# シミュレーション レポート

第11回~第15回

提出日 2021年1月16日

組番号 408 学籍番号 17406

氏名 金澤雄大

# 1 目的

シミュレーションの授業で学習したアルゴリズムを実装し、数値計算を行うことを目的とする.

# 2 実験環境

実験環境を表 1 に示す. gcc は Windows 上の WSL(Windows Subsystem for Linux) で動作するものを用いる.

表 1: 実験環境

CPU	AMD Ryzen 5 3600 6-Core Processor
メモリ	16.0GB DDR4
OS	Microsoft Windows 10 Home
gcc	(Ubuntu $9.3.0$ -17ubuntu1 ~ $20.04$ ) $9.3.0$
Make	GNU Make 4.2.1

# 3 課題11

本章では課題11のプログラム、実行結果、手計算の3つについて述べる.

## 3.1 プログラム

リスト1に課題11のコードを示す.

リスト 1: 課題 11 のコード

```
#include < stdio.h>
   #define N 4
3
   double x[N]={0,0,0,0};
4
   double A[N][N] = \{\{1,2,1,5\},
6
                    {8,1,3,1},
                    {1,7,1,1},
                    {1,1,6,1}};
9
   double b[N] = \{20.5, 14.5, 18.5, 9.0\};
10
11
   void disp(double A[N][N], double b[N]){
12
       int i,j;
printf("----\n");
13
14
       for(i=0;i<N;i++){
15
16
           for(j=0;j<N;j++){
               printf("%.21f ",A[i][j]);
17
           printf("| %.21f\n",b[i]);
19
20
       printf("----\n");
22
23
   void forwardElimination(){
       int i,j,k;
25
26
       double m;
```

```
for(k=0; k<N-1; k++) {
28
             for(i=k+1;i<N;i++){
29
30
                  m=A[i][k]/A[k][k];
                  //printf("m = %lf\n",m);
31
32
                  A[i][k]=0;
                  for(j=k+1;j<N;j++){
33
                      A[i][j] = A[i][j] - A[k][j] * m;
34
                       //printf("A[%d][%d] = %lf\n",i,j,A[i][j]);
35
36
                 b[i]=b[i] -b[k]*m;
37
                  //printf("b[%d] = %lf \setminus n \setminus n", i, b[i]);
38
39
             //disp(A,b);
40
        }
41
42
   void dispAns(){
43
        int i;
44
        printf("Answer\n");
45
46
        for(i=0;i<N;i++){
            printf("x[%d] = %lf\n",i+1,x[i]);
47
48
49
50
   void backwordSubstitution(void){
51
        int k,j;
52
        x[N-1] = b[N-1]/A[N-1][N-1];
53
        for (k=N-2; k>=0; k--) {
             x[k]=b[k];
55
56
             for (j=k+1; j \le N; j++) {
                 x[k] -= A[k][j] * x[j];
57
58
             x[k]/=A[k][k];
59
        }
60
61
   }
62
   void gaussElimination(void){
63
64
        disp(A,b);
65
        forwardElimination();
        disp(A,b);
66
67
        backwordSubstitution();
        dispAns();
68
   }
69
   int main(void){
71
72
        gaussElimination();
        return 0;
73
   }
74
```

#### 3.2 実行結果

リスト 2 に課題 11 の実行結果を示す. リスト 2 では計算する行列, 前進消去の計算過程, 計算結果の 3 つを表示している. リスト 2 から, $(x_1,x_2,x_3,x_4)=(1,\frac{1}{2},3,2)$  であることがわかる.

リスト 2: 課題 11 の実行結果

```
12
   -----
13
   1.00 2.00 1.00 5.00 | 20.50
14
   0.00 -15.00 -5.00 -39.00 | -149.50
15
   0.00 0.00 -1.67 -17.00 | -51.83
   0.00 0.00 5.33 -1.40 | -1.53
17
   -----
18
   1.00 2.00 1.00 5.00 | 20.50
20
   0.00 -15.00 -5.00 -39.00 | -149.50
21
   0.00 0.00 -1.67 -17.00 | -51.83
   0.00 0.00 0.00 -55.80 | -167.40
23
24
   -----
25
   1.00 2.00 1.00 5.00 | 20.50
26
27
   0.00 -15.00 -5.00 -39.00 | -149.50
   0.00 0.00 -1.67 -17.00 | -51.83
28
   0.00 0.00 0.00 -55.80 | -167.40
29
30
   Answer
31
32
   x[1] = 1.000000
  x[2] = 2.000000
33
  x[3] = 0.500000
34
  x[4] = 3.000000
```

