上节回顾

第七章 遗传算法

- 生物理论基础
- 算法基本框架
- 编码/解码
- 适应度函数
- 遗传算子(选择、交叉、变异)
- 停止条件

第八章 群智能







三个臭皮匠顶个诸葛亮。

众人拾柴火焰高。

群智能概述

• 群智能 (Swarm Intelligence, SI)

群(swarm):某种交互作用的组织或agent的结构集合。

对于群居昆虫,如蚂蚁、蜜蜂、鱼群、鸟群等,个体在结构上是很简单的,而它们的集体行为却可能变得相当复杂。

人们把群居昆虫的集体行为称作"<mark>群智能",即低智能的主体通过合作表现出高智能行为的特性。</mark>

群智能算法是一种基于**生物群体行为规律**的计算 技术。

特点

1. 个体的行为很简单,但当它们一起协同工作时却能够突现出非常复杂(智能)的行为特征。

2. 群智能优化在没有集中控制且不提供全局模型的前提下,为寻找复杂的分布式问题求解方案提供了基础。

优点

- 1. 灵活性: 群体可以适应随时变化的环境;
- 2. 稳健性: 个体失败, 群体仍能完成任务;
- 3. 自组织:活动既不受中央控制,也不受局部监管。

・典型算法

粒子群优化算法(鸟群捕食 蚁群算法(蚂蚁觅食)



粒子群优化算法

• 粒子群优化算法简述

粒子群优化算法(Particle Swarm Optimization, PSO),也称为粒子群算法,是近几年来发展起来的一种新的群体搜索算法。

和遗传算法相似,它也是从随机的解出发,通过迭代寻找最优解,通过适应度来评价解的品质。

比遗传算法规则更为简单,它没有遗传算法的"交叉"(Crossover)和"变异"(Mutation)操作,而是追随当前搜索到的最优值来寻找全局最优。

• 粒子群算法的思想和起源

- 由James Kenney(社会心理学博士)
 和Russ Eberhart(电子工程学博士),
 于1995年提出。
- 该算法源于对鸟群捕食行为的研究, 是受到飞鸟集群活动的规律性启发, 利用群体智能建立的一个简化模型。

• 粒子群算法的原理描述(1)

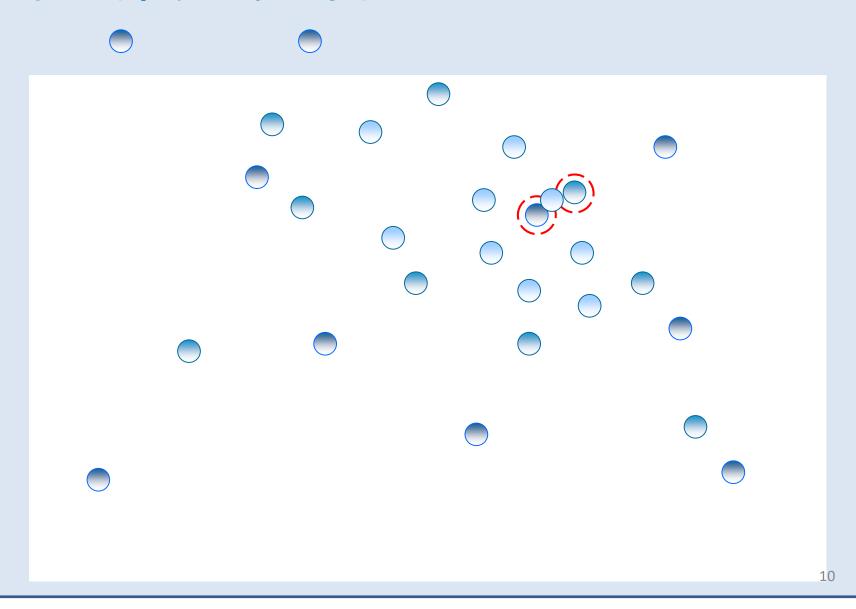
假设存在一个区域,所有的鸟都不知道食物的位置,但是它们知道当前的位置离食物还有多远。找到食物的最优策略是什么呢? 搜寻目前离食物最近的鸟的周围区域。

在该算法中,每个解看作一只鸟,称为粒子 (particle),所有的粒子都有一个适应值,每个粒子都有一个速度决定它们的飞翔方向和距离,粒子们追随当前最优粒子在解空间中搜索。

• 粒子群算法的原理描述(2)

当其它鸟发现了更佳的觅食地点,鸟群间会有某种类似广播的沟通行为,渐渐的将其它鸟群引领至较佳的地点。这样的觅食行为是利用社会中所存在的互相影响的概念,来引领所有个体朝向最佳解位置。

• 粒子群寻优示意图



- 基本粒子群算法的描述
 - 1. 假设在D维搜索空间中,有m个粒子;
 - (1) 其中第i个粒子的位置矢量表示为:

$$\vec{x}_i = (x_{i1}, x_{i2}, \cdots, x_{iD})$$

(2) 飞翔速度矢量表示为:

$$\vec{v}_i = (v_{i1}, v_{i2}, \cdots, v_{iD})$$

(3) 第 i个粒子搜索到的最优位置为:

$$\vec{p}_i = (p_{i1}, p_{i2}, \dots, p_{iD})$$

(4) 整个粒子群搜索到的最优位置为:

$$\vec{p}_{gbest} = (p_{gbest1}, p_{gbest2}, \dots, p_{gbestD})$$

2. 粒子速度和位置的更新

$$v_{id}^{k+1} = wv_{id}^{k} + c_1 rand()(p_{id} - x_{id}^{k}) + c_2 rand()(p_{gbest} - x_{id}^{k})$$

 $x_{id}^{k+1} = x_{id}^{k} + v_{id}^{k+1}$ $i = 1, 2, \dots, m; \ d = 1, 2, \dots, D$

