

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ ИНФОРМАТИКА И СИСТЕМЫ УПРАВЛЕНИЯ

КАФЕДРА КОМПЬЮТЕРНЫЕ СИСТЕМЫ И СЕТИ (ИУ6)

НАПРАВЛЕНИЕ ПОДГОТОВКИ 09.04.01 Информатика и вычислительная техника

МАГИСТЕРСКАЯ ПРОГРАММА **09.04.01/07 Интеллектуальные системы анализа, обработки и интерпретации больших данных**

ОТЧЕТ

по домашнему заданию № 2

Название: <u>Модели предсказания</u>

Дисциплина: Методы машинного обучения

Студент	ИУ6-22М		Т.И. Кадыров		
	(Группа)	(Подпись, дата)	(И.О. Фамилия)		
_					
Преподаватель			С.Ю. Папулин		
		(Подпись, дата)	(И.О. Фамилия)		

ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ 2. Модели предсказания

Кадыров Т.И. ИУ6-22М

Цель работы

Приобрести опыт решения практических задач по машинному обучению, таких как анализ и визуализация исходных данных, обучение, выбор и оценка качества моделей предсказания, посредством языка программирования Python.

При выполнении работы решаются следующие задачи:

- реализация собственных классов совместимых с библиотекой sklearn
- оценка влияния регуляризации в моделях предсказания
- преобразование исходных данных посредством транформаторов sklearn
- использование отложенной выборки и кросс-валидации
- выбор гиперпараметров и интерпретация кривых обучения
- оценка качества моделей предсказания
- выявление преимуществ и недостатков методов предсказания в зависимости от поставленной задачи

Вариант

Чтобы узнать свой вариант, введите Вашу фамилию в соответствующее поле ниже и запустите ячейку:

Задача 1. Реализация собственных классов и функций

1.1 Реализуйте класс, предназначенный для оценки параметров линейной регрессии с регуляризацией совместимый с sklearn

Передаваемые параметры:

1. коэффициент регуляризации (alpha).

Использовать метод наименьших квадратов с регуляризацией.

```
In [ ]: import numpy as np
In []: # Класс модели линейной регрессии с регуляризацией Тихонова
        class LinearRegression:
            def __init__(self, alpha):
                # Коэффициент регуляризации
                self.alpha = alpha
                # Коэффициенты модели
                self.weights = None
            def fit(self, X, y):
                # Матрица регуляризации
                A = np.eye(X.shape[1])
                # Не регуляризируем свободный коэффициент
                # Решаем систему линейных уравнений регуляризованного метода наименьших квадратов
                self.weights = np.linalg.inv(X.T @ X + self.alpha * A) @ X.T @ y
            def predict(self, X):
                # Предсказание на основе весов модели
                return np.dot(X, self.weights)
```

1.2 Реализуйте класс для стандартизации признаков в виде трансформации совместимый

c sklearn.

Передаваемые параметры:

- 1. has bias (содержит ли матрица вектор единиц),
- 2. apply mean (производить ли центровку)

```
In []: import warnings
        warnings.filterwarnings('ignore')
In [ ]: # Класс для стандартизации признаков по методу Z-score
        class FeatureStandardScaler:
            def __init__(self, has_bias, apply_mean):
                self.has bias = has bias
                self.apply_mean_ = apply_mean
                # Среднее арифметическое
                self.mean = None
                # Стандартное отклонение
            self.std_ = None
def fit(self, X, y=None):
                # Высчитываем среднее по каждому признаку
                self.mean_ = np.mean(X, axis=0)
                # Считаем стандартное отклонение
                self.std_ = np.std(X, axis=0)
                return self
            def transform(self, X):
                X_{res} = X.copy()
                # Стандартизируем
                if self.apply_mean_:
                    X_res -= self.mean
                X res = X res / self.std
                 # Добавляем единичный столбец если отсутствует
                if not self.has bias :
                    X_{res} = np.insert(X_{res}, 0, 1, axis=1)
                return X res
            def fit transform(self, X, y=None):
                # Обучаем и трансформируем выборку на обученной модели
                 return self.fit(X).transform(X)
```

1.3 Реализуйте функции для расчета MSE и R^2 при отложенной выборке (run holdout) и кросс-валидации (run cross val).

Для кросс-валидации используйте **только** класс KFold . Выходными значениями должны быть MSE и R^2 для обучающей и тестовой частей.

```
In []: from sklearn.model selection import KFold
In [ ]: # Функция для рассчета среднеквадратичной ошибки
        def mse(y, y_pred):
            return ((y - y_pred) ** 2).mean()
        # Функция для рассчета коэффициента детерминации
        def r2_score(y, y_pred):
            ss_res = ((y - y_pred) ** 2).sum()
ss_tot = ((y - y.mean()) ** 2).sum()
            return 1 - ss_res / ss_tot
        # Функция для анализа оценки производительности модели при отложенной выборке
        def run holdout(model, X, y, train size):
            idx = int(len(X)*train size)
            # Разделяем выборку на обучающую и тестовую части
            X_{train}, X_{test} = X[:idx], X[idx:]
            y_{train}, y_{test} = y[:idx], y[idx:]
            # Обучаем модель
            model.fit(X_train, y_train)
            # Предсказываем значения для обучающей и тестовой выборки
            y train pred = model.predict(X train)
            y test pred = model.predict(X_test)
            # Вычисляем MSE и R2 для обучающей и тестовой выборки
            mse train = mse(y train, y train pred)
            r2_train = r2_score(y_train, y_train_pred)
            mse test = mse(y test, y test pred)
            r2_test = r2_score(y_test, y_test_pred)
            return mse_train, r2_train, mse_test, r2_test
        # Функция для анализа оценки производительности модели при кросс-валидации
        def run_cross_val(model, X, y, n_splits, shuffle, random_state):
```

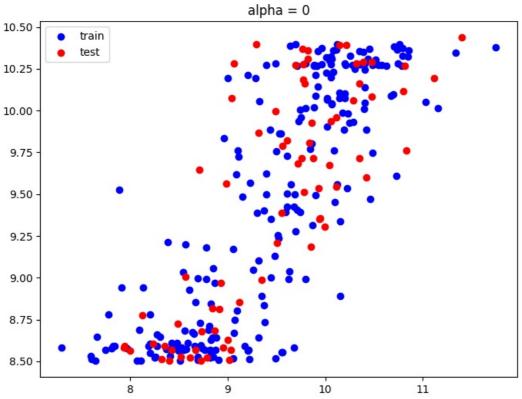
```
cross val = KFold(n splits=n splits, shuffle=shuffle, random state=random state)
# Массивы оценок для каждой итерации обучения
mse train list = list()
r2_train_list = list()
mse test list = list()
r2 test list = list()
for idx train, idx test in cross val.split(X):
    # Разделяем
   X_train, X_test = X[idx_train], X[idx_test]
   y_train, y_test = y[idx_train], y[idx_test]
    # Обучаем
   model.fit(X_train, y_train)
   # Предсказываем
   y_train_pred = model.predict(X train)
    y test pred = model.predict(X test)
    # Считаем оценки
   mse_train_list.append(mse(y_train, y_train_pred))
    r2 train list.append(r2 score(y train, y train pred))
    mse_test_list.append(mse(y_test, y_test_pred))
    r2_test_list.append(r2_score(y_test, y_test_pred))
# Считаем средние оценки
mse_train_avg = np.mean(mse_train_list)
r2 train avg = np.mean(r2 train list)
mse_test_avg = np.mean(mse_test_list)
r2 test avg = np.mean(r2 test list)
return mse train avg, r2 train avg, mse test avg, r2 test avg
```

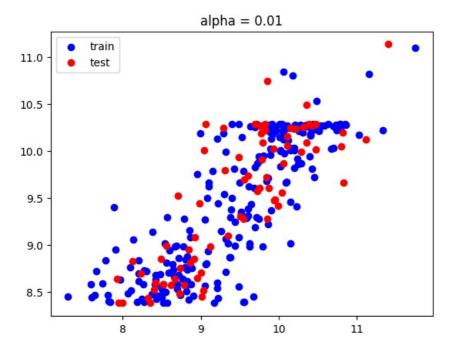
1.4 Используя класс Pipeline, выполнить обучение линейной регрессии с предварительной стандартизацией с коэффициентом регуляризации равным 0 и 0.01.

