

狭义相对论的两个基本假设

I. 光速不变原理

在所有的惯性系中，光在真空中的传播速率具有相同的值

II. 狭义相对性原理

一切物理规律在所有惯性系中具有相同的形式

洛伦兹变换

正变换

$$x' = \frac{x - ut}{\sqrt{1 - \beta^2}} \quad y' = y \quad z' = z \quad t' = \frac{t - ux/c^2}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

$$\Delta x' = \frac{\Delta x - u\Delta t}{\sqrt{1 - \beta^2}} \quad \Delta y' = \Delta y \quad \Delta z' = \Delta z \quad \Delta t' = \frac{\Delta t - u\Delta x/c^2}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

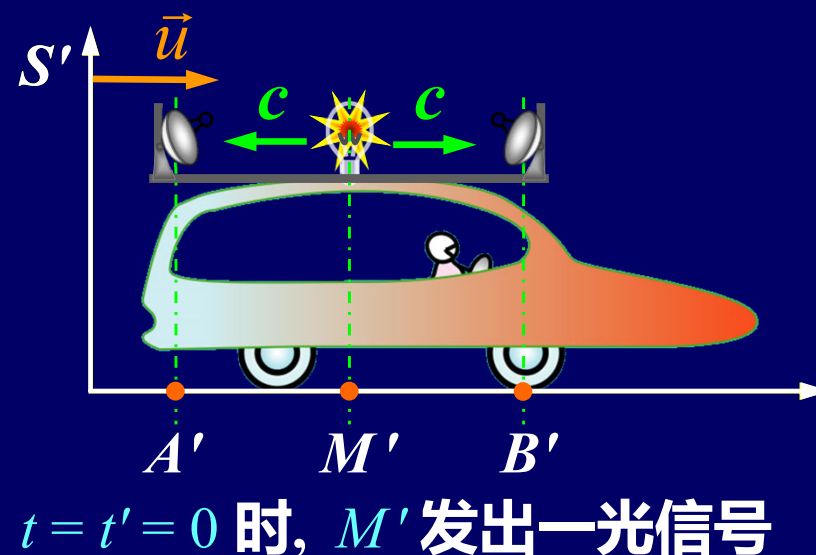
§ 14.4 狭义相对论的时空观

一. 同时性的相对性

S 地面参考系

S' 假想火车

S'



