

Carátula para entrega de prácticas

Facultad de Ingeniería

Laboratorio de docencia

Laboratorios de computación salas A y B

Profesor: Edgar Tista García

Asignatura: EDA 2

Grupo: 4

No. Práctica: 2

Integrante: Chagoya Gonzalez Leonardo

No. Equipo de Cómputo: N/A

No. de Lista o Brigada: N/A

Semestre: 2022-2

Fecha de entrega: 25/02/2022

Observaciones:

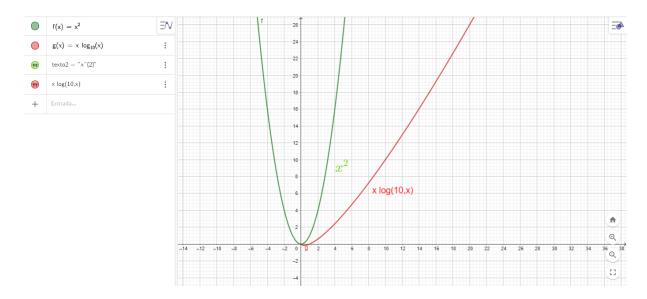
Objetivo: El estudiante identificará la estructura de los algoritmos de ordenamiento HeapSort, QuickSort y MergeSort

Objetivo de clase: El estudiante observará la importancia del orden de complejidad aplicado en algoritmos de ordenamiento, conocerá diferentes formas de implementar Quicksort y comenzará a realizar programas sencillos en el lenguaje Java

Ejercicio 1. Agregando Ordenamientos

a) Escribe un análisis general de los nuevos algoritmos proporcionados

Tanto HeapSort como QuickSort y MergeSort son mejores algoritmos hablando de tiempos de ejecución ya que estos tienen complejidad O(n log n) para todos sus casos -exceptuando el peor caso o casos cercanos al peor en QuickSort en donde su complejidad aumenta a $O(n^2)$ - mientras que SelectionSort, BubbleSort e Insertion Sort presentan complejidad $O(n^2)$ - a menos que se encuentre el mejor caso y se utilice BubbleSort donde su complejidad disminuye a O(n)- lo cual indica que mientras más grande sea nuestra lista a ordenar mucho más tiempo de ejecución se llevará en realizar aquellos algoritmos con complejidad $O(n^2)$ en comparación de aquellos que tienen complejidad $O(n \log n)$ los cuales mantendrán cierta proporción y son más cercanos a una función lineal.

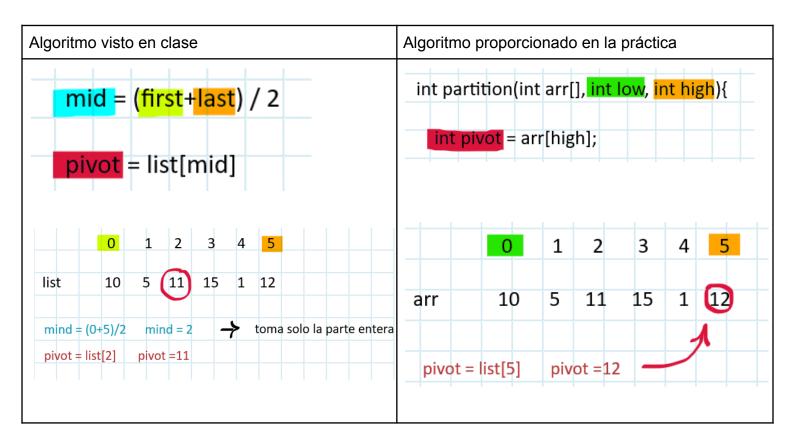


Comparativa de funciones n^2 y n log n

En el caso específico de HeapSort presenta una desventaja al utilizar la técnica de Top Down para convertir el arreglo a un Heap ya que este requiere memoria adicional, lo cual en arreglos de gran tamaño compromete el uso de este mismo.

b) Revisa cuidadosamente el algoritmo de QuickSort e indica si se trata de alguna de las implementaciones vistas en clase o es una diferente.

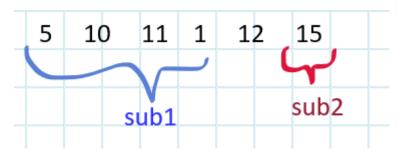
No es ninguna de las implementaciones anteriormente vistas ya que el QuickSort que se proporciona en el código toma como pivote el último elemento del arreglo, el del código de los videos toma el valor que se encuentra enmedio y el que se observa en clase toma el primer elemento del arreglo.



Esto influye mucho pues en el algoritmo proporcionado en la práctica se concentra primero en toda la parte izquierda recorriendo el arreglo desde la posición *menor* hasta la posición del *pivote-1*,mediante la variable j,verificando si los elementos son menores que el pivote en dicho caso *i* aumentará su valor y se realizará un intercambio entre el elemento de la posición *i* con el elemento de la posición *j* en turno. Esto se realiza con el fin de que todo a la izquierda del elemento pivote sea menor

_						
0	1	2	3	4	5	pivote = 12
5	10	11	15	1	12	j=0, i=0
个						
5	10	11	15	1	12	j=1, i=1
	1					
5	10	11	15	1	12	i=2 i=2
,	10		13	1	12	j=2, i=2
		1				
_	10	11	15	1	12	
5	10	11	15	1	12	j=3, i=2
			1			
_	10	4.4	45	4	42	: 4: 2
5	10	11	15	1	12	j=4,i=3
				T		
_	4.0		15			((2) (4))
5	10	11	15 :	l 12		swap(arr[3], arr[4])
5	10	11	1 1	5 12	2	
				5		
5	10	11	1 1	5 12		swap(arr[i+1], arr[5])
			•	ال		
5	10	11	1 1	2 1	5	return 4
	10		1		_	- Ctulii 4

Al final se busca encontrar la posición del elemento pivote dentro del arreglo de tal forma que este ya esté ordenado y retorna dicho valor para que funcione como un elemento que partirá el arreglo en sub arreglos



Y dichos sub arreglos serán ordenados haciendo uso de recursividad, primero se enfocará en la parte izquierda para posteriormente ir con la derecha en cada sub arreglo generado.

c) En el caso de heapsort, describe las funciones asociando lo visto en los videos de teoría

Heapify- Se encarga de la lógica para conseguir los valores hijos e irlos comparando con el padre-Verificación de un Max-Heap - en caso de que los hijos sean mayores que el padre se realiza un intercambio, gracias a esto la función Heapify puede ser llamada desde build Heap para construir un Heap por medio de la técnica Bottom Up, pero si se llama desde Heapsort y previamente se cambia el valor de la raíz por el último elemento del Heap se realizará todo el proceso recursivo de eliminación de raíces.