其中w为惯性权重,

d=1,2, ..., D, i=1,2, ..., M.

c1 和c2 为两个正常数称为加速因子, rand() 为分布于[0,1]的随机数

2. 粒子速度和位置的更新

$$v_{id}^{k+1} = wv_{id}^{k} + c_{1}rand()(p_{id} - x_{id}^{k}) + c_{2}rand()(p_{gbest} - x_{id}^{k})$$

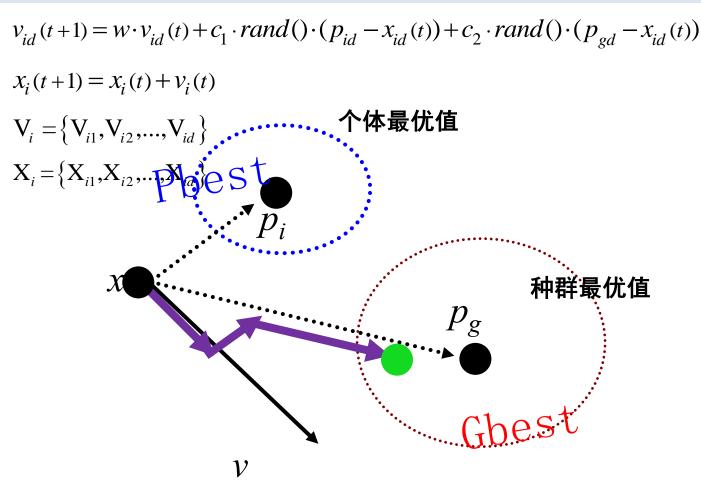
$$x_{id}^{k+1} \neq x_{id}^{k} + v_{id}^{k+1}$$

$$i = 1, 2, \dots, m; \ d = 1, 2, \dots, D$$

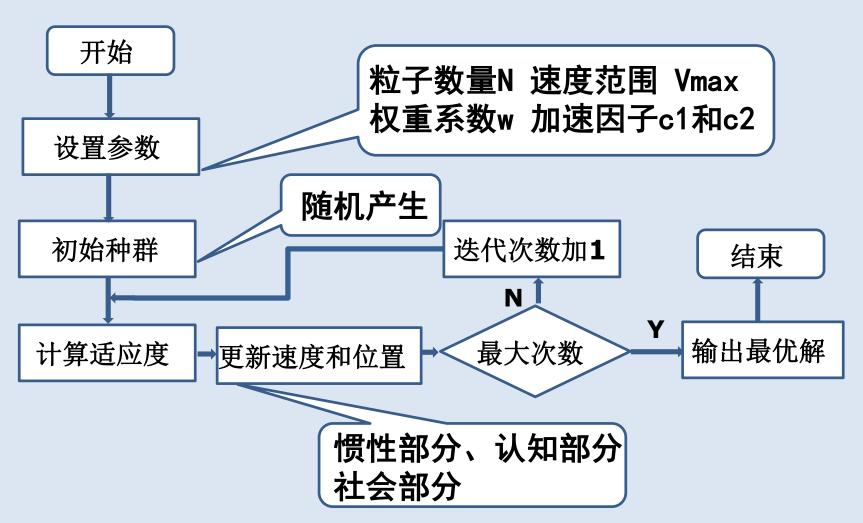
"惯性部分", 对自身运动状 态的信任 "认知部分",对微粒本身的思考,即来源于自己经验的部分

"社会部分",微粒间的信息共享,来源于群体中的其它优秀微粒的经验

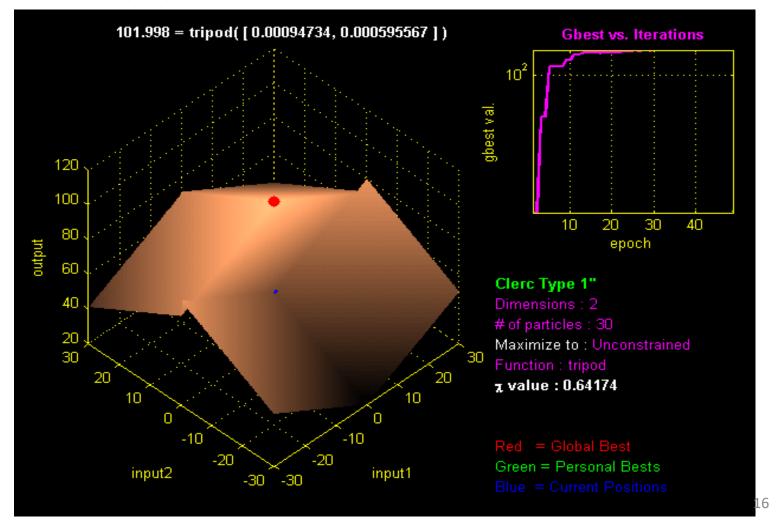
3. 粒子更新示意图



4. 粒子群算法流程图



5. 粒子群算法迭代过程



$$v_{id}^{k+1} = wv_{id}^{k} + c_{1}rand()(p_{id} - x_{id}^{k}) + c_{2}rand()(p_{gbest} - x_{id}^{k})$$

$$x_{id}^{k+1} = x_{id}^{k} + v_{id}^{k+1}$$

$$i = 1, 2, \dots, m; \ d = 1, 2, \dots, D$$

- 6. 粒子群算法参数分析
- (1) 惯性权重w

使粒子保持运动惯性,使其有搜索扩展空间的趋势,有能力探索新的区域。

也表示微粒对当前自身运动状态的信任,依据自身的速度进行惯性运动。

较大的w有利于跳出局部极值,而较小的w有利于算法收敛。

$$v_{id}^{k+1} = wv_{id}^{k} + c_{1}rand()(p_{id} - x_{id}^{k}) + c_{2}rand()(p_{gbest} - x_{id}^{k})$$