事件1: A' 接收到光信号

事件2: B' 接收到光信号

$$\overline{A'M'} = \overline{B'M'}$$



1、2 两事件在 S' 系中同时发生

S

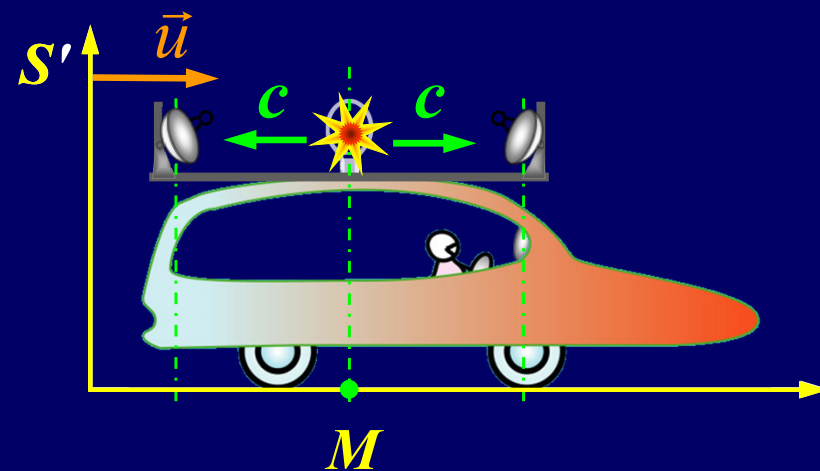
$$\overline{AM} < \overline{A'M'}$$

$$\overline{BM} > \overline{B'M'}$$

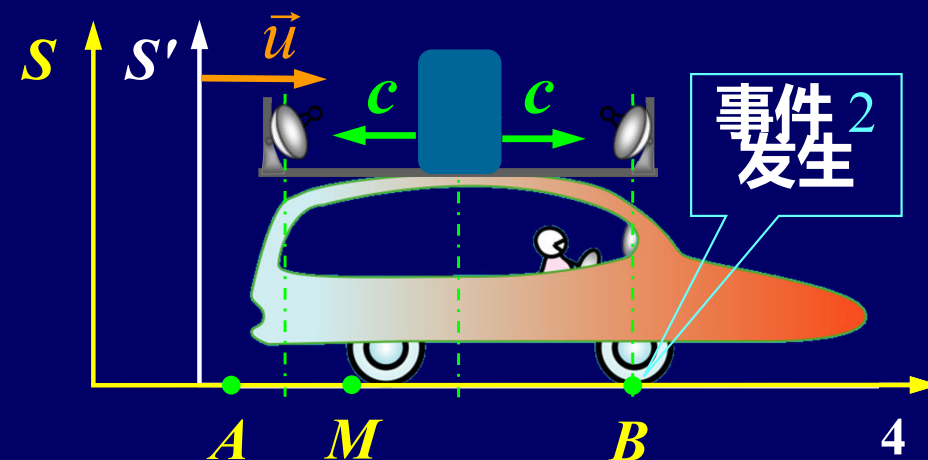
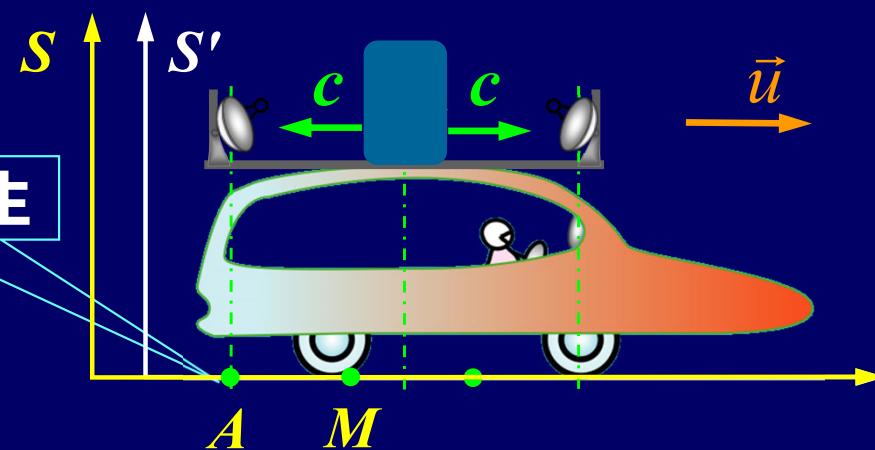


A' 比 B' 早接收到光信号

在 S 系中 1 事件先于 2 事件发生



事件 1 发生



事件 2 发生

➤ S' 系中异地同时事件，在 S 系中并不同时。

——同时的相对性

$$\Delta t' = \frac{\Delta t - u\Delta x/c^2}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

➤ S' 系中同地同时事件，在 S 系中也是同时。

——同地事件的同时性具有绝对意义

$t_2 - t_1 > 0$ S 系中事件1先于事件2发生。

$t'_2 - t'_1 > 0, < 0, = 0$?

$$t'_2 - t'_1 = \frac{(t_2 - t_1) - u(x_2 - x_1)/c^2}{\sqrt{1 - \beta^2}} \quad t_2 - t_1 > 0$$