Выведите значения параметров обученной модели. Выведите значения MSE и R^2 , полученные посредством функций run_holdout и run_cross_val. Отобразите график предсказание (\hat{y}) - действительное значение (y) для разных коэффициентов регуляризации для обучающего и текстового множества. Использовать следующие параметры: - train size=0.75, - n splits=4, - shuffle=True, - random state=0

```
In []: from sklearn.pipeline import Pipeline
        import matplotlib.pyplot as plt
        import pandas as pd
In []: # Загружаем исходные данные
        df = pd.read csv("data/regularization.csv")
        # Выделяем признаки и целевое значение
        X = df[df.filter(regex='^X').columns].to numpy()
        y = df["Y"].to_numpy()
        # has_bias = False, так как необходимо добавить единичный столбец для свободного коэффициента
        model 1 ho = Pipeline([
             ('scaler', FeatureStandardScaler(False, True)),
             ('regression', LinearRegression(0))
        1)
        model 1 cv = Pipeline([
             ('scaler', FeatureStandardScaler(False, True)),
             ('regression', LinearRegression(0))
        ])
        model 2 ho = Pipeline([
             ('scaler', FeatureStandardScaler(False, True)),
             ('regression', LinearRegression(0.01))
        1)
        model 2 cv = Pipeline([
             ('scaler', FeatureStandardScaler(False, True)),
             ('regression', LinearRegression(0.01))
        ])
        # Обучаем и оцениваем модели
        \label{eq:mse_train_ho_1, r2_train_ho_1, mse_test_ho_1, r2_test_ho_1 = run_holdout(model_1_ho, X, y, 0.75)} \\
        \label{eq:mse_train_cv_1} mse\_train\_cv\_1, \ r2\_train\_cv\_1, \ mse\_test\_cv\_1, \ r2\_test\_cv\_1 = run\_cross\_val(model\_1\_cv, \ X, \ y, \ 4, \ \textbf{True}, \ 0)
        mse_train_ho_2, r2_train_ho_2, mse_test_ho_2, r2_test_ho_2 = run_holdout(model_2_ho, X, y, 0.75)
        mse_train_cv_2, r2_train_cv_2, mse_test_cv_2, r2_test_cv_2 = run_cross_val(model_2_cv, X, y, 4, True, 0)
        # Выводим оценки
        print("For model 1 (alpha=0):")
        print(f"MSE (holdout): train={mse train ho 1:.4f} test={mse test ho 1:.4f}")
```

```
print(f"R2 (holdout): train={r2 train ho 1:.4f} test={r2 test ho 1:.4f}")
        print(f"MSE (cross validation): train={mse_train_cv_1:.4f} test={mse_test_cv_1:.4f}")
        print(f"R2 (cross validation): train={r2 train cv 1:.4f} test={r2 test cv 1:.4f}")
        print("=======
        print("For model 2 (alpha=0.01):")
        print(f"MSE (holdout): train={mse_train_ho_2:.4f} test={mse_test_ho_2:.4f}")
        print(f"R2 (holdout): train={r2 train ho 2:.4f} test={r2 test ho 2:.4f}")
        print(f"MSE (cross validation): train={mse_train_cv_2:.4f} test={mse_test_cv_2:.4f}")
        print(f"R2 (cross validation): train={r2_train_cv_2:.4f} test={r2 test cv 2:.4f}")
       For model 1 (alpha=0):
       MSE (holdout): train=0.2499 test=0.2442
       R2 (holdout): train=0.6667 test=0.6175
       MSE (cross validation): train=0.2527 test=0.2733
       R2 (cross validation): train=0.6498 test=0.6192
       For model 2 (alpha=0.01):
       MSE (holdout): train=0.2340 test=0.2045
       R2 (holdout): train=0.6878 test=0.6796
       MSE (cross validation): train=0.2235 test=0.2365
       R2 (cross validation): train=0.6903 test=0.6706
In []: # Разделяем выборки на test и train, train size=0.75
        idx = int(0.75*len(X))
        y_{train}, y_{test} = y[:idx], y[idx:]
        X_train, X_test = X[:idx], X[idx:]
        # Используем модель, обученную методом holdout, так как там такое же разделение
        y train pred 1 = model 1 ho.predict(X train)
        y_test_pred_1 = model_1_ho.predict(X_test)
        y train pred 2 = model 2 ho.predict(X train)
        y_test_pred_2 = model_2_ho.predict(X_test)
        # Выводим графики зависимости предсказанных
        plt.figure(figsize=(8, 6))
        plt.scatter(y train, y train pred 1, label='train', color='blue')
        plt.scatter(y_test, y_test_pred_1, label='test', color='red')
        plt.title('alpha = 0')
        plt.legend()
        plt.show()
        plt.scatter(y_train, y_train_pred_2, label='train', color='blue')
        plt.scatter(y test, y test pred 2, label='test', color='red')
        plt.title('alpha = 0.01')
        plt.legend()
        plt.show()
```





Задача 2. Классификация и кросс-валидация

Вариант 2

∆ Замечание:

- Используйте класс логистической регрессии из sklearn со следующими параметрами:
 - penalty='l2'
 - fit_intercept=True
 - max_iter=100
 - C=1e5
 - solver='liblinear'
 - random state=12345
- Разбейте исходные данные на обучающее и тестовое подмножества в соотношении 70 на 30, random state=0
- Для выбора гиперпараметров используйте два подхода: 1) с отложенной выборкой, 2) с кросс-валидацией
- Для кросс-валидации использовать функцию cross_validate из sklearn
- Параметры разбиения для выбора гиперпараметров используйте те, что в п.4 задачи 1

Дано множество наблюдений (см. набор данных к заданию), классификатор - логистическая регрессия. Найти степень полинома с минимальной ошибкой на проверочном подмножестве. Для лучшего случая рассчитать ошибку на тестовом подмножестве. В качестве метрики использовать долю правильных классификаций. Сделать заключение о влиянии степени полинома на качество предсказания.