Build Heap -Se encarga de la parte de iteración de los padres, comenzando por el último padre que tiene hijos para ir decrementando hasta llegar a la raíz

HeapSort- Construye un Max-Heap y una vez construido empieza a realizar la eliminación de raíces.

2.- MergeSort

El algoritmo fue llevado a C de manera exitosa

```
void mergeSort(int *array, int low, int high) {
    int q;
    if(low<high) {
        q = (low+high)/2;
        mergeSort(array, low, q);
        mergeSort(array, q+1, high);
        merge (array, low, q, high);
    }
}</pre>
```

```
void merge(int *array, int p, int q, int r) {
    int i,j,k;
    int list[r+1];
    k=0;
    i=p;
    j=q+1;

while(i<=q && j<=r) {
        if(array[i]<array[j]) {
            list[k++] = array[i++];
        } else
            list[k++] = array[j++];
    }
}</pre>
```

En lo personal la dificultad que representó este algoritmo fue entender cómo iba dividiendo el arreglo por medio de los índices y la realización de la mezcla una vez que ya no se puede dividir más, esto en consecuencia de utilizar llamadas recursivas, por lo cual se debe de tomar en cuenta los datos del frame correspondiente. En cuanto al código la dificultad se presentó en que para el pseudocódigo tomaba list2 como un objeto de la clase list al cual en principio no se percibe cuáles son los datos iniciales, sin embargo dicho arreglo nos ayudará para realizar la mezcla de elementos de los sub arreglos este debe tener tantos elementos como los sub arreglos a analizar dicho dato lo da la variable r

```
while(i<=q) {
    list[k++] = array[i++];
}
while(j<=r) {
    list[k++]=array[j++];
}

printf("Sub arreglo 1 ");
printSubArray(array,p,q);

printf("Sub arreglo 2 ");
printSubArray(array,q+1,r);

printf("Mezcla: ");
for(i=r; i>=p; i--) {
    array[i]=list[--k];
}
printSubArray(array,p,r);
printf("\n");
```

+1 ya que r es el indice del ultimo elemento del sub arreglo.

3.- Verificando el funcionamiento

HEAPSORT

```
El arreglo es: 202 52 926 482 777 211 198 342 374 664 207 805 391 379 885 449 448 968 233 986
     ------Menu------
Elija el algortimo de ordenamiento

    InsertionSort

2)SelectionSort
3)BubbleSort
4)HeapSort
5)QuickSort
6)MergeSort
---HeapSort---
202 52 926 482 777 211 198 342 374 986 207 805 391 379 885 449 448 968 233 664
202 52 926 482 777 211 198 342 968 986 207 805 391 379 885 449 448 374 233 664
202 52 926 482 777 211 198 449 968 986 207 805 391 379 885 342 448 374 233 664
202 52 926 482 777 211 885 449 968 986 207 805 391 379 198 342 448 374 233 664
202 52 926 482 777 805 885 449 968 986 207 211 391 379 198 342 448 374 233 664
202 52 926 482 986 805 885 449 968 777 207 211 391 379 198 342 448 374 233 664
202 52 926 968 986 805 885 449 482 777 207 211 391 379 198 342 448 374 233 664
202 986 926 968 52 805 885 449 482 777 207 211 391 379 198 342 448 374 233 664
202 986 926 968 777 805 885 449 482 52 207 211 391 379 198 342 448 374 233 664
202 986 926 968 777 805 885 449 482 664 207 211 391 379 198 342 448 374 233 52
986 202 926 968 777 805 885 449 482 664 207 211 391 379 198 342 448 374 233 52
986 968 926 202 777 805 885 449 482 664 207 211 391 379 198 342 448 374 233 52
986 968 926 482 777 805 885 449 202 664 207 211 391 379 198 342 448 374 233 52
986 968 926 482 777 805 885 449 374 664 207 211 391 379 198 342 448 202 233 52
terminó de construir el heap
Iteracion HS:
52 968 926 482 777 805 885 449 374 664 207 211 391 379 198 342 448 202 233 986
968 52 926 482 777 805 885 449 374 664 207 211 391 379 198 342 448 202 233 986
968 777 926 482 52 805 885 449 374 664 207 211 391 379 198 342 448 202 233 986
968 777 926 482 664 805 885 449 374 52 207 211 391 379 198 342 448 202 233 986
Iteracion HS:
233 777 926 482 664 805 885 449 374 52 207 211 391 379 198 342 448 202 968 986
926 777 233 482 664 805 885 449 374 52 207 211 391 379 198 342 448 202 968 986
926 777 885 482 664 805 233 449 374 52 207 211 391 379 198 342 448 202 968 986
926 777 885 482 664 805 379 449 374 52 207 211 391 233 198 342 448 202 968 986
```

```
Iteracion HS:
211 374 448 233 342 391 379 198 202 52 207 449 482 664 777 805 885 926 968 986
448 374 211 233 342 391 379 198 202 52 207 449 482 664 777 805 885 926 968 986
448 374 391 233 342 211 379 198 202 52 207 449 482 664 777 805 885 926 968 986
Iteracion HS:
207 374 391 233 342 211 379 198 202 52 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
391 374 207 233 342 211 379 198 202 52 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
391 374 379 233 342 211 207 198 202 52 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
Iteracion HS:
52 374 379 233 342 211 207 198 202 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
379 374 52 233 342 211 207 198 202 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
379 374 211 233 342 52 207 198 202 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
Iteracion HS:
202 374 211 233 342 52 207 198 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
374 202 211 233 342 52 207 198 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
374 342 211 233 202 52 207 198 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
Iteracion HS:
198 342 211 233 202 52 207 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
342 198 211 233 202 52 207 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
342 233 211 198 202 52 207 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
Iteracion HS:
207 233 211 198 202 52 342 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
233 207 211 198 202 52 342 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
Iteracion HS:
52 207 211 198 202 233 342 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
211 207 52 198 202 233 342 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
Iteracion HS:
202 207 52 198 211 233 342 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
207 202 52 198 211 233 342 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
Iteracion HS:
198 202 52 207 211 233 342 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
202 198 52 207 211 233 342 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
Iteracion HS:
52 198 202 207 211 233 342 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986
```