事件1与事件2有因果联系。 $|x_2 - x_1| = \bar{v}(t_2 - t_1)$

$$u(x_2 - x_1)/c^2 = u\bar{v}(t_2 - t_1)/c^2 < t_2 - t_1$$

$$\bar{v} < c, u < c \quad \longrightarrow \quad u\bar{v}/c^2 < 1$$

$$\text{则: } t'_2 - t'_1 > 0$$

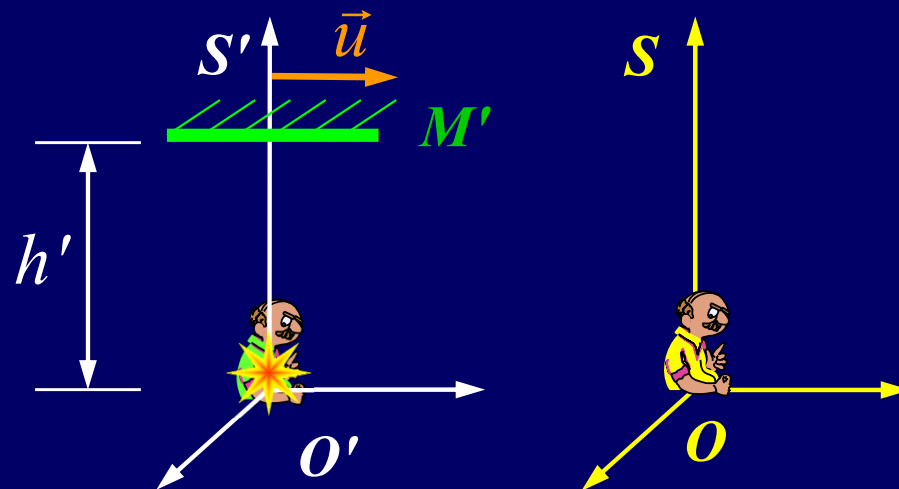
➤ 因果关系是绝对的，不依赖于参考系的选择

二. 时间延缓

事件1 O' 处的闪光光源
发出一光信号

事件2 O' 处的接收器接
收到该光信号

$$\Delta t \stackrel{?}{\Leftrightarrow} \Delta t'(\text{原时})$$



原时： 在某惯性系中，**同一地点**先后发生的两个事件之间的时间间隔

$$\Delta t = \frac{\Delta t' + \frac{u}{c^2} \Delta x'}{\sqrt{1 - (u/c)^2}} \quad \rightarrow \quad \Delta t = \frac{\Delta t'}{\sqrt{1 - (u/c)^2}}$$

$$\Delta x = \frac{\Delta x' + u \Delta t'}{\sqrt{1 - \beta^2}} \neq 0$$

原时： 在某惯性系中，**同一地点**先后发生的两个事件之间

的时间间隔
记： $\tau_0 = \Delta t$ $\tau = \Delta t$ $\beta = u/c$ $\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \beta^2}}$

$$\tau = \frac{\tau_0}{\sqrt{1 - \beta^2}} = \gamma \tau_0 > \tau_0$$

——时间延缓效应

$$\tau = \frac{\tau_0}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

- 在不同惯性系中测量给定两事件之间的时间间隔，测得的结果以**原时最短**。
- **运动时钟**走的速率比**静止时钟**走的速率要慢。
- 物体的运动**速度愈大**，它内部的物理过程进行的**愈缓慢**。

★ 讨论

- (1) 当 $v \ll c$ 时, $\beta \sim 0, \tau \approx \tau_0$
- (2) 时间延缓效应是相对的。
- (3) 运动时钟变慢效应是时间本身的客观特征。

例 π^- 介子是一种不稳定的粒子，从它产生到它衰变为 π^- 介子经历的时间即为它的寿命，已测得静止 π^- 介子的平均寿命 $\tau_0 = 2 \times 10^{-8} \text{s}$ 。某加速器产生的 π^- 介子以速率 $u = 0.98 c$ 相对实验室运动。

$$\cancel{d = u\tau_0}$$



求 π^- 介子衰变前在实验室中通过的平均距离。

解 对实验室中的观察者来说，运动的 π^- 介子的寿命 τ 为

$$\tau = \frac{\tau_0}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{2 \times 10^{-8}}{\sqrt{1-0.98^2}} = 1.005 \times 10^{-7} \text{s}$$