Построить:

- диаграмму разброса исходных данных
- зависимость доли правильных классификаций от степени полинома для обучающего и проверочного подмножеств (две кривые на одном графике)
- результат классификации для наилучшего случая (степень полинома) для обучающего и тестового подмножеств с указанием границы принятия решения

```
In []: # Загружаем исходные данные
    df = pd.read_csv("data/Cl_A5_V2.csv")
    X = df[df.filter(regex='^X').columns].to_numpy()
    y = df['Y'].to_numpy()

# Строим диаграмму разброса исходных данных
    plt.scatter(df[df['Y'] == 1.0]['X1'].to_numpy(), df[df['Y'] == 1.0]['X2'].to_numpy(), label='1', color='red')
    plt.scatter(df[df['Y'] == 0.0]['X1'].to_numpy(), df[df['Y'] == 0.0]['X2'].to_numpy(), label='0', color='blue')
    plt.legend()
```

4

3

2

3

5

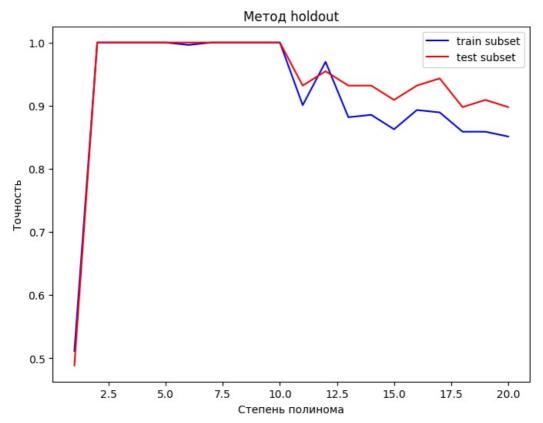
```
In [ ]: from sklearn.model selection import train_test_split, cross_validate
               \begin{picture}(100,0) \put(0,0){\line(0,0){100}} \put(0,0){\line(0,0){10
               from sklearn.preprocessing import PolynomialFeatures
               from sklearn.metrics import accuracy_score
In [ ]: # Разбиваем данные на обучающую/валидационную и тестовую выборки
               X_train_val, X_test, y_train_val, y_test = train_test_split(X, y, train_size=0.7, random_state=0)
               # Разделяем выборку на обучающую и валидационную для метода отложенной выборки
               X_train, X_val, y_train, y_val = train_test_split(X_train_val, y_train_val, train_size=0.75, random_state=0)
               # Лучшая степень полинома для двух разных методов
               best degree ho = None
               best_accur_ho = -1
               best degree cv = None
               best accur cv = -1
               # Список оценок для разных методов
               train accur ho list = list()
               test accur ho list = list()
               train_accur_cv_list = list()
               test accur cv list = list()
               # Переберем 20 степеней полинома (чтобы показать, где точность будет падать)
               degrees = list(range(1, 21))
               for degree in degrees:
                       poly = PolynomialFeatures(degree=degree)
                       # 1) Выбор гиперпараметров путем отложенной выборки
                       X_train_poly = poly.fit_transform(X_train)
                       X_val_poly = poly.transform(X_val)
                       # Создаем модель
                       model_ho = LogisticRegression(penalty='l2', fit_intercept=True, max_iter=100, C=1e5, solver='liblinear', ra
                       # Обучаем
                       model ho.fit(X train poly, y train)
                       # Тестируем
                       y_val_pred = model_ho.predict(X_val_poly)
                       # Оцениваем
                       test_accur_ho = accuracy_score(y_val, y_val_pred)
                       # Если лучше, то сохраняем результат
                       if test_accur_ho > best_accur_ho:
                               best_accur_ho = test_accur_ho
                               best_degree_ho = degree
                       # Сохраняем результат точности для графика зависимости от степени полинома
                       y train pred = model ho.predict(X train poly)
                       train_accur_ho_list.append(accuracy_score(y_train, y_train_pred))
                       test accur ho list.append(test accur ho)
                       # 2) Выбор гиперпараметров путем кросс-валидации
                       X_train_val_poly = poly.fit_transform(X_train_val)
                       # Создаем модель
                       model cv = LogisticRegression(penalty='l2', fit intercept=True, max iter=100, C=1e5, solver='liblinear', rai
                       # Обучаем
                       cv results = cross validate(model cv, X train val poly, y train val, cv=4, scoring='accuracy', return train
                       # Оцениваем
                       test accur cv = np.mean(cv results['test score'])
                        # Сохраняем лучший полином
                       if test accur cv > best accur cv:
                               best_accur_cv = test_accur_cv
                               best_degree_cv = degree
                       # Сохраняем результаты
                       train accur cv list.append(np.mean(cv results['train score']))
```

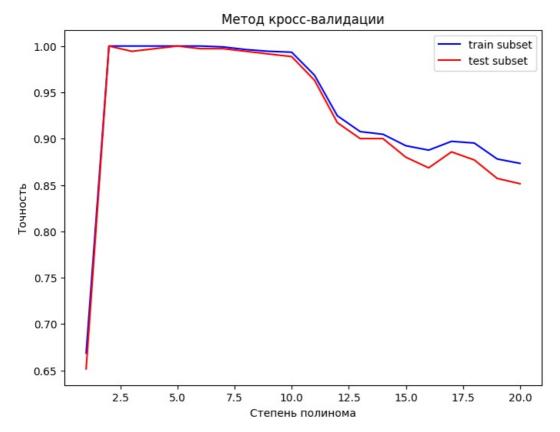
```
test_accur_cv_list.append(test_accur_cv)

# Лучшая степень полинома для двух разных методов
best_degree_ho, best_degree_cv
```

Out[]: (2, 2)

```
In [ ]: # Строим график зависимости точности модели от степени полинома для отложенной выборки
          plt.figure(figsize=(8, 6))
          plt.xlabel("Степень полинома")
          plt.ylabel("Точность")
          plt.title("Метод holdout")
          plt.plot(degrees, train_accur_ho_list, label='train subset', color='blue')
plt.plot(degrees, test_accur_ho_list, label='test subset', color='red')
          plt.legend()
          plt.show()
          # Строим график зависимости точности модели от степени полинома для кросс-валидации
          plt.figure(figsize=(8, 6))
          plt.xlabel("Степень полинома")
          plt.ylabel("Точность")
          plt.title("Метод кросс-валидации")
          plt.plot(degrees, train_accur_cv_list, label='train subset', color='blue')
plt.plot(degrees, test_accur_cv_list, label='test subset', color='red')
          plt.legend()
          plt.show()
```





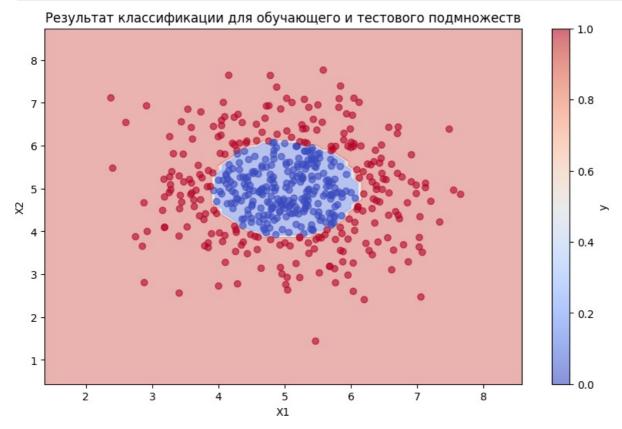
```
In []: # Проверяем итоговую модель на тестовой выборке
model = LogisticRegression(penalty='l2', fit_intercept=True, max_iter=100, C=1e5, solver='liblinear', random_stappoly = PolynomialFeatures(degree=best_degree_ho)
X_train_poly = poly.fit_transform(X_train)
model.fit(X_train_poly, y_train)
X_test_poly = poly.transform(X_test)
# Выводим оценку эффективности модели на тестовом подмножестве
accur_test_score = model.score(X_test_poly, y_test)
accur_test_score
```

Получение предсказаний для каждой точки сетки

Out[]: 1.0

```
Z = model.predict(poly.transform(np.c_[xx.ravel(), yy.ravel()]))
Z = Z.reshape(xx.shape)

# Построение контурного графика с границей принятия решения
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.contourf(xx, yy, Z, alpha=0.4, cmap='coolwarm')
plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=y_pred, cmap='coolwarm', alpha=0.6)
plt.title('Результат классификации для обучающего и тестового подмножеств')
plt.xlabel('X1')
plt.ylabel('X2')
plt.colorbar(label='y')
plt.show()
```



Заключение

Небольшая степень полинома благоприятно сказывается на качестве предсказания, однако, бОльшая степень полинома приводит к усложнению модели и понижает ее эффективность. Как видно на графиках, для отложенной выборки степень полинома от 2 до 10 включительно приводит к хорошей эффективности (для метода кросс-валидации до 5).