El arreglo ordenado es: 52 198 202 207 211 233 342 374 379 391 448 449 482 664 777 805 885 926 968 986

QuickSort

```
El arreglo es: 627 620 576 819 943 784 355 293 145 982 501 537 217 801 223 322 433 586 201 433
Elija el algortimo de ordenamiento
1)InsertionSort
 )SelectionSort
3)BubbleSort
4)HeapSort
(S)QuickSort
6)MergeSort
 --OuickSort---
El pivote es: 433
Una vez colocado el pivote en su posicion 355 293 145 217 223 322 433 201 433 982 501 537 819 801 943 784 627 586 620 576 Izquierda Sub array : 355 293 145 217 223 322 433 201
El pivote es: 201
 na vez colocado el pivote en su posicion 145 201 355 217 223 322 433 293
Izquierda Sub array : 145
Derecha Sub array : 355 217 223 322 433 293
El pivote es: 293
Una vez colocado el pivote en su posicion 145 201 217 223 293 322 433 355
Izquierda Sub array : 217 223
El pivote es: 223
 na vez colocado el pivote en su posicion 145 201 217 223
Izquierda Sub array : 217
Derecha Sub array :
Derecha Sub array : 322 433 355
El pivote es: 355
 Ina vez colocado el pivote en su posicion 145 201 217 223 293 322 355 433
Izquierda Sub array : 322
Derecha Sub array : 433
Derecha Sub array : 982 501 537 819 801 943 784 627 586 620 576
El pivote es: 576
Una vez colocado el pivote en su posicion 145 201 217 223 293 322 355 433 433 501 537 576 819 801 943 784 627 586 620 982
Izquierda Sub array : 501 537
```

```
El pivote es: 537
 na vez colocado el pivote en su posicion 145 201 217 223 293 322 355 433 433 501 537
Izquierda Sub array :
                        501
Derecha Sub array :
Derecha Sub array : 819 801 943 784 627 586 620 982
El pivote es: 982
Una vez colocado el pivote en su posicion 145 201 217 223 293 322 355 433 433 501 537 576 819 801 943 784 627 586 620 982
Izquierda Sub array : 819 801 943 784 627 586 620
El pivote es: 620
 na vez colocado el pivote en su posicion 145 201 217 223 293 322 355 433 433 501 537 576 586 620 943 784 627 819 801
Izquierda Sub array : 586
Derecha Sub array : 943 784 627 819 801
El pivote es: 801
Una<sup>'</sup>vez colocado el pivote en su posicion 145 201 217 223 293 322 355 433 433 501 537 576 586 620 784 627 801 819 943
Izquierda Sub array : 784 627
El pivote es: 627
lna vez colocado el pivote en su posicion 145 201 217 223 293 322 355 433 433 501 537 576 586 620 627 784
.
Izquierda Sub array
Derecha Sub array : 784
Derecha Sub array : 819 943
El pivote es: 943
Jna vez colocado el pivote en su posicion 145 201 217 223 293 322 355 433 433 501 537 576 586 620 627 784 801 819 943
Izquierda Sub array : 819
Derecha Sub array :
Derecha Sub array :
El arreglo ordenado es: 145 201 217 223 293 322 355 433 433 501 537 576 586 620 627 784 801 819 943 982
```