因此， π^- 介子衰变前在实验室中通过的距离 d' 为

$$d' = u \tau = 0.98 c \times 1.005 \times 10^{-7} = 29.5 \text{m}$$

三. 长度收缩

1. 运动长度的测量

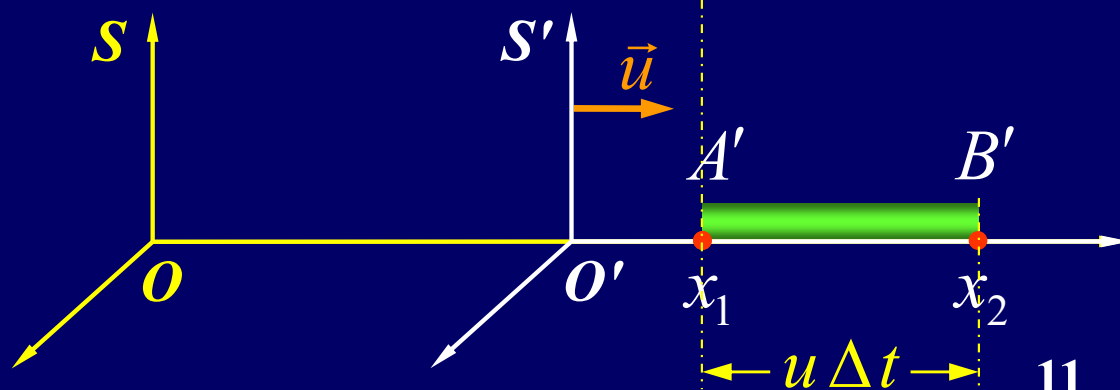
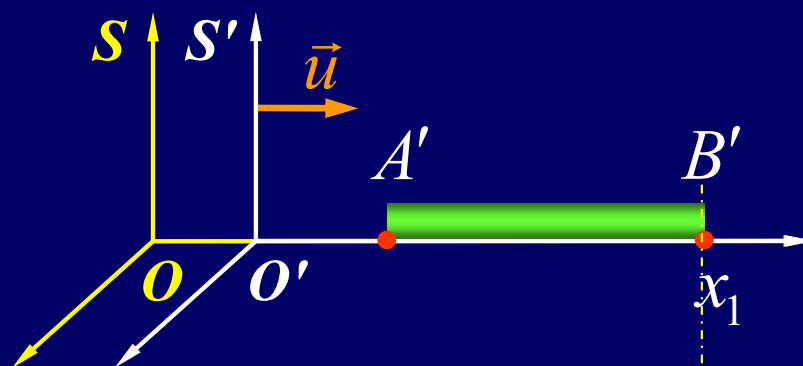
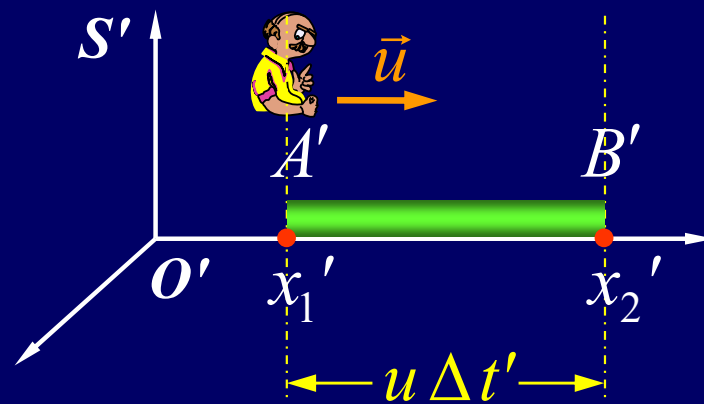
$$S' \quad l_0 = \underbrace{x_2' - x_1'}_{\text{}} = u \Delta t'$$

