

# Лабораторная работа №1

## Линейные вычислительные процессы

**Цель работы:** Изучить правила составления программ на языке СИ: встроенные типы данных, ввод-вывод данных, основные математические функции. Научиться программировать линейные алгоритмы.

## Краткие теоретические сведения

### Элементы языка

**Символы** — это основные знаки, с помощью которых пишется весь текст программы:

- прописные и строчные буквы латинского алфавита, и знак подчеркивания;
- арабские буквы от 0 до 9;
- специальные символы:

.	— точка	(	— левая круглая скобка
,	— запятая	)	— правая круглая скобка
;	— точка с запятой	[	— левая квадратная скобка
:	— двоеточие	]	— правая квадратная скобка
?	— вопросительный знак	{	— открывающая фигурная скобка
!	— восклицательный знак	}	— закрывающая фигурная скобка
'	— апостроф	<	— знак «меньше»
	— вертикальная черта	>	— знак «больше»
/	— дробная черта	=	— знак «равно»
\	— обратная черта	^	— логическое «или»
~	— тильда	&	— логическое «и»
+	— плюс	%	— знак процента
-	— минус	#	— номер
*	— звездочка	"	— кавычки

- четвертую группу символов составляют управляющие последовательности, используемые при вводе-выводе; они начинаются со знака обратной черты и будут рассмотрены ниже.

**Лексема** образуется из символов и имеет самостоятельный смысл:

- *Идентификаторы* — имена объектов C/C++ — программ. *Идентификатор* — это последовательность латинских букв, цифр и знака подчеркивания. Первым символом должна быть буква или знак подчеркивания (но не цифра). Пробелы и ключевые слова в идентификаторах не допускаются. Прописные и строчные буквы различаются.
- *Ключевые слова* — это зарезервированные идентификаторы, которые имеют специальное значение для компилятора.
- *Знаки операций* — один или более символов, определяющих действия над операндами. Операции бывают унарные, бинарные и тернарные. Все знаки операций, кроме [ ] ( ) и ?, являются отдельными лексемами.
- *Константы* — это неизменные величины.  
Константы бывают строковые ("Hello\t Word\n"), целые (123, 020, 0xA), вещественные (5.7, .45, 0.2E6) и символьные ('a', '\n', '\0', '\x07').
- *Разделители* (скобки, точка, запятая, пробельные символы).

**Выражение** — это правило вычисления некоторого действия. Оно состоит из операндов, знаков операций и скобок, которые используются для вычисления некоторого значения. *Операнд* — это выражение, константа или переменная.

**Оператор** — это задание законченного описания действия. Выполнение оператора — это вычисление данного выражения.

**Составной оператор** — это последовательность операторов, заключенная в фигурные скобки:

```
{  
    n++;  
    summa+=n;  
}
```

**Блок** — это последовательность операторов, заключенная в фигурные скобки, а также наличие определений переменных:

```
{  
    int n=0;  
    n++;  
    summa+=n;  
}
```

## Типы данных

Каждый тип данных имеет определенный размер, т. е. сколько байтов выделяется в оперативной памяти для записи переменной данного типа, и диапазон значений.

В языке Си применяются данные двух категорий: *простые* (скалярные) и *сложные* (составные) типы данных.

К *простым типам данных* относятся:

- символы;
- указатели;
- перечисления;
- целые;
- вещественные.

К *сложным типам данных* относятся:

- массив;
- структура;
- объединение;
- битовые поля.

### Целый тип данных

Данные целого типа (`int`) могут быть короткими — `short`, длинными — `long`. Размер переменной целого типа зависит от системы, например, в 32-разрядных операционных системах размер переменной `int` равен 4 байтам (32 битам), что позволяет хранить в `int` значения от  $-2\,147\,483\,648$  до  $2\,147\,483\,648$ .

Тип `short` в любой операционной системе имеет размер, равный двум байтам. Диапазон значений типа `short` — от  $-32\,768$  до  $32\,767$ .

Размер типа `long` всегда равен 4 байтам и совпадает с размером типа `int` в случае 32-разрядных систем. Тип `long` может быть описан как `long int` между двумя такими описаниями нет разницы.

