UNIVERSIDAD DE COSTA RICA SISTEMA DE ESTUDIOS DE POSGRADO

LA SOBREPARAMETRIZACIÓN EN EL ARIMA: UNA APLICACIÓN A DATOS COSTARRICENCES

Tesis sometida a la consideración de la Comisión del Programa de Estudios de Posgrado en Estadística para optar por el grado y título de Maestría Académica en Estadística

CÉSAR ANDRÉS GAMBOA SANABRIA B12672

Ciudad Universitaria Rodrigo Facio, Costa Rica

DEDICATORIA

Pendiente

AGRADECIMIENTOS

También pendiente

"Esta tesis fue aceptada por la Comisión del Programa de Estudios de Posgrado en Estadística de la Universidad de Costa Rica, como requisito parcial para optar al grado y título de Maestría Académica en Estadística"

Ph.D. Álvaro Morales Ramírez Decano Sistema de Estudios de Posgrado MSc. Óscar Centeno Mora Director de Tesis Ph.D. Gilbert Brenes Camacho Lector Ph.D. ShuWei Chou. Lector MSc. Johnny Madrigal Pana Director Programa de Posgrado en Estadística César Andrés Gamboa Sanabria

Candidato

Índice

D	EDIC	CATO	RIA	1					
A	$\mathbf{GR}\mathbf{A}$	DECI	MIENTOS	11					
R	ESU :	MEN		1					
A .	ABSTRACT								
1	INT	rodi	UCCIÓN	3					
	1.1	Antec	redentes	3					
	1.2	El pro	oblema	4					
	1.3	Objeti	ivos del estudio	5					
	1.4	Metod	dología de la investigación	5					
	1.5	Justifi	icación del estudio	6					
	1.6	Organ	nización del estudio	7					
2	MA	RCO	TEÓRICO	8					
	2.1	Introd	lucción	8					
	2.2	Invest	igaciones relacionadas	8					
	2.3	Obser	vaciones finales sobre la revisión bibliográfica	8					
3	METODOLOGÍA								
	3.1	Introd	lucción	10					
	3.2	3.2 Conceptos y definiciones en el análisis de series cronológicas							
		3.2.1	Definición de una serie cronológica	10					
		3.2.2	Procedimiento al analizar series cronológicas	10					
		3.2.3	Estacionaridad	10					
		3.2.4	La parsimonia	10					
	3.3	Comp	onentes de una serie cronológica	10					
		3.3.1	La tendencia	10					
		3.3.2	Componentes estacionales	10					
		3.3.3	Componente cíclico	10					
		3.3.4	Componente irregular	10					
	3.4	Supue	estos en el análisis de series cronológicas	10					
	3.5	Modelos de series cronológicas							
	3.6	Model	los Autorregresivos Integrados de Medias Móviles	10					
		3.6.1	Modelos Autorregresivos	10					
		3.6.2	Modelos de Medias Móviles	10					

		3.6.3	Metodología Box-Jenkins	10
		3.6.4	Etapa 1 - Identificación	10
		3.6.5	Etapa 2 - Estimación y diagnóstico	10
		3.6.6	Etapa 3 - Pronóstico	10
		3.6.7	Notación de los modelos ARIMA	10
		3.6.8	Diferenciación	10
	3.7	Anális	is de intervención	10
	3.8	Valida	ción cruzada	10
	3.9	Medid	as de rendimiento	10
		3.9.1	$\mathbf{MFE} \dots \dots$	10
		3.9.2	MAE	10
		3.9.3	MAPE	10
		3.9.4	$\mathrm{MPE} \dots \dots$	10
		3.9.5	MSE	10
		3.9.6	SSE	10
		3.9.7	SMSE	10
		3.9.8	RMSE	10
		3.9.9	NMSE	10
		3.9.10	AIC	10
		3.9.11	AICc	10
		3.9.12	BIC	10
	3.10	La sob	oreparametrización	10
	3.11	Simula	ación de series cronológicas	10
	3.12	El mét	codo propuesto	10
4	RES	SULTA	DOS	11
	4.1	Introd	ucción	11
	4.2	Datos	simulados	11
		4.2.1	Comparación en datos simulados - Sobreparametrización vs auto.arima	11
	4.3	Estima	aciones en datos costarricenses	11
		4.3.1	Tasa de mortalidad infantil interanual	11
		4.3.2	Tasa global de fecundidad	11
		4.3.3	Mortalidad por causa externa	11
		4.3.4	Incentivos salariales del sector público	11
		4.3.5	Intereses y comisiones del sector público	11
		4.3.6	Demanda eléctrica	11
		4.3.7	Comparación en datos reales - Sobreparametrización vs auto.arima	11