MERGESORT

```
El arreglo es: 976 520 663 856 499 342 953 706 229 364 921 245 425 698 547 576 320 602 129 4
       -----Menu-----
Elija el algortimo de ordenamiento
1)InsertionSort
2)SelectionSort
3)BubbleSort
4)HeapSort
5)QuickSort
6)MergeSort
                       6
---MergeSort---
Sub arreglo 1 Sub array : 976
Sub arreglo 2 Sub array : 520
Mezcla: Sub array : 520 976
Sub arreglo 1 Sub array : 520 976
Sub arreglo 2 Sub array : 663
Mezcla: Sub array : 520 663 976
Sub arreglo 1 Sub array : 856
Sub arreglo 2 Sub array : 499
Mezcla: Sub array : 499 856
Sub arreglo 1 Sub array : 520 663 976
Sub arreglo 2 Sub array : 499 856
Mezcla: Sub array : 499 520 663 856 976
Sub arreglo 1 Sub array : 342
Sub arreglo 2 Sub array : 953
Mezcla: Sub array : 342 953
Sub arreglo 1 Sub array : 342 953
Sub arreglo 2 Sub array : 706
Mezcla: Sub array : 342 706 953
Sub arreglo 1 Sub array : 229
Sub arreglo 2 Sub array : 364
Mezcla: Sub array : 229 364
```

```
Sub arreglo 1 Sub array : 342 706 953
Sub arreglo 2 Sub array : 229 364
Mezcla: Sub array : 229 342 364 706 953
Sub arreglo 1 Sub array : 499 520 663 856 976
Sub arreglo 2 Sub array : 229 342 364 706 953
Mezcla: Sub array : 229 342 364 499 520 663 706 856 953 976
Sub arreglo 1 Sub array : 921
Sub arreglo 2 Sub array :
Mezcla: Sub array : 245 921
Sub arreglo 1 Sub array : 245 921
Sub arreglo 2 Sub array : 425
Mezcla: Sub array : 245 425 921
Sub arreglo 1 Sub array : 698
Sub arreglo 2 Sub array : 547
Mezcla: Sub array : 547 698
Sub arreglo 1 Sub array : 245 425 921
Sub arreglo 2 Sub array : 547 698
Mezcla: Sub array : 245 425 547 698 921
Sub arreglo 1 Sub array : 576
Sub arreglo 2 Sub array : 320
Mezcla: Sub array : 320 576
Sub arreglo 1 Sub array : 320 576
Sub arreglo 2 Sub array : 602
Mezcla: Sub array : 320 576 602
Sub arreglo 1 Sub array : 129
Sub arreglo 2 Sub array : 4
Mezcla: Sub array : 4 129
Sub arreglo 1 Sub array : 320 576 602
Sub arreglo 2 Sub array : 4 129
Mezcla: Sub array : 4 129 320 576 602
Sub arreglo 1 Sub array : 245 425 547 698 921
Sub arreglo 2 Sub array : 4 129 320 576 602
Mezcla: Sub array : 4 129 245 320 425 547 576 602 698 921
```

Con la última mezcla de sub arreglos obtenemos el arreglo ordenado

```
Sub arreglo 1 Sub array : 229 342 364 499 520 663 706 856 953 976
Sub arreglo 2 Sub array : 4 129 245 320 425 547 576 602 698 921
Mezcla: Sub array : 4 129 229 245 320 342 364 425 499 520 547 576 602 663 698 706 856 921 953 976

El arreglo ordenado es: 4 129 229 245 320 342 364 425 499 520 547 576 602 663 698 706 856 921 953 976
```

Como se pudo observar en cada uno de los algoritmos para arreglos de 20 elementos se comprueba el funcionamiento de estos, para un mayor entendimiento de cómo se realiza el proceso de ordenamiento se añadieron print's a los algoritmos de merge y quick de tal forma que mostraran sus procedimientos.

Para el caso de merge empieza a realizar los print de los arreglos una vez que estos ya no tienen más de donde partir por medio de los índices -tamaño igual a 1- y empieza a realizar las mezclas

Para el caso de quicksort imprime el elemento que toma de pivote, como lo acomoda en el arreglo y después se analiza el sub arreglo de la izquierda en caso de que exista, en caso contrario analiza el sub arreglo de la derecha repitiendo el proceso hasta que ya no pueda partir más y empieza a unir arreglos.

Una vez analizados los algoritmos decidir dónde se colocarían los print's para una mayor visibilidad del proceso fue más sencillo. Por lo que en este punto no se presentaron muchos inconvenientes.

4.- Complejidad Computacional

Para estas pruebas se omitieron aquellas líneas de código que imprime el arreglo en cada iteración así como las mezclas particiones y creaciones del Heap -según sea el caso- de tal manera que solo muestra el arreglo original, el arreglo ordenado y el número de operaciones realizadas, esto con el fin de agilizar el proceso de ejecución principalmente en los arreglos de 1000,2000, 5000 y 10000 elementos.

Para contabilizar las operaciones se utilizó una variable llamada *contador* definida desde la main y pasando su dirección al menú de ordenamientos de esta manera mediante el uso de indirecciones podemos modificar su valor en cualquier punto de los algoritmos.

HeapSort

Con 50 elementos

Num. Operaciones realizadas: 3151

Con 500 elementos

Num. Operaciones realizadas: 52538

Con 1000 elementos

Num. Operaciones realizadas: 117712

QuickSort

Con 500 elementos

El arreglo es: 239 659 971 449 779 735 635 350 181 693 275 682 441 217 839 202 125 964 762 414 351 617 33 181 422 789 15 661 684 465 292 995 449 401 427 792 363 450 612 453 558 312 127 616 543 757 915 983 317 761 446 580 97 950 381 34 797 203 798 288 764 348 644 875 329 256 115 344 130 875 461 330 510 604 148 73 124 465 185 4 766 74 557 624 966 964 630 833 712 567 635 40 689 562 107 342 366 254 667 25 671 120 575 924 237 466 308 803 50 28 707 448 272 159 824 551 357 187 227 265 62 850 974 607 282 364 105 477 208 572 139 162 658 363 386 900 100 779 461 201 336 734 807 827 564 721 862 12 215 979 821 43 135 74 311 621 143 609 102 151 199 906 171 27 76 610 62 250 618 333 815 833 703 472 550 606 601 142 337 829 795 228 796 902 988 873 566 817 952 680 993 261 612 169 522 997 220 471 970 685 775 442 164 907 21 960 504 345 200 327 871 13 188 125 757 576 835 764 934 243 108 934 331 252 959 878 415 609 88 162 81 287 245 716 97 259 273 637 908 679 323 175 325 369 260 404 1562 788 857 71 320 197 46 625 681 13 188 125 757 128 259 287 15 622 460 743 506 363 416 508 157 388 613 736 702 927 259 964 422 550 777 982 617 709 590 871 146 685 917 178 684 503 807 290 843 620 879 395 92 933 3 604 235 903 79 19 708 608 978 555 596 737 427 192 88 875 804 298 742 179 601 484 203 438 740 411 268 364 849 597 729 9 567 740 495 492 840 854 37 455 278 448 66 480 128 61 981 911 233 609 548 145 792 491 233 292 169 738 85 509 968 207 504 751 823 740 587 139 912 594 474 586 116 523 309 992 689 898 53 247 197 228 272 680 547 382 832 581 374 628 776 489 206 121 45 757 463 80 611 373 565 331 534 906 21 985 321 265 432 127 189 884 225 739 593 199 33 308 404 269 320 710 785 668 7 917 566 783 84 152 849 619 806 272 308 708 234 209 304 606 181 344 889 804 848 813 155 644 864 786 307 732 551 524 193