## Символьный тип

Размер памяти, занимаемый символьными переменными (`char`), равен 1 байту (8 битам). Каждому символу ставится в соответствие число, называемое кодом символа. Поэтому символьные переменные хранят целые числа, содержащиеся в диапазоне от  $-128$  до  $127$ . Константа типа `char` — это символ, заключенный в одиночные кавычки, например: `'a'`. Иногда символьные переменные используют для представления целых чисел, заключенных в указанном диапазоне, но гораздо чаще в таких переменных хранятся ASCII-коды символов. В отличие от символьной константы, строковая константа записывается в двойных кавычках, например, `"Слово"`. Таким образом, строковая константа — это массив символов.

## Вещественный тип данных

Переменные вещественного типа хранят числа в десятичной форме представления, например `3.1415927`, `0.0000625`, `-10.2`. У таких чисел есть как целая часть, стоящая слева от десятичной точки, так и дробная часть, стоящая справа от нее. Переменные вещественного типа предназначены для хранения вещественных чисел — тех чисел, которыми измеряются непрерывные величины. Вещественные числа, как правило, имеют ненулевую дробную часть.

В C/C++ имеются три вещественных типа: `float`, `double` и `long double`.

Размер типа `float` равен 4 байтам (32 битам), и этот тип способен хранить числа, содержащиеся в интервале от  $3.4 \cdot 10^{-38}$  до  $3.4 \cdot 10^{38}$ , с точностью до семи знаков после запятой.

Тип `double` занимает 8 байтов памяти и хранит значения от  $1.7 \cdot 10^{-308}$  до  $1.7 \cdot 10^{308}$  с точностью до 15 знаков после запятой.

Характеристики типа `long double` зависят от компилятора, но чаще всего они совпадают с характеристиками типа `double`.

## Беззнаковые типы данных

Если исключить из представления целых чисел знак, то полученный тип данных будет собой представлять неотрицательные целые числа с удвоенной верхней границей диапазона представления. Беззнаковые типы данных предваряются словом `unsigned` (нижняя граница диапазона этих данных — 0):

Название	Верхняя граница диапазона	Размер в байтах
<code>unsigned char</code>	255	1
<code>unsigned short</code>	65 535	2
<code>unsigned int</code>	4 294 967 295	4
<code>unsigned long</code>	4 294 967 295	4

## Определение переменных

Переменные в программе, перед их использованием, необходимо определять. При определении переменные можно инициализировать (т. е. задавать начальные значения).

Определение переменной могут иметь следующие виды:

1. Определение одной переменной заданного типа

`<Тип_данных> <имя_переменной_1>`

2. Определение нескольких переменных одного типа

`<Тип_данных> <имя_переменной_1> ... <имя_переменной_n>`

3. Определение переменной с инициализацией

`<Тип_данных> <имя_переменной> = <начальное_значение>`

`<Тип_данных>` — это определенный в программе тип данных (`int`, `char`, `double` и т.д.);

`<имя_переменной>` — это идентификатор;

⟨начальное\_значение⟩ — это выражение соответствующего типа.

Например:

```
int j = 10, m = 3, n = j + m;  
float c=-1.3, g=-10.23, n1;  
char chi = 'a', ch2;
```

## Операция присваивания

Операция присваивания выполняется справа налево. Операция присваивания имеет две формы записи (полная и короткая).

**Полная форма записи:** *переменная = выражение*;

Примеры присваивания полной формы:

```
int x;  
x = 25;  
  
double y;  
y=(x+2)/(3.5*x)-5;  
  
int x,y,z;  
x=y=z=5;  
  
int x,y,z;  
x = (y=5)-(z=3);
```

**Сокращенная форма записи:** *переменная ⟨операция⟩= выражение*; где *операция* — одна из арифметических операций (+, -, \*, /, %),

Примеры присваивания сокращенной формы:

```
x*=5;    ↔  x=x*5;  
s+=7;    ↔  s=s+7;  
y/=x+3;  ↔  y=y/(x+3);
```

Сокращенная форма операции присваивания применяется, когда переменная используется в обеих частях полной формы данного оператора; левее операций присваивания не могут находиться:

- константы, т. е. `2=x`;
- функции, т. е. `sqrt( )=x`;
- вычисления, т. е. `x+2=y-z`;

В языке C/C++ существуют операции уменьшения (`--`) и увеличения (`++`) значения переменной на 1. Операции могут быть *префиксные* (`++i` и `--i`) и *постфиксные* (`i++` и `i--`).

При использовании префиксной операции в выражении сначала выполняется сама операция (изменяется значение `i`), а затем вычисляется выражение.