Задача 3. Классификация текстовых документов

Вариант 2. Набор SMS сообщений (sms)

3.1 Загрузите исходные данные

```
In []: # Загружаем исходные данные
          df = pd.read csv("data/SMSSpamCollection", sep='\t', names=['label', 'text'])
          df.head(5)
Out[]:
             label
          0
              ham
                       Go until jurong point, crazy.. Available only ...
          1
              ham
                                         Ok lar... Joking wif u oni...
          2
                    Free entry in 2 a wkly comp to win FA Cup fina...
             spam
                     U dun say so early hor... U c already then say...
          3
              ham
          4
                       Nah I don't think he goes to usf, he lives aro...
              ham
```

3.2 Разбейте исходные данные на обучающее (train, 80%) и тестовое подмножества (test, 20%)

```
In [ ]: X = df['text'].to_numpy()
y = df['label'].to_numpy()
```

```
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, train_size=0.8, random_state=0)
```

3.3 Используя стратифицированную кросс-валидацию k-folds (k=4) для обучающего множество с метрикой Balanced-Accuracy , найдите лучшие гиперпараметры для следующих классификаторов:

```
- К-ближайших соседей: количество соседей ($n$) из диапазона `np.arange(1, 150, 20)`
            - Логистическая регрессия: параметр регуляризации ($C$) из диапазона `np.logspace(-2, 10, 8,
           base=10)`
            - Наивный Байес: сглаживающий параметр модели Бернулли ($\alpha$) из диапазона
            `np.logspace(-4, 1, 8, base=10)`
            - Наивный Байес: сглаживающий параметр полиномиальной модели ($\alpha$) из диапазона
            `np.logspace(-4, 1, 8, base=10)`
In []: from sklearn.feature extraction.text import CountVectorizer
        from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
        from sklearn.model_selection import StratifiedKFold, GridSearchCV
        from sklearn.naive bayes import BernoulliNB, MultinomialNB
        from sklearn.metrics import balanced_accuracy_score
In [ ]: # Класс для векторизации текста
        countv = CountVectorizer()
        # Класс для кросс-валидации
        sk = StratifiedKFold(n splits=4, shuffle=True, random state=123)
        # Переводим обучающую и тестовую выборки в векторное представление
        X train v = countv.fit transform(X train)
        X_test_v = countv.transform(X_test)
In [ ]: # К-ближайших соседей
        # Диапозон параметра количества соседей
        range neighbors = np.arange(1, 150, 20)
        # Классифкатор по алгоритму к-ближайших соседей
        model_kn = KNeighborsClassifier()
        # Класс для поиска гиперпараметров
        gs_cv = GridSearchCV(model kn, param grid={'n neighbors' : range neighbors}, cv=sk, scoring='balanced accuracy'
        # Перебираем все параметры количества соседей
        gs cv.fit(X train v, y train)
        # Выводим наилучший
        neighbors_best = gs_cv.best_params_['n_neighbors']
        neighbors best
Out[]: 1
In []: # Логистическая регрессия
        # Диапозон параметров
        range c = np.logspace(-2, 10, 8, base=10)
        # Классификатор логистической регресии
        model lr = LogisticRegression()
        # Класс для поиска
        gs cv = GridSearchCV(model lr, param grid={'C' : range c}, cv=sk, scoring='balanced accuracy')
        # Перебираем все параметры количества соседей
        gs_cv.fit(X_train_v, y_train)
        # Выводим наилучший
        c best = gs cv.best params ['C']
        c best
Out[]: 193069772.88832456
In [ ]: # Бернуллиевский наивный байесовский классификатор
        range alpha ber = np.logspace(-4, 1, 8, base=10)
        # Классификатор
        model_ber_nb = BernoulliNB()
        # Класс для поиска
        gs_cv = GridSearchCV(model_ber_nb, param_grid={'alpha' : range_alpha_ber}, cv=sk, scoring='balanced_accuracy')
        # Перебираем все параметры количества соседей
        gs_cv.fit(X_train_v, y_train)
        # Выводим наилучший
        alpha ber best = gs cv.best params ['alpha']
        alpha ber best
Out[]: 0.07196856730011521
In []: # Мультиномиальный наивный байесовский классификатор
        range_alpha_multi = np.logspace(-4, 1, 8, base=10)
        # Классификатор
        model_multi_nb = MultinomialNB()
        # Класс для поиска
```

gs_cv = GridSearchCV(model_multi_nb, param_grid={'alpha' : range_alpha_multi}, cv=sk, scoring='balanced_accuracy

Перебираем все параметры количества соседей

```
gs_cv.fit(X_train_v, y_train)
# Выводим наилучший
alpha_multi_best = gs_cv.best_params_['alpha']
alpha_multi_best
```

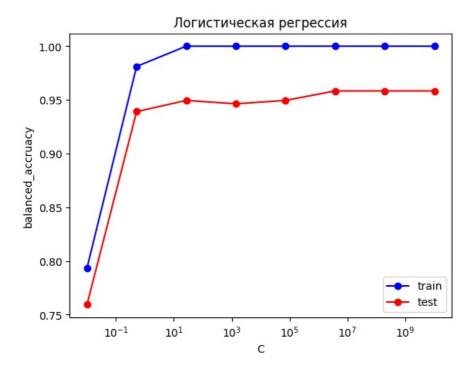
Out[]: 0.07196856730011521

3.4 Отобразите кривые (параметры модели)-(Balanced-Accuracy) при обучении и проверке для каждой классификатора (две кривые на одном графике для каждого классификатора)

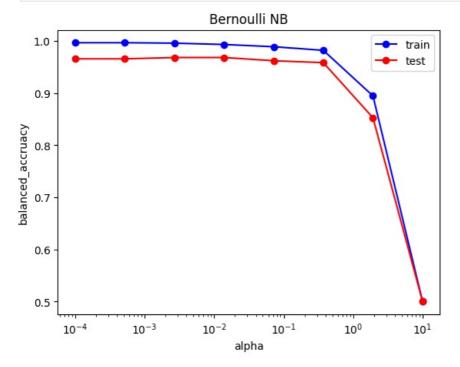
```
In []: # График для К-ближайших
        xx = range neighbors
        yy train = list()
        yy test = list()
        for val in xx:
            model_kn = KNeighborsClassifier(val)
            model_kn.fit(X_train_v, y_train)
            y_train_pred = model_kn.predict(X_train_v)
            y_test_pred = model_kn.predict(X_test_v)
            yy_train.append(balanced_accuracy_score(y_train, y_train_pred))
            \verb|yy_test.append(balanced_accuracy_score(y_test, y_test_pred))|\\
        plt.title('Метод К-ближайших соседей')
        plt.xlabel('n_neighbors')
        plt.ylabel('balanced_accruacy')
        plt.plot(xx, yy_train, label='train', marker='o', color='blue')
        plt.plot(xx, yy_test, label='test', marker='o', color='red')
        plt.legend()
        plt.show()
```