Núm. Operaciones realizadas: 17142

Con 2000 elementos

Núm. Operaciones realizadas 91175

MergeSort

Con 100 elementos

Num. Operaciones realizadas: 4694

Con 800 elementos

Num. Operaciones realizadas: 51988

Con 5000 elementos

31 331 331 331 332 332 332 333 333 333 3	333 333 333 333 334 334 334 334 334 334	1 334 334 335 335 335 335 335 335 335 335
		l 344 344 344 344 344 344 344 345 345 345
57 357 357 357 357 358 358 358 358 359 359	359 360 360 360 360 361 361 361 361 36	. 362 362 362 362 363 363 363 363 363 363
) 370 371 371 371 371 371 371 371 371 372 372 372 372 373 373 373 373 373 374 374 374 37 3 378 378 378 378 378 378 378 378 379 379 380 380 380 380 380 381 381 381 382 382 382 382 3
83 383 383 383 383 383 384 384 384 384	384 384 384 385 385 385 385 385 385 38	i 386 386 386 387 387 387 387 387 387 387 387 387 387
90 390 390 390 390 390 391 391 391 391	391 391 392 392 392 392 392 392 392 393	3 393 393 393 394 394 394 394 394 395 395 395 396 396 396 396 396 396 396 396 396 396
		7 408 408 408 408 408 408 409 409 409 409 409 409 410 410 410 410 410 411 411 411 4
		415 415 415 416 416 416 416 416 416 416 416 417 417 417 417 417 417 417 417 417 417
		. 422 422 422 423 423 423 423 423 423 424 424
34 434 434 434 434 434 434 435 435 435	435 435 436 436 436 436 437 437 437 437	3 438 438 438 439 439 439 439 440 440 440 440 441 441 441 441 441 442 442 442 442 4
		3 448 448 449 449 449 449 450 450 450 450 450 450 451 451 451 451 451 451 451 451 452 452 4 7 457 458 458 458 458 459 459 459 459 459 459 459 459 459 460 460 460 461 461 461 461 461 461 461 461 461 461
61 461 461 462 462 462 462 462 462 463 463	463 463 463 463 463 463 463 463 463 463	3 463 464 464 464 464 464 464 465 465 465 465
		. 471 472 472 472 473 473 473 474 474 474 474 474 474 474
85 485 485 485 486 486 486 487 487 487 487	488 488 488 488 488 488 488 488 488 488	489 489 489 489 490 490 490 491 491 491 491 491 492 492 492 492 493 493 493 493 4
		7 497 497 498 498 498 498 498 498 499 499 499 499
09 509 509 509 509 509 510 510 510 511	511 511 511 511 511 511 512 512 512 51	9 512 513 513 513 513 513 513 514 514 514 514 515 515 515 515 515 515
) 520 520 520 520 521 521 521 521 521 521 521 521 522 522
		5 527 527 527 527 527 527 528 528 528 529 529 529 529 529 539 530 530 530 530 530 530 530 530 530 530
38 538 539 539 539 540 540 540 540 540	540 540 541 541 541 542 542 542 542 543	9 542 543 543 544 544 545 545 545 545 545 545
		+ 554 554 555 555 555 556 556 556 556 556
65 565 566 566 566 566 567 567 567 568	568 568 568 569 569 569 569 570 570	570 570 570 571 571 571 571 571 571 571 571 571 571
		3 579 579 580 580 580 580 581 581 581 581 582 582 582 583 583 583 583 584 584 585 585 5 3 588 588 588 589 590 590 590 590 590 590 590 590 591 591 591 591 591 591 591 592 592 5
92 592 592 592 593 593 593 594 594 595 595	595 595 595 596 596 596 596 596 596 59	5 596 597 597 598 598 598 598 598 599 599 599 599 599
		5 605 605 605 605 606 606 606 606 607 607 607 607 607 608 608 608 608 608 608 609 609 6 2 612 612 612 612 613 613 613 613 613 613 613 614 614 614 614 615 615 615 615 615 616 6
16 616 616 616 617 617 617 617 617 618 618	618 618 618 618 619 619 619 619 619	0 620 620 621 621 622 622 622 622 622 622 622 622
		0 629 629 630 630 630 630 630 630 630 631 631 631 631 632 632 632 632 632 632 633 633 63 3 638 638 639 639 640 640 640 640 640 640 641 641 641 641 641 641 642 642 642 643 643 64
		8 648 648 648 649 649 649 649 649 649 649 650 650 650 651 651 651 651 652 652 652 6
52 652 652 652 652 653 653 653 654	654 654 654 654 654 655 655 655 656	6 656 656 657 657 658 658 658 658 658 659 659 659 660 660 660 661 661 661 662 6
		2 673 673 673 673 673 674 674 674 674 674 675 675 675 675 675 676 676 676 676 676
84 684 684 684 685 685 685 685 686 686 686	686 686 686 687 687 687 687 688 688	8 688 688 689 689 689 689 689 690 690 690 690 691 691 691 692 692 692 692 692 692 6
		6 696 697 697 697 697 698 698 698 698 698 698 698 699 699 699
10 710 710 711 711 711 711 711 711 712 712	712 712 713 713 713 713 713 713 713 714	714 714 714 714 714 715 715 715 715 715 716 716 716 716 717 717 717 717 717 718 718 7
		. 724 724 724 724 724 725 725 726 726 726 726 726 728 728 728 728 728 729 729 729 729 729 734 734 734 734 734 735 735 735 736 736 736 736 736 736 736 736 737 7
37 737 737 737 737 737 738 738 738 738 7	738 738 739 739 739 740 740 740 740	740 740 741 741 741 742 742 742 742 742 742 742 742 742 742
		3 748 748 748 749 749 749 750 750 750 750 751 751 751 751 751 751 751 751 752 752 752 7 3 757 757 758 758 758 759 759 759 759 759 760 760 760 760 760 760 760 761 761 761 762 7
		5 766 767 767 767 767 767 767 768 768 768
		3 773 774 774 775 775 775 775 775 775 775 775
		8 783 783 783 783 784 784 784 784 785 785 785 785 785 785 785 785 786 786 786 786 786 7 8 790 790 791 791 791 791 791 791 791 791 791 792 792 792 792 792 792 793 793 793 793 7
93 794 794 794 794 794 794 794 795 795 795	795 795 796 796 796 796 796 797 793	7 797 797 797 798 798 798 798 799 799 79
08 809 809 809 809 809 809 810 810 810 810	810 810 810 811 811 811 811 811 811 811	804 804 805 805 805 805 805 805 805 806 806 806 806 806 806 807 807 808 808 808 808 8 812 812 812 812 812 813 813 813 813 813 813 814 814 814 815 815 815 815 815 816 816 8
16 817 817 817 817 818 818 819 819 819 819	819 819 820 820 820 820 820 820 820 82	821 821 822 822 822 822 822 823 823 823 824 824 824 824 824 824 824 824 824 824
		9 829 829 830 830 830 830 831 831 831 831 832 832 832 832 833 833 833 833 833 833
42 842 842 843 843 843 843 844 844 844 844	844 844 844 844 844 845 845 845 846 846	5 846 847 847 847 847 847 848 848 849 849 849 850 850 850 851 851 851 851 851 851 852 8
		856 856 856 857 857 857 857 857 858 858 858 858 858
71 872 872 872 872 873 873 873 874 874 875	875 875 876 876 876 876 876 876 876 877	7 877 877 877 878 878 878 878 879 879 87
		887 887 887 887 888 888 888 889 889 889
00 901 901 901 901 901 901 901 901 901 9	902 902 902 902 903 903 903 903 903	904 904 904 904 904 904 904 905 905 905 905 905 906 906 907 908 908 908 908 908 9
		8 913 913 913 913 913 914 914 914 915 915 915 915 916 916 916 916 916 916 917 917 917 9 1 922 922 922 922 923 923 923 923 923 923
24 924 924 925 925 925 925 925 925 926 926	926 926 926 926 927 927 927 928 928	928 928 928 929 929 929 929 929 929 930 930 931 931 931 931 932 932 932 932 933 9
		5 937 937 937 938 938 938 939 939 940 940 940 940 940 941 941 941 941 941 942 942 942 942 943 948 948 948 948 948 948 948 949 949 949
		948 948 948 948 948 948 948 948 949 949
61 961 961 962 963 963 963 964 964 964 964	964 965 965 965 965 965 966 966 966	966 966 966 966 966 966 967 967 967 967
		8 973 974 974 974 974 974 974 975 975 975 976 976 976 977 977 977 977 977 977 977
87 987 987 987 987 988 988 988 988 988	989 989 989 989 989 990 990 990 990	990 990 990 991 991 991 991 991 992 992 992 992 992
93 994 994 994 994 995 995 995 995 995 Numero de elementos del arreglo: 5000	995 996 996 996 997 997 998 998 998	998 999 999 999 999 999 999 999
El numero de operaciones es: 404204		

