다변량 데이터 기초 연산 보고서

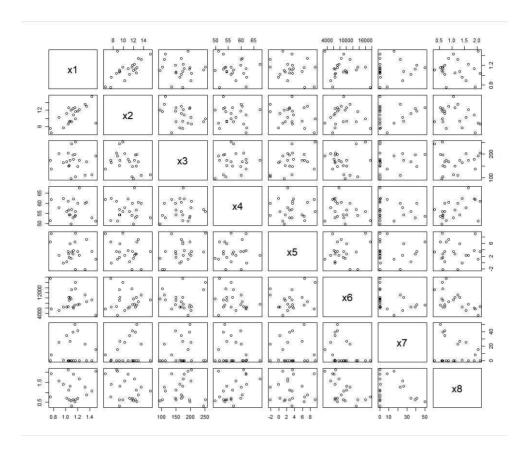
과목	다변량데이터분석
담당교수	임태진 교수님
전공	산업정보시스템공학과
학번	20201368
이름	한채원
제출일	2022.10.04

- 3. 22(=n)개의 회사로부터 8(=p)개의 변수 $x_1, x_2, ..., x_8$ 에 관해 얻어진 자료가 <표 1.1>에 주어져 있다.
- (a) 변수 $x_1, x_2, ..., x_8$ 에 대해 산점도 행렬을 작성하여라.

```
> setwd("C:/Temp/data")
> com <- read.csv("company.csv",header = TRUE)</pre>
> str(com)
'data.frame': 22 obs. of 10 variables:
       : int 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 ...
 $ ID
 $ x1
       : num 1.06 0.89 1.43 1.02 1.49 1.32 1.22 1.1 1.34 1.12 ...
 $ x2
      : num 9.2 10.3 15.4 11.2 8.8 13.5 12.2 9.2 13 12.4 ...
 $ x3
      : int 151 202 113 168 192 111 175 245 168 197 ...
 $ x4
      : num 54.4 57.9 53 56 51.2 60 67.6 57 60.4 53 ...
 $ x5
       : num 1.6 2.2 3.4 0.3 1 -2.2 2.2 3.3 7.2 2.7 ...
 $ x6
      : int 9077 5088 9212 6423 3300 11127 7642 13082 8406 6455 ...
 $ x7 : num 0 25.3 0 34.3 15.6 22.5 0 0 0 39.2 ...
 $ x8 : num 0.628 1.555 1.058 0.7 2.044 ...
 $ class: int 2 3 2 1 3 2 3 2 2 1 ...
> com.X = com[-c(1,10)]
```

company 데이터의 구조를 살펴보기 위해 str 함수를 이용하였고 문제에서는 변수 $x_1, x_2, ..., x_8$ 에 대해 산점도 행렬을 작성하라고 했으므로 첫 번째 변수(ID)와 마지막 변수(class)는 제거해주었고 이를 com.X에 저장해 주었다. 위의 코드 실행 결과 다음과 같은 산점 행렬도가 나왔음을 알 수 있다.

> plot(com.X)



(b) mean, cov, cor 함수를 이용하여 \bar{x}, S, R 을 얻고, (a)에서 작성된 산점도 행렬과 비교하여 이들을 해석하여라.

(1) \bar{x} 구하기

> colMeans(com.X)

 x1
 x2
 x3
 x4
 x5
 x6

 1.114091
 10.736364
 168.181818
 56.977273
 3.240909
 8914.045455

 x7
 x8

 12.0000000
 1.102727

(2) S 구하기

> cov(com.X)

 x1
 x2
 x3
 x4
 x5

 x1
 0.034044372
 0.2661299
 -0.7812554
 -6.752165e-02
 -0.14908009

 x2
 0.266129870
 5.0357576
 -32.1259740
 -8.643723e-01
 -1.82012987

 x3
 -0.781255411
 -32.1259740
 1696.7272727
 1.843290e+01
 55.92077922

```
x4 -0.067521645 -0.8643723 18.4329004 1.990184e+01 0.46573593
x5 -0.149080087 -1.8201299 55.9207792 4.657359e-01
                                                       9.72348485
x6 -99.346385281 -76.6160173 4092.5151515 -4.560037e+03 1952.87424242
                            79.3095238 -1.229762e+01
x7
   0.138809524 7.9676190
                                                      -1.00142857
                              0.1195758 1.204446e+00 -0.01236926
x8 -0.001372165 -0.4088848
            x6
                                      x8
                         x7
x1 -9.934639e+01 1.388095e-01 -1.372165e-03
x2 -7.661602e+01 7.967619e+00 -4.088848e-01
x3 4.092515e+03 7.930952e+01 1.195758e-01
x4 -4.560037e+03 -1.229762e+01 1.204446e+00
x5 1.952874e+03 -1.001429e+00 -1.236926e-02
x6 1.260239e+07 -2.227602e+04 -1.106557e+03
x7 -2.227602e+04 2.819686e+02 -1.728324e+00
x8 -1.106557e+03 -1.728324e+00 3.092451e-01
```