В случае постфиксной операции — операция применяется после вычисления выражения.

Пример использования постфиксной операции:

```
int x=5,y;  
y=x++;
```

В данном примере сначала значение переменной `x` записывается в переменную `y`, а затем значение переменной `x` увеличивается на единицу. Следовательно, в переменной `x` будет храниться значение 6, а в переменной `y` значение 5. Запись `y=x++`; аналогична записям `y=x`; `x++`;

Пример использования префиксной операции:

```
int x = 5, y;  
y = ++x;
```

В данном примере сначала значение переменной `x` увеличивается на единицу, а затем новое значение переменной `x` присваивается в переменной `y`. Следовательно, в обоих переменных будет храниться значение 6. Запись `y=++x;` аналогична записям `x++; y=x;`

## Структура программы

Программа, написанная на языке Си, состоит из директив препроцессора, объявлений глобальных переменных, одной или нескольких функций, среди которых одна главная (`main`) функция, которая управляет работой всей программы.

Программа на языке Си имеет следующую структуру:

- ◇ # директивы препроцессора
- ◇ определения глобальных переменных
- ◇ прототипы функций
- ◇ `void main( )` //функция, с которой начинается выполнение программы

```
{  
определения переменных  
операторы присваивания  
вызовы функций  
составные операторы  
операторы выбора  
операторы циклов  
операторы перехода  
}
```

- ◇ описания функций

## Директивы препроцессора

Перед компиляцией программы на языке C/C++ автоматически выполняется препроцессорная обработка текста программы. С помощью директив препроцессора задаются необходимые действия по преобразованию текста программы перед компиляцией.

Директивы начинаются с символа `#`. За символом `#` следует наименование директивы, указывающее текущую операцию препроцессора. Наиболее распространены директивы `#include` и `#define`.

Директива `#include` используется для подключения к программе заголовочных файлов:

```
#include <имя заголовочного файла>
```

Употребление директивы `include` не подключает соответствующую стандартную библиотеку, а только позволяет вставить в текст программы описания из указанного заголовочного файла.

Подключение кодов библиотеки осуществляется после компиляции. Хотя в заголовочных файлах содержатся все описания стандартных функций, в код программы включаются только те функции, которые используются в программе.

Например:

```
#include <stdio.h> — подключение файла с объявлением стандартных функций файлового ввода-вывода;
```

`#include <conio.h>` — функции работы с консолью;  
`#include <math.h>` — математические функции.

Директива `#define` создает макроконстанту и ее действие распространяется на весь файл, например:

```
#define PI 3.1415927
```

В ходе препроцессорной обработки программы идентификатор `PI` заменяется указанным значением `3.1415927`.

## Функции ввода-вывода информации

Для **вывода** информации чаще всего используется функция форматированного вывода данных:

```
printf ("управляющая строка", список вывода);
```

управляющая строка — указывает компилятору вид выводимой информации и содержит спецификации преобразования, управляющие символы и комментарии.

Спецификация преобразования имеет вид:

`%<флаг><размер поля.точность> спецификация`

где **флаг** может принимать следующие значения: — выравнивание влево выводимого числа (по умолчанию — вправо); + выводится знак положительного числа;

**размер поля** — минимальная ширина поля, т.е. длина числа, (при недостаточной ширине поля выполняется автоматическое расширение);

**точность** — количество цифр в дробной части числа;

**спецификация** — спецификаторы формата и управляющие символы;

**список вывода** — печатаемые объекты (константы, переменные или выражения, вычисляемые перед выводом) по количеству, порядку следования и типу должны соответствовать спецификациям преобразования в управляющей строке.

Функция `puts` — предназначена для вывода строки символов с переходом на начало новой строки.

В C++ оператор `cout` вместе с операцией `<<` служат для вывода на экран:

```
cout << variable;
```

Для форматированного **ввода** информации используется функция:

```
scanf ("управляющая строка", список ввода);
```

Для нее, как и для функции `printf`, указывается управляющая строка, и список ввода. Однако для функции `scanf` управляющая строка может содержать только спецификаторы формата без спецификации преобразования, без управляющих символов и без комментариев.

Список вывода использует указатели на переменные, т.е. их адреса, а не просто имена переменных. Для обозначения указателя перед именем переменной записывается символ `&`, обозначающий адрес переменной. Ввод данных для функции `scanf` завершается пробелом или нажатием клавиши **enter**. Вводить данные можно как в одной строке через пробел, так и в разных строках.

