# 3.2 与或树的宽度搜索与深度搜索





# 人工智能导论

与或图的盲目式搜索(上)

主讲人: 刘若辰

西安电子科技大学人工智能学院



- ▶ 与或图搜索: 在与或图上执行搜索的过程, 其目的在于标明起始节点是有解的, 即搜索不是去寻找到目标节点的一条路径, 而是寻找一个解树。
  - 执行可解节点标志和不可解点标志过程。
  - 解树:由能够证明初始节点是可解的可解节点构成的连通的子图。

### > 与或图/与或树

- 与或树: 除初始节点, 其余节点只有一个父节点
- 与或图: 除初始节点, 其余节点允许有多个父节点

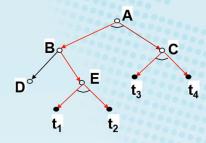
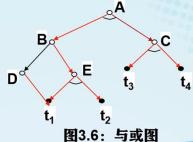


图3.5: 与或树





### 与或树搜索

#### > 与或树的一般搜索过程:

- (1) 把原始问题作为初始节点S0, 并把它作为当前节点;
- (2) 应用分解或等价变换对当前节点进行扩展;
- (3) 为每个节点设置指向父节点的指针;
- (4) 选择适合的节点作为当前节点,反复执行第(2)步和第(3)步,在此其间要多次调用可解标志过程和不可解标志过程,直到初始节点被标为可解节点或不可解节点为止。
- > 与或树的搜索的目的是寻找解树,从而求得原始问题的解。



### 与或树搜索

#### > 与或树搜索与状态空间图搜索的区别:

- 搜索目的不同:是证明起始节点是否可解,而可解节点是递归定义的,取决于后继节点是否可解,即搜索过程是能否找到可解的叶节点。
- 结果不同: 若初始节点被标志为可解,则搜索成功结束;若初始节点被标志为不可解,则搜索失败。
- 节点处理不同: 一旦发现不可解节点, 应把该节点从图中删去。



# 与或树搜索

与/或树的搜索策略 ~

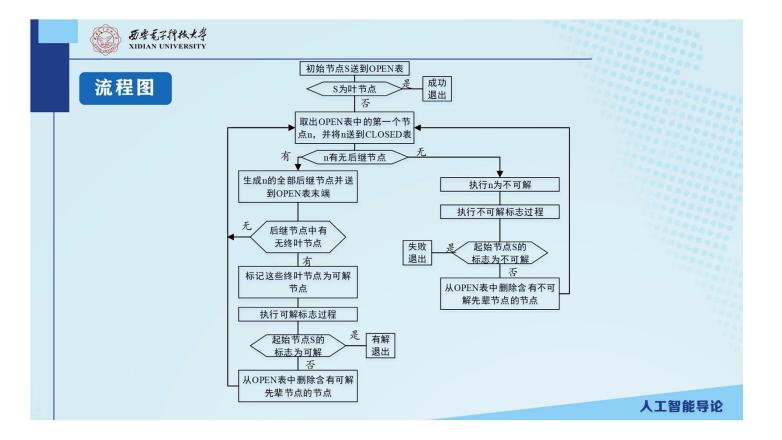
### 盲目式搜索

- 宽度优先搜索
- 深度优先搜索
- 等代价搜索

启发式搜索

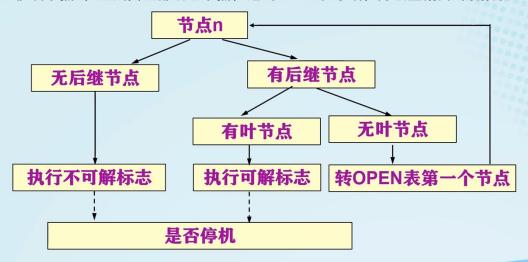


- ▶ 与或树的宽度优先搜索的基本思想:
  - 按照"先产生的节点先扩展"的原则进行搜索
  - 搜索过程中要多次调用可解标志过程和不可解标志 过程
  - OPEN表、CLOSED表类似状态空间搜索
    - OPEN表: 存放待扩展的节点
    - CLOSED表: 存放已扩展的节点



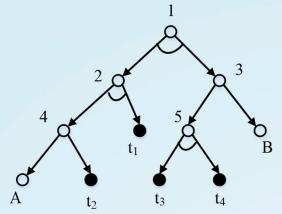


> 关键步骤:扩展节点n,生成其全部后继节点,送到OPEN表末端,并设置指向n的指针。





例:设有如图所示的与/或树,其中  $t_1$ ,  $t_2$ ,  $t_3$ ,  $t_4$  均为终叶节点,A和B是不可解的端节点。用宽度优先搜索法求出解树。