$$x_{id}^{k+1} = x_{id}^{k} + v_{id}^{k+1}$$

$$i = 1, 2, \dots, m; \ d = 1, 2, \dots, D$$

- 6. 粒子群算法参数分析
- (2) 改进的惯性权重w

在优化实际优化问题时,往往希望先采用全局搜索,使搜索空间快速收敛于某一区域,然后采用局部精细搜索以获得高精度的解。

因此提出了自适应调整的策略,即随着迭代的进行,线性地减小 w 的值。

$$v_{id}^{k+1} = wv_{id}^{k} + c_{1}rand()(p_{id} - x_{id}^{k}) + c_{2}rand()(p_{gbest} - x_{id}^{k})$$

$$x_{id}^{k+1} = x_{id}^{k} + v_{id}^{k+1}$$

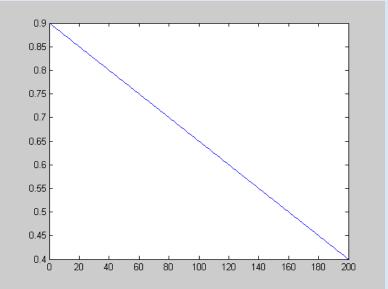
$$i = 1, 2, \dots, m; \ d = 1, 2, \dots, D$$

- 6. 粒子群算法参数分析
- (2) 改进的惯性权重w

wmax、wmin分别是w的最大值和最小值; iter、itermax分别是当前迭代次数和最大迭代

次数。

$$w = w_{\text{max}} - \frac{w_{\text{max}} - w_{\text{min}}}{iter_{\text{max}}} \times iter$$



$$v_{id}^{k+1} = wv_{id}^{k} + c_{1}rand()(p_{id} - x_{id}^{k}) + c_{2}rand()(p_{gbest} - x_{id}^{k})$$

$$x_{id}^{k+1} = x_{id}^{k} + v_{id}^{k+1}$$

$$i = 1, 2, \dots, m; \ d = 1, 2, \dots, D$$

- 6. 粒子群算法参数分析
- (3) 加速因子c1和c2

使代表将微粒推向pbest和gbest位置的统计加速项的权重。

表示粒子的动作来源于自己经验的部分和其它粒子经验的部分。

低的值粒子在目标区域外徘徊,而高的值导致粒子越过目标域。

$$v_{id}^{k+1} = wv_{id}^{k} + c_{1}rand()(p_{id} - x_{id}^{k}) + c_{2}rand()(p_{gbest} - x_{id}^{k})$$

$$x_{id}^{k+1} = x_{id}^{k} + v_{id}^{k+1}$$

$$i = 1, 2, \dots, m; \ d = 1, 2, \dots, D$$

- 6. 粒子群算法参数分析
- (4) 改进的加速因子c1和c2

通常将c1和c2统一为一个控制参数, φ= c1+c2 如果φ很小, 微粒群运动轨迹将非常缓慢; 如果φ很大, 则微粒位置变化非常快; 通过仿真可以获得φ的经验值, 当φ=4.0 (c1=2.0, c2=2.0) 时, 具有很好的收敛效果。

$$v_{id}^{k+1} = wv_{id}^{k} + c_{1}rand()(p_{id} - x_{id}^{k}) + c_{2}rand()(p_{gbest} - x_{id}^{k})$$

$$x_{id}^{k+1} = x_{id}^{k} + v_{id}^{k+1}$$

$$i = 1, 2, \dots, m; \ d = 1, 2, \dots, D$$

- 6. 粒子群算法参数分析
- (5) 粒子数

通常一般取20~40,对较难或特定类别的问题可以取100~200。

(6) 最大速度vmax

决定粒子在一个循环中最大的移动距离,通常设定为粒子的范围宽度。

- 7. 粒子群算法与遗传算法的比较共性:
 - (1) 都属于仿生算法;
 - (2) 都属于全局优化方法;
 - (3) 都属于随机搜索算法;
 - (4) 都隐含并行性;
 - (5) 根据个体的适配信息进行搜索,因此不受函数约束条件的限制,如连续性、可导性。
- (6) 对高维复杂问题,无法保证收敛到最优

点。

- 7. 粒子群算法与遗传算法的比较差异:
- (1) PSO有记忆,所有粒子都保存较优解的知识,而GA,以前的知识随着种群的改变被改变;
- (2) PSO中的粒子是一种单向共享信息机制。 而GA中的染色体之间相互共享信息;
- (3) GA需要编码和遗传操作,粒子只是通过内部速度进行更新,实现更容易。

蚁群算法

• 蚁群算法的思想和起源

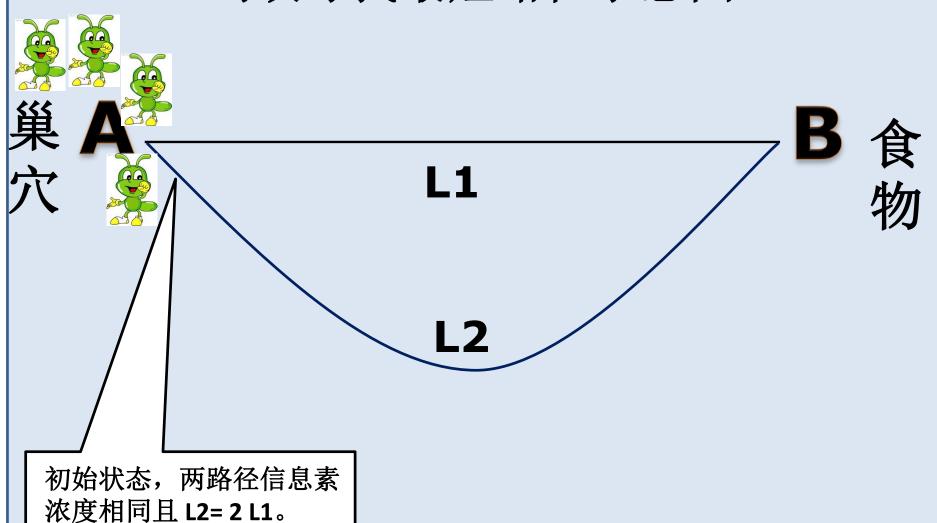
20 世纪90 年代初,意大利学者Dorigo 等受蚂蚁觅食行为的启发,在其博士论文中首次提出了蚂蚁系统(Ant System)。