(3) R 구하기

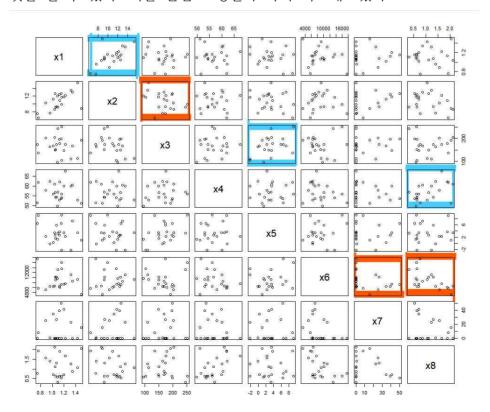
> cor(com.X)

	x 1	x2	x 3	x4	x 5
x 1	1.00000000	0.642744766	-0.102793192	-0.08203019	-0.259111089
x 2	0.64274477	1.000000000	-0.347550467	-0.08634194	-0.260111168
x 3	-0.10279319	-0.347550467	1.000000000	0.10030926	0.435367718
x4	-0.08203019	-0.086341943	0.100309264	1.00000000	0.033479746
x 5	-0.25911109	-0.260111168	0.435367718	0.03347975	1.000000000
x6	-0.15167116	-0.009617468	0.027987098	-0.28793559	0.176415568
x7	0.04480188	0.211444212	0.114661857	-0.16416254	-0.019125318
x8	-0.01337310	-0.327655318	0.005220183	0.48550006	-0.007133152
	x6	x7	x8		
x1	-0.151671159	0.04480188	-0.013373101		
x2	-0.009617468	0.21144421	-0.327655318		
x 3	0.027987098	0.11466186	0.005220183		
x4	-0.287935594	1 -0.16416254	0.485500063		
x 5	0.176415568	3 -0.01912532	-0.007133152		
x 6	1.000000000	0 -0.37368952	-0.560526327		
x7	-0.373689523	3 1.00000000	-0.185085916		
x8	-0.560526327	7 -0.18508592	1.000000000		

상관행렬에서 주의 깊게 봐야할 값들에 대해 다음과 같이 양의 상관은 파란색으로 음의 상관은 붉은색으로 표시해보았다.

```
> cor(com.X)
           x1
                                  x3
x1 1.00000000 0.642744766 -0.102793192 -0.08203019 -0.259111089
x2 0.64274477
              1.000000000 -0.3475
                                50467 -0.08634194 -0.260111168
x3 -0.10279319 -0.347550467 1.000000000 0.10030926 0.435367718
x4 -0.08203019 -0.086341943 0.100309264 1.00000000 0.033479746
x5 -0.25911109 -0.260111168 0.435367718 0.03347975
x7 0.04480188 0.211444212 0.114661857 -0.16416254 -0.019125318
x8 -0.01337310 -0.327655318 0.005220183 0.48550006 -0.007133152
                      x7
            x6
x1 -0.151671159
               0.04480188 -0.013373101
               0.21144421 -0.327655318
x2 -0.009617468
x3 0.027987098
               0.11466186
                          0.005220183
x4 -0.287935594 -0.16416254
                         0.485500063
   0.176415568 -0.01912532 -0.007133152
x6 1.000000000 +0
x7 -0.373689523 1.00000000 -0.185085916
x8 -0.560526327 -0.18508592 1.000000000
```

상관계수는 측정 단위에 무관하고 r이 1에 가까울수록 큰 양의 상관을, -1에 가까울수록 큰 음의 상관을 가지는 것을 의미하고, 0에 가까울수록 두 변수는 선형적 연관성이 작음을 의미한다. 따라서 r_{21} =0.6427, r_{53} =0.4354, r_{84} =0.4855로 양의 상관을 가지는 것을 알 수 있고, r_{32} =-0.3476, r_{76} =-0.3737, r_{86} =-0.5605로 음의 상관을 가지는 것을 알 수 있다. 이를 산점도 행렬과 다시 비교해보겠다.