## 3.3 手計算

式 (1) ~式 (3) に手計算の結果を示す.式 (3) より,手計算と実行結果が一致していることがわかる.これより作成したプログラムが正しく動作していると考える.

$$\begin{pmatrix}
1 & 2 & 1 & 5 & 20.5 \\
8 & 1 & 3 & 1 & 14.5 \\
1 & 7 & 1 & 1 & 18.5 \\
1 & 1 & 6 & 1 & 9.0
\end{pmatrix}
\rightarrow
\begin{pmatrix}
1 & 2 & 1 & 5 & 20.5 \\
0 & -15 & -5 & -39 & -149.5 \\
0 & 5 & 0 & -4 & -2 \\
0 & -1 & 5 & -4 & -11.5
\end{pmatrix}
\rightarrow
\begin{pmatrix}
1 & 2 & 1 & 5 & 20.5 \\
0 & 0 & -5 & -51 & -155.5 \\
0 & 0 & 25 & -24 & -59.5 \\
0 & 1 & -5 & 4 & 11.5
\end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 2 & 1 & 5 & 20.5 \\
0 & 0 & -5 & -51 & -155.5 \\
0 & 0 & 0 & 279 & 837 \\
0 & 1 & -5 & 4 & 11.5
\end{pmatrix}
\rightarrow
\begin{pmatrix}
1 & 2 & 1 & 5 & 20.5 \\
0 & 0 & -5 & 0 & -2.5 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 3 \\
0 & 1 & -5 & 4 & 11.5
\end{pmatrix}
\rightarrow
\begin{pmatrix}
1 & 2 & 1 & 5 & 20.5 \\
0 & 0 & -5 & 0 & -2.5 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 3 \\
0 & 1 & -5 & 4 & 11.5
\end{pmatrix}
\rightarrow
\begin{pmatrix}
1 & 2 & 1 & 5 & 20.5 \\
0 & 0 & 1 & 0 & \frac{1}{2} \\
0 & 0 & 0 & 1 & 3 \\
0 & 1 & -5 & 4 & 11.5
\end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 2 & 1 & 5 & 20.5 \\
0 & 0 & 1 & 0 & \frac{1}{2} \\
0 & 0 & 0 & 1 & 3 \\
0 & 1 & 0 & 0 & \frac{1}{2} \\
0 & 0 & 0 & 1 & 3 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 2
\end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 2 & 1 & 5 & 20.5 \\
0 & 0 & 1 & 0 & \frac{1}{2} \\
0 & 0 & 0 & 1 & 3 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 2
\end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 2 & 1 & 5 & 20.5 \\
0 & 0 & 1 & 0 & \frac{1}{2} \\
0 & 0 & 0 & 1 & 3 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 2
\end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 1 & 0 & \frac{1}{2} \\
0 & 0 & 0 & 1 & 3 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 2
\end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 1 & 0 & \frac{1}{2} \\
0 & 0 & 0 & 1 & 3 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 2
\end{pmatrix}$$

# 4 課題12

本章では課題12のプログラムおよび実行結果について述べる.