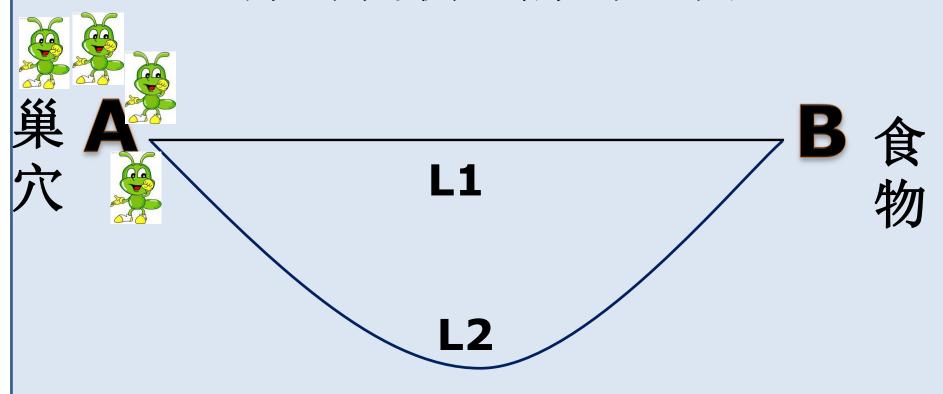
近年来,Dorigo等人进一步将蚂蚁算法发展为一种通用的优化技术--蚁群优化(Ant Colony Optimization)。

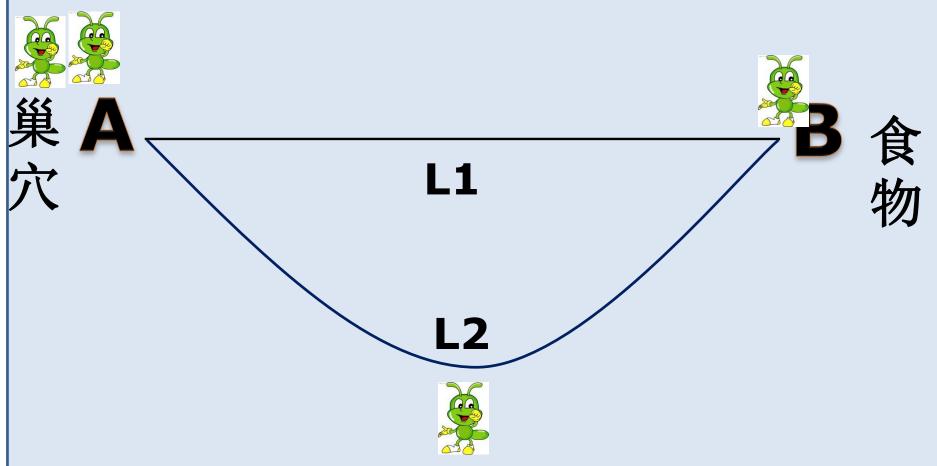
蚂蚁觅食是寻找从巢穴到食物的最佳路径的行为。蚁群算法是一种仿生算法。

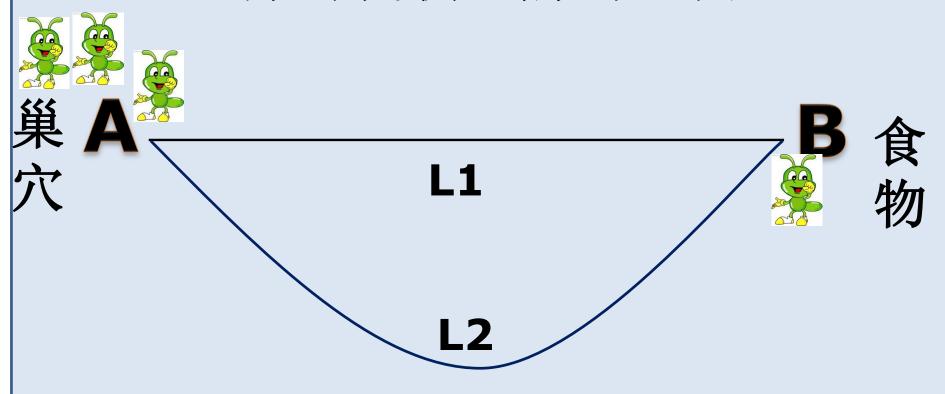
· 蚂蚁可以找出最短路径,为什么?