파란색 테두리로 표시한 부분에서 (x_1,x_2) , (x_5,x_3) , (x_8,x_4) 은 점의 분포가 양의 선형 관계, 붉은색 테두리로 표시한 부분에서는 (x_3,x_2) , (x_7,x_6) , (x_8,x_6) 이 비교적 음의 선형 관계로 점이 분포되어 있음을 알 수 있다.

4. 위의 데이터에 대하여

(a) <예 1.2>에서와 같이 scale 함수를 이용하여 중심화된 자료행렬 C와 표준화된 자료행렬 Z를 구하여라.

(1) *C* 구하기

> com.C = scale(com.X, center = TRUE, scale=TRUE)

> com C

```
x7
                                                                                      x1
                                                                                                                                                x2
                                                                                                                                                                                                               x3
                                                                                                                                                                                                                                                                                x4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 x5
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           x6
    [1,] -0.054090909 -1.5363636 -17.1818182 -2.57727273 -1.64090909 162.9545 -12.0 -0.474727273
    [2,] -0.224090909 -0.4363636 33.8181818 0.92272727 -1.04090909 -3826.0455 13.3 0.452272727
    [3,] 0.315909091 4.6636364 -55.1818182 -3.97727273 0.15909091 297.9545 -12.0 -0.044727273
    [4,] -0.094090909 0.4636364 -0.1818182 -0.97727273 -2.94090909 -2491.0455 22.3 -0.402727273
    [5,] 0.375909091 -1.9363636 23.8181818 -5.77727273 -2.24090909 -5614.0455
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        3.6 0.941272727
    [6,] \quad 0.205909091 \quad 2.7636364 \quad -57.1818182 \quad 3.02272727 \quad -5.44090909 \quad 2212.9545 \quad 10.5 \quad 0.138272727 \quad -5.44090909 \quad 2.7636364 \quad -57.1818182 \quad 3.02272727 \quad -5.44090909 \quad 2.7636364 \quad -57.1818182 \quad -5.44090909 \quad -5.
    [7,] 0.105909091 1.4636364 6.8181818 10.62272727 -1.04090909 -1272.0455 -12.0 0.549272727
    [8,] -0.014090909 -1.5363636 76.8181818 0.02272727 0.05909091 4167.9545 -12.0 -0.793727273
    [9,] \quad 0.225909091 \quad 2.2636364 \quad -0.1818182 \quad 3.42272727 \quad 3.95909091 \quad -508.0455 \quad -12.0 \quad -0.240727273 \quad -0.24072727273 \quad -0.240727273 \quad -0.24072727273 \quad -0.24072727273 \quad -0.24072727273 \quad -0.24072727273 \quad -0.24072727272777 \quad -0.24072727777 \quad -0.240727777 \quad -0.2407277777 \quad -0.24077777 \quad -0.24077777 \quad -0.24077777 \quad -0.24077777 \quad -0.
[10,] 0.005909091 1.6636364 28.8181818 -3.97727273 -0.54090909 -2459.0455 27.2 -0.479727273
[11,] -0.364090909 -3.2363636 4.8181818 -5.47727273 3.25909091 8526.9545 -12.0 -0.334727273
[12,] \quad 0.015909091 \quad 0.1636364 \quad 9.8181818 \quad 5.02272727 \quad 0.45909091 \quad -2760.0455 \quad -12.0 \quad 0.794272727 \quad 0.994272727 \quad 0.99427277 \quad 0.994272727 \quad 0.9942727277 \quad 0.994272727 \quad 0.994272727 \quad 0.994272727 \quad 0.994272727 \quad 0.994
[13,] \quad 0.035909091 \quad 1.9636364 \quad 30.8181818 \quad -3.27727273 \quad 3.15909091 \quad -1735.0455 \quad 38.2 \quad -0.575727273
[14,] -0.024090909 \quad 1.2636364 \quad -72.1818182 \quad -7.17727273 \quad -1.84090909 \quad 758.9545 \quad -12.0 \quad -0.514727273 \quad -1.84090909 \quad -1.8409090909 \quad -1.8409090909 \quad -1.8409090909 \quad -1.8409090909 \quad -1.84090090909 \quad -1.840900909 \quad -1.84090090909 \quad -1
[15,] -0.154090909 -3.1363636 -4.1818182 5.22272727 -3.34090909 -2446.0455 -11.1 0.297272727
[16,] \quad 0.045909091 \quad -0.8363636 \quad 83.8181818 \quad -0.97727273 \quad 5.95909091 \quad 7076.9545 \quad -12.0 \quad -0.482727273
[17,] -0.354090909 -4.3363636 -32.1818182 4.92272727 5.75909091 -3200.0455 -3.7 0.817272727
[18,] -0.064090909 1.8636364 -18.1818182 -0.27727273 -0.54090909 1225.9545 -12.0 0.0052727277
[20,] 0.085909091 1.0636364 -20.1818182 2.92272727 0.25909091 -1627.0455 29.1 -0.400727273
[21,] -0.074090909 -2.1363636 35.8181818 4.02272727 0.25909091 -2264.0455 -12.0 1.013272727
attr(,"scaled:center")
                                                                                                                                                                                                                                                x4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  x7
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   x8
                 1.114091 10.736364 168.181818 56.977273 3.240909 8914.045455 12.000000
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            1 102727
```

