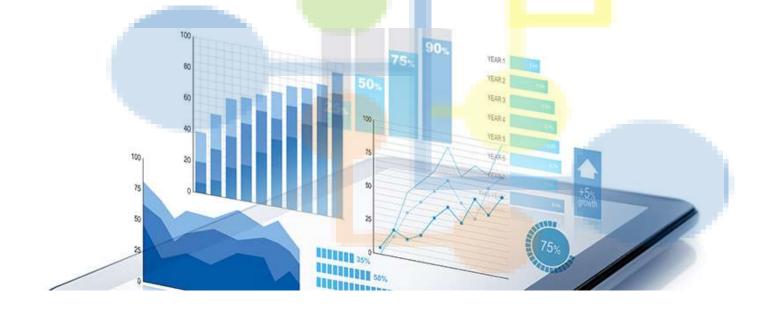
Uma medida de dispersão ou variação. Ex: variância, desvio padrão.

A natureza ou forma da distribuição dos dados: sino, uniforme ou assimétrica.





# Tabela de Frequência





# Tabela de Frequência

Um dos meios mais simples de descrever dados é através de tabelas de frequência, que refletem as observações feitas nos dados.



# Tabela de Frequência

### Cada linha em uma tabela de frequência corresponde a uma classe.

Número de tablets vendidos por dia	Frequência	
0	5	
1	8	
2	14	Cla
3	13	
4	6	

Classe



## Tabela de Frequência

#### Cada classe corresponde a uma categoria em uma tabela de frequência.

Número de tablets vendidos por dia	Frequência	
0	5	
1	8	
2	14	
3	13	
4	6	

Classe





### Big Data Real-Time Analytics com Python e Spark

# Distribuição de Frequência





Uma Distribuição de Frequência mostra o número de observações de dados que estão em um intervalo específico.



Como construir uma Distribuição de Frequência?



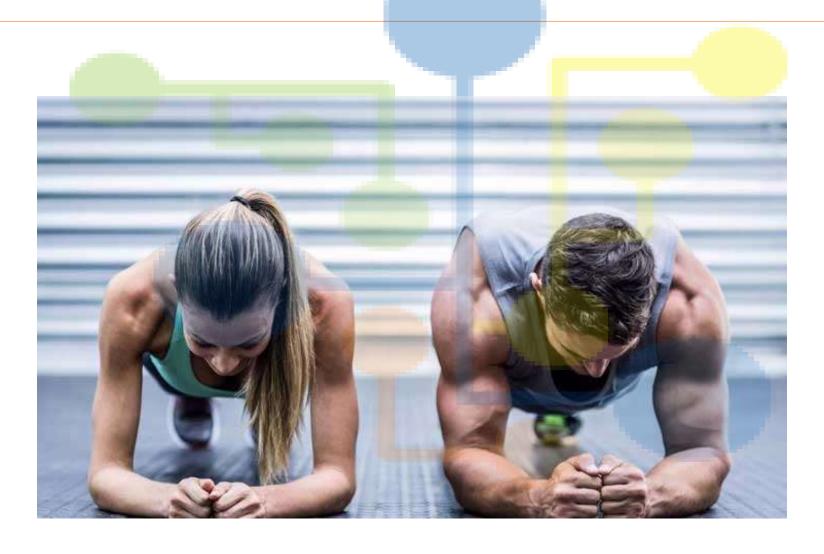
















### Big Data Real-Time Analytics com Python e Spark

## Ferramentas Oferecidas Pela Estatística Descritiva







Quais as principais ferramentas e/ou elementos usados na Estatística Descritiva?





Tabela de Frequência

**Gráfico de Barras** 

**Gráfico de Pareto** 

Tabela de Contingência

Gráfico de Linha

Caule e Folha

**Gráfico de Pizza** 

Gráfico de Dispersão

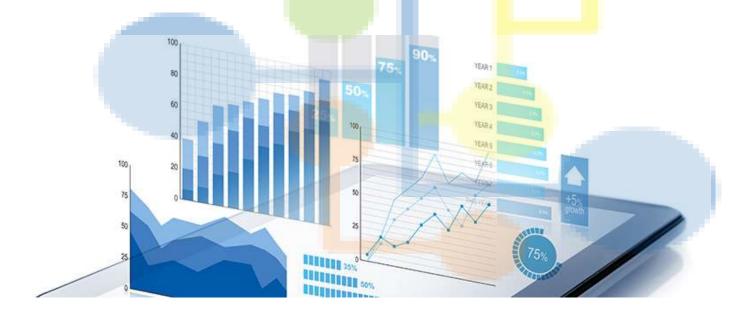
Histograma





### Big Data Real-Time Analytics com Python e Spark

## Ferramentas Oferecidas Pela Estatística Descritiva







Análise Univariada

Análise Bivariada

Tabela de Frequência
Gráfico de Barras
Gráfico de Pareto
Gráfico de Pizza
Gráfico de Linha
Caule e Folha
Histograma