Метод К-ближайших соседей 1.0 train test 0.9 balanced accruacy 0.8 0.7 0.6 0.5 20 100 120 140 0 40 60 80 n_neighbors

```
In []: # График для логистической регрессии
        xx = range_c
        yy_train = list()
        yy_test = list()
        for val in xx:
            model_lr = LogisticRegression(C=val)
            model_lr.fit(X_train_v, y_train)
            y_train_pred = model_lr.predict(X_train_v)
            y test pred = model lr.predict(X test v)
            yy_train.append(balanced_accuracy_score(y_train, y_train_pred))
            yy_test.append(balanced_accuracy_score(y_test, y_test_pred))
        plt.title('Логистическая регрессия')
        plt.xlabel('C')
        plt.ylabel('balanced_accruacy')
        plt.semilogx(xx, yy_train, label='train', marker='o', color='blue')
        plt.semilogx(xx, yy_test, label='test', marker='o', color='red')
        plt.legend()
        plt.show()
```

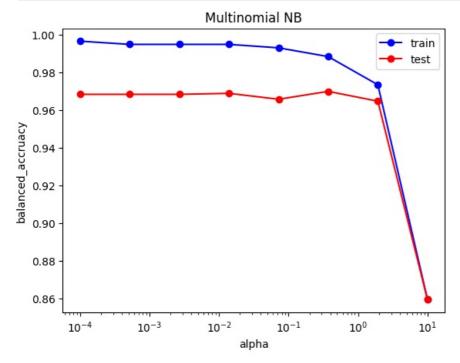


```
In [ ]: # График для бернуллиевского наивного байесовского классификатора
         xx = range alpha ber
         yy_train = list()
         yy_test = list()
for val in xx:
              model ber nb = BernoulliNB(alpha=val)
              model_ber_nb.fit(X_train_v, y_train)
              y_train_pred = model_ber_nb.predict(X_train_v)
              y_test_pred = model_ber_nb.predict(X_test_v)
              yy train.append(balanced accuracy score(y train, y train pred))
              yy_test.append(balanced_accuracy_score(y_test, y_test_pred))
         plt.title('Bernoulli NB')
         plt.xlabel('alpha')
         plt.ylabel('balanced_accruacy')
         plt.semilogx(xx, yy_train, label='train', marker='o', color='blue')
plt.semilogx(xx, yy_test, label='test', marker='o', color='red')
         plt.legend()
         plt.show()
```



```
In [ ]: # График для мультиномиального наивного байесовского классификатора
xx = range_alpha_multi
yy_train = list()
yy_test = list()
for val in xx:
    model_multi_nb = MultinomialNB(alpha=val)
    model_multi_nb.fit(X_train_v, y_train)
    y_train_pred = model_multi_nb.predict(X_train_v)
```

```
y_test_pred = model_multi_nb.predict(X_test_v)
yy_train.append(balanced_accuracy_score(y_train, y_train_pred))
yy_test.append(balanced_accuracy_score(y_test, y_test_pred))
plt.title('Multinomial NB')
plt.xlabel('alpha')
plt.ylabel('balanced_accruacy')
plt.semilogx(xx, yy_train, label='train', marker='o', color='blue')
plt.semilogx(xx, yy_test, label='test', marker='o', color='red')
plt.legend()
plt.show()
```



3.5 Если необходимо, выбранные модели обучите на всём обучающем подмножестве (train) и протестируйте на тестовом (test) по Balanced-Accuracy, R, P, F1. Определите время обучения и предсказания.

```
In [ ]: from sklearn.metrics import recall_score, precision_score, f1_score
        import time
        # Функция для обучения модели и сбора метрик
        def train_model(model, X_train, X_test, y_train, y_test):
            train start time = time.time()
            model.fit(X_train, y_train)
            train time = time.time() - train start time
            pred_start_time = time.time()
            y_test_pred = model.predict(X_test)
            pred_time = time.time() - pred_start_time
            accur = balanced_accuracy_score(y_test, y_test_pred)
            r = recall_score(y_test, y_test_pred, pos_label='ham')
            p = precision_score(y_test, y_test_pred, pos_label='ham')
            f1 = f1_score(y_test, y_test_pred, pos_label='ham')
            return accur, r, p, f1, train time, pred time
In [ ]: # Модель К-ближайших соседей
        model kn = KNeighborsClassifier(n neighbors=neighbors best)
        accur kn, r kn, p kn, f1 kn, train time kn, pred time kn = train model(model kn, X train v, X test v, y train,
        print("Метод К-ближайших соседей")
        print(f"Balanced accuracy: {accur_kn:.4f}")
        print(f"Recall score: {r_kn:.4f}")
        print(f"Precision score: {r_kn:.4f}")
        print(f"F1 score: {r_kn:.4f}")
        print(f"Train time: {train time kn}")
        print(f"Predict time: {pred_time_kn}")
       Метод К-ближайших соседей
       Balanced accuracy: 0.8646
       Recall score: 0.9979
       Precision score: 0.9979
       F1 score: 0.9979
       Train time: 0.0029706954956054688
       Predict time: 0.15006804466247559
In []: # Логистическая регрессия
```

```
accur\_lr, \ r\_lr, \ p\_lr, \ f1\_lr, \ train\_time\_lr, \ pred\_time\_lr = train\_model(model\_lr, \ X\_train\_v, \ X\_test\_v, \ y\_train, \ f1\_lr, 
               print("Логистическая регрессия")
               print("========
               print(f"Balanced accuracy: {accur_lr:.4f}")
               print(f"Recall score: {r_lr:.4f}")
               print(f"Precision score: {r_lr:.4f}")
               print(f"F1 score: {r lr:.4f}")
              print(f"Train time: {train time lr}")
               print(f"Predict time: {pred_time_lr}")
            Логистическая регрессия
             Balanced accuracy: 0.9583
             Recall score: 0.9979
             Precision score: 0.9979
             F1 score: 0.9979
             Train time: 0.04702639579772949
             Predict time: 0.0001876354217529297
In [ ]: # Бернуллиевский наивный байесовский классификатор
               model ber nb = BernoulliNB(alpha=alpha ber best)
               accur ber, r ber, p ber, f1 ber, train time ber, pred time ber = train model(model ber nb, X train v, X test v,
               print("Бернуллиевский НБК")
               print("======"")
               print(f"Balanced accuracy: {accur ber:.4f}")
               print(f"Recall score: {r_ber:.4f}")
               print(f"Precision score: {r_ber:.4f}")
               print(f"F1 score: {r_ber:.4f}")
               print(f"Train time: {train time ber}")
               print(f"Predict time: {pred_time_ber}")
             Бернуллиевский НБК
             Balanced accuracy: 0.9620
             Recall score: 0.9990
             Precision score: 0.9990
             F1 score: 0.9990
             Train time: 0.008309364318847656
             Predict time: 0.0008988380432128906
In [ ]: # Мультиномиальный наивный байесовский классификатор
               model multi nb = MultinomialNB(alpha=alpha multi best)
               accur_multi, r_multi, p_multi, f1_multi, train_time_multi, pred_time_multi = train_model(model multi nb, X train_time_multi)
               print("Мультиномиальный НБК")
               print("==
               print(f"Balanced accuracy: {accur multi:.4f}")
               print(f"Recall score: {r_multi:.4f}")
               print(f"Precision score: {r multi:.4f}")
               print(f"F1 score: {r_multi:.4f}")
               print(f"Train time: {train_time_multi}")
              print(f"Predict time: {pred_time_multi}")
             Мультиномиальный НБК
             Balanced accuracy: 0.9656
             Recall score: 0.9937
             Precision score: 0.9937
             F1 score: 0.9937
             Train time: 0.008083343505859375
             Predict time: 0.0002541542053222656
               3.6 Выполните пункты 3-5 для n-gram=1, n-gram=2 и n-gram=(1,2)
In [ ]: # n-gram параметры
               n_{grams} = [(1, 1), (2, 2), (1, 2)]
               # датафрейм с результатами для пункта 8
               res df = pd.DataFrame(columns=['Метод', 'n gram', 'Параметры модели', 'Время обучения', 'Время предсказания',
In [ ]: # Для К-ближайших
               for n_gram in n_grams:
                      # Класс для векторизации текста
                      countv = CountVectorizer(ngram_range=n_gram)
                      X train v = countv.fit transform(X_train)
                      X test v = countv.transform(X test)
                      # Находим наилучшие параметры
                      range neighbors = np.arange(1, 150, 20)
                      model kn = KNeighborsClassifier()
                      gs_cv = GridSearchCV(model_kn, param_grid={'n_neighbors' : range_neighbors}, cv=sk, scoring='balanced_accura'
                      gs_cv.fit(X_train_v, y_train)
```