(2) *Z* 구하기

> com.Z = scale(com.X, center = TRUE, scale=TRUE)

> com.Z

```
x1
                                                                                                                                                                   x2
                                                                                                                                                                                                                                                          x3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          x4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           x5
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           x6
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    x7
      [1,] -0.29315791 -0.68463896 -0.417122002 -0.57771516 -0.52622751 0.04590290 -0.7146294
      [2,] -1.21451134 -0.19445367 0.821002037 0.20683629 -0.33381191 -1.07776413 0.7920476
      [3,] 1.71214073 2.07822360 -1.339645796 -0.89153574 0.05101929 0.08393124 -0.7146294
      [4,] \ -0.50994695 \quad 0.20660702 \ -0.004413989 \ -0.21906307 \ -0.94312798 \ -0.70170610 \quad 1.3280197 \ -0.94312798 \ -0.70170610 \ -0.94312798 \ -0.70170610 \ -0.94312798 \ -0.70170610 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.94312798 \ -0.943127
      [5,] 2.03732429 -0.86288816 0.578232617 -1.29501935 -0.71864311 -1.58142837 0.2143888
      [6,] 1.11597086 1.23153991 -1.388199680 0.67756716 -1.74485965 0.62337028 0.6253007
      [7,] 0.57399826 0.65223002 0.165524604 2.38116460 -0.33381191 -0.35832428 -0.7146294
      [8,] -0.07636887 -0.68463896 1.864910540 0.00509449 0.01895002 1.17407698 -0.7146294
     [9,] 1.22436538 1.00872841 -0.004413989 0.76723019 1.26965142 -0.14311204 -0.7146294
  \lceil 11, \rceil - 1.97327298 - 1.44219805 \quad 0.116970720 \quad -1.22777208 \quad 1.04516655 \quad 2.40196983 \quad -0.7146294 
[12,] \quad 0.08622291 \quad 0.07292013 \quad 0.238355430 \quad 1.12588228 \quad 0.14722709 \quad -0.77748109 \quad -0.7146294
[13,] \quad 0.19461744 \quad 0.87504152 \quad 0.748171211 \quad -0.73462545 \quad 1.01309729 \quad -0.48874740 \quad 2.27490371211 \quad -0.73462545 \quad 1.01309729 \quad -0.48874740 \quad 2.27490371211 \quad -0.73462545 \quad -0.734
[14,] -0.13056613 \quad 0.56310542 \ -1.752353809 \ -1.60883993 \ -0.59036605 \quad 0.21379097 \ -0.7146294 \ -0.13056613 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.59036605 \ -0.5903605 \ -0.5903605 \ -0.5903605 \ -0.5903605 \ -0.5903605 \ -
[15,] -0.83513051 -1.39763576 -0.101521757 1.17071379 -1.07140505 -0.68902999 -0.6610322
[16,] 0.24881470 -0.37270287 2.034849134 -0.21906307 1.91103676 1.99351729 -0.7146294
\lceil 17. \rceil - 1.91907572 - 1.93238335 - 0.781276132 1.10346652 1.84689822 - 0.90142531 - 0.2203441
 \begin{bmatrix} 18, \end{bmatrix} - 0.34735517 \quad 0.83047922 \quad -0.441398944 \quad -0.06215278 \quad -0.17346558 \quad 0.34534086 \quad -0.7146294 \quad -0.06215278 \quad -0.17346558 \quad 0.34534086 \quad -0.7146294 \quad -0.06215278 \quad -0.17346558 \quad 0.34534086 \quad -0.7146294 \quad -0.06215278 \quad -0.17346558 \quad -0.17346578 \quad -0.1734678 \quad -0.1734678
[19,] \quad 0.24881470 \quad 0.42941852 \quad -1.558138274 \quad -0.66737818 \quad -1.71279038 \quad 1.29379583 \quad -0.7146294 \quad -0.66737818 \quad -1.71279038 \quad 1.29379583 \quad -0.7146294 \quad -0.66737818 \quad -0.6767818 \quad -0.67678818 \quad -0.6
 \begin{bmatrix} 20, \end{bmatrix} \quad 0.46560374 \quad 0.47398082 \quad -0.489952828 \quad 0.65515141 \quad 0.08308855 \quad -0.45832473 \quad 1.7329764 
 [21,] -0.40155243 -0.95201276 0.869555920 0.90172472 0.08308855 -0.63776215 -0.7146294
 [22,] -0.23896065 -0.64007666 0.141247662 -0.60013092 0.85275095 0.33210137 0.8694658
```

