- 1. Un productor de electricidad opera dos generadores que tiene capacidades de 12 y 14 unidades por hora, respectivamente. Este productor vende la electricidad producida a \$1 por unidad y por hora. Las tres generadoras comparten un sistema de enfriamiento que restringe su operación, con limite inferior y superior. Específicamente, la suma de las horas de generación del generador 2 y dos veces las horas del generador 1 deben ser al menos 8 unidades. Ademas, la suma de las horas del generador 2 y dos-tercios de las horas del generador 1 no deben ser mayores a 18 unidades. El productor desea determinar las horas de producción para los dos generadores con el fin de maximizar los ingresos totales de la venta de energía.
- 2. Un productor de gas natural gestiona dos yacimientos y sirve a dos mercados. La tabla 1 resume la capacidad de cada yacimiento, y la tabla 2 informa sobre la demanda de cada mercado, la cual se debe satisfacer de manera exacta. La tabla 3, resume el costo por unidad de transportar gas desde cada yacimiento a cada mercado. La compañía quiere determinar como transportar el gas natural desde los yacimientos a los mercados con el fin de minimizar el costo total del transporte.

Table 1: Capacidad de cada yacimiento.

Yacimiento	Capacidad [unidades]	
1	7	
2	12	

Table 2: Demanda de cada mercado.

Mercado	Demanda [unidades]	
1	10	
2	8	

Table 3: Costo del transporte entre los yacimientos y los mercados.

	Mercado 1	Mercado 2
Yacimiento 1	5	4
Yacimiento 2	3	6

3. La red eléctrica mostrada en la figura 1 incluye dos plantas de producción, en los nodos 1 y 2, y demanda en el nodo 3. Las plantas de producción en los nodos 1 y 2 tienen capacidades de producción de 7 y 9 unidades, respectivamente, y sus costos de producción por unidad son \$1 y \$2, respectivamente. Existe una demanda de energía en el nodo 3 de 10 unidades. La operación de la red es gobernada por diferencias en las alturas eléctricas de los tres nodos. Mas específicamente, el flujo de electricidad a través de cualquier linea es proporcional a la diferencia de las alturas eléctricas de los nodos inicial y final de la linea. Esto significa que la cantidad de energía producida en el nodo 1 es igual a la diferencia entre las alturas eléctricas de los nodos 1 y 2 adicionando la diferencia entre las alturas eléctricas de los nodos 1 y 3. La electricidad producida en el nodo 2 es similarmente igual a la diferencia entre las alturas eléctricas de los nodos 2 y 1, sumando la diferencia de las alturas eléctricas de los nodos 2 y 3. Finalmente, la electricidad consumida en el nodo 3 esta definida como la diferencia entre

C. Guarnizo

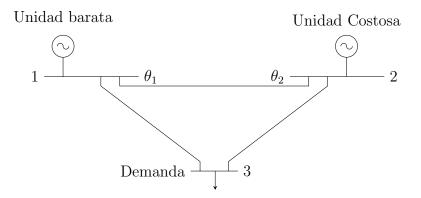


Figure 1: Red eléctrica para el problema de optimización.

las alturas eléctricas de los nodos 1 y 3 adicionando la diferencia de las alturas eléctricas entre los nodos 2 y 3 (la diferencia de las alturas eléctricas son opuestas a aquellas del nodo 1 y 2 porque la energía es consumida en el nodo 3 que es lo opuesto a ser producida).

El operador de la red busca producir electricidad en las plantas y operar la red de tal modo que cumpla la demanda en el nodo 3 con el mínimo costo.

Este problema tiene cinco variables. Sea x_1 y x_2 las unidades de electricidad producida en los nodos 1 y 2, respectivamente. También sea θ_1 , θ_2 y θ_3 las alturas eléctricas de los tres nodos.

4. El problema del camino más corto (shortest path) de una red: La red esta representada por un gráfico dirigido G(V, E), donde V es el conjunto de los vértices (nodos) y E es el conjunto de los enlaces. Un enlace entre el nodo i al nodo j es expresado por $(i, j) \in E$; d_{ij} es el costo del enlace de (i, j); x_{ij}^{pq} , donde $0 \le x_{ij}^{pq} \le 1$, es el volumen de trafico del nodo $p \in V$ al nodo $q \in V$ dirigido a traves de $(i, j) \in E$. En la figura 2, considere el nodo 1 como el nodo fuente (p = 1) y el nodo 4 como el nodo destino (q = 4), queremos encontrar el camino más corto desde el nodo 1 hasta el nodo 4. Este problema se formula con un problema de programación lineal. En general este problema se puede describir de la siguiente manera:

$$\min \sum_{(i,j)\in E} d_{ij} x_{ij} \tag{1}$$

s.t.
$$\sum_{j:(i,j)\in E} x_{ij} - \sum_{j:(j,i)\in E} x_{ji} = 1, \text{ sí } i = p,$$
 (2)

$$\sum_{j:(i,j)\in E} x_{ij} - \sum_{j:(j,i)\in E} x_{ji} = 0, \ \forall i \neq p, q \in V$$
 (3)

$$0 \le x_{ij} \le 1, \ \forall (i,j) \in E. \tag{4}$$

Escribir el problema lineal para diagrama mostrado en la figura 2.

C. Guarnizo 2

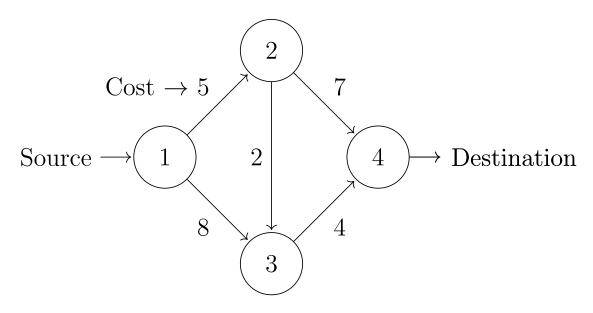


Figure 2: Problema del camino más corto (shortest path) entre la fuente (source) y el destino (destination).

C. Guarnizo 3