# UNIVERSIDAD DE COSTA RICA SISTEMA DE ESTUDIOS DE POSGRADO

# LA SOBREPARAMETRIZACIÓN EN EL ARIMA: UNA APLICACIÓN A DATOS COSTARRICENCES

Tesis sometida a la consideración de la Comisión del Programa de Estudios de Posgrado en Estadística para optar por el grado y título de Maestría Académica en Estadística

CÉSAR ANDRÉS GAMBOA SANABRIA B12672

Ciudad Universitaria Rodrigo Facio, Costa Rica

# DEDICATORIA

Pendiente

# AGRADECIMIENTOS

También pendiente

"Esta tesis fue aceptada por la Comisión del Programa de Estudios de Posgrado en Estadística de la Universidad de Costa Rica, como requisito parcial para optar al grado y título de Maestría Académica en Estadística"

Ph.D. Álvaro Morales Ramírez Decano Sistema de Estudios de Posgrado MSc. Óscar Centeno Mora Director de Tesis Ph.D. Gilbert Brenes Camacho Lector Ph.D. ShuWei Chou. Lector MSc. Johnny Madrigal Pana Director Programa de Posgrado en Estadística César Andrés Gamboa Sanabria

Candidato

# Índice

DEDICATORIA								
A	GRA	DECI	IMIENTOS	. 11				
$\mathbf{R}$	<b>ESU</b>	MEN		. 1				
A	BST	RACT	2	. 2				
1	INT	rod	UCCIÓN	. 3				
	1.1	Antec	cedentes	. 3				
	1.2	El pro	oblema	. 3				
	1.3	Objeti	zivos del estudio	. 3				
	1.4	Metod	dología del estudio	. 3				
	1.5	Justifi	icación del estudio	. 3				
	1.6	Organ	nización del estudio	. 3				
2	MA	RCO	TEÓRICO	. 4				
	2.1	Introd	ducción	. 4				
	2.2	Invest	tigaciones relacionadas	. 4				
	2.3	Obser	rvaciones finales sobre la revisión bibliográfica	. 4				
3	METODOLOGÍA							
	3.1	3.1 Introducción						
	3.2	Conce	eptos y definiciones en el análisis de series cronológicas	. 6				
		3.2.1	Definición de una serie cronológica	. 6				
		3.2.2	Procedimiento al analizar series cronológicas	. 6				
		3.2.3	Estacionaridad	. 6				
		3.2.4	La parsimonia	. 6				
	3.3	Comp	conentes de una serie cronológica	. 6				
		3.3.1	La tendencia	. 6				
		3.3.2	Componentes estacionales	. 6				
		3.3.3	Componente cíclico	. 6				
		3.3.4	Componente irregular	. 6				
	3.4	Supue	estos en el análisis de series cronológicas	. 6				
	3.5	Model	los de series cronológicas	. 6				
	3.6	Model	los Autorregresivos Integrados de Medias Móviles	. 6				
		3.6.1	Modelos Autorregresivos	. 6				
		3.6.2	Modelos de Medias Móviles	. 6				

		3.6.3 Metodología Box-Jenkins	
		3.6.4 Etapa 1 - Identificación	
		3.6.5 Etapa 2 - Estimación y diagnóstico	
		3.6.6 Etapa 3 - Pronóstico	
		3.6.7 Notación de los modelos ARIMA	
		3.6.8 Diferenciación	
	3.7	Análisis de intervención	
	3.8	Validación cruzada	
	3.9	Medidas de rendimiento	
		3.9.1 MFE	
		3.9.2 MAE	
		3.9.3 MAPE 6	
		3.9.4 MPE 6	
		3.9.5 MSE	
		3.9.6 SSE	
		3.9.7 SMSE	
		3.9.8 RMSE	
		3.9.9 NMSE	
		3.9.10 AIC	
		3.9.11 AICc	
		3.9.12 BIC	
	3.10	La sobreparametrización	
	3.11	Simulación de series cronológicas	
	3.12	El método propuesto	
4	DES	SULTADOS	
4	4.1	Introducción	
	4.1	Datos simulados	
	4.2	4.2.1 Comparación en datos simulados - Sobreparametrización vs auto.arima	
	4.3	Estimaciones en datos costarricenses	
	4.0	4.3.1 Tasa de mortalidad infantil interanual	
		4.3.2 Tasa global de fecundidad	
		4.3.3 Mortalidad por causa externa	
		·	
		4.3.7 Comparación en datos reales - Sobreparametrización vs auto.arima	

	4.4 Discusión de los resultados	7
5	CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES	8
	5.1 Introducción	8
	5.2 Conclusiones	8
	5.3 Recomendaciones	8
6	ANEXOS	9
	6.1 La función funcion_1	9
7	REFERENCIAS	10
Íı	ndice de cuadros	
	1 Un cuadro	3
Íı	ndice de figuras	
	1 Un gráfico	4