- [1,] -0.85367545
- [2,] 0.81329670
- [3,] -0.08043055
- [4,] -0.72420189
- [5,] 1.69263800
- [6,] 0.24864810
- [7,] 0.98772637
- [8,] -1.42731528
- [9,] -0.43288637
- [10,] -0.86266667
- [11,] -0.60192130
- [12,] 1.42829614
- [13,] -1.03529809
- [14,] -0.92560521
- [15,] 0.53456889

```
[16.] -0.86806140
[17,] 1.46965575
[18,] 0.00948165
[19.] -0.83928950
[20,] -0.72060540
[21,] 1.82211157
[22.] 0.36553395
attr(,"scaled:center")
                       x3 x4
  1.114091 10.736364 168.181818 56.977273 3.240909 8914.045455 12.000000
                                                                         1.102727
attr(,"scaled:scale")
      x1
                            x3
                                                   x5
                                       x4
            2.2440494 41.1913495 4.4611478 3.1182503 3549.9840305 16.7919198
  0.1845112
  0.5560981
```

(b) cov함수를 이용하여 표준화된 자료행렬 Z로부터 공분산행렬 S_{2} 를 얻고, 이것이 문제 3에서 구한 R_{*} 와 같음을 확인하여라.

> cov(com.Z)

```
x3
                                     x4
                                           x5
x1 - 1.00000000 - 0.642744766 - 0.102793192 - 0.08203019 - 0.259111089 - 0.151671159 - 0.04480188
x2 - 0.64274477 - 1.000000000 - 0.347550467 - 0.08634194 - 0.260111168 - 0.009617468 - 0.21144421
x4 -0.08203019 -0.086341943 0.100309264 1.00000000 0.033479746 -0.287935594 -0.16416254
x5 -0.25911109 -0.260111168 0.435367718 0.03347975 1.000000000 0.176415568 -0.01912532
x6 -0.15167116 -0.009617468 0.027987098 -0.28793559 0.176415568 1.000000000 -0.37368952
x8 -0.01337310 -0.327655318 0.005220183 0.48550006 -0.007133152 -0.560526327 -0.18508592
x1 -0.013373101
x2 -0.327655318
x3 0.005220183
x4 0.485500063
x5 -0.007133152
x6 -0.560526327
x7 -0.185085916
x8 1.000000000
```

위의 값은 S_z 이고, 아래 값은 R_x 이다.

```
(3) R 구하기
> cor(com.X)
                      x2
                                  x3
x1 1.00000000 0.642744766 -0.102793192 -0.08203019 -0.259111089
x2 0.64274477 1.000000000 -0.347550467 -0.08634194 -0.260111168
x3 -0.10279319 -0.347550467 1.000000000 0.10030926 0.435367718
x4 -0.08203019 -0.086341943 0.100309264 1.00000000 0.033479746
x5 -0.25911109 -0.260111168 0.435367718 0.03347975 1.000000000
x6 -0.15167116 -0.009617468 0.027987098 -0.28793559 0.176415568
x7 0.04480188 0.211444212 0.114661857 -0.16416254 -0.019125318
x8 -0.01337310 -0.327655318 0.005220183 0.48550006 -0.007133152
                      x7
x1 -0.151671159 0.04480188 -0.013373101
x2 -0.009617468 0.21144421 -0.327655318
x3 0.027987098 0.11466186 0.005220183
x4 -0.287935594 -0.16416254 0.485500063
x5 0.176415568 -0.01912532 -0.007133152
x6 1.000000000 -0.37368952 -0.560526327
x7 -0.373689523 1.00000000 -0.185085916
x8 -0.560526327 -0.18508592 1.000000000
```