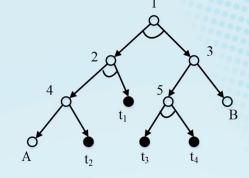




#### ▶ 初始化:

节点1送到OPEN表,且不为终叶节点

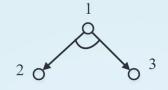
OPEN表	CLOSED 表
1	



#### > STEP1:

- 把节点1放入CLOSED表,扩展,得到节点2、3;
- 节点2,3都不是终叶节点,接着扩展节点2,此时OPEN表只剩节点3。

OPEN表	CLOSED 表
1	
2,3	1
3	1,2

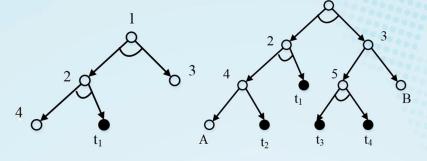




#### > STEP2:

- 扩展节点2后,得到节点4、t<sub>1</sub>,此时OPEN表中的节点有3,4,t<sub>1</sub>;
- 节点t₁是终叶节点且为可解节点,对其先辈节点进行标志;
- t<sub>1</sub>的父节点是"与"节点,无法判断节点2是否可解,接着扩展节点3。

OPEN表	CLOSED 表
1	
2,3	1
3,4,t <sub>1</sub>	1,2
4,t <sub>1</sub>	1,2,3





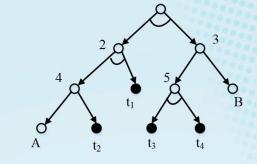
#### ➤ STEP3:

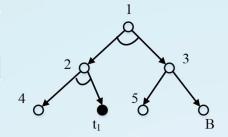
t<sub>1</sub>,5,B

- 扩展节点3后,得到节点5、B;
- 节点5, B都不是终叶节点,接着扩展节点4。

OPEN表	CLOSED 表
1	
2,3	1
3,4,t <sub>1</sub>	1,2
4,t <sub>1</sub> ,5,B	1,2,3

1,2,3,4



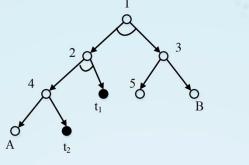




#### > STEP4:

- 扩展节点4后,得到节点A、t<sub>2</sub>;
- 节点t<sub>2</sub>是终叶节点且为可解节点,对其先辈节点进行标志;
- 节点4、2可解,但不确定1是否可解;从OPEN表中删掉A; A 此时节点5是OPEN表中第一个待考察的节点,下一步将扩展节点5。

OPEN表	CLOSED 表
1	
2,3	1
3,4,t <sub>1</sub>	1,2
4,t <sub>1</sub> ,5,B	1,2,3
t <sub>1</sub> ,5,B,A,t <sub>2</sub>	1,2,3,4
5,B,t <sub>2</sub>	1,2,3,4,t <sub>1</sub>
B,t <sub>2</sub>	1,2,3,4,t <sub>1</sub> ,5





#### > STEP5:

- 扩展节点5后,得到节点t<sub>3</sub>、t<sub>4</sub>;
- 节点 $t_3$ 、 $t_4$ 都是终叶节点,且为可解节点,对其先辈节点进行标志;
- 节点5可解,接着推出节点3可解,节点1可解,从OPEN表中删掉B,成功退出。

OPEN表	CLOSED 表
1	
2,3	1
3,4,t <sub>1</sub>	1,2
4,t <sub>1</sub> ,5,B	1,2,3
t <sub>1</sub> ,5,B,A,t <sub>2</sub>	1,2,3,4
5,B,t <sub>2</sub>	1,2,3,4,t <sub>1</sub>
B,t <sub>2</sub> ,t <sub>3</sub> ,t <sub>4</sub>	1,2,3,4,t <sub>1</sub> ,5
t <sub>2</sub> ,t <sub>3</sub> ,t <sub>4</sub>	1,2,3,4,t <sub>1</sub> ,5

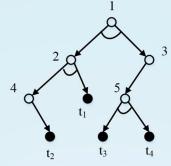
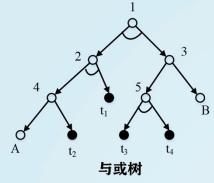
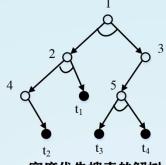


图3.7:解树



- ▶ "先产生的节点先被扩展"
- 如果问题有解,宽度优先搜索一定会求得一个解树,而且其最深的叶节点具有最小的深度。
  - 初始节点深度为零
  - 其他节点的深度是其父节点深度加1





宽度优先搜索的解树



# 人工智能导论

与或图的盲目式搜索(下)



主讲人: 刘若辰

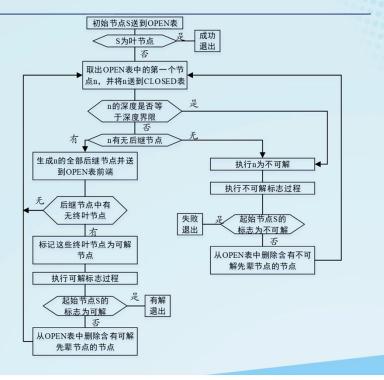
西安电子科技大学人工智能学院



- > 与或树的深度优先搜索
  - 按照"新产生的节点先扩展"的原则进行搜索
  - 设置深度界限
  - 搜索过程中要多次调用可解标志过程和不可解标志过程



### 流程图

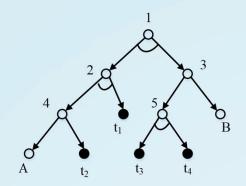




- > 与宽度优先算法相比,深度优先算法的特殊之处:
  - 第4步:要判断从OPEN表取出来的<mark>节点的深度</mark>。如果等于深度界限,认定 它为不可解节点。
  - 第6步:扩展节点n把其子节点放入OPEN表的前端,即新产生的节点先扩展。