Num. Operaciones Realizadas: 404204

Una vez realizadas 5 pruebas en cada uno de los algoritmos para arreglos de tamaño 50,100,500,800,1000,2000,5000 y 10000 se obtuvieron los siguientes resultados.

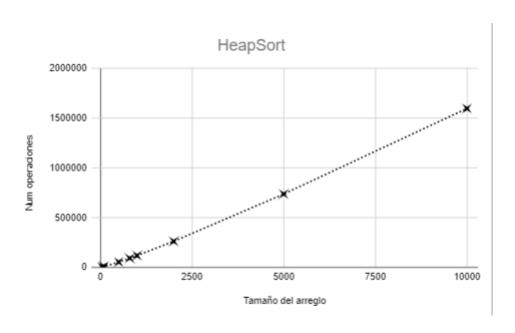
HeapSort

HeapSort								
Tamaño del arreglo	50 💌	100 💌	500 💌	800 ~	1000 💟	2000 💌	5000 💌	10000 🔽
Prueba1(Num Operaciones)	3151	7762	52991	91708	117808	262337	737468	1598880
Prueba2 (Num operaciones)	3248	7657	53195	91818	118088	262365	739291	1599968
Prueba 3(Num Operaciones)	3155	7738	53073	91712	118474	260425	737349	1598463
Prueba4(Num Operaciones)	3305	7831	53186	91078	118690	261596	736851	1600170
Prueba5(Num operaciones)	3176	7852	52590	91880	117712	262351	738003	1598897
Promedio	3207	7768	53007	91639,2	118154,4	261814,8	737792,4	1599275,6

Núm. de Operaciones realizadas por cada tamaño de arreglo

Tamaño del arregio	Num operaciones
50	3207
100	7768
500	53007
800	91639
1000	118154
2000	261815
5000	737792
10000	1599276