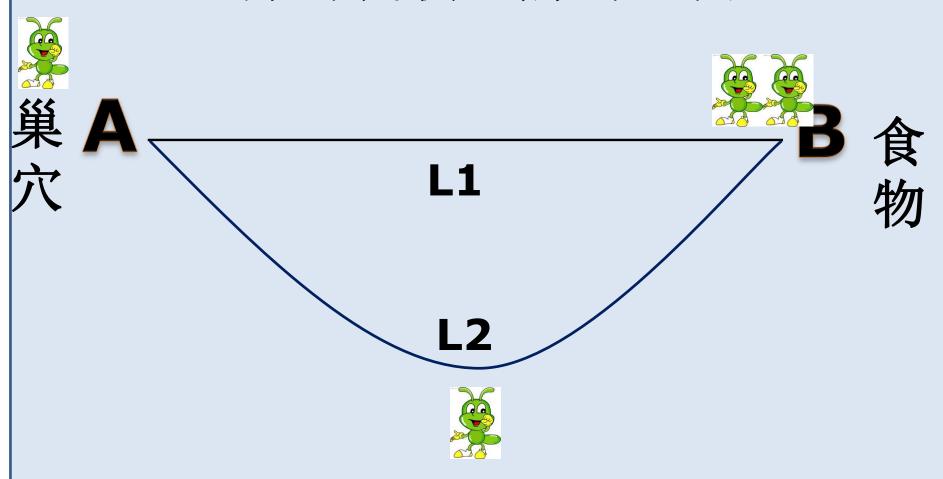
- 1. 信息素 (pheromone): 蚂蚁在寻找食物时,其经过的路 上释放的一种易挥发的物质。该信息素 可以被其它的蚂蚁感知,并且信息素的浓度越高,对应的路径越短。
- 2. 正反馈: 蚂蚁会以较大的概率选择信息素浓度较高的路径,并释放一定量的信息素以增强该路径上的信息素浓素,从而距离较短的路径被加强,形成一个正反馈。

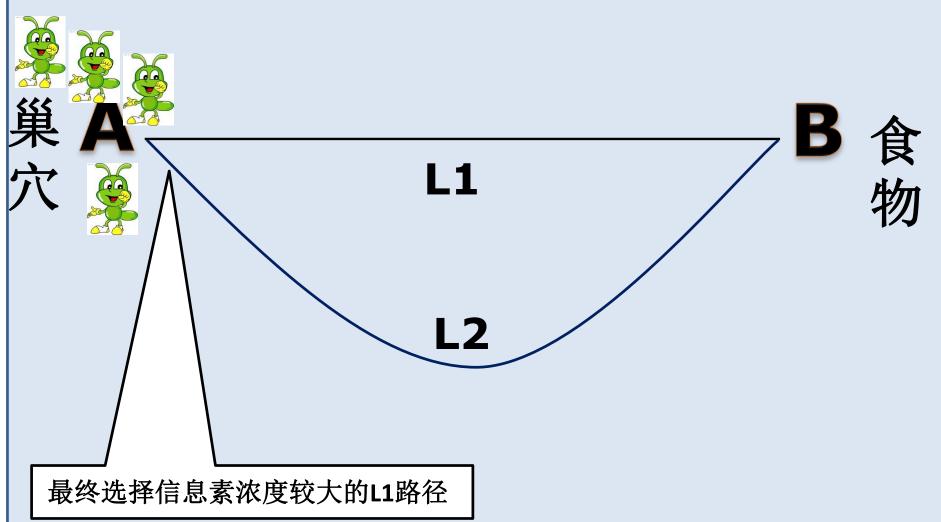


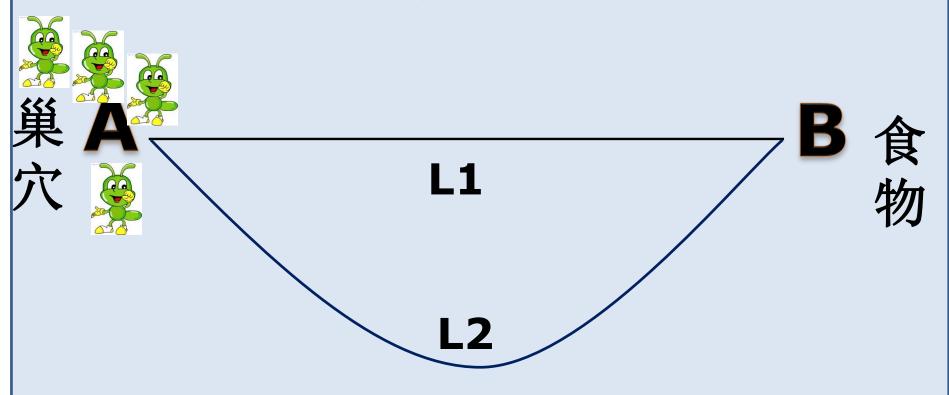


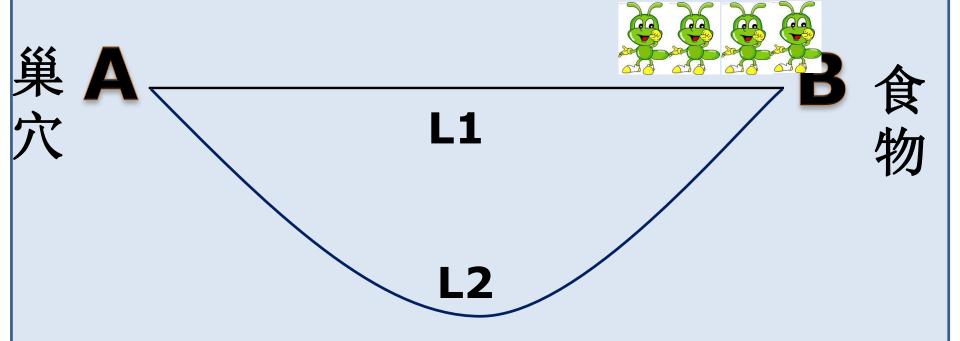












蚁群算法的模型与实现----TSP

- 1. 不失一般性设蚂蚁的数量为 m,城市的数量为 n,城市 i和城市 j的距离为 d(i, j) 距离选用欧式距离,t时刻城市 i和城市 j连接路径的信息素浓度为 $\tau(i, j)$ 。
- 2. 在算法初始时刻,设各城市连接路径的信息素浓度具有相同的值,m只蚂蚁放到 n座城市。