둘의 값은 정확히 일치함을 알 수 있다. 따라서 상관계수는 표준화된 공분산임을 알 수 있으며, 결국 자료 분석에서 상관 행렬을 분석 대상으로 한다는 것은 모든 변수를 표준화한 후 분석한다는 것과 같은 의미를 가진다.

(c) 각 집단(Class)별로 평균벡터와 표준편차를 구하고 이를 비교하여라(aggregate 함수 또는 tapply 함수를 이용하여라).

(1) 평균 구하기

> aggregate(.~class, data=com[-1], mean)

```
class x1 x2 x3 x4 x5 x6 x7 x8

1 1.122500 12.025000 178.0000 55.65000 3.225000 6836.000 41.200000 0.6380000

2 2 1.139091 11.209091 157.9091 55.19091 3.354545 11613.545 4.463636 0.8294545

3 1.070000 9.257143 178.7143 60.54286 3.071429 5859.429 7.157143 1.7977143
```

(2) 표준편차 구하기

> aggregate(.~class, data=com[-1], sd)

```
class x1 x2 x3 x4 x5 x6 x7 x8

1 0.07588368 0.6652067 24.50850 3.109662 2.515784 460.7168 6.648809 0.08263575

2 0.18245298 2.3666240 53.00274 3.267860 3.650579 2997.3077 9.973191 0.31339667

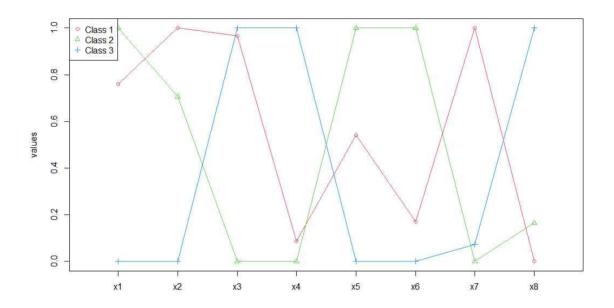
3 0.23944380 1.9998809 23.85172 5.016592 2.932413 1380.0134 9.954707 0.26617458
```

결과 값을 보면 유독 집단 2의 평균과 표준편차가 변수 x_6 에서 집단 1과 집단 3보다 더 큼을 알 수 있다. 따라서 변수 간 분포 상태가 고르지 않으므로 정확한 분석을 위

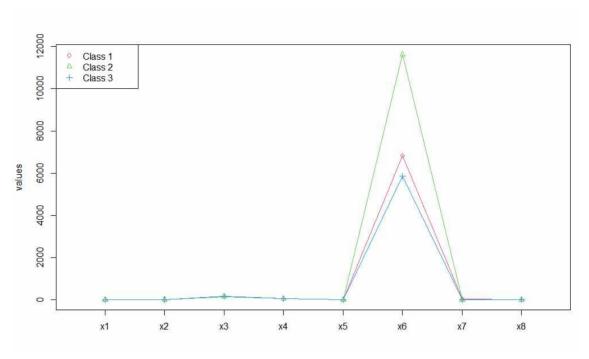
해 척도화가 필요하다.

(d) (c)에서 구한 각 집단별 평균벡터에 대하여 프로파일도표를 작성하고 이를 해석하여라(예 1.10을 참조하여라).

- > com.M = aggregate(.~class, data=com[-1], mean)
- > library(plotrix)
- > ladderplot(com.M[-1],scale=TRUE,lty=1,pch=1:3,col=2:4,vertical = TRUE)
- > legend("topleft",pch=1:3,col=2:4,c("Class 1","Class 2","Class 3"))



집단 2와 집단 3을 보면 그래프가 서로 반대 양상을 보이고 있음을 알 수 있다. 집단 2 같은 경우 x_5 에서 큰 수치값을 가지지만 집단 3의 경우는 가장 작은 수치값을 가짐을 파악할 수 있다. 만약 x_5 가 마케팅 역량지수라고 보면 집단 2는 집단 3보다 우월한 실적을 보인다고 판단할 수 있다. 집단 1의 경우는 비교적 집단 2와 3보다 모든 변수에서 골고루 어느 정도의 수치값을 유지하고 있다. 만약 scale = FALSE로 설정하면 아래와 같이 x_6 에서의 값이 튀므로 scale = TRUE로 설정해준다.