不要求同时测量

原长: 相对于棒
静止的惯性系测
得棒的长度

$$S \quad l = \underbrace{x_2 - x_1}_{\text{}} = u \Delta t$$

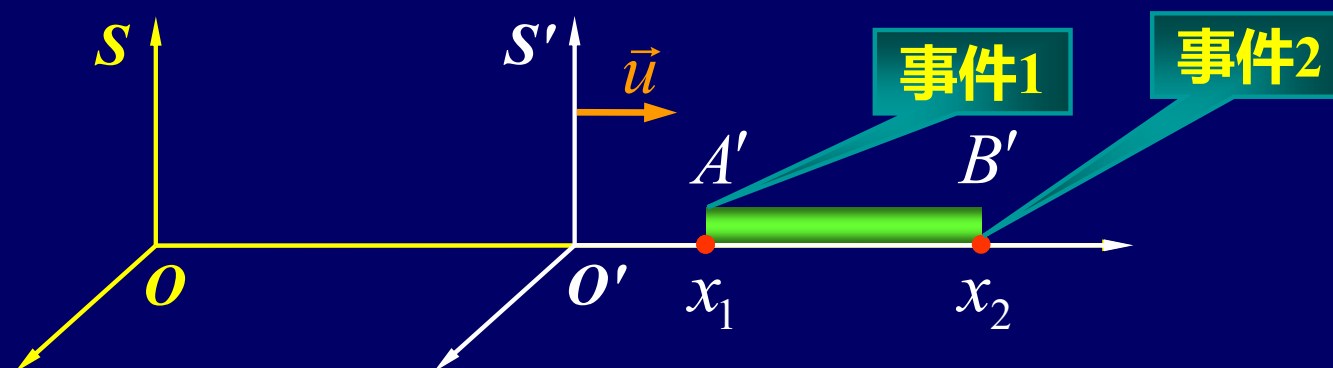
必须同时测量



2. 长度收缩

$$S \quad l = x_2 - x_1$$

两事件必须同时发生



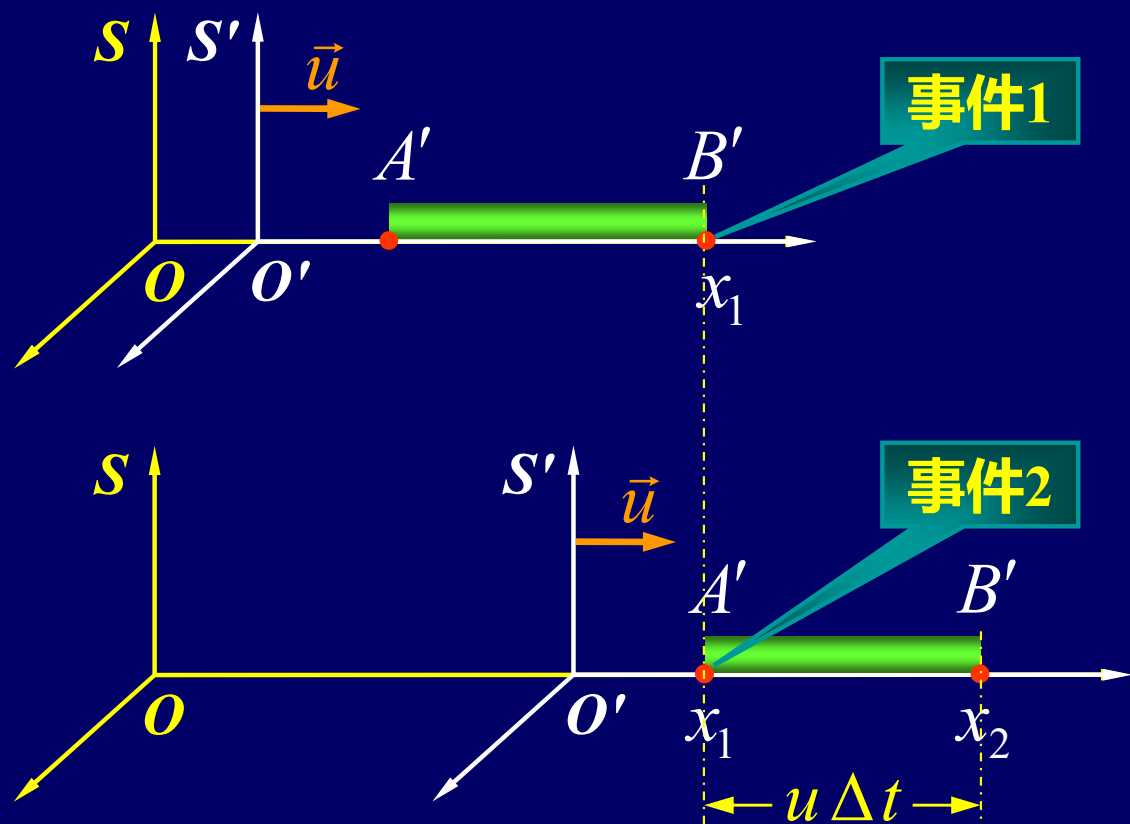
$$l_0 = x_2' - x_1' = \frac{(x_2 - x_1) - u\Delta t}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