蚁群算法的模型与实现----TSP

- 3. 蚂蚁的初始分布
- (1) 所有蚂蚁初始时刻放在同一城市。
- (2) 所有蚂蚁初始时刻分布在不同城市中。 显而易见,第二种方法将蚂蚁放在不同的城 市中算法具有较高的性能。在不同城市分布 时,随机分布与统一均匀分布的效果 差别不 大。

4. 每只蚂蚁根据路径上的信息素和启发式信息,独立地访问下一座城市,概率公式如下:

$$P^{k}(i,j) = \begin{cases} \frac{[\tau(i,j)]^{\alpha} \cdot [\eta(i,j)]^{\beta}}{\sum_{s \notin tabu_{k}} [\tau(i,s)]^{\alpha} \cdot [\eta(i,s)]^{\beta}}, & if \ j \notin tabu_{k} \\ 0, & otherwise \end{cases}$$

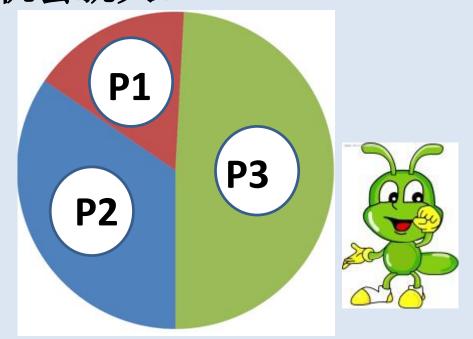
 $\eta(i,j)=1/d(i,j)$ 是启发函数,表示蚂蚁从城i到城市j的期望程度,距离越短函数值越大。

$$P^{k}(i,j) = \begin{cases} \frac{[\tau(i,j)]^{\alpha} \cdot [\eta(i,j)]^{\beta}}{\sum_{s \notin tabu_{k}} [\tau(i,s)]^{\alpha} \cdot [\eta(i,s)]^{\beta}}, & if \ j \notin tabu_{k} \\ 0, & otherwise \end{cases}$$

- α是信息素重要程度因子。
- β是启发函数重要程度因子。

tabuk为禁忌表,表示已经访问的城市集合。

5. 蚂蚁从当前城市访问下一城市的概率确定后,通常采用轮盘赌法选择下一城市,概率 大被选中机会就大。



6. 当所有蚂蚁完成一次访问后,各路径上的信息素将进行更新,信息素公式更新如下:

$$\tau_{ij}(t+1) = (1-\rho) \cdot \tau_{ij}(t) + \Delta \tau_{ij}$$

$$\Delta \tau_{ij} = \sum_{k=1}^{m} \Delta \tau_{ij}^{k}$$

其中 ρ 的取值为 $0<\rho<1$,表示路径上信息素的挥发系数。

- 7. 针对蚂蚁释放信息素问题,比较常用的有如下三种模型:
 - (1). Ant cycle system

$$\Delta \tau_{ij}^{k} = \begin{cases} \frac{Q}{L_{k}} & ij \in I_{k} \\ 0 & otherwise \end{cases}$$

Q为正常数, L_k 表示第k只蚂蚁在本次访问城市中所走过路径的长度

- 7. 针对蚂蚁释放信息素问题,比较常用的有如下三种模型:
 - (2). Ant quantity system

$$\Delta \tau_{ij}^{k} = \begin{cases} \frac{Q}{D_{ij}} & ij \in I_{k} \\ 0 & otherwise \end{cases}$$

Q为正常数, D_{ij} 表示第k只蚂蚁在本次访问中城市 i和城市 j的距离。

- 7. 针对蚂蚁释放信息素问题,比较常用的有如下三种模型:
 - (3). Ant density system

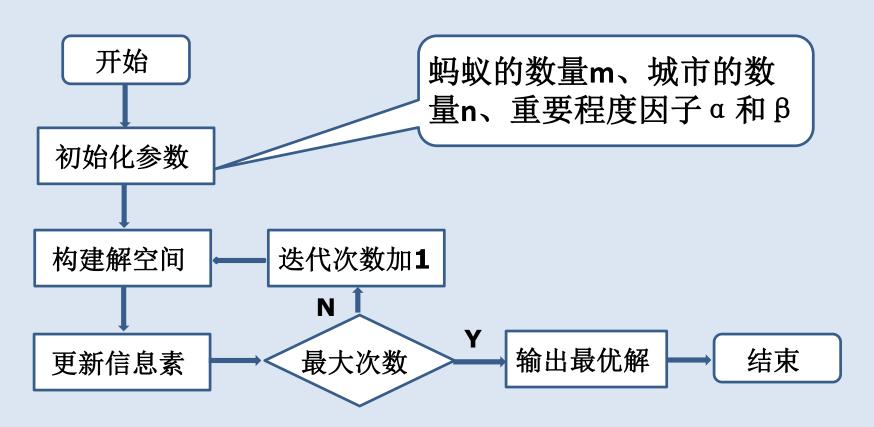
$$\Delta \tau_{ij}^{k} = \begin{cases} Q & ij \in I_{k} \\ 0 & otherwise \end{cases}$$

Q为正常数,在整个访问城市的过程中,密 度始终保持不变。

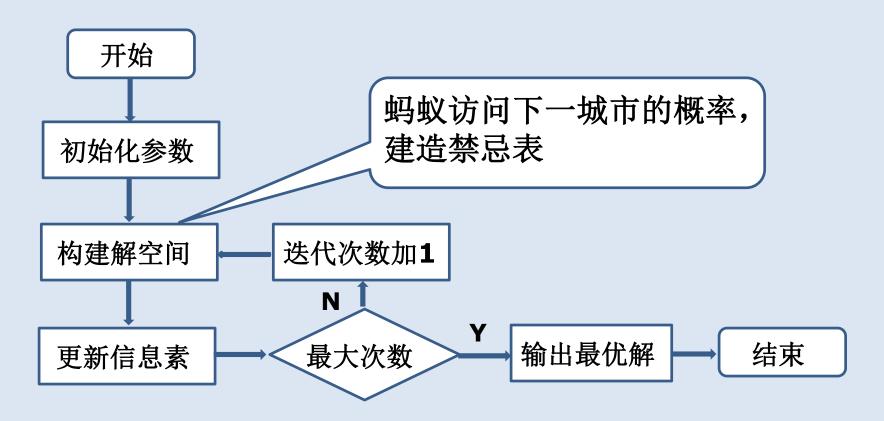
7. 针对蚂蚁释放信息素问题,这三种模型分别对应路径的整体信息(蚂蚁所访问路径的总长)、局部信息(蚂蚁所访问城市间的距离)和不考虑路径信息。

