

# Implementação do Reconhecedor De Cadeias Por Pilha Vazia

João Paulo Castilho<sup>1</sup>, Felipe Chabatura Neto<sup>2</sup>, Leonardo Tironi Fassini<sup>3</sup>, Henrique Dalla Corte<sup>4</sup>

<sup>1</sup>Curso de Ciência da Computação – Universidade Federal Fronteira Sul (UFFS)  
Chapecó – SC – Brasil

**Abstract.** *This paper intends to present the realization of the implementation of an empty stack string recognizer, given the initial transition rules defined, of a CFG if  $(p, x)$  that belongs to  $M(q, a, Z)$  then  $[q, aw, Zy] \rightarrow [p, w, xy]$ . Since the algorithm consists in identifying whether by these rules under the given chain it can be recognized or not, showing changes in the queue and stack in each step.*

**Resumo.** *Este artigo pretende apresentar a realização da implementação de um reconhecedor de cadeias por pilha vazia, dada as regras de transições iniciais definidas, de uma gramática livre de contexto (GLC) se  $(p, x)$  que pertence a  $M(q, a, Z)$  então  $[q, aw, Zy] \rightarrow [p, w, xy]$ . O algoritmo consiste em identificar se por estas regras sob a cadeia fornecida ela pode ser reconhecida ou não, mostrando mudanças na fila e na pilha em cada passo.*

## 1. Introdução

O objetivo deste trabalho é apresentar uma solução para o reconhecimento de uma cadeia por pilha vazia utilizando de uma gramática livre de contexto, no formato:

Se  $(p, x)$  que pertence a  $M(q, a, Z)$  então  $[q, aw, Zy] \rightarrow [p, w, xy]$

Além disto precisa-se saber como é um autômato de pilha, que está explicado na próxima seção e como é o reconhecimento por pilha vazia, ou seja, até que a pilha e a fita estejam vazias.

Sendo que o algoritmo deve reconhecer as cadeias dadas por pilha vazia, tanto quanto deve mostrar a mudança na fita e na pilha conforme o avanço do reconhecimento da cadeia.

O trabalho foi implementado na linguagem C++, sendo usado suas funções e bibliotecas.

## 2. Referencial Teórico

Um breve resumo sobre a gramática livre de contexto (GLC) e pilha segundo [Ramos 2008], em teoria de linguagem formal, é uma gramática formal onde todas as regras de produções são da forma

$A ::= a$

Onde  $A$  é um símbolo não terminal, e  $a$  é uma cadeia de terminais e/ou não terminais ( $a$  pode ser vazia).

Já o Autômato de pilha é um autômato finito com uma memória auxiliar em forma de pilha. Atuando na pilha como:

1. Eles podem fazer uso da informação que está no topo da pilha para decidir qual transição deve ser efetuada;

2. Eles podem manipular a pilha ao efetuar uma transição.

Um autômato com pilha é formalmente definido por uma 6-tupla  $M = (Q, \Sigma, R, \delta, Z, s, F)$  onde:

$Q$  é o conjunto finito dos estados do autômato

$\Sigma$  é o alfabeto de entrada

$R$  é o alfabeto da pilha (não é requerido que  $R \cap \Sigma = \emptyset$ )

$Z \in R$  é o símbolo inicial da pilha (único elemento da pilha no momento inicial – iremos ver que este elemento é facultativo)

$s \in Q$  é o estado inicial do autômato

$F \subseteq Q$  é o conjunto dos estados finais

$\delta \subseteq ((Q \times \Sigma^* \times R^*) \times (Q \times R^*))$  há a relação (finita) de transição.

(Quando se isenta a utilização do símbolo inicial de pilha a definição de um autômato, restringe-se a um 6-tupla –  $Z = \epsilon$ )

### 3. Desenvolvimento

#### 3.1. Definições

Ao longo do projeto, foram feitas algumas definições. Elas são:

```
1 typedef pair<char, char> pc;  
2 typedef vector<string> vs;  
3 typedef vector<int> vi;  
4 typedef vector<char> vc;  
5  
6 #define MAX 1123
```

Cada definição significa:

- 1- Pair of char nomeado pc.
- 2- Vector of string nomeado vs.
- 3- Vector of int nomeado vi.
- 4- Vector of char nomeado vc.
- 5- Definição do MAX como um valor constante.