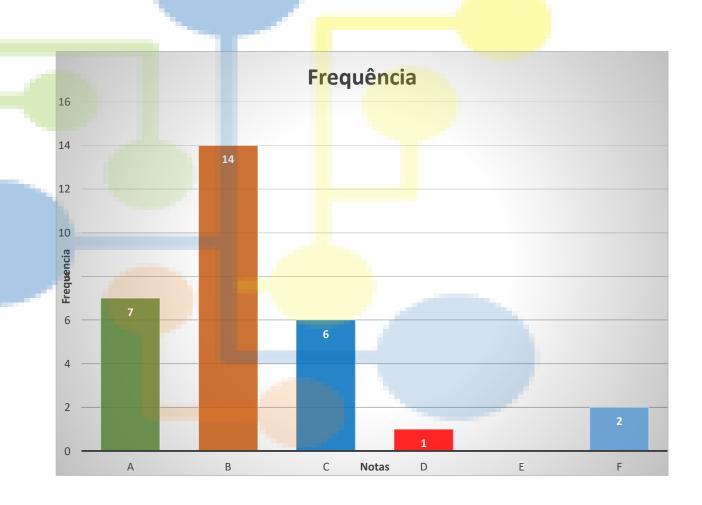
Tabela de Contingência Gráfico de Dispersão





#### Gráfico de Barras

Notas	Frequência
Α	7
В	14
С	6
D	1
Е	0
F	2







#### Gráfico de Pareto

Razões de Atraso de Voo	Frequência (fi)	Frequência Relativa (fri)	Frequencia Relativa Acumulada (Fri)
Mau Tempo	44	0.489	0.489
Tráfego Aéreo	18	0.200	0.689
Problemas Mecanicos	14	0.156	0.844
Tripulação Reduzida	7	0.078	0.922
Abastecimento	5	0.056	0.978
Outros	2	0.022	1.000
Total	90	1.000	

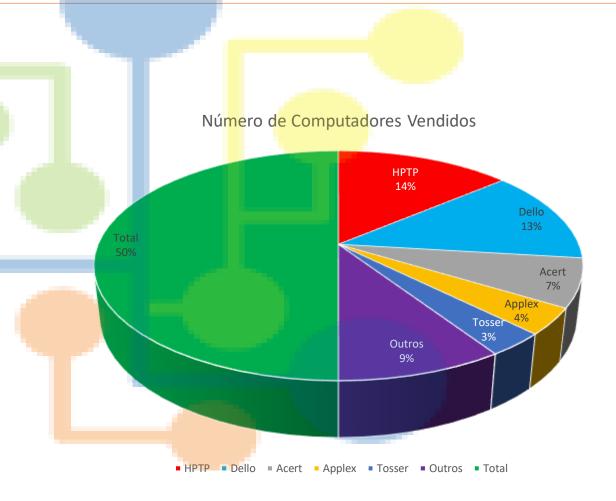






#### Gráfico de Pizza

Empresa	Número de Computadores Vendidos
НРТР	4228
Dello	3996
Acert	2076
Applex	1135
Tosser	1005
Outros	2837
Total	15277

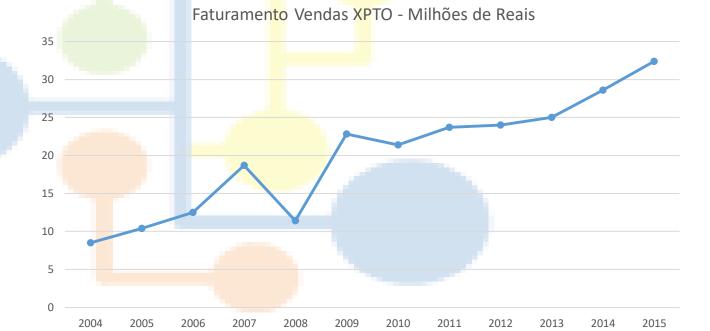






#### Gráfico de Linha

Ano	Faturamento Vendas XPTO - Milhões de Reais
2004	8.5
2005	10.4
2006	12.5
2007	18.7
2008	11.4
2009	22.8
2010	21.4
2011	23.7
2012	24
2013	25
2014	28.6
2015	32.4