例:设有如图所示的与/或树,其中t<sub>1</sub>,t<sub>2</sub>,t<sub>3</sub>,t<sub>4</sub>均为终叶节点,A和B是不可解的端节点。采用<mark>深</mark>度优先搜索法求出解树。(规定深度界限为4)

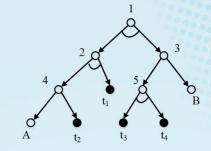




### ▶ 初始化:

节点 1 送到OPEN表,且不为终叶节点

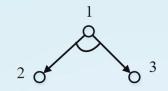
OPEN表	CLOSED 表
1	



#### > STEP1:

- 扩展节点1,得到节点2、3;
- 节点2、3都不是终叶节点,接着扩展节点2,此时OPEN表只剩节点3。

OPEN表	CLOSED 表
1	
2,3	1
3	1,2

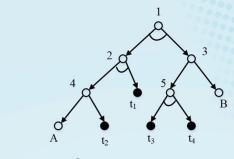


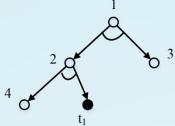


#### > STEP2:

- 扩展节点2后,得到节点4、t<sub>1</sub>;
- t<sub>1</sub>是终叶节点,但无法标识节点2;
- 继续扩展节点4。

OPEN表	CLOSED 表
1	
2,3	1
4,t <sub>1</sub> ,3	1,2
t <sub>1</sub> ,3	1,2,4



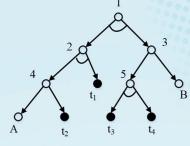


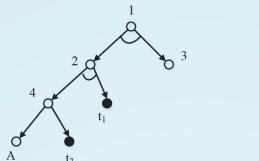


### > STEP3:

- 扩展节点4后,得到节点 $A \times t_2$ ;
- 标志4、2为可解节点,但不能确定1是否可解
- 删掉OPEN中的节点 A,接着扩展节点3。

OPEN表	CLOSED 表
1	
2,3	1
4,t <sub>1</sub> ,3	1,2
A,t <sub>2</sub> ,t <sub>1</sub> ,3	1,2,4
3	1,2,4,t <sub>2</sub> ,t <sub>1</sub>



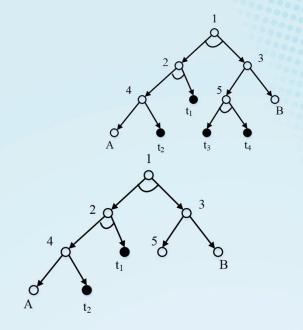




### > STEP4:

- 扩展节点3后,得到节点5、B;
- 接着扩展节点5。

OPEN表	CLOSED 表
1	
2,3	1
4,t <sub>1</sub> ,3	1,2
A,t <sub>2</sub> ,t <sub>1</sub> ,3	1,2,4
3	1,2,4,t <sub>2</sub> ,t <sub>1</sub>
5,B	1,2,4,t <sub>2</sub> ,t <sub>1</sub> ,3
В	1,2,4,t <sub>2</sub> ,t <sub>1</sub> ,3,5

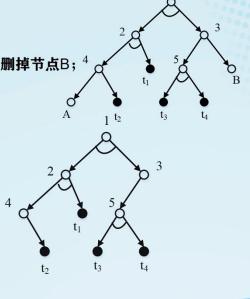




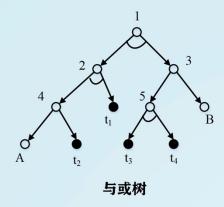
### > STEP5:

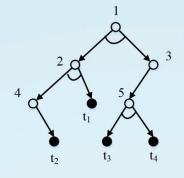
- 扩展节点5后,得到节点 $t_3,t_4$ ;
- 标志可解节点5,3,推出初始节点1可解,删掉节点B;4
- 成功退出。

OPEN表	CLOSED 表
1	
2,3	1
4,t <sub>1</sub> ,3	1,2
$A,t_2,t_1,3$	1,2,4
3	1,2,4,t <sub>2</sub> ,t <sub>1</sub>
5,B	1,2,4,t <sub>2</sub> ,t <sub>1</sub> ,3
t <sub>3</sub> ,t <sub>4</sub> ,B	1,2,4,t <sub>2</sub> ,t <sub>1</sub> ,3,5
t <sub>3</sub> ,t <sub>4</sub>	1,2,4,t <sub>2</sub> ,t <sub>1</sub> ,3









深度优先搜索的解树