$$l = l_0 \sqrt{1 - \beta^2}$$

—— 运动长度缩短效应

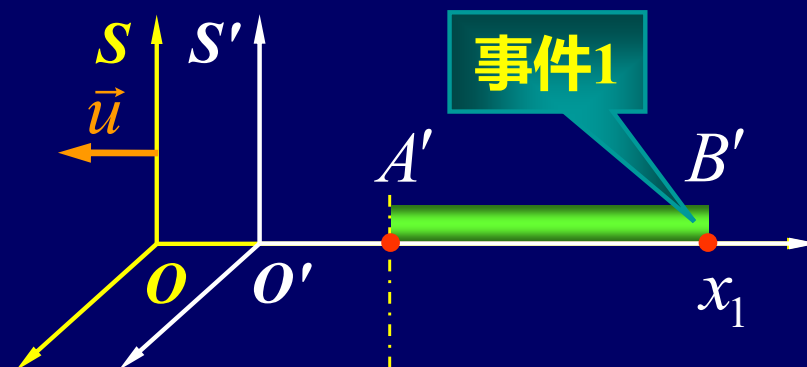
$$S \quad l = x_2 - x_1 = u \Delta t$$

两事件同地发生, Δt 为原时



$$S \quad l = x_2 - x_1 = u \Delta t$$

两事件同地发生, Δt 为原时



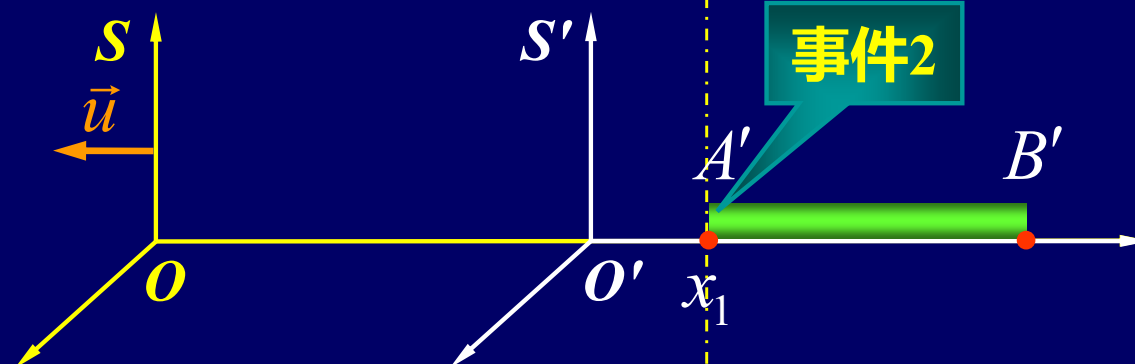
$$S' \quad l_0 = u \Delta t'$$

由 $\Delta t' = \frac{\Delta t}{\sqrt{1-\beta^2}}$

得 $\frac{l_0}{u} = \frac{l}{u \sqrt{1-\beta^2}}$

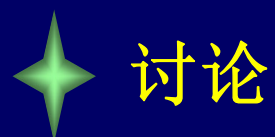


$$l = l_0 \sqrt{1-\beta^2}$$



$$l = l_0 \sqrt{1 - \beta^2}$$

- 在不同惯性系中测量同一尺长，以原长为**最长**。



讨论

- (1) 当 $v \ll c$ 时, $l \approx l_0$
- (2) 长度收缩效应是相对的。
- (3) 长度收缩发生在物体运动的方向上。
- (4) 长度收缩效应并不是视觉感受，而是测量结果。

例 地球-月球系中测得地-月距离为 $3.844 \times 10^8 \text{ m}$ ，一火箭以 $0.8c$ 的速率沿着从地球到月球的方向飞行，先经过地球 (事件1)，之后又经过月球 (事件2)。

求 在地球-月球系和火箭系中观测，火箭从地球飞经月球所需要的时间。

解 取地球-月球系为 S 系，火箭系为 S' 系。则在 S 系中，地-月距离为

$$l = \Delta x = 3.844 \times 10^8 \text{ m}$$

火箭从地球飞径月球的时间为

$$\Delta t = \frac{\Delta x}{u} = \frac{3.844 \times 10^8}{0.8 \times 3 \times 10^8} = 1.6 \text{ s}$$

设在系 S' 中，地-月距离为 l' ，根据长度收缩公式有

$$l' = l\sqrt{1-\beta^2}$$

因此，在 S' 系中火箭从地球飞径月球的时间为

$$\begin{aligned}\Delta t' &= \frac{l'}{u} = \frac{l_0\sqrt{1-\beta^2}}{u} \\ &= \frac{3.844 \times 10^8 \times \sqrt{1-0.8^2}}{0.8 \times 3 \times 10^8} = 0.96 \text{ s}\end{aligned}$$

另解：

$$\tau = \frac{\tau_0}{\sqrt{1-\beta^2}}$$

$$\Delta t' = \tau_0 = \tau\sqrt{1-\beta^2} = \Delta t\sqrt{1-\beta^2}$$

例 宇宙飞船以 $0.8c$ 速度远离地球 (退行速度 $u = 0.8c$)，在此过程中飞船向地球发出两光信号，其时间间隔为 Δt_E 。

求 地球上接收到它发出的两个光信号间隔 Δt_R 。

解 令宇宙飞船为 S' 系，地面为 S 系。则 S 系中测得发出两光信号的时间间隔为

$$\Delta t_{\text{发射}} = \frac{\Delta t_E}{\sqrt{1 - u^2/c^2}} = \frac{\Delta t_E}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

接收两光信号的时间间隔为

$$\begin{aligned} \Delta t_R &= \Delta t_{\text{发射}} + \frac{u \Delta t_{\text{发射}}}{c} \\ &= \Delta t_{\text{发射}} \left(1 + \frac{u}{c}\right) \\ &= \Delta t_E \sqrt{\frac{1 + \beta}{1 - \beta}} = 3 \Delta t_E \end{aligned}$$