print(f"Для n_gram {n_gram лучший параметр n_neighbors: {gs_cv.best_params_['n_neighbors']}")

model lr = LogisticRegression(C=c best)

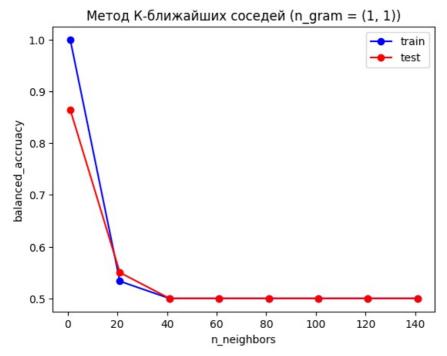
```
# Собираем метрики
            model kn = KNeighborsClassifier(n neighbors=gs_cv.best params ['n neighbors'])
            accur_kn, r_kn, p_kn, fl_kn, train_time_kn, pred_time_kn = train_model(model_kn, X_train_v, X_test_v, y_train_v, X_test_v, Y_test_v, Y_test_v,
            print(f"Метод K-ближайших соседей (n gram = {n gram})")
            print(f"Balanced accuracy: {accur_kn:.4f}")
            print(f"Recall score: {r_kn:.4f}")
            print(f"Precision score: {r kn:.4f}")
            print(f"F1 score: {r_kn:.4f}")
            print(f"Train time: {train_time_kn}")
            print(f"Predict time: {pred_time_kn}")
            # Строим график
            xx = range_neighbors
            yy train = list()
            yy_test = list()
            for val in xx:
                      model kn = KNeighborsClassifier(n neighbors=val)
                      model kn.fit(X train v, y train)
                      y_train_pred = model_kn.predict(X_train_v)
                      y test pred = model kn.predict(X test v)
                      yy_train.append(balanced_accuracy_score(y_train, y_train_pred))
                      yy_test.append(balanced_accuracy_score(y_test, y_test_pred))
            plt.title(f'Meтод K-ближайших соседей (n_gram = {n_gram})')
            plt.xlabel('n neighbors')
            plt.ylabel('balanced_accruacy')
            plt.plot(xx, yy train, label='train', marker='o', color='blue')
            plt.plot(xx, yy_test, label='test', marker='o', color='red')
            plt.legend()
            plt.show()
            # Сохраняем результаты в датафрейм
            res df.loc[len(res df)] = ['Метод К-ближайших соседей', n gram, gs cv.best params ['n neighbors'], train ti
Для n_gram (1, 1) лучший параметр n_neighbors: 1
```

Метод K-ближайших соседей $(n_gram = (1, 1))$

_____ Balanced accuracy: 0.8646 Recall score: 0.9979 Precision score: 0.9979

F1 score: 0.9979

Train time: 0.002554178237915039 Predict time: 0.12397885322570801



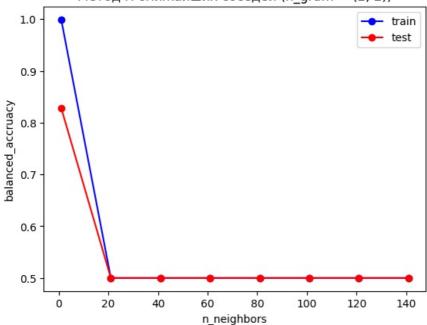
Для n gram (2, 2) лучший параметр n neighbors: 1 _____

Метод K-ближайших соседей (n gram = (2, 2))

Balanced accuracy: 0.8281 Recall score: 1.0000 Precision score: 1.0000 F1 score: 1.0000

Train time: 0.0032749176025390625 Predict time: 0.08379149436950684

Метод К-ближайших соседей (n_gram = (2, 2))



Для n_gram (1, 2) лучший параметр n_neighbors: 1

Balanced accuracy: 0.8438 Recall score: 1.0000 Precision score: 1.0000 F1 score: 1.0000

Train time: 0.0035092830657958984 Predict time: 0.14029574394226074

Метод К-ближайших соседей (n gram = (1, 2)) 1.0 train test 0.9 balanced accruacy 0.8 0.7 0.6 0.5 0 20 40 60 80 100 120 140 n_neighbors

```
In []: # Для логистической регресси
for n_gram in n_grams:
    # Класс для векторизации текста
    countv = CountVectorizer(ngram_range=n_gram)
    X_train_v = countv.fit_transform(X_train)
    X_test_v = countv.transform(X_test)
    # Находим наилучшие параметры
    range_lr = np.logspace(-2, 10, 8, base=10)
    model_lr = LogisticRegression()
    gs_cv = GridSearchCV(model_lr, param_grid={'C' : range_lr}, cv=sk, scoring='balanced_accuracy')
    gs_cv.fit(X_train_v, y_train)
    print(f"Для n_gram {n_gram} лучший параметр C: {gs_cv.best_params_['C']}")
    print("============="")

# Собираем метрики
```

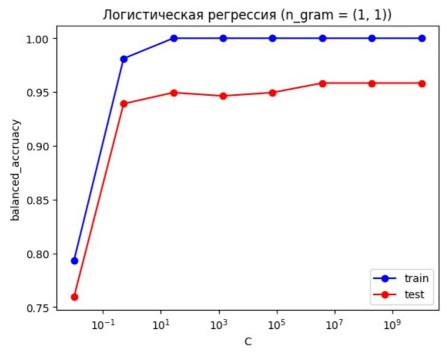
```
model_lr = LogisticRegression(C=gs_cv.best_params_['C'])
accur_lr, r_lr, p_lr, f1_lr, train_time_lr, pred_time_lr = train_model(model_lr, X_train_v, X_test_v, y_tra.
print(f"Метод логистической регрессии (n_gram = {n_gram})")
print(f"Balanced accuracy: {accur_lr:.4f}")
print(f"Recall score: {r_lr:.4f}")
print(f"Precision score: {r_lr:.4f}")
print(f"F1 score: {r_lr:.4f}")
print(f"Train time: {train_time_lr}")
print(f"Predict time: {pred_time_lr}")
# Строим график
xx = range_c
yy_train = list()
yy_test = list()
for val in xx:
    model lr = LogisticRegression(C=val)
    model_lr.fit(X_train_v, y_train)
    y_train_pred = model_lr.predict(X_train_v)
    y_test_pred = model_lr.predict(X_test_v)
    yy_train.append(balanced_accuracy_score(y_train, y_train_pred))
    yy_test.append(balanced_accuracy_score(y_test, y_test_pred))
plt.title(f"Логистическая регрессия (n_gram = {n_gram})")
plt.xlabel('C')
plt.ylabel('balanced accruacy')
plt.semilogx(xx, yy_train, label='train', marker='o', color='blue')
plt.semilogx(xx, yy_test, label='test', marker='o', color='red')
plt.legend()
plt.show()
# Сохраняем результаты в датафрейм
res_df.loc[len(res_df)] = ['Логистическая регрессия', n_gram, gs_cv.best_params_['C'], train_time_lr, pred_
```