	4.4 Discusión de los resultados	11							
5	CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES								
	5.1 Introducción	12							
	5.2 Conclusiones	12							
	5.3 Recomendaciones	12							
6	ANEXOS								
7	REFERENCIAS	14							
Íı	Índice de cuadros								

Índice de figuras

RESUMEN

ABSTRACT

1 INTRODUCCIÓN

1.1 Antecedentes

Llegar a aproximar valores futuros en un determinado contexto ha producido un aumento en el análisis de los datos referidos en el tiempe El manejo de información obtenida de manera secuencial hace referencia al uso de series cronológicas. Este tipo de datos se encuentra en diferentes áreas, tanto en investigación académica como en el análisis de datos para la toma de decisiones. En el campo financiero es común hablar de la devaluación del colón con respecto al dólar, cantidad de exportaciones mensuales de un determinado producto o las academica en el análisis de datos en la investigación de mercados bancarios y proyecciones demográficas que de manera conjunta apoyan la toma de decisiones para la aprobación presupuestaria en distintas áreas.

La información temporal es muy relevante en la actualidad: El Banco Mundial¹ cuenta en su sitio web con datos para el análisis de series cronológicas de indicadores de desarrollo, capacidad estadística, indicadores educativos, estadísticas de género, nutrición y población. De manera similar al Banco Mundial, be de los sitios más populares relacionados con el análisis de información es Kaggle². El su sitio web, Kaggle ofrece una gran cantidad de conjuntos de datos para poner a prueba distintas formas de análisis o bien, para participar en competencias. Actualmente, para el análisis de series cronológicas, Kaggle cuenta con más de 30 competiciones³.

Asimismo, los pronósticos (estimación futura de una partícula en una serie temporal) son utilizados por instituciones públicas, gobiernos municipales, instituciones del sector privado, centros académicos, población civil, centros nacionales o regionales de investigación y organizaciones no gubernamentales dedicadas al desarrollo socario Si las entidades previamente mencionadas cuentan con proyecciones de calidad, la puesta en marcha de sus respectivos planes tendrá un impacto mayor y referencios.

Los métodos existentes para llevar a cabo un análisis de series cronológicas son diversos y responden al propio contexto y tipo de datos: ener buenos pronósticos o explicar el comportamiento de un fenómeno en el tiempo siempre será un tema recurrente de investigación. Generar una adecuada estimación es fundamental para obtener un pronóstico de confianza, además resulta importante mencionar que los modelos ARIMA tienen como objetivo explicar las relaciones pasadas de la serie cronológica a de esta manera conocer el posible comportamiento futuro de la misma (Hyndman & Athanasopoulos, 2018).

 $^{^{1} \}rm https://databank.worldbank.org/home.aspx$

²Se trata de una subsidiaria de la compañía Google que sirve de centro de reunión para todos aquellos interesados en la ciencia de datos.

³Muchas de ellas incluyen recompensas económicas que van desde los \$500 hasta los \$100,000 para aquellos que logren obtener los mejor pronósticos.

Al trabajar con la metodología de Box-Jenkins, uno de las etapas a concretar es identificar los parámetros de estimación que gobiernan la serie para indagar los términos en el proceso de investigación se ha utilizado la identificación de parámetros mediante autocorrelogramas parciales y totales, sin embargo, los autocorrelogramas formados no analizan de forma exhaustiva y óptima los posibles coeficientes que podrían contemplarse la ecuación de Wold. Según la inición matemática de dicha ecuación a posee infinitos coeficientes, por esta razón, lebe buscar una alternativa distinta que opte por aproximar de una mejor manera la identificación del modelo dichiendo un mayor número de posibilidades de dichos parámetros. Esto se podría obtener mediante un método analítico de sobreparametrización.