Функция `gets` используется только для ввода символьных строк. Ввод строки завершается нажатием клавиши **Enter**.

Функция `getch` используется только для ввода символов. Функция `getch` находится в библиотечном файле `conio.h`; возвращает код нажатой пользователем клавиши, причем вводимый

символ не отображается на экране результатов; для получения расширенного кода функциональных или курсорных клавиш необходимо повторно вызвать данную функцию.

В C++ определено ключевое слово `cin` для работы со стандартным потоком ввода. Этот поток содержит данные, вводимые с клавиатуры (если он не переопределен). `>>` — операция извлечения. Она извлекает данные из потокового объекта, стоящего в левой части, и присваивает эти данные переменной, стоящей в правой части.

```
cin >> variable;
```

## Спецификаторы формата

Для функций `printf`, `scanf` существуют спецификаторы формата. Это условные обозначения, позволяющие считать из входящего потока определенную конструкцию и сохранить ее.

Например, следующие спецификаторы:

<code>%c</code> — символ,	<code>%ld</code> — длинное целое число,
<code>%s</code> — строка,	<code>%f</code> — вещественное число,
<code>%d</code> — целое число,	<code>%lf</code> — длинное вещественное число.

Пример.

```
printf("Это %c %s %d", 'я', "купил ", 10);
```

Спецификатор `%c` выводит символ 'я', спецификатор `%s` выводит строку, причем концом строки служит первый найденный символ пробела, а `%d` выводит целое число.

Схожим образом работает и функция `scanf`.

```
char str [80];  
printf ("Введите строку: ");  
scanf ("%79s",str);
```

Благодаря спецификатору `%s` функция считывает введенные символы и записывает их в массив символов `str`. Как вы заметили, в спецификаторе присутствует число. Это один из вариантов изменения спецификатора, указывающий длину, которую считывает функцию с этим спецификатором. Так, к примеру, `%5d` считает только первые 5 символов из найденного целого числа.

Отдельной группой стоят *управляющие спецификаторы*. Они позволяют определенным образом форматировать вывод и добавляют определенные символы:

<code>\a</code> — звуковой сигнал,	<code>\v</code> — вертикальная табуляция,
<code>\b</code> — возврат курсора на одну позицию влево,	<code>\\</code> — обратная косая черта,
<code>\f</code> — переход на новую страницу,	<code>\'</code> — одинарная кавычка,
<code>\n</code> — переход на новую строку,	<code>\"</code> — двойные кавычки,
<code>\r</code> — возврат в начало строки,	<code>\?</code> — знак вопроса,
<code>\t</code> — горизонтальная табуляция,	<code>%%</code> — знак %.

## Стандартные математические функции

- находятся в библиотечном файле `math.h`;
- аргументы `x` и `y` имеют тип `double`;
- аргументы тригонометрических функций задаются в радианах ( $\pi = 180^\circ$ ). Для того, чтобы посчитать  $30^\circ$ , в функцию необходимо передать следующее значение:  $30 * (\pi/180)$ ;
- возвращают значение математических функций типа `double`.

Функция	Описание
<code>sqrt(x)</code>	корень квадратный из $x$
<code>abs(x)</code>	абсолютное значение $x$
<code>exp(x)</code>	экспоненциальная функция $e^x$
<code>pow(x,y)</code>	$x$ в степени $y$
<code>log(x)</code>	логарифм натуральный $x$ (по основанию $e$ )
<code>log10(x)</code>	логарифм десятичный $x$ (по основанию 10)
<code>sin(x)</code>	синус $x$
<code>cos(x)</code>	косинус $x$
<code>tan(x)</code>	тангенс $x$
<code>asin(x)</code>	арксинус $x$
<code>acos(x)</code>	арккосинус $x$
<code>atan(x)</code>	арктангенс $x$
<code>fmod(x,y)</code>	остаток от деления $x$ на $y$
<code>ceil(x)</code>	наименьшее целое $\geq x$
<code>floor(x)</code>	наибольшее целое $\leq x$

## ПРИМЕРЫ РЕШЕНИЙ

1. Ввести сторону квадрата  $a$ . Найти периметр ( $P = 4a$ ) и площадь ( $S = a^2$ ) квадрата.

```
// подключение заголовочного файла
#include <stdio.h>
void main()
{
    // определение переменных
    double a, P, S;
    // ввод данных
    printf(" a= ");
    scanf("%lf", &a);
    // вычисления
    P=4*a;
    S=a*a;
    // вывод информации
    printf("P = 4*%.2ldf = %.2ldf\n", a, P);
    printf("S = %.2ldf * %.2ldf = %.2ldf\n", a, a, S);
}
```