-> scale=FALSE로 설정했을 시의 그래프

(e) 각 자료값 x_{ij} 에 대해 다음과 같은 변환(0-1 standardization)을 취하여 얻은 새로운 자료행렬 V를 계산하여라(아래 예 1.12를 참조하여라). 즉,

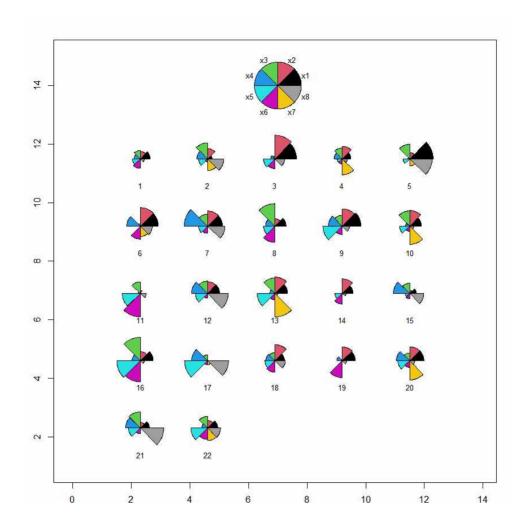
$$V = \left\{v_{ij}\right\} = \left\{\frac{x_{ij - \min\{x_j\}}}{\max\left\{x_j\right\} - \min\left\{x_j\right\}}\right\}$$

- > com.X.scale = as.data.frame(lapply(com.X,rescale))
- > com.X.scale

```
x1
                     x^2
                                x3
                                           x4
                                                       x5
                                                                 x6
                                                                            x7
1 \quad 0.41891892 \quad 0.3111111 \quad 0.35256410 \quad 0.25842697 \quad 0.33333333 \quad 0.4085284 \quad 0.000000000
2 0.18918919 0.4333333 0.67948718 0.45505618 0.38596491 0.1264408 0.50398406
3 0.91891892 1.0000000 0.10897436 0.17977528 0.49122807 0.4180751 0.00000000
4 0.36486486 0.5333333 0.46153846 0.34831461 0.21929825 0.2208472 0.68326693
5 1.00000000 0.2666667 0.61538462 0.07865169 0.28070175 0.0000000 0.31075697
 6 \quad 0.77027027 \ 0.7888889 \ 0.09615385 \ 0.57303371 \ 0.000000000 \ 0.5534969 \ 0.44820717 
7 0.63513514 0.6444444 0.50641026 1.00000000 0.38596491 0.3070504 0.00000000
8 0.47297297 0.3111111 0.95512821 0.40449438 0.48245614 0.6917474 0.00000000
9 0.79729730 0.7333333 0.46153846 0.59550562 0.82456140 0.3610777 0.000000000
10 0.50000000 0.6666667 0.64743590 0.17977528 0.42982456 0.2231101 0.78087649
11 0.00000000 0.1222222 0.49358974 0.09550562 0.76315789 1.0000000 0.000000000
12 0.51351351 0.5000000 0.52564103 0.68539326 0.51754386 0.2018245 0.00000000
13 0.54054054 0.7000000 0.66025641 0.21910112 0.75438596 0.2743087 1.00000000
14 0.45945946 0.6222222 0.00000000 0.00000000 0.31578947 0.4506753 0.00000000
15 0.28378378 0.1333333 0.43589744 0.69662921 0.18421053 0.2240294 0.01792829
```

```
16 0.55405405 0.3888889 1.00000000 0.34831461 1.00000000 0.8974613 0.00000000
17 0.01351351 0.0000000 0.25641026 0.67977528 0.98245614 0.1707093 0.16533865
18 0.40540541 0.6888889 0.34615385 0.38764045 0.42982456 0.4836999 0.00000000
19 0.55405405 0.5888889 0.05128205 0.23595506 0.00877193 0.7218019 0.00000000
20 0.60810811 0.6000000 0.33333333 0.56741573 0.50000000 0.2819461 0.81872510
21 0.39189189 0.2444444 0.69230769 0.62921348 0.50000000 0.2368998 0.000000000
22 0.43243243 0.3222222 0.50000000 0.25280899 0.71052632 0.4803762 0.52988048
         x8
1 0.1765357
2 0.6895407
3 0.4144992
4 0.2163807
5 0.9601550
6 0.5157720
7 0.7432208
8 0.0000000
9 0.3060321
10 0.1737687
11 0.2540122
12 0.8788046
13 0.1206419
14 0.1543996
15 0.6037631
16 0.1721085
17 0.8915329
18 0.4421693
19 0.1809629
20 0.2174875
21 1.0000000
22 0.5517432
```