Promedio de Operaciones



Núm de Operaciones contra tamaño del arreglo

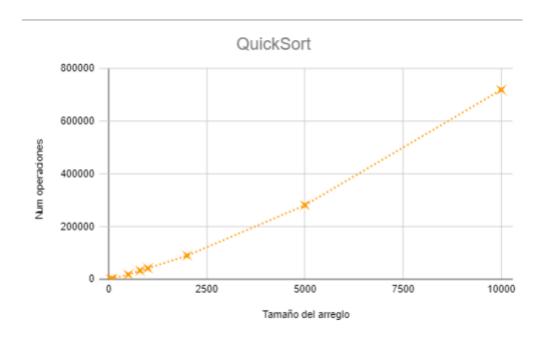
QuickSort

QuickSort								
Tamaño del arreglo	50 🔻	100 💟	500 💌	800 🗸	1000 💟	2000 💟	5000 💟	10000 [~
Prueba1(Num Operaciones)	1072	2778	17142	35991	42122	92231	286305	827736
Prueba2 (Num operaciones)	1039	2557	15682	30833	40898	91950	271162	678158
Prueba 3(Num Operaciones)	1275	2448	21563	29074	41731	84490	297688	702642
Prueba4(Num Operaciones)	876	2349	17570	36045	40305	88820	269891	709499
Prueba5(Num operaciones)	960	3097	17231	32504	42501	91175	281907	682216
Promedio	1044,4	2645,8	17837,6	32889,4	41511,4	89733,2	281390,6	720050,2

Núm. de Operaciones realizadas por cada tamaño de arreglo

Tamaño del arregio	Num operaciones
50	1044
100	2646
500	17838
800	32889
1000	41511
2000	89733
5000	281391
10000	720050

Promedio de Operaciones Realizada



Núm de Operaciones contra tamaño del arreglo

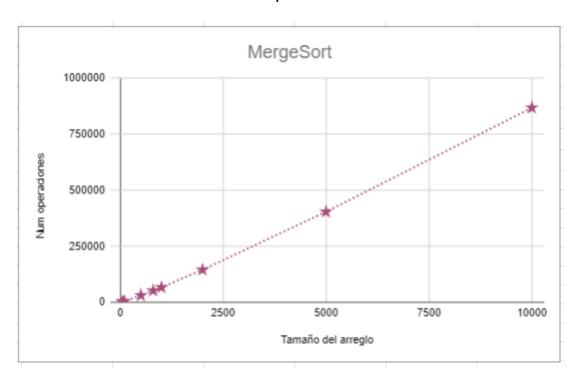
MergeSort

MergeSort								
Tamaño del arregio 🔻	50 💌	100 💌	500 🔻	800 🗸	1000 💌	2000 🗸	5000 🔻	10000 💟
Prueba1(Num Operaciones)	2049	4694	30301	51988	66592	145177	404204	868593
Prueba2 (Num operaciones)	2054	4694	30275	51971	66595	145174	404245	868559
Prueba 3(Num Operaciones)	2051	4691	30309	52004	66587	145201	404260	868519
Prueba4(Num Operaciones)	2046	4695	30289	51984	66572	145177	404272	868447
Prueba5(Num operaciones)	2042	4699	30301	51971	66573	145142	404221	868540
Promedio	2048,4	4694,6	30295	51983,6	66583,8	145174,2	404240,4	868531,6

Núm. de Operaciones realizadas por cada tamaño de arreglo

Tamaño del arregio	Num operaciones
50	2048
100	4695
500	30295
800	51984
1000	66584
2000	145174
5000	404240
10000	868532

Promedio de Operaciones Realizada



Tamaño de arreglo contra número de operaciones

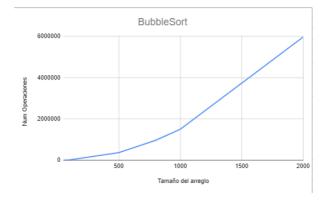
Cada uno de los algoritmos presentó el rendimiento esperado debido a su complejidad O(n log n) que gráficamente se observa como una función casi lineal en la cual no se percibe mucha curvatura a medida que incrementa el tamaño del arreglo.

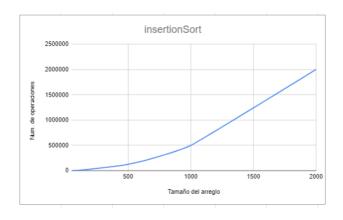
HeapSort es el algoritmo que realiza un mayor número de operaciones esto debido a que en su proceso tiene que "transformar" el arreglo a la estructura de un Max-Heap además de que como antes ocupa memoria adicional es por ellos que en comparación de merge y quick presenta más desventajas para casos promedios.

En MergeSort se pudo observar que a comparación de HeapSort y QuickSort el rango de operaciones que realiza en casos promedio es muy constante inclusive para arreglos de 10000 ya que la variación de sus operaciones en las ejecuciones realizadas van de 19 (568,540 - 568,559) hasta 146(868, 593 - 868, 447) esto puede ser consecuencia que para cada tamaño de arreglo hace las mismas particiones sin importar su contenido esto hace que en principio arreglos de 50 tengan el mismo número de operaciones y estas van a variar en el momento en que se realiza la mezcla que al ir mezclando pequeños bloques generas cada vez más bloques ordenados, por ende la variación de operaciones no es mucha.

Para QuickSort el rango de variación de las operaciones es mayor ya que toma como pivote el último elemento del arreglo y lo acomoda, genera sub arreglos y repite el procedimiento hasta que ya no pueda dividirse más y el número de operaciones que ejecuta para dividir los arreglos y el número de elementos en dichos sub arreglos no es constante ya que todo se maneja en torno al pivote.

Si comparamos las gráficas obtenidas de estos algoritmos contra las gráficas de bubbleSort, InsertionSort y selection observamos cómo en tan solo un arreglo de tamaño 2000 se observa un importante crecimiento en el número de operaciones pudiendo presenciar una curva con forma cuadrática siendo que el número de operaciones de HeapSort,QuickSort y MergeSort para arreglos de 10,000 elementos sigue siendo aún menor que el número de operaciones de Bubble,Insertion y selection para arreglos de 2000 elementos.