1.2 El problema

La dificultad visual a la hora de identificar un modelo ARIMA es que, en la actualidad, es común disponer de una gran cantidad de series cronológicas para analizar, y los autocorrelogramas solo aportan una aproximación al proceso que gobierna la serie. De forma complementaria, es común caer en el problema de la subjetividad, pues a pesar de que alguien proponga un patrón que gobierne la serie, otro analista podría tener una interpretación diferente del mismo proceso, proponiendo así distintas identificaciones para un mismo proceso, donde en muchos casos no todas las propuestas son analizadas en cuanto a la calidad de sus pronósticos. Aunado a esto, se tiene también el inconveniente de que algunos métodos de identificación automática del proceso que gobierna la serie subestiman el número de parámetros que se debería de contemplar. La sobreparametrización somete a prueba un mayor número de posibilidades para la especificación de los modelos, lo cual ayuda a descartar unos modelos y mantener otros con un criterio más científico.

Alternativas como la función auto.arima(), que ofrece el paquete forecast (Hyndman & Khandakar, 2008) del lenguaje de programación R⁴, no someten a prueba las posibles especificaciones de un modelo en un rango determinado, concepto conocido como sobreparametrización, sino que realizan aproximaciones analíticas para definir el proceso que gobierna la serie cronológica, dejando así un vacío en el cual se corre el riesgo de no seleccionar un modelo que ofrezca mejores pronósticos.

Existen diversas aproximaciones a un método que genere de manera automática un modelo ARIMA, siendo uno de los métodos automatizados de estimación más populares la función auto.arima(), que permite estimar un modelo ARIMA basado en pruebas de raíz unitaria y minimización del AICc (Burnham & Anderson, 2007). Así se obtiene un modelo temporal definiendo las diferenciaciones requeridas en la parte estacional d mediante las pruebas KPSS (Xiao, 2001) o ADF (Fuller, 1995), y la no estacional D utilizando las pruebas OCSB (Osborn, Chui, Smith, & Birchenhall, 2009) o la Canova-Hansen (Canova & Hansen, 1995), seleccionado el orden óptimo para los términos

⁴Descarga gratuita en https://cran.r-project.org/

 $ARIMA(p,d,q)(P,D,Q)_s$ para una serie cronológica determinada. Estas pruebas, sin embargo, suelen ignorar diversos términos que bien podrían ofrecer mejores pronósticos.

1.3 Objetivos del estudio

El presente trabajo de investigación es diseñar un algoritmo para la selección de modelos ARIMA según la temporalidad de la serie mediante un método analítico de la sobreparametrización de coeficientes en los procesos ARIMA.

Para lograr esto, se pretende:

- 1. Generar los escenarios de estimación de los distintos modelos ARIMA mediante permutaciones de los términos (p, d, q) y (P, D, Q) para la estimación de cada modelo.
- 2. Aplicar validación cruzada en distintos horizontes de pronóstico para identificar la mejor especificación de un modelo ARIMA.
- 3. Contrastar la precisión de la estimación así como la generación de pronósticos con otros métodos similares, aplicados en datos costarricenses.
- 4. Integrar el desarrollo de la metodología de análisis de series temporales en una librería del lenguaje estadístico R.

1.4 Metodología de la investigación

La aplicación de las series cronológicas persigue tres objetivos: 1) el análisis exploratorio de la serie en cuestión, 2) estimar modelos de proyección, y 3) generar pronósticos para los posibles valores futuros que tomará el problema en cuestión. Asimismo, existen múltiples formas de proceder mediante la etapa de estimación, como lo son los métodos de suavizamiento exponencial (Brown, 1956), modelos de regresión para series temporales (Kedem & Fokianos, 2005), redes neuronales secuenciales aplicadas a datos longitudinales (Tadayon & Iwashita, 2020), estimaciones bayesianas (Jammalamadaka, Qiu, & Ning, 2018), y finalmente, los procesos autorregresivos integrados de medias móviles o ARIMA por sus siglas en inglés (Box, Jenkins, & Reinsel, 1994), siendo estos últimos el foco de interés en este estudio.

Un proceso ARIMA es caracterizado por dos funciones: la autocorrelación y la autocorrelación parcial; es mediante la comparación de dichas funciones que la metodología Box-Jenkins busca la identificación del proceso que describa de manera adecuada el comportamiento de una serie cronológica.