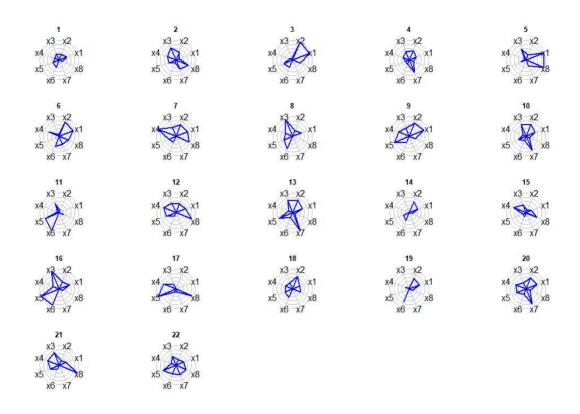
- (f) 자료행렬 V에 대하여 별도표와 레이더도표를 각각 작성하고 이들을 해석하여라 (예 1.7과 예 1.9를 참조하여라).
- (1) 별도표 작성
- > stars(com.X.scale,full = TRUE,scale = TRUE,radius = TRUE,draw.segments = TRUE, frame.plot = TRUE, labels = rownames(com.X.scale), nrow = 5, ncol = 5, cex = 0.8, len = 0.8, lwd = 1, axes = TRUE, ylim = c(1,15), key.loc = c(7,14))



(2) 레이더표 작성

> par(mfrow=c(6,5))

> for (i in 1:nrow(com.X.scale)) {radial.plot(com.X.scale[i,],rp.type = "rp",radial.lim = c(0,1), lty = 1, lwd = 2, labels = names(com.X.scale), show.grid = TRUE, show.radial.grid = TRUE, show.grid.labels = F, rad.col = "gray", line.col = "blue", grid.col = "gray", main = rownames(com.X.scale)[i])}



별도표와 레이더표를 보면 상당히 비슷한 양상을 보이고 있음을 알 수 있다. 22개의 항목에 대해 공통적으로 나타나는 점은 변수간($x_1, x_2, ..., x_8$)에 균형이 없음을 알 수 있다. 균형이 고르지 않고 치우쳐져 있음을 알 수 있다. 위에서 구한 자료행렬 V값의 수치를 자세히 보면

- x1 x2 x3 x4 x5 x6 x7 1 0.41891892 0.3111111 0.35256410 0.25842697 0.33333333 0.4085284 0.00000000
- 2 0.18918919 0.4333333 0.67948718 0.45505618 0.38596491 0.1264408 0.50398406
- 3 0.91891892 1.0000000 0.10897436 0.17977528 0.49122807 0.4180751 0.00000000

ID가 1번인 사람은 x_7 에 해당하는 값이 0인 반면에 x_1 에 해당하는 값은 0.4189로 비교적 차이가 나고 있음을 알 수 있다. 이는 ID가 3인 사람에서도 마찬가지로 상당한 차이가 나고 있음을 알 수 있다. 위의 그림에서도 높은 값을 가질수록 별도표에서는 큰 체적을 가지고 있고 레이더표에서도 같은 양상을 보이고 있다. 그리고 문제 3번에서 변수간의 상관관계를 구했었는데 (x_1,x_2) , (x_5,x_3) , (x_8,x_4) 은 양의 상관관계, (x_3,x_2) , (x_7,x_6) , (x_8,x_6) 는 음의 상관관계를 가졌었다. 이를 별도표에서 나타나는 특징으로 해석을 해보겠다. x_1 의 체적이 클수록 x_2 의 체적도 대부분 큰 양상을 확인할 수 있고 반대로 x_8 의 체적이 클수록 x_6 의 체적은 대부분 작은 양상을 확인할 수 있었다.