#### Caule e Folha

O Gráfico Caule e Folha, divide os dados em duas partes:

O caule (ramo) representa os valores maiores e ficam à esquerda do traço vertical.

#### Diâmetros abdominais de 40 indivíduos

Ramo (dezena)		Folhas (unidades)										
5	7	9										
6	0	0	2	3	3	3	4	6	6	8	9	9
7	0	0	1	2	2	3	4	5	5	7	8	
8	1	3	5	6	6	7	8	8	9			
9	1	4	5									
10	1	7										
11	9											





#### Caule e Folha

O Gráfico Caule e Folha, divide os dados em duas partes:

As folhas são os menores valores, ficam à direita do traço vertical. Listando todas folhas à direita de cada caule, podemos graficamente descrever como os dados estão distribuídos.

#### Diâmetros abdominais de 40 indivíduos

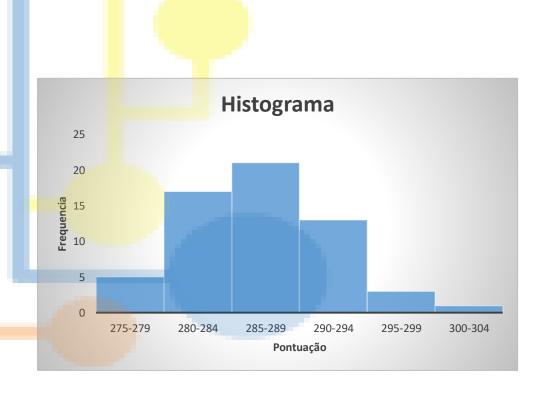
Ramo (dezena)		Folhas (unidades)										
5	7	9										
6	0	0	2	3	3	3	4	6	6	8	9	9
7	0	0	1	2	2	3	4	5	5	7	8	
8	1	3	5	6	6	7	8	8	9			
9	1	4	5									
10	1	7										
11	9											





#### Histograma

Pontuação Campeonato Golf	Frequência	Frequência Relativa	Frequência Relativa Acumulada
275-279	5	0.083	0.083
280-284	17	0.283	0.367
285-289	21	0.350	0.717
290-294	13	0.217	0.933
295-299	3	0.050	0.983
300-304	1	0.017	1.000
Total	60	1.000	

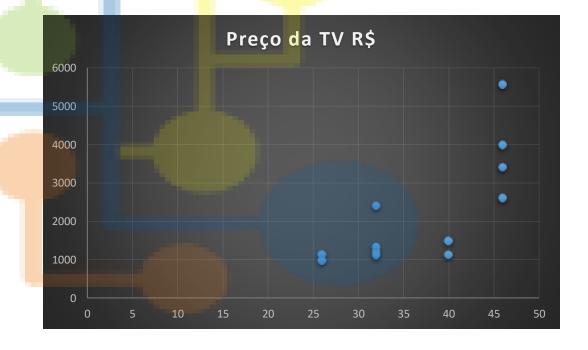






### Gráfico de Dispersão

Tamanho da TV LED	Preço da TV R\$
46	2600
46	3980
32	1200
40	1480
26	970
32	1115
46	3400
46	5560
32	2400
40	1120
26	1130
32	1320







### Tabela de Contingência

Cliente	Sexo	Condição de Pagamento		
1	Feminino	Dinheiro		
2	Masculino	Cartão		
3	Masculino	Dinheiro		
4	Masculino	Dinheiro		
5	Feminino	Cartão		
6	Feminino	Cartão		
7	Masculino	Dinheiro		
8	Feminino	Cartão		
9	Masculino	Cartão		
10	Feminino	Dinheiro		
11	Masculino Cartão			
12	Feminino	Cartão		
13	Masculino	Dinheiro		
14	Feminino	o Cartão		
15	Feminino	Dinheiro		

Soma de Cliente	Rótulos de Coluna					
Rótulos de Linha	Cartão	Dinheiro	Total Geral			
Feminino	45	26	71			
Masculino	22	27	49			
Total Geral	67	53	120			







Cabe a você escolher a ferramenta adequada para cada etapa do processo de análise de dados.