Для n_gram (1, 1) лучший параметр C: 193069772.88832456

Метод логистической регрессии $(n_{gram} = (1, 1))$

Balanced accuracy: 0.9583 Recall score: 0.9979 Precision score: 0.9979 F1 score: 0.9979

Train time: 0.040482282638549805 Predict time: 0.0002799034118652344



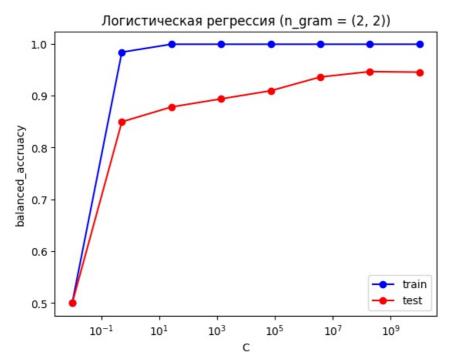
Для n_gram (2, 2) лучший параметр C: 193069772.88832456

Morar sasuarunasua nasnaasuu (n ann

Метод логистической регрессии $(n_gram = (2, 2))$

Balanced accuracy: 0.9463 Recall score: 0.9927 Precision score: 0.9927 F1 score: 0.9927

Train time: 0.4650125503540039 Predict time: 0.00023174285888671875



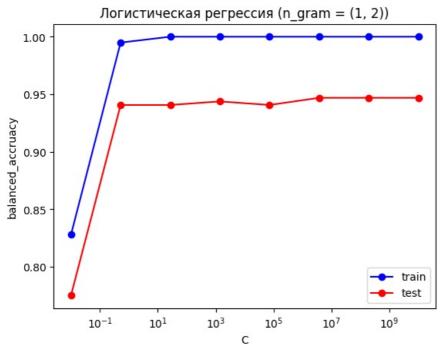
Для n_gram (1, 2) лучший параметр C: 3727593.720314938

Метод логистической регрессии $(n_{gram} = (1, 2))$

Balanced accuracy: 0.9469 Recall score: 1.0000 Precision score: 1.0000

F1 score: 1.0000

Train time: 0.5255286693572998 Predict time: 0.0003197193145751953

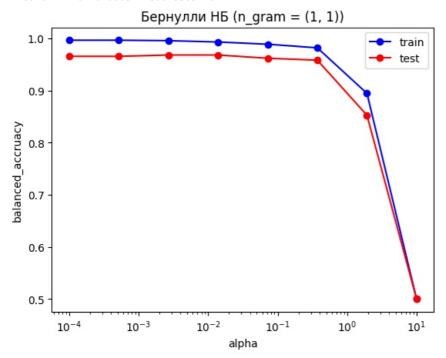


```
In [ ]: # Для Бернулли НБ
        for n_gram in n_grams:
            # Класс для векторизации текста
            countv = CountVectorizer(ngram_range=n_gram)
            X_train_v = countv.fit_transform(X_train)
            X_test_v = countv.transform(X_test)
            # Находим наилучшие параметры
            range_alpha_ber = np.logspace(-4, 1, 8, base=10)
            model_ber_nb = BernoulliNB()
            gs_cv = GridSearchCV(model_ber_nb, param_grid={'alpha' : range_alpha_ber}, cv=sk, scoring='balanced_accurac'
            gs\_cv.fit(X\_train\_v, y\_train)
            print(f"Для n_gram {n_gram} лучший параметр alpha: {gs_cv.best_params_['alpha']}")
            print("=======
```

```
# Собираем метрики
model_ber_nb = BernoulliNB(alpha=gs_cv.best_params_['alpha'])
accur_ber, r_ber, p_ber, f1_ber, train_time_ber, pred_time_ber = train_model(model_ber_nb, X_train_v, X_tes
print(f"Meтoд Бернулли HБ (n_gram = {n_gram})")
print(f"Balanced accuracy: {accur_ber:.4f}")
print(f"Recall score: {r_ber:.4f}")
print(f"Precision score: {r_ber:.4f}")
print(f"F1 score: {r_ber:.4f}")
print(f"Train time: {train_time_ber}")
print(f"Predict time: {pred_time_ber}")
# Строим график
xx = range_alpha_ber
yy_train = list()
yy_test = list()
for val in xx:
   model multi nb = BernoulliNB(alpha=val)
    model_multi_nb.fit(X_train_v, y_train)
    y_train_pred = model_multi_nb.predict(X_train_v)
    y test_pred = model_multi_nb.predict(X_test_v)
    yy_train.append(balanced_accuracy_score(y_train, y_train_pred))
    yy_test.append(balanced_accuracy_score(y_test, y_test_pred))
plt.title(f"Бернулли НБ (n_gram = {n_gram})")
plt.xlabel('alpha')
plt.ylabel('balanced_accruacy')
plt.semilogx(xx, yy_train, label='train', marker='o', color='blue')
plt.semilogx(xx, yy_test, label='test', marker='o', color='red')
plt.legend()
plt.show()
# Сохраняем результаты в датафрейм
res_df.loc[len(res_df)] = ['Бернулли НБ', n_gram, gs_cv.best_params_['alpha'], train_time_ber, pred_time_be
```

Для n_gram (1, 1) лучший параметр alpha: 0.07196856730011521

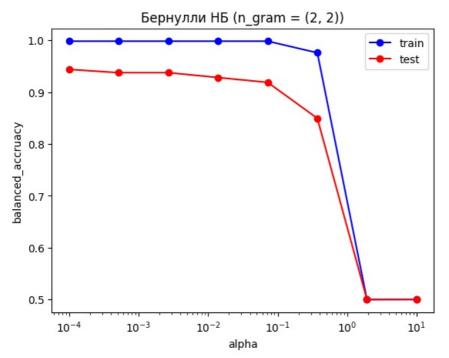
Train time: 0.007494211196899414 Predict time: 0.0008742809295654297



Для n_gram (2, 2) лучший параметр alpha: 0.0001

Balanced accuracy: 0.9437 Recall score: 1.0000 Precision score: 1.0000 F1 score: 1.0000

Train time: 0.01071929931640625 Predict time: 0.0018019676208496094

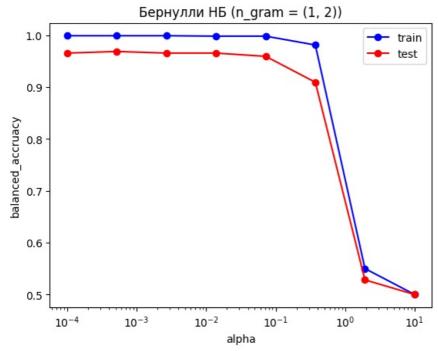


Для n_gram (1, 2) лучший параметр alpha: 0.0005179474679231213

Метод Бернулли НБ $(n_{gram} = (1, 2))$

Balanced accuracy: 0.9688 Recall score: 1.0000 Precision score: 1.0000 F1 score: 1.0000