以下优化TSP问题,选用ant cycle system模型,即路径的整体信息路径越短,释放的信息素度越高。

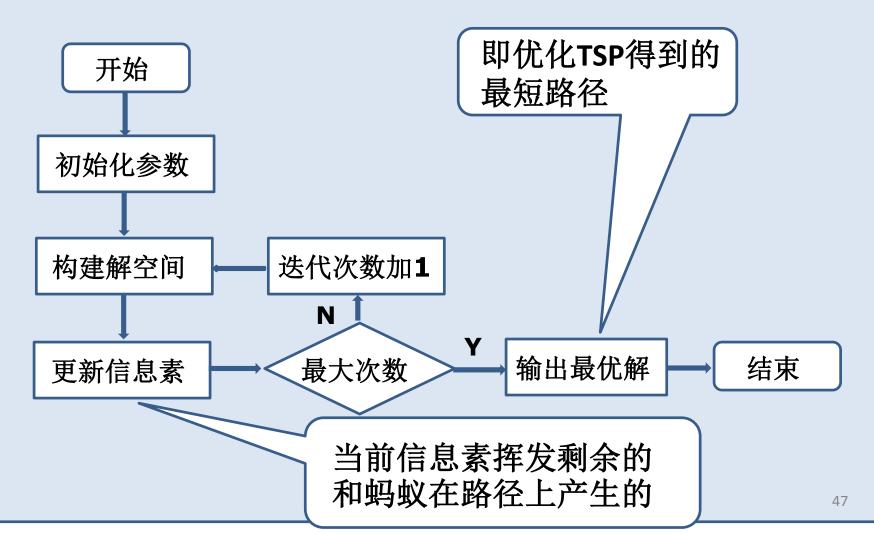
8. 蚁群算法解决TSP问题基本流程



8. 蚁群算法解决TSP问题基本流程

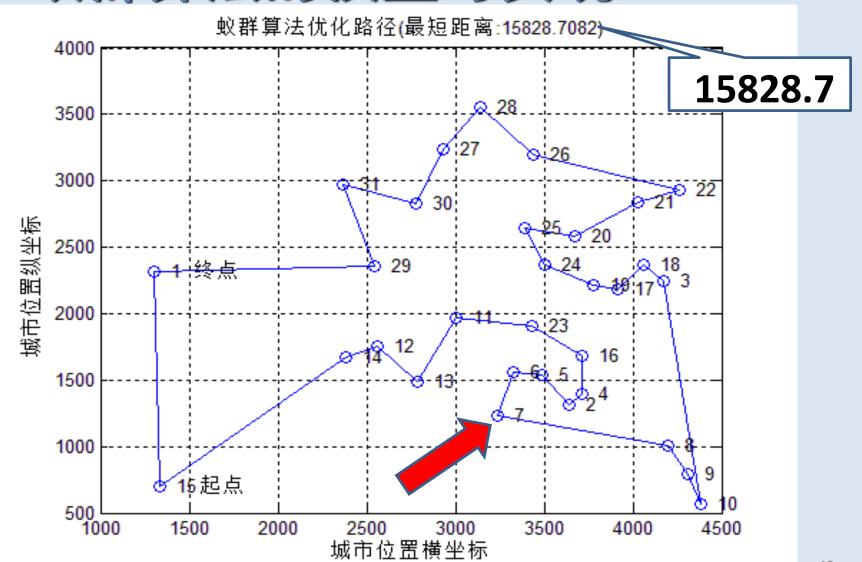


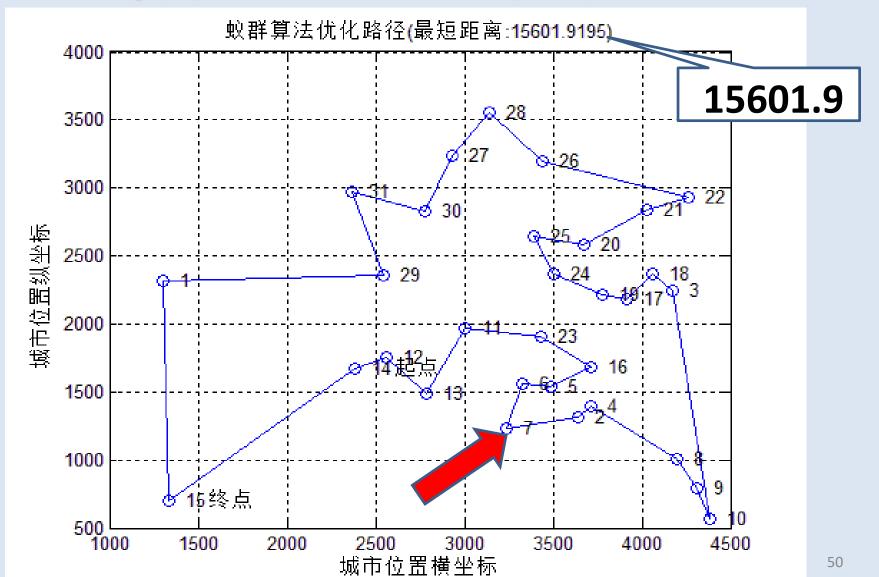
8. 蚁群算法解决TSP问题基本流程



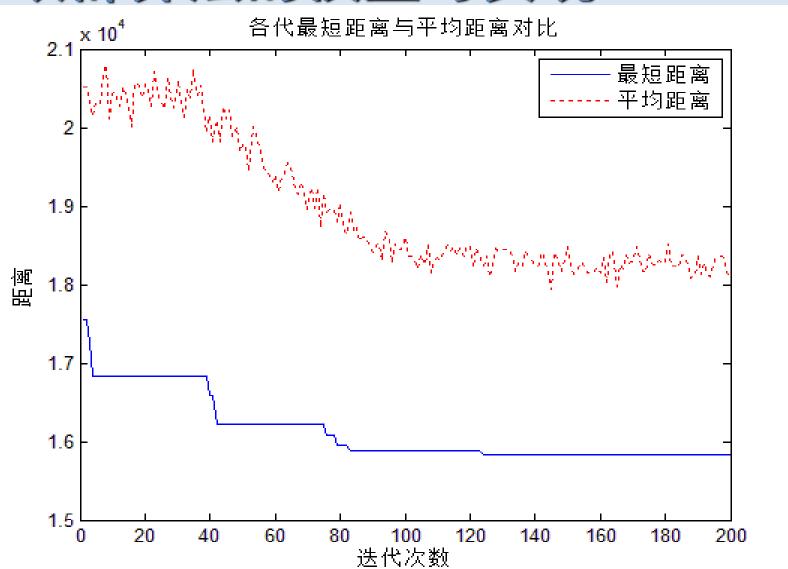
1.31个城市坐标如下:

x=[1304,3639,4177,3712,3488,3326,3238,4196,4312,4386,
3007,2562,2788,2381,1332,3715,3918,4061,3780,3676,4029,
4263,3429,3507,3394,3439,2935,3140,2545,2778,2370];
y=[2312,1315,2244,1399,1535,1556,1229,1004,790,570,1970,
1756,1491,1676,695,1678,2179,2370,2212,2578,2838,2931,
1908,2367,2643,3201,3240,3550,2357,2826,2975]





- 1. 同一个函数,两次的结果并不是完全的一致,因为在蚁群初始化时位置是随机产生的。 说明该算法的解具有不确定性。
- 两次优化的结果分别为15828km和
 15601km,而现在有的算法可以优化到
 15377km,因此寻找的最佳路径即为局部最优值并不是全局最优值。



52

- 1. 路径的最短距离在算法迭代到约120次时即蓝色实线基本保持不再发生变化,说明选找到极值点。
- 2. 同时路径的平均距离在算法迭代到100次左右时,在值为18500上下小范围内波动,基本趋于稳定。

• 蚁群算法的优点

- 1. 蚁群算法与其他启发式算法相比,在求解性能上,具有很强的鲁棒性(对基本蚁群算法模型稍加修改,便可以应用于其他问题)和搜索较好解的能力。
- 2. 蚁群算法是一种基于种群的进化算法,具有本质并行性,易于并行实现。
- 3. 蚁群算法很容易与多种启发式算法结合如遗传算法、粒子群算法,以改善算法性能。

- 蚁群算法的不足