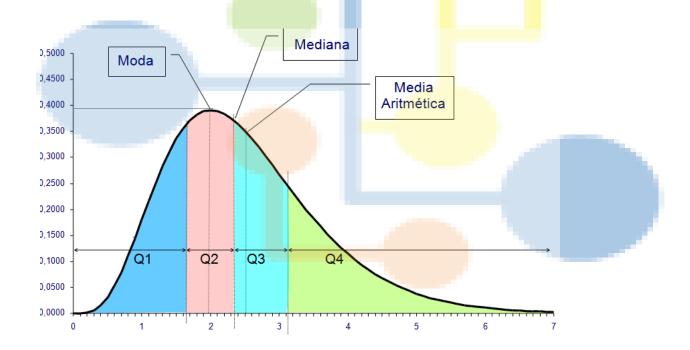
### Big Data Real-Time Analytics com Python e Spark

## Medidas de Tendência Central





# Estas são as principais medidas de tendência central utilizadas em Estatística Descritiva:





**Média** (Mean ou Average em inglês) é uma medida de tendência central dos dados, ou seja, um número em torno do qual um dataset inteiro está distribuído. É um número único que pode estimar o valor do conjunto de dados completo.

Vamos calcular a média do conjunto de dados com 8 inteiros.



### Medidas de Tendência Central

**Médias** são as formas mais simples de identificar tendências em um conjunto de dados. Entretanto, **médias** podem trazer armadilhas que levam a conclusões distorcidas.



Mediana é o valor que divide os dados em 2 partes iguais, ou seja, o número de termos no lado direito é igual ao número de termos no lado esquerdo quando os dados são organizados em ordem crescente ou decrescente.

A **Mediana** será um elemento do meio da distribuição, se o número de termos for ímpar.

A **Mediana** será a média de 2 elementos do meio da distribuição, se o número de termos for par.



A **Moda** é o termo que aparece mais vezes no conjunto de dados, ou seja, o termo que tem a frequência mais alta.

Mas pode haver um conjunto de dados em que não há nenhuma **Moda**, pois todos os valores aparecem o mesmo número de vezes.

Se dois valores aparecerem ao mesmo tempo e mais do que o resto dos valores, o conjunto de dados será **bimodal**. Se três valores aparecerem no mesmo tempo e mais do que o resto dos valores, o conjunto de dados é **trimodal** e, para n modas, esse conjunto de dados é **multimodal**.



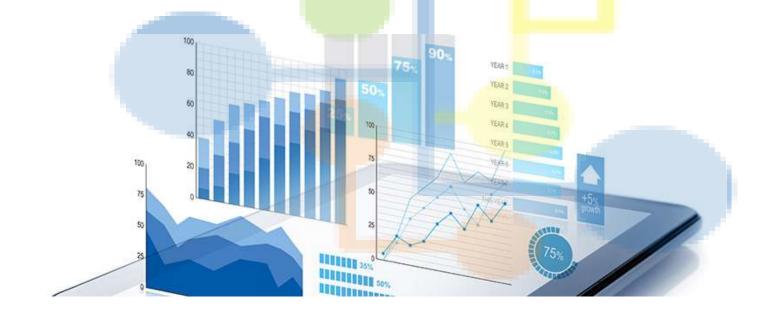
O que usar?	Vantagens	Desvantagens
Média	<ul> <li>Relativamente fácil de calcular</li> <li>Fácil de compreender seu significado</li> </ul>	Pode ser muito afetada por valores extremos
Mediana	<ul> <li>Não é afetada por valores extremos</li> </ul>	<ul> <li>Requer mais esforço para ser determinada que a Média</li> </ul>
Moda	<ul> <li>Pode ser usada com dados descritivos</li> </ul>	<ul> <li>Pode não existir em um conjunto de dados</li> <li>Pode não ser única (pode existir mais de uma moda)</li> </ul>





### Big Data Real-Time Analytics com Python e Spark

# Medidas de Dispersão





### Medidas de Dispersão

Medidas de Dispersão referem-se à variabilidade dentro do conjunto de dados.