Train time: 0.009244441986083984 Predict time: 0.0023872852325439453



```
In [ ]: # Для Мультномиальной НБ
                                     for n_gram in n_grams:
                                                       # Класс для векторизации текста
                                                       countv = CountVectorizer(ngram_range=n_gram)
                                                       X train v = countv.fit transform(X train)
                                                       X_test_v = countv.transform(X_test)
                                                       # Находим наилучшие параметры
                                                       range_alpha_multi = np.logspace(-4, 1, 8, base=10)
                                                       model_multi_nb = MultinomialNB()
                                                        \verb|gs_cv| = GridSearchCV(model_multi_nb, param\_grid=\{'alpha' : range\_alpha\_multi\}, cv=sk, scoring='balanced\_accident' | Scoring='balanced_accident' | Scor
                                                       gs_cv.fit(X_train_v, y_train)
                                                       print(f"Для n_gram {n_gram} лучший параметр alpha: {gs_cv.best_params_['alpha']}")
                                                       # Собираем метрики
```

```
model multi_nb = MultinomialNB(alpha=gs_cv.best_params_['alpha'])
accur_multi, r_multi, p_multi, f1_multi, train_time_multi, pred_time_multi = train_model(model_multi_nb, X_
print(f"Метод Бернулли НБ (n_gram = {n_gram})")
print("=====
print(f"Balanced accuracy: {accur multi:.4f}")
print(f"Recall score: {r_multi:.4f}")
print(f"Precision score: {r_multi:.4f}")
print(f"F1 score: {r multi:.4f}")
print(f"Train time: {train time multi}")
print(f"Predict time: {pred_time_multi}")
# Строим график
xx = range alpha multi
yy_train = list()
yy test = list()
for val in xx:
    model multi nb = MultinomialNB(alpha=val)
    model multi nb.fit(X train v, y train)
    y train pred = model multi nb.predict(X train v)
    y_test_pred = model_multi_nb.predict(X_test_v)
    yy_train.append(balanced_accuracy_score(y_train, y_train_pred))
    yy_test.append(balanced_accuracy_score(y_test, y_test_pred))
plt.title(f"Мультиномиальная НБ (n gram = {n gram})")
plt.xlabel('alpha')
plt.ylabel('balanced accruacy')
plt.semilogx(xx, yy_train, label='train', marker='o', color='blue')
plt.semilogx(xx, yy_test, label='test', marker='o', color='red')
plt.legend()
plt.show()
# Сохраняем результаты в датафрейм
res_df.loc[len(res_df)] = ['Мультномиальная НБ', n_gram, gs_cv.best params ['alpha'], train time multi, pred
```

Для n_gram (1, 1) лучший параметр alpha: 0.07196856730011521

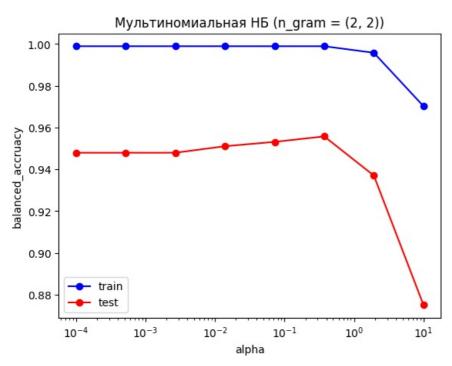
F1 score: 0.9937 Train time: 0.006832122802734375 Predict time: 0.00019788742065429688

Мультиномиальная HF (n gram = (1, 1)) 1.00 train test 0.98 0.96 balanced accruacy 0.94 0.92 0.90 0.88 0.86 10^{-2} 10^{-4} 10^{-3} 10^{-1} 10⁰ 10¹ alpha

Для n_gram (2, 2) лучший параметр alpha: 1.9306977288832496

Recall score: 0.9990 Precision score: 0.9990 F1 score: 0.9990

Train time: 0.007555961608886719 Predict time: 0.00040841102600097656



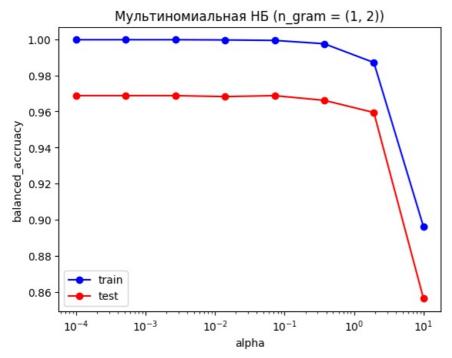
Для n_gram (1, 2) лучший параметр alpha: 0.0001

Метод Бернулли НБ $(n_{gram} = (1, 2))$

Balanced accuracy: 0.9687 Recall score: 0.9937 Precision score: 0.9937

F1 score: 0.9937

Train time: 0.01010274887084961 Predict time: 0.0005066394805908203



3.7 Выведите в виде таблицы итоговые данные по всем методам для лучших моделей (метод, n-gram, значение параметра модели, время обучения, время предсказания, метрики (Balanced-Accuracy, R, P, F1))

	Метод	n_gram	Параметры модели	Время обучения	Время предсказания	Точность	R	Р	F1
0	Метод К-ближайших соседей	(1, 1)	1.000000e+00	0.002554	0.123979	0.864578	0.997906	0.956827	0.976935
1	Метод К-ближайших соседей	(2, 2)	1.000000e+00	0.003275	0.083791	0.828125	1.000000	0.945545	0.972010
2	Метод К-ближайших соседей	(1, 2)	1.000000e+00	0.003509	0.140296	0.843750	1.000000	0.950249	0.974490
3	Логистическая регрессия	(1, 1)	1.930698e+08	0.040482	0.000280	0.958328	0.997906	0.986542	0.992192
4	Логистическая регрессия	(2, 2)	1.930698e+08	0.465013	0.000232	0.946335	0.992670	0.983402	0.988015
5	Логистическая регрессия	(1, 2)	3.727594e+06	0.525529	0.000320	0.946875	1.000000	0.982510	0.991178
6	Бернулли НБ	(1, 1)	7.196857e-02	0.007494	0.000874	0.961976	0.998953	0.987578	0.993233
7	Бернулли НБ	(2, 2)	1.000000e-04	0.010719	0.001802	0.943750	1.000000	0.981501	0.990664
8	Бернулли НБ	(1, 2)	5.179475e-04	0.009244	0.002387	0.968750	1.000000	0.989637	0.994792
9	Мультномиальная НБ	(1, 1)	7.196857e-02	0.006832	0.000198	0.965609	0.993717	0.989572	0.991641
10	Мультномиальная НБ	(2, 2)	1.930698e+00	0.007556	0.000408	0.936976	0.998953	0.979466	0.989114
11	Мультномиальная НБ	(1, 2)	1.000000e-04	0.010103	0.000507	0.968734	0.993717	0.990605	0.992159

3.8 Сделайте выводы по полученным результатам (преимущества и недостатки методов)

По результатам проделанной работы можно сделать следующие выводы: метод KNN в сравнении с другими обладает невысокой точностью и требует большего количества времени предсказание. Логистическая регрессия, наоборот, имеет высокую точность и быстро предсказывает, однако для обучения требует больше времени (особенно это видно на биграммах). Наивные байесовские классификаторы показывают самую высокую точность среди приведенных моделей. Таким образом, если нужна быстрая обучаемость, метод KNN будет неплохим вариантом, для быстрых предсказаний подходит логистическая регрессия, а если необходимо добиться наилучшей точности, то наивные байесовские классификаторы будут подходящим вариантом

Processing math: 100%