5. Ordenamiento en Java y practicando programas sencillos

Para QuickSort

El ejercicio fue realizado de forma exitosa, para dar un mejor formato y observar el procedimiento tanto de QuickSort como de merge se agrego el método printSubArray en la clase Utilidades para ir observando la modificación del arreglo

En cuanto a la inicialización del arreglo se decidió preguntar al usuario por los números mediante el método Inicializar ubicado de igual manera en utilidades

```
public class Principal {
    public static void main(String args[]) {
        //Declara e inicializa un arreglo de 20 elementos
        int[] arr = new int[20];
        Utilidades.Inicializar(arr);
        System.out.println("Ordenamiento QuickSort");
        QuickSort.quickSort(arr, 0, 19);
        System.out.println("El arreglo ordenado es: ");
        Utilidades.printArray(arr);
    }
}
```

Capturas de la Ejecución

```
Ordenamiento OuickSort
                                       El pivote es: 21
Ingresa un numero: 777
                                       Una vez colocado el pivote en su posicion
                                       1 2 17 10 21 27 105 109 666 777 69 25 27 30 78 88 34 128 333 33
Ingresa un numero: 1
                                       Izquierda
Ingresa un numero: 2
                                       Sub Array: 1 2 17 10
Ingresa un numero: 69
                                      El pivote es: 10
                                      Una vez colocado el pivote en su posicion
Ingresa un numero: 33
                                       1 2 10 17 21 27 105 109 666 777 69 25 27 30 78 88 34 128 333 33
Ingresa un numero: 27
                                       Izquierda
Ingresa un numero: 105
                                       Sub Arrav: 1 2
Ingresa un numero: 109
                                      El pivote es: 2
                                      Una vez colocado el pivote en su posicion
Ingresa un numero: 666
                                       1 2 10 17 21 27 105 109 666 777 69 25 27 30 78 88 34 128 333 33
Ingresa un numero: 17
                                       Izquierda
Ingresa un numero: 10
                                       Sub Arrav: 1
Ingresa un numero: 25
                                       Derecha
                                       Sub Array:
Ingresa un numero: 27
                                       Derecha
Ingresa un numero: 30
                                       Sub Array: 17
Ingresa un numero: 78
                                      Derecha
                                       Sub Array: 27 105 109 666 777 69 25 27 30 78 88 34 128 333 33
Ingresa un numero: 88
                                      El pivote es: 33
Ingresa un numero: 34
                                      Una vez colocado el pivote en su posicion
Ingresa un numero: 128
                                       1 2 10 17 21 27 25 27 30 33 69 105 109 666 78 88 34 128 333 777
                                       Izquierda
Ingresa un numero: 333
                                      Sub Array: 27 25 27 30
Ingresa un numero: 21
El arreglo ordenado es:
1 2 10 17 21 25 27 27 30 33 34 69 78 88 105 109 128 333 666 777
```

Para MergeSort

```
public class Principal {
    public static void main(String args[]) {
        //Declara e inicializa un arreglo de 20 elementos
        int[] arr = new int[20];
        Utilidades.Inicializar(arr);
        System.out.println("Ordenamiento MergeSort");
        MergeSort.sort(arr,0,19);
        System.out.println("El arreglo ordenado es: ");
        Utilidades.printArray(arr);
    }
}
```

```
Ingresa un numero: 444
Ingresa un numero: 1
Ingresa un numero: 4
Ingresa un numero: 567
Ingresa un numero: 777
Ingresa un numero: 45
Ingresa un numero: 10
Ingresa un numero: 27
Ingresa un numero: 23
Ingresa un numero: 29
Ingresa un numero: 66
Ingresa un numero: 669
Ingresa un numero: 333
Ingresa un numero: 45
Ingresa un numero: 76
Ingresa un numero: 45
Ingresa un numero: 98
Ingresa un numero: 99
Ingresa un numero: 123
Ingresa un numero: 345
Ordenamiento MergeSort
El arreglo ordenado es:
1 4 10 23 27 29 45 45 45 66 76 98 99 123 333 345 444 567 669 777
```

Para este ejercicio se me complicó el hecho de tener varios archivos de clases ya que en un principio al ir copiando los respectivos códigos dentro del proyecto deshabilite la opción de generar un método principal y al no generar el método principal no me di cuenta que el package no se coloca y cuando creí tener todo bien me generaba un error de ejecución, esto porque no había un package -que por cierto ya me estaba desesperando -. Me gusta java y me gusta el entorno de NetBeans pero al igual con C siento que hace falta mas familiarización en el entorno con el cual se trabaja.

Conclusiones

En la realización de la práctica se cumplieron con los objetivos ya que gracias a conceptos previos como complejidad computacional, punteros, funciones y paso de parámetros se probó el funcionamiento de los Algoritmos de QuickSort, MergeSort y HeapSort estudiados en clase, además, gracias a la implementación de un contador de operaciones realizadas, observamos de mejor manera el comportamiento de dichos algoritmos permitiendo analizar que su gráfica es muy parecida a una función lineal.

De igual forma se realizaron comparaciones con respecto a los algoritmos realizados de la primera práctica en donde el número de operaciones incrementó de forma desmedida con respecto al tamaño del arreglo, aunque si analizamos pequeños arreglos de 50 elementos y comparamos, los algoritmos de (n^2) presentan un rendimiento parecido a los algoritmos de complejidad O(n log n)

Específicamente el ejercicio 3 me ayudó a comprender de mejor manera el funcionamiento tanto de merge como de quick ya que se implementó las impresiones en pantalla de la forma en que va modificándose nuestro arreglo, pues al tratarse de algoritmos recursivos se me dificulta la parte de visualizar el cambio del arreglo en las iteraciones, por lo cual creo que dicho ejercicio debería de presentarse antes del 2 que es donde explicamos las comparaciones de los quickSort´s proporcionados y es justo la parte que me costó más explicar.Pero sobre todo me gustó que volviera a aparecer un ejercicio en java y que este sea más de implementación.

Me encontré esta imagen mientras hacía la practica xD