### Medidas de Dispersão

### Desvio Padrão (Standard Deviation)

O desvio padrão é a medida da distância média entre cada elemento e a média. Isto é, como os dados são distribuídos a partir da média. Um desvio padrão baixo indica que os pontos de dados tendem a estar próximos da média do conjunto de dados, enquanto um desvio padrão alto indica que os pontos de dados estão espalhados em uma faixa mais ampla de valores.



## Medidas de Dispersão

# Desvio Padrão (Standard Deviation) Desvio Padrão Baixo Desvio Padrão Alto





### Desvio Padrão (Standard Deviation)

S.D. = 
$$\sqrt{\frac{1}{n-1}} \sum_{i=0}^{n} (x - \bar{x})^2$$

Desvio Padrão da Amostra

S.D. = 
$$\frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n} (x - \mu)^2$$

Desvio Padrão da População





### Variância (Variance)

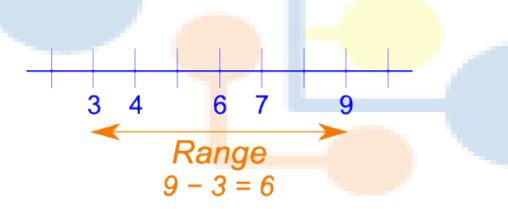
A variância é o quadrado do desvio padrão.

Variance = 
$$(S.D.)^2$$



### Intervalo (Range)

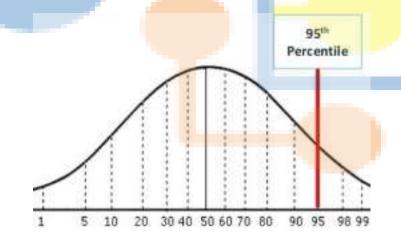
Intervalo é uma das técnicas mais simples de estatística descritiva. É a diferença entre o menor e o maior valor do conjunto de dados.





#### Percentil

O percentil é uma maneira de representar a posição de um valor no conjunto de dados. Para calcular o percentil, os valores no conjunto de dados devem estar sempre em ordem crescente.

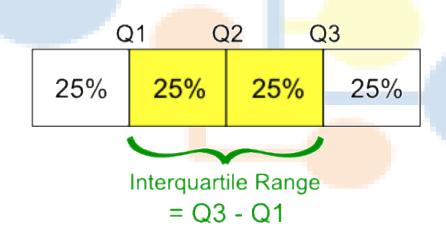




## Medidas de Dispersão

### Quartil

Os quartis são valores que dividem os dados em *quarters*, desde que os dados sejam classificados em ordem crescente.

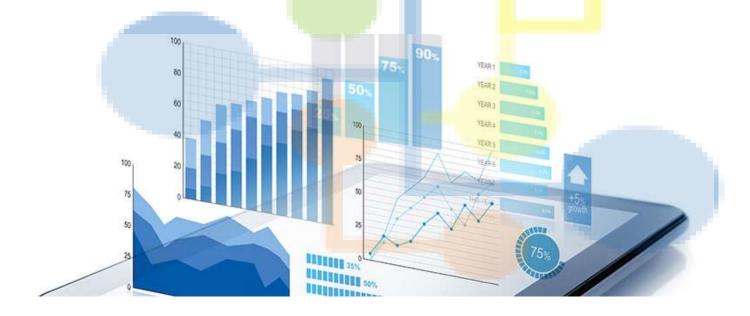






## Big Data Real-Time Analytics com Python e Spark

# Medidas de Forma Skewness e kurtosis





### Medidas de Forma - Skewness e kurtosis

As medidas de assimetria (skewness) e curtose (kurtosis) caracterizam a forma da distribuição de elementos em torno da média.





### Assimetria (Skewness)

Skewness é uma medida da assimetria da distribuição de probabilidade de uma variável aleatória de valor real sobre sua média. O valor da assimetria pode ser positivo, negativo ou indefinido.

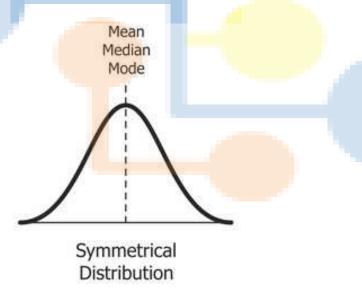


### Academy Data Science Data Science

### Medidas de Forma - Skewness e kurtosis

### Assimetria (Skewness)

Em uma distribuição normal perfeita, as caudas de cada lado da curva são imagens espelhadas exatas uma da outra.