2. Дано трехзначное целое число. В нем зачеркнули первую цифру слева и приписали ее справа. Вывести полученное число.

```
// подключение заголовочного файла
#include <stdio.h>
void main()
{
    // определение переменных
    double n1, n;
    // ввод данных
    printf(" n= ");
    scanf("%d", &n);
    // получение нового числа
```



```

n1 = (n%100)*10 + (n/100);
// вывод информации
printf("n1 = %d\n", n1);
}

```

3. Вычислить выражение  $z = \frac{\sqrt{2b + 2\sqrt{b^2 - 4}}}{\sqrt{b^2 - 4} + b + 2}$ .

```

#include <stdio.h>
#include <math.h>
#include <conio.h>
void main()
{
    double z, a, b;
    printf("Введите число не равное -2:  ");
    scanf("%lf", &b);
    a = sqrt( pow(b,2)-4);
    z = sqrt(2*b+2*a)/(a+b+2);
    printf("\n Ответ: rezult=%lf\n", z);
    printf("\n Press any key... \n");
    getch();
}

```

## Задачи для выполнения

1. Дан диаметр окружности  $d$ . Найти ее длину  $L = \pi d$ . Взять  $\pi = 3.14$ .
2. Даны катеты прямоугольного треугольника  $a$  и  $b$ . Найти его гипотенузу  $c$  и периметр  $P$ :  
 $c = \sqrt{a^2 + b^2}$ ,  $P = a + b + c$ .
3. Дана длина  $L$  окружности. Найти радиус  $R$  и площадь  $S$  круга, ограниченного этой окружностью, учитывая, что  $L = 2\pi R$ ,  $S = \pi R^2$ . Положить  $\pi = 3.14$ .
4. Дана площадь  $S$  окружности. Найти его диаметр  $D$  и длину  $L$  окружности, ограничивающей этот круг, учитывая, что  $L = 2\pi R$ ,  $S = \pi R^2$ . Взять  $\pi = 3.1416$ .
5. Даны координаты трех вершин треугольника:  $(x_1, y_1)$ ,  $(x_2, y_2)$ ,  $(x_3, y_3)$ . Найти его периметр и площадь. Для нахождения сторон треугольника  $a, b, c$  использовать формулу для расстояния между точками на плоскости. Для нахождения площади треугольника, со сторонами  $a, b, c$ , использовать формулу Герона:  $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$ , где  $p = (a + b + c)/2$  — полупериметр.
6. Даны переменные  $A, B, C$ . Изменить их значения, переместив содержимое  $A$  в  $B$ ,  $B$  в  $C$ ,  $C$  в  $A$ , и вывести новые значения переменных  $A, B, C$ .
7. Найти значение функции  $y = 3x^6 - 6x^2 - 7$  при данном значении  $x$ .
8. Дано двузначное целое число. Найти сумму и произведение его цифр.
9. Ввести числа  $a, b, c$ , которые являются коэффициентами квадратного уравнения вида:  $ax^2 + bx + c = 0$ , где  $a \neq 0$ . Вывести полученное квадратное уравнение. Например, если в переменную  $a$  ввели 1, в переменную  $b$  ввели 0, а в переменную  $c$  ввели 67.45, то на экране результатов должны увидеть следующее:

«Решаем следующее квадратное уравнение:  $x^2 + 67.45 = 0$ »

10. Найти решение системы линейных уравнений вида:  $\begin{cases} A_1x + B_1y = C_1, \\ A_2x + B_2y = C_2, \end{cases}$  где  $A_1, B_1, C_1, A_2, B_2, C_2$  — коэффициенты. Если известно, что данная система имеет единственное решение, то можно воспользоваться формулами:  $x = (C_1 \cdot B_2 - C_2 \cdot B_1)/(A_1 \cdot B_2 - A_2 \cdot B_1)$ ,  $y = (C_2 \cdot A_1 - C_1 \cdot A_2)/(A_1 \cdot B_2 - A_2 \cdot B_1)$ .
11. Известно, что  $X$  килограмм шоколадных конфет стоит  $A$  рублей, а  $Y$  килограмм ирисок стоит  $B$  рублей. Определить, сколько стоит один килограмм шоколадных конфет, один килограмм ирисок, а также во сколько раз шоколадные конфеты дороже ирисок.
12. Даны два неотрицательных числа  $a$  и  $b$ . Найти их среднее геометрическое, т. е. квадратный корень из их произведения.
13. Дано значение угла в градусах  $(0, 360^\circ)$ . Определить значение этого же угла в радианах, учитывая, что,  $180^\circ = \pi$  радиан.