En la búsqueda de un modelo adecuado entre varios candidatos, se llevan a cabo comparaciones de medidas de bondad de ajuste y de precisión. Se consideran temporalidades mensuales, bimensuales, trimestrales o cuatrimestrales, mediante un proceso de selección fundamentada en las permutacio-

nes de todos los parámetros de un modelo ARIMA hasta un rango determinado, considerando la inclusión semiautomática de intervenciones en periodos específicos y la validación cruzada para evaluar la calidad de las particiones de la base de datos en conjuntos para entrenar y probar el rendimiento del modelo. Dichas pruebas sirven de insumo para utilizar un método de consenso entre ellas y seleccionar el modelo más adecuado mediante la sobreparametrización: se comparan todos los posibles en in intervalo específico de términos definiendo una diferenciación adecuada para la serie y permutando hasta un máximo definido para los términos autorregresivos y de medias móviles especificados para así seleccionar la especificación que ofrezca mejores resultados al momento de pronosticar valores futuros de la serie cronológica.

1.5 Justificación del estudio

El accionar de políticas gubernamentales, así como de otro tipo de sectores, se apoya cada vez más en un acertado análisis de la información temporal de los hechos observados hasta una fecha determinada, y por ende sus posibles evoluciones en el futuro. En el campo de la demografía, uno de los principales temas de investigación son las proyecciones de población; durante una emergencia conocer la posible cantidad de población que habita una zona es clave para la rápida reacción de las autoridades en el envío de ayuda o en la ejecución de planes de evacuación.

El campo actuarial se ve beneficiado al mejorar sus métodos de pronóstico, pues una de sus principales áreas de estudio es la mortalidad, ya que representa un insumo de vital importancia para la planificación y sostenibilidad de los sistemas de pensiones, servicios de salud tanto pública como privada, seguros de vida y asuntos hipotecarios (Rosero-Bixby, 2018).

La estimación de series de tiempo es una labor común es distintos campos de investigación con el objetivo de poder pronosticar con una buena precisión lo que sucederá dentro de "H" periodos. Métodos actuales como el auto.arima() solamente realizan aproximaciones analíticas y por ende suele omitir procesos que describirían de una mejor manera el comportamiento futuro de una serie cronológica. Tras desarrollar y probar el método mediante datos simulados, la aplicación real del algoritmo mostrará el potencial de la sobreparametrización en la estimación de modelos ARIMA al considerar diversas permutaciones como posibles escenarios de estimación de una manera más exhaustiva con la finalidad de mitigar las falencias de otras aproximaciones analíticas.

El principal aporte de este estudio es, por medio de un proceso de simulación, brindar evidencia sobre cómo la sobreparametrización puede contribuir a definir la especificación de un modelo ARIMA que genere pronósticos de mayor calidad, contrastando la calidad de estos con respecto a otros métodos similares, como lo son las funciones auto.arima() o seas().

1.6 Organización del estudio

El presente trabajo de investigación consta de cinco capítulos. El primer capítulo ofrece una contextualización del uso de las series de tiempo, así como la importancia de poder contar con pronósticos de calidad. Se presentó el objetivo del estudio, así como una breve descripción de la metodología empleada en la aplicación de series temporales, y cómo se planea modificar el método de estimación en los modelos ARIMA. Se concluye esta sección con hechos que justifican la importancia de esta investigación.

El siguiente capítulo consiste en el marco teórico, abarcando aspectos fundamentales de la ecuación de Wold, la metodología Box-Jenkins, la selección de los procesos que gobiernan la serie, la descripción del proceso iterativo, entre otros.

En el tercer capítulo se describe en detalle toda la metodología relacionada al estudio, iniciando con una descripción global de los conceptos más fundamentales del análisis de series cronológicas, pasando por los componentes fundamentales de las mismas: tendencia, estacionalidad, ciclos e irregularidades. En este capítulo se discuten también los supuestos clásicos del análisis de series cronológicas, los distintos tipos de modelos, el análisis de intervención, la validación cruzada y las medidas de rendimiento; aspectos cruciales para obtener un modelo ARIMA vía sobreparametrización. La sección metodológica culmina con la descripción del proceso de simulación que se utilizará, así como la discusión del método propuesto.

El capítulo cuatro consiste en la presentación de los resultados, tanto en los datos simulados como en la aplicación a datos costarricenses y se contrastarán contra los obtenidos por otros métodos como el de la función auto.arima(), entre otros.