 - 1. 如果初始化参数设置不当,导致求解速度很慢且所得解的质量特别差。
 - 2. 基本蚁群算法即无改进的蚁群算法计算量 大, 求解所需时间较长。
 - 3. 基本蚁群算法理论上要求所有的蚂蚁选择 同一路线,该线路即为所求的最优线路;但在 实际计算中,在给定一定循环数的条件下很难 达到这种情况。

- 蚁群算法的改进
 - 1. 最优解保留策略(Ant System with Elitist) 该策略能够以更快的速度获得最好解,但是如 果选择的精英过多则算法会由于较早收敛于局 部次优解而导致搜索的过早停滞。
 - 2. 局部信息素更新 使已选的路径对后来的蚂蚁具有较小的影响 力,从而使蚂蚁对没有选中的路径有更强的 探索能力。

- 蚁群算法的改进
 - 3. 最大--最小蚂蚁系统(max-min ant system)
 - (1)每次迭代后,只有最优解(最优蚂蚁)所属路径上的信息被更新;
 - (2) 为了避免过早收敛,将各条路径可能的信息素限制于[τmin,τmax];
 - (3) 在算法初始时刻,ρ取较小值,算法有更好的发现较好解的能力。随着迭代次数的增加,ρ变大加快算法的收敛。

- 蚁群算法的应用
 - 1. 控制工程、电力工程、交通工程
 - 2. 网络工程、通信、计算机科学
 - 3. 管理工程、化工、信息科学
 - 4. 组合优化问题:

作业调度问题(Job-shop sheduling problem)

二次分配问题(quadratic assignment problem)

旅行商问题(traveling salesman problem)

群智能优化的特点与不足

共同特点:

基于概率计算的随机搜索进化算法,在结构、研究内容、方法以及步骤上有较大的相似性;结果偏随机性。

存在的问题:

- (1) 数学理论基础相对薄弱;
- (2)参数设置没有确切的理论依据,对具体问题和应用环境的依赖性大;

群智能优化的特点与不足

进一步的改进:

- (1)进一步研究真实群居动物的行为特征, 建立合适的数学模型;
 - (2) 进一步研究算法的收敛性;

群智能优化的特点与不足

进一步的改进:

- (3)进一步提高收敛速度,从而解决大规模优化问题;
 - (4) 进一步研究各种参数设置问题;
 - (5) 研究群智能的并行算法;
 - (6) 进一步研究各算法的适用范围;
 - (7) 研究与其它算法的混合技术。