## ВАРИАНТЫ ЗАДАНИЙ

Составить программу для расчета значений  $z_1$  и  $z_2$  (результаты должны совпадать).

1.  $z_1 = 2 \sin^2(3\pi - 2\alpha) \cos^2(5\pi + 2\alpha), \quad z_2 = (1 - \sin(5\pi/2 - 8\alpha))/4.$
2.  $z_1 = \cos \alpha + \sin \alpha + \cos 3\alpha + \sin 3\alpha, \quad z_2 = 2\sqrt{2} \cos \alpha \cdot \sin(\pi/4 + 2\alpha).$
3.  $z_1 = \frac{\sin 2\alpha + \sin 5\alpha - \sin 3\alpha}{\cos \alpha + 1 - 2 \sin^2 2\alpha}, \quad z_2 = 2 \sin \alpha.$
4.  $z_1 = \frac{\sin 2\alpha + \sin 5\alpha - \sin 3\alpha}{\cos \alpha - \cos 3\alpha + \cos 5\alpha}, \quad z_2 = \operatorname{tg} 3\alpha.$
5.  $z_1 = 1 - \frac{1}{4} \sin^2 2\alpha + \cos 2\alpha, \quad z_2 = \cos^2 \alpha + \cos^4 \alpha.$
6.  $z_1 = \cos \alpha + \cos 2\alpha + \cos 6\alpha + \cos 7\alpha, \quad z_2 = 4 \cos \frac{\alpha}{2} \cdot \cos \frac{5}{2}\alpha \cdot \cos 4\alpha.$
7.  $z_1 = \cos^2 \left( \frac{3\pi}{8} - \frac{\alpha}{4} \right) - \cos^2 \left( \frac{11\pi}{8} + \frac{\alpha}{4} \right), \quad z_2 = \frac{\sqrt{2}}{2} \sin \frac{\alpha}{2}.$
8.  $z_1 = \cos^4 x + \sin^2 y + \frac{1}{4} \sin^2 2x - 1, \quad z_2 = \sin(y + x) \cdot \sin(y - x).$
9.  $z_1 = (\cos \alpha - \cos \beta)^2 - (\sin \alpha - \sin \beta)^2, \quad z_2 = -4 \sin^2 \frac{\alpha - \beta}{2} \cdot \cos(\alpha + \beta).$
10.  $z_1 = \frac{\sin(\pi/2 + 3\alpha)}{1 - \sin(3\alpha - \pi)}, \quad z_2 = \operatorname{ctg} \left( \frac{5\pi}{4} + \frac{3\alpha}{2} \right).$
11.  $z_1 = \frac{1 - 2 \sin^2 \alpha}{1 + \sin 2\alpha}, \quad z_2 = \frac{1 - \operatorname{tg} \alpha}{1 + \operatorname{tg} \alpha}.$
12.  $z_1 = \frac{\sin 4\alpha}{1 + \cos 4\alpha} \cdot \frac{\cos 2\alpha}{1 + \cos 2\alpha}, \quad z_2 = \operatorname{ctg}(3\pi/2 - \alpha).$
13.  $z_1 = \frac{\sin \alpha + \cos(2\beta - \alpha)}{\cos \alpha - \sin(2\beta - \alpha)}, \quad z_2 = \frac{1 + \sin 2\beta}{\cos 2\beta}.$
14.  $z_1 = \frac{(m-1)\sqrt{m} - (n-1)\sqrt{n}}{\sqrt{m^3n} + nm + m^2 - m}, \quad z_2 = \frac{\sqrt{m} - \sqrt{n}}{m}.$
15.  $z_1 = \frac{x^2 + 2x - 3 + (x+1)\sqrt{x^2 - 9}}{x^2 + 2x - 3 + (x-1)\sqrt{x^2 - 9}}, \quad z_2 = \sqrt{\frac{x+3}{x-3}}.$