El último capítulo busca discutir los principales resultados, así como señalar las conclusiones más importantes y ofrecer algunas recomendaciones que orienten futuros estudios relacionados.

2 MARCO TEÓRICO

2.1 Introducción

Los modelos ARIMA, son los de uso más extendido en el análisis de series cronológicas. El nombre ARIMA es la abreviatura inglesa para AutoRegresive Integrated Moving Average, y son aplicados mediante la metodología de Box-Jenkins.

De esta manera, el método de Box-Jenkins inicia con el análisis exploratorio de la serie cronológica de interés, teniendo un interés particular en identificar si hay presencia de factores no estacionarios en la misma. Si en efecto se cuenta con una serie no estacionaria, ésta debe volverse estacionaria mediante algún tipo de transformación, típicamente el logaritmo natural. Con la serie ya transformada, se busca identificar el proceso que gobierna la serie, la forma clásica de hacer esto es mediante los gráficos de autocorrelación y autocorrelación parcial. Cuando se logra identificar un proceso que se adecúe más a la serie cronológica, se deben realizar los diagnósticos para evaluar la calidad del ajuste del modelo, así como las medidas de rendimiento referentes a los pronósticos que genera el modelo estimado hasta un horizonte determinado.

El método ARIMA se fundamenta en las autocorrelaciones pasadas, y contempla un proceso iterativo para identificar un posible proceso óptimo a partir de una clase general de modelos. El teorema de Wold sugiere que todo proceso estacionario puede ser determinado de una forma específica y cuya ecuación posee, en realidad, infinitos coeficientes, pero que debe ser reducido a una cantidad finita para luego evaluar su ajuste sometiéndolo a diferentes pruebas y medidas de rendimiento.

2.2 Investigaciones relacionadas

2.3 Observaciones finales sobre la revisión bibliográfica

3 METODOLOGÍA

- 3.1 Introducción
- 3.2 Conceptos y definiciones en el análisis de series cronológicas
- 3.2.1 Definición de una serie cronológica
- 3.2.2 Procedimiento al analizar series cronológicas
- 3.2.3 Estacionaridad
- 3.2.4 La parsimonia
- 3.3 Componentes de una serie cronológica
- 3.3.1 La tendencia
- 3.3.2 Componentes estacionales
- 3.3.3 Componente cíclico
- 3.3.4 Componente irregular
- 3.4 Supuestos en el análisis de series cronológicas
- 3.5 Modelos de series cronológicas
- 3.6 Modelos Autorregresivos Integrados de Medias Móviles
- 3.6.1 Modelos Autorregresivos
- 3.6.2 Modelos de Medias Móviles
- 3.6.3 Metodología Box-Jenkins
- 3.6.4 Etapa 1 Identificación
- 3.6.5 Etapa 2 Estimación y diagnóstico
- 3.6.6 Etapa 3 Pronóstico
- 3.6.7 Notación de los modelos ARIMA
- 3.6.8 Diferenciación
- 3.7 Análisis de intervención
- 3.8 Validación cruzada
- 3.9 Medidas de rendimiento
- 3.9.1 MFE

4 RESULTADOS

4.1 Introducción

El método propuesto se probará comparándose con los resultados de seis series con distintas temporalidades: mortalidad infantil, mortalidad por causa externa, nacimientos, demanda eléctrica, intereses y comisiones del sector público e incentivos salariales del sector público.

4.2 Datos simulados

4.2.1 Comparación en datos simulados - Sobreparametrización vs auto.arima

4.3 Estimaciones en datos costarricenses

En el campo demográfico, por ejemplo, las estadísticas vitales son sistematizadas y divulgadas año tras año, por tanto, revelan los cambios acontecidos durante este periodo. Esta información junto con la proveniente de los censos de población constituye la base para construir los diferentes índices, tasas y otros indicadores que revelan la situación demográfica del país, información de gran relevancia para la planificación nacional, regional y local en diversos campos. Uno de estos principales campos de acción es la salud pública, para la cual la tasa de mortalidad infantil se considera uno de los indicadores prioritarios dado que refleja no solo las condiciones de salud de la población infante, sino también los niveles de desarrollo del país, pues depende de la calidad de la atención de la salud, principalmente de la prenatal y perinatal, así como de las condiciones de saneamiento. Por tanto, su continuo monitoreo es fundamental para diseñar, implementar y evaluar políticas de salud pública orientadas a disminuir y erradicar aquellas que son prevenibles (INEC, 2017).