## 4.1 プログラム

リスト 3 に課題 12 のコードを示す. ピボットの選択の有無は 89 行目の変数 isPivoing で管理している. 変数 isPivoing=1 のときピボット選択あり, 変数 isPivoing=0 のときピボット選択なしで動作する.

```
#include < stdio.h>
1
2
   #include < math.h>
   #define N 3
3
4
   double x[N] = \{0,0,0\};
6
   double A[N][N] = \{\{2,4,2\},
                     {1,2,3},
8
                     {4,6,2}};
9
   double b[N] = \{6, 9, 8\};
11
   void disp(){
12
       int i,j;
       printf("----\n");
14
        for(i=0;i<N;i++){
15
            for(j=0;j<N;j++){
16
                printf("%.21f ",A[i][j]);
17
18
            printf("| %.21f\n",b[i]);
19
20
       printf("----\n");
21
   }
22
23
24
   int pivoting(int m){
       int i;
25
26
        int maxvalue=0;
        int maxcolumn=m;
27
        for(i=m+1;i<N;i++){
28
29
            if(maxvalue < fabs(A[m][i])){</pre>
                maxvalue=fabs(A[m][i]);
30
31
                maxcolumn=i;
            }
33
34
        return maxcolumn;
35
36
   void changeindex(int p,int q){
37
        int tmp,i;
38
39
        for(i=0;i<N;i++){
40
            tmp = A[p][i];
            A[p][i] = A[q][i];
41
42
            A[q][i]=tmp;
43
        tmp = b[p];
44
45
       b[p]=b[q];
       b[q]=tmp;
46
47
   void forwardElimination(int isPivoting){
49
       int i,j,k;
50
        double m;
51
       int pivot;
52
53
      for(k=0; k<N-1; k++) {
54
            for(i=k+1;i<N;i++){
55
56
                if(isPivoting){
                    pivot = pivoting(i);
57
58
                     changeindex(i,pivot);
59
                m=A[i][k]/A[k][k];
60
61
                A[i][k]=0;
                for(j=k+1;j<N;j++){
62
                    A[i][j] = A[i][j]-A[k][j]*m;
63
                b[i]=b[i] -b[k]*m;
65
            }
66
       }
67
  }
68
```

```
void dispAns(){
69
70
        int i;
71
         for(i=0;i<N;i++){
             printf("x[%d] = %lf\n",i+1,x[i]);
72
73
    }
74
75
    void backwordSubstitution(void){
76
        int k,j;
77
        x[N-1] = b[N-1]/A[N-1][N-1];
78
        for (k=N-2; k>=0; k--) {
79
             x[k]=b[k];
80
81
             for(j=k+1; j \le N; j++){
                 x[k] -= A[k][j] *x[j];
82
83
             x[k]/=A[k][k];
84
        }
85
    }
86
87
    int main(void){
88
89
        int isPivoting=1;
         // 入力行列の表示
90
        printf("\nisPivoting = %d\n",isPivoting);
91
        printf("Init Array A and Vector b\n");
92
        disp();
93
        // 前進消去
94
        forwardElimination(isPivoting);
        // 前進消去の結果を表示
96
        printf("\nResult\ of\ forward\ elimination\n");\\
97
        disp();
98
         // 後退代入
99
        backwordSubstitution();
100
        // 結果を表示
101
        printf("\nAnswer\n");
102
103
        dispAns();
        printf("\n");
104
105
        return 0;
106
```

## 4.2 実行結果

本節では課題 12 のコードの実行結果を示す.

## 4.3 ピボット選択なしの実行結果

ピボット選択なしのときの実行結果をリスト 4 に示す. リスト 4 からピボット選択なしのとき  $(x_1,x_2,x_3)$  はすべて負の無限大になっていることが読み取れる.

リスト 4: ピボット選択なしのときの実行結果

```
2
   isPivoting = 0
   Init Array A and Vector b
3
4
   2.00 4.00 2.00 | 6.00
   1.00 2.00 3.00 | 9.00
6
   4.00 6.00 2.00 | 8.00
7
9
   Result of forward elimination
10
11
   2.00 4.00 2.00 | 6.00
12
  0.00 0.00 2.00 | 6.00
```

## 4.4 ピボット選択ありの実行結果

ピボット選択ありのときの実行結果をリスト5に示す。リスト5からピボット選択ありのとき $(x_1,x_2,x_3)=(2,-1,3)$ になってることが読み取れる。

リスト 5: ピボット選択ありのときの実行結果

```
2
   isPivoting = 1
   Init Array A and Vector b
3
   2.00 4.00 2.00 | 6.00
   1.00 2.00 3.00 | 9.00
6
   4.00 6.00 2.00 | 8.00
9
   Result of forward elimination
11
   2.00 4.00 2.00 | 6.00
12
   0.00 -2.00 -2.00 | -4.00
   0.00 0.00 2.00 | 6.00
14
15
16
17
   Answer
  x[1] = 2.000000
18
  x[2] = -1.000000
19
  x[3] = 3.000000
```

## 4.5 解が正しいことの確認

リスト 5 の解が正しいことを確認する. 式 (4) にリスト 5 の結果を代入して計算した結果を示す. 式 (4) から, 課題で与えられた式の右辺と, 計算結果が一致していることがわかる. これより正しい解になっていることがわかる. また, ピボット選択なしのときには正しく動作しないが, ピボット選択ありでは正しく動作する例があることが確認できた.

$$\begin{cases} 2x_1 + 4x_2 + 2x_3 = 2 \cdot 2 + 4 \cdot (-1) + 2 \cdot 3 = 6 \\ 1x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 1 \cdot 2 + 2 \cdot (-1) + 3 \cdot 3 = 9 \\ 4x_1 + 6x_2 + 2x_3 = 4 \cdot 2 + 6 \cdot (-1) + 2 \cdot 3 = 8 \end{cases}$$

$$(4)$$

# 5 課題13

本章では課題13のプログラムおよび実行結果について述べる.