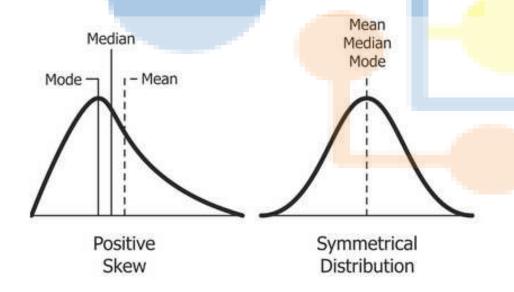




## Medidas de Forma - Skewness e kurtosis

### Assimetria (Skewness)

Quando uma distribuição é inclinada para a direita, a cauda no lado direito da curva é maior que a cauda no lado esquerdo, e a média é maior que a moda. Essa situação também é chamada de <u>assimetria positiva</u>.



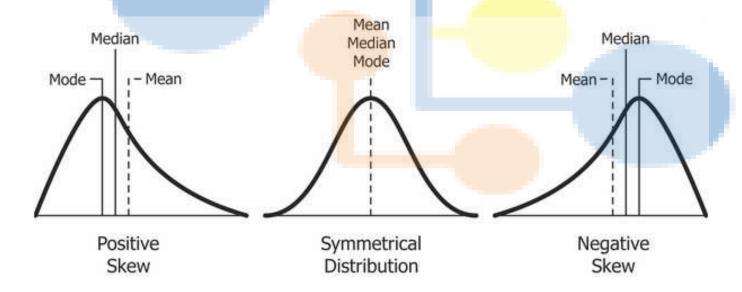


### Academy Data Science

### Medidas de Forma - Skewness e kurtosis

### Assimetria (Skewness)

Quando uma distribuição é inclinada para a esquerda, a cauda do lado esquerdo da curva é maior que a cauda do lado direito e a média é menor que a moda. Essa situação também é chamada de <u>assimetria negativa</u>.





## Medidas de Forma - Skewness e kurtosis

### Assimetria (Skewness)

Para calcular o coeficiente de assimetria, usamos:

Mean - Mode

Standard Deviation

First Coefficient of Skewness (Mode skewness)

3 (Mean - Median)

Standard Deviation

Second Coefficient of Skewness (Median skewness)



### Assimetria (Skewness)

- A direção da assimetria é dada pelo sinal. Um zero significa nenhuma assimetria.
- Um valor negativo significa que a distribuição é negativamente assimétrica. Um valor positivo significa que a distribuição está positivamente assimétrica.
- O coeficiente compara a distribuição da amostra com uma distribuição normal. Quanto maior o valor, mais a distribuição difere de uma distribuição normal.



## Medidas de Forma - Skewness e kurtosis







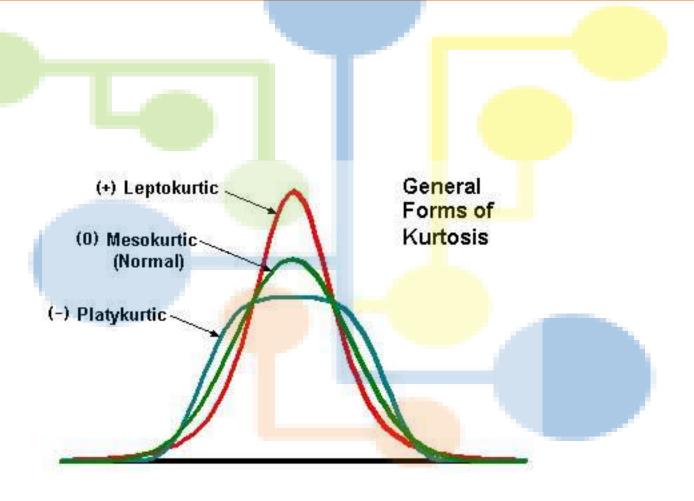
### **Curtose (Kurtosis)**

Um dos coeficientes mais utilizados para medir o grau de achatamento ou curtose de uma distribuição é o coeficiente percentílico de curtose, ou simplesmente coeficiente de curtose (k), calculado a partir do intervalo interquartil dos percentis de ordem 10 e 90.