#### 3.2. Main

A função main terá algumas variáveis importantes, sendo elas:

```
1 char word[MAX];  
2 char first_stack;  
3 char wtp[MAX];  
4 int terms_count;  
5 int accepted;  
6 map<pc, vs> transitionsMap;
```

```

7 map<char, int> map_terms;
8 vc terms_name;
9 FILE *inputFile;

```

Cada variável significa

- 1- String da palavra de tamanho MAX. 2- O primeiro elemento da pilha. 3- Uma string que representa o que deve ser colocado a seguir na pilha.
- 4- Contador de terminais. 5- Variável para dizer se foi aceita a entrada.
- 6- Map de pc para vs chamado *transitionsMap*. Mapeia um par de chars para um vetor de strings, contendo as possíveis transições.
- 7- Map de char para inteiro chamado *map\_terms*. Mapeia o nome do terminal para seu id correspondente.
- 8- Vector de char dos nomes de terminais.
- 9- Ponteiro do arquivo de entrada da GLC.

### 3.3. Funções

#### 3.3.1. Main

Função no arquivo *main.cpp*

Sendo chamada a função *loadTransitions* para leitura do arquivo de entrada, com as transições, sendo que a função *printTransitions* imprime na tela o que foi mapeado para o map *transitionsMap*.

Para a construção do *map\_terms* é feita a função *build\_map\_terms*, onde ocorre a classificação dos terminais e sua contagem. Sendo lida a cadeia de tokens que deve ser reconhecida. Para isso são criadas as variáveis:

```

1 vi word_terms;
2 vi stack_terms;
3 stack<char> astack;
4 \textit{backtracking}

```

1- Vector dos terminais na cadeia lida. 2- Vector dos terminais na pilha. 3- Pilha feita para ser desempilhada.

Sendo que na função *calculate\_word\_terms* é calculado quais e quantos terminais existem.

#### 3.3.2. função *printTransitions*

Função no arquivo *recognize.cpp*

Função responsável por mostrar o que foi lido no mesmo formato o qual foi passado como entrada ao programa.

#### 3.3.3. Função *nextSymb*

Função no arquivo *recognize.cpp*

Função que procura pela primeira ocorrência de um caractere símbolo na string que está sendo lida, sendo passada á ela o símbolo procurado.

#### **3.3.4. Função *loadTransitions***

Função no arquivo *recognize.cpp*

Função que faz a leitura do arquivo de entrada, linha por linha pegando cada linha com o que será usado para o reconhecimento por pilha vazia. É chamada a função *nextSymb* para percorrer a linha, guardando as transições no map, a pilha e a fita.

#### **3.3.5. Função *build\_map\_terms***

Função no arquivo *recognize.cpp*

Função que constrói o map de terminais do conjunto de transições do autômato, sendo aumentado o contador de quantos terminais existem.

#### **3.3.6. Função *calculate\_word\_terms***

Função no arquivo *recognize.cpp*

Função que cria um vetor de inteiros calculando quantos de cada terminal existem para fazer o controle deles.

#### **3.3.7. Função *backtracking***

Função no arquivo *recognize.cpp*

Esta função trabalha da seguinte maneira: baseando-se no vetor de controle de *calculate\_word\_terms*, ela terá mais dois vetores locais de controle, um com a quantidade de terminais já usados até agora e um para simular caso ela escolha uma transição, para que esta não influencie no seu próprio vetor. Assim, é comparado o vetor dos terminais já usados mais os terminais simulados com a quantidade de terminais totais na palavra. Deste modo, caso a soma seja maior do que a quantidade que existe, ele não irá escolher este caminho e verá se é viável chamar a função *backtracking* para a próxima transição. Isso limitará o número de transições que ela fará, chegando em um reconhecimento. Caso seja viável, chama-se a função *backtracking* e ela criará novos vetores locais.

### **4. Conclusão**

Implementar um reconhecedor por autômato de pilha exigiu uma grande análise de um algoritmo utilizando um *backtracking* para percorrer todos os caminhos que o indeterminismo do autômato de pilha não-determinístico gera. A maior dificuldade foi analisar a complexidade de espaço para alocação de uma pilha local para cada nó da árvore e decidir com qual estratégia atacar.

Como a função de *backtracking* consiste em uma abordagem gulosa com controle de terminais para determinar a parada, a recursão certamente acabará, e se a palavra pertencer a gramática do autômato, a função encontrará o ramo em que ela aceita a palavra. Se não for aceita, gera uma ambiguidade entre a pilha e a fita que não pode ser resolvida.

Com o presente trabalho se evidenciou o funcionamento do Autômato de Pilha Não-determinístico, lapidando a percepção das altas complexidades de tempo e espaço que reconhecer uma palavra por esse método pode ter.

## **Referências**

Ramose, M. V. M. (2008). Linguagens formais e autômatos. pages 181–246.