# RESUMEN

# ABSTRACT

# 1 INTRODUCCIÓN

#### 1.1 Antecedentes

#### 1.2 El problema

Una prueba de referencia (Rosero-Bixby, 2018) USANDO R<sup>1</sup>

El cuadro 1 se referencia así, y la Figura 1 así. Si se quiere referenciar un código en un chunk (digamos en la sección de anexos), puede escribirse algo como Código 1

Cuadro 1: Un cuadro

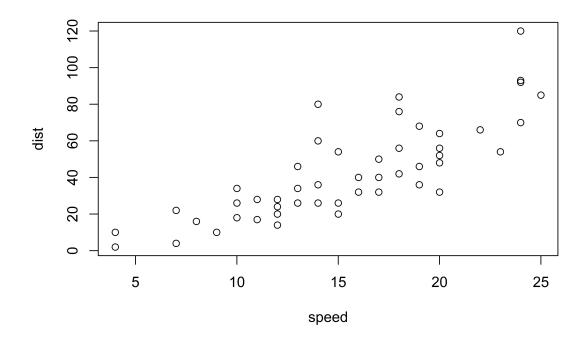
Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width	Species
5.1	3.5	1.4	0.2	setosa
4.9	3.0	1.4	0.2	setosa
4.7	3.2	1.3	0.2	setosa
4.6	3.1	1.5	0.2	setosa
5.0	3.6	1.4	0.2	setosa
5.4	3.9	1.7	0.4	setosa
4.6	3.4	1.4	0.3	setosa
5.0	3.4	1.5	0.2	setosa
4.4	2.9	1.4	0.2	setosa
4.9	3.1	1.5	0.1	setosa

Fuente: Elaboración propia

- 1.3 Objetivos del estudio
- 1.4 Metodología del estudio
- 1.5 Justificación del estudio
- 1.6 Organización del estudio

 $<sup>^1\</sup>mathrm{Una}$ nota al pie

Figura 1: Un gráfico



# 2 MARCO TEÓRICO

- 2.1 Introducción
- 2.2 Investigaciones relacionadas
- 2.3 Observaciones finales sobre la revisión bibliográfica

#### 3 METODOLOGÍA

- 3.1 Introducción
- 3.2 Conceptos y definiciones en el análisis de series cronológicas
- 3.2.1 Definición de una serie cronológica
- 3.2.2 Procedimiento al analizar series cronológicas
- 3.2.3 Estacionaridad
- 3.2.4 La parsimonia
- 3.3 Componentes de una serie cronológica
- 3.3.1 La tendencia
- 3.3.2 Componentes estacionales
- 3.3.3 Componente cíclico
- 3.3.4 Componente irregular
- 3.4 Supuestos en el análisis de series cronológicas
- 3.5 Modelos de series cronológicas
- 3.6 Modelos Autorregresivos Integrados de Medias Móviles
- 3.6.1 Modelos Autorregresivos
- 3.6.2 Modelos de Medias Móviles
- 3.6.3 Metodología Box-Jenkins
- 3.6.4 Etapa 1 Identificación
- 3.6.5 Etapa 2 Estimación y diagnóstico
- 3.6.6 Etapa 3 Pronóstico
- 3.6.7 Notación de los modelos ARIMA
- 3.6.8 Diferenciación
- 3.7 Análisis de intervención
- 3.8 Validación cruzada
- 3.9 Medidas de rendimiento
- 3.9.1 MFE

#### 4 RESULTADOS

- 4.1 Introducción
- 4.2 Datos simulados
- 4.2.1 Comparación en datos simulados Sobreparametrización vs auto.arima
- 4.3 Estimaciones en datos costarricenses
- 4.3.1 Tasa de mortalidad infantil interanual
- 4.3.2 Tasa global de fecundidad
- 4.3.3 Mortalidad por causa externa
- 4.3.4 Incentivos salariales del sector público
- 4.3.5 Intereses y comisiones del sector público
- 4.3.6 Demanda eléctrica
- 4.3.7 Comparación en datos reales Sobreparametrización vs auto.arima
- 4.4 Discusión de los resultados

# 5 CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES

- 5.1 Introducción
- 5.2 Conclusiones
- 5.3 Recomendaciones

# 6 ANEXOS

#### 6.1 La función funcion\_1

Código 1: Una función

```
funcion_1 <- function(x,y){
    x+y
}</pre>
```

### 7 REFERENCIAS

Rosero-Bixby, L. (2018). Producto C para SUPEN. Proyección de la mortalidad de Costa Rica 2015-2150. Recuperado de CCP-UCR website: http://srv-website.cloudapp.net/documents/10179/999061/Nota+t%C3%A9cnica+tablas+de+vida+segunda+parte