- 4.3.1 Tasa de mortalidad infantil interanual
- 4.3.2 Tasa global de fecundidad
- 4.3.3 Mortalidad por causa externa
- 4.3.4 Incentivos salariales del sector público
- 4.3.5 Intereses y comisiones del sector público
- 4.3.6 Demanda eléctrica
- 4.3.7 Comparación en datos reales Sobreparametrización vs auto.arima

4.4 Discusión de los resultados

5 CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES

- 5.1 Introducción
- 5.2 Conclusiones
- 5.3 Recomendaciones

6 ANEXOS

6.1 La función funcion_1

Código 1: Una función

```
funcion_1 <- function(x,y){
    x+y
}</pre>
```

7 REFERENCIAS

- Box, G. E. P., Jenkins, G. M., & Reinsel, G. C. (1994). Time Series Analysis: Forecasting and Control. Recuperado de https://books.google.co.cr/books?id=sRzvAAAAMAAJ
- Brown, R. (1956). Exponential Smoothing for Predicting Demand. Recuperado de https://www.industrydocuments.ucsf.edu/docs/jzlc0130
- Burnham, K. P., & Anderson, D. R. (2007). Model Selection and Multimodel Inference: A Practical Information-Theoretic Approach. Recuperado de https://books.google.co.cr/books?id=IWUKBwAAQBAJ
- Canova, F., & Hansen, B. E. (1995). Are Seasonal Patterns Constant over Time? A Test for Seasonal Stability. Journal of Business & Economic Statistics, 13(3), 237-252. Recuperado de http://www.jstor.org/stable/1392184
- Fuller, W. A. (1995). *Introduction to Statistical Time Series*. Recuperado de https://books.google.co.cr/books?id=wyRhjmAPQIYC
- Hernández, O. (2011). Introducción a las Series Cronológicas (1.ª ed., p. 1). Recuperado de http://www.editorial.ucr.ac.cr/ciencias-naturales-y-exactas/item/1985-introduccion-a-lasseries-cronologicas.html
- Hyndman, R. J., & Athanasopoulos, G. (2018). Forecasting: principles and practice. Recuperado de https://books.google.co.cr/books?id=/_bBhDwAAQBAJ
- Hyndman, R., & Khandakar, Y. (2008). Automatic Time Series Forecasting: The forecast Package for R. Journal of Statistical Software, Articles, 27(3), 1-22. https://doi.org/10.18637/jss.v027. i03
- INEC. (2017). Población, nacimientos, defunciones y matrimonios. Recuperado de http://inec.cr/sites/default/files/documetos-biblioteca-virtual/repoblacev2017_0.pdf
- Jammalamadaka, S. R., Qiu, J., & Ning, N. (2018). Multivariate Bayesian Structural Time Series Model. Recuperado de https://arxiv.org/pdf/1801.03222.pdf
- Kedem, B., & Fokianos, K. (2005). Regression Models for Time Series Analysis. Recuperado de https://books.google.co.cr/books?id=8r0qE35wt44C
- Osborn, D. R., Chui, A. P. L., Smith, J., & Birchenhall, C. (2009). Seasonality and the order of integration for consumption. Recuperado de http://www.est.uc3m.es/esp/nueva_docencia/comp_col_get/lade/tecnicas_prediccion/OCSB_OxBull1988.pdf
- Rosero-Bixby, L. (2018). Producto C para SUPEN. Proyección de la mortalidad de Costa Rica 2015-2150. Recuperado de CCP-UCR website: http://srv-website.cloudapp.net/documents/10179/999061/Nota+t%C3%A9cnica+tablas+de+vida+segunda+parte
- Tadayon, M., & Iwashita, Y. (2020). Comprehensive Analysis of Time Series Forecasting Using Neural Networks. Recuperado de https://arxiv.org/pdf/2001.09547.pdf

Xiao, Z. (2001). Testing the Null Hypothesis of Stationarity Against an Autoregressive Unit Root Alternative. *Journal of Time Series Analysis*, 22(1), 87-105. https://doi.org/10.1111/1467-9892.00213