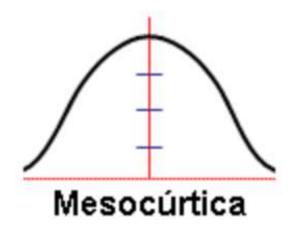
### **Curtose (Kurtosis)**







### **Curtose (Kurtosis)**

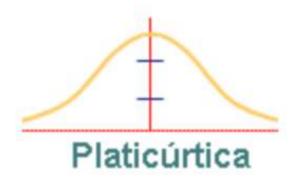


Quando a forma da distribuição não é nem muito achatada e nem muito alongada, com uma aparência semelhante à da curva normal, é denominada mesocúrtica.





### **Curtose (Kurtosis)**



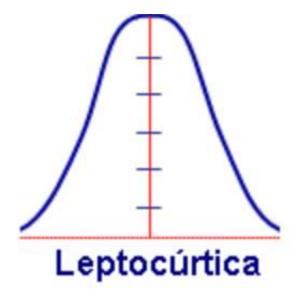
Por outro lado, quando a distribuição apresenta uma curva de frequências mais achatada que a curva normal é denominada platicúrtica.

Apresenta uma medida de curtose menor que a da distribuição normal.





### **Curtose (Kurtosis)**



Ou ainda, quando a distribuição apresenta uma curva de frequências mais alongada que a curva normal é denominada leptocúrtica.

Apresenta uma medida de curtose maior que a da distribuição normal.



## Medidas de Forma - Skewness e kurtosis

### **Curtose (Kurtosis)**

$$K = \frac{\frac{1}{2}(Q_3 - Q_1)}{P_{90} - P_{10}} - 0,263$$

Se k = 0,263 → dizemos que a distribuição é mesocúrtica

Se k > 0,263 → dizemos que a distribuição é platicúrtica

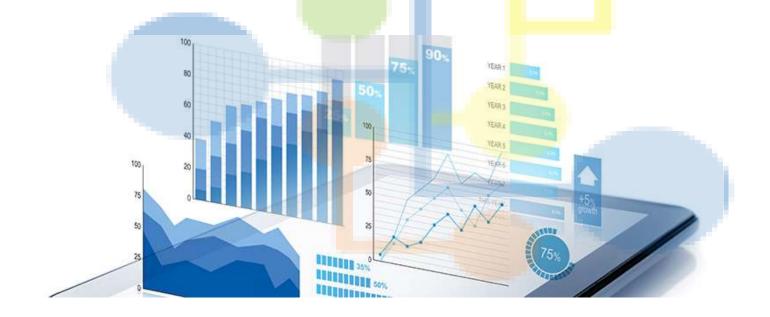
Se k < 0,263 → dizemos que a distribuição é leptocúrtica





### Big Data Real-Time Analytics com Python e Spark

# Coeficiente de Correlação





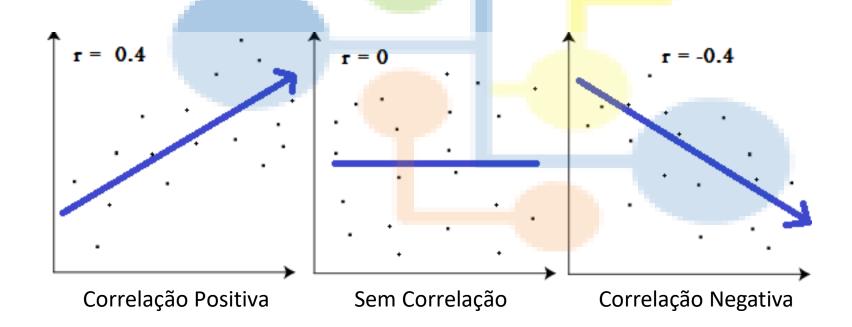
## Coeficiente de Correlação

A Correlação permite determinar quão fortemente os pares de variáveis estão relacionados.



## Coeficiente de Correlação

O principal resultado de uma correlação é chamado de **coeficiente de correlação** (ou "r"). Varia de -1.0 a +1.0. Quanto mais próximo r for +1 ou -1, mais próximas as duas variáveis estarão relacionadas.











Tenha uma Excelente Jornada de Aprendizagem.

Muito Obrigado por Participar!

**Equipe Data Science Academy**