# 5.1 プログラム

本節では課題 13 および課題 13b のプログラムについて述べる.

#### 5.1.1 課題 13 のプログラム

リスト 6 に課題 13 のコードを示す. リスト 6 のコードでは回帰方程式の計算結果に加えて, 説明変数および従属変数の平均および分散, 共分散, 相関係数, 決定係数を計算して表示している.

リスト 6: 課題 13 のコード

```
#include < stdio.h>
2
   #include < math.h>
   #define N 4
3
   double X[N] = \{1,2,3,4\};
   double Y[N] = \{0,1,2,4\};
6
   void RMSE(void){
9
10
       double meanx=0;
       double meany=0;
11
       double cov=0;
12
13
       double varx=0;
       double vary=0;
14
15
       double slope, intercept;
       double r;
16
       int i;
17
18
        // calculate mean
19
       for(i=0;i<N;i++){
           meanx+=X[i];
20
21
            meany+=Y[i];
22
       meanx/=N:
23
       meany/=N;
       // calculate variance
25
       for(i=0;i<N;i++){
26
            varx+=(X[i]-meanx)*(X[i]-meanx);
            vary += (Y[i] -meany) * (Y[i] -meany);
28
       }
29
       varx/=N;
30
       vary/=N;
31
32
        // calculate covariance
            for(i=0;i<N;i++){
33
            cov+=(X[i]-meanx)*(Y[i]-meany);
34
35
       cov/=N;
36
37
       slope = cov/varx;
       intercept = meany-slope*meanx;
38
       r=cov/(sqrt(varx)*sqrt(vary));
39
       printf("説明変数の平均 %lf\n",meanx);
40
       -
printf("説明変数の分散 %lf\n",varx);
41
       printf("従属変数の平均 %lf\n",meany);
42
       -
printf("従属変数の分散 %lf\n",vary);
       printf("\n共分散 %lf\n",cov);
44
       printf("相関係数 %lf\n",r);
45
       printf("\n回帰方程式 y= %lf + %lf x\n",intercept,slope);
46
       printf("決定係数 %lf\n",r*r);
47
48
   }
49
   int main(void){
50
       RMSE();
51
       return 0;
52
   }
```

#### 5.1.2 課題 13b のプログラム

課題 13b は二次多項式の近似をガウスの消去法を用いて行うプログラムを作成する課題である。本プログラムでは二次多項式の近似よりも更に一般に、n 次多項式または、n 変量の近似を行えるプログラムを作成し

た. リスト 7 に課題 13b のコードを示す. 多項式近似と重回帰分析の切り替えは 6 行目から 23 行目で行うことができる.

#### リスト 7: 課題 13b のコード

```
#include < stdio.h>
   #include < math.h>
2
   #define N 7
3
   #define M 2
4
   #define polynomial //多項式近似
6
   //#define multiple // 重回帰分析
7
   #ifdef polynomial
// 課題13b
9
10
       double X[N] = \{0.0, 0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6\};
11
       double Y[N] = {0.0,0.034,0.138,0.282,0.479,0.724,1.120};
12
13
       double transX[M][N];
   #else // multiple
14
       // 課題13 bと等価な問題
15
       //double transX[M][N] = \{\{0.0,0.1,0.2,0.3,0.4,0.5,0.6\},
16
       \{0.0, 0.01, 0.04, 0.09, 0.16, 0.25, 0.36\}\};
17
       //double Y[N] = {0.0,0.034,0.138,0.282,0.479,0.724,1.120};
18
19
       // マンションの価格データ
20
21
       //double transX[M][N]={{51,38,57,51,53,77,63,69,72,73},{16,4,16,11,4,22,5,5,2,1}};
       //double Y[N]={3.0,3.2,3.3,3.9,4.4,4.5,4.5,5.4,5.4,6.0};
22
   #endif
23
24
25
   double x[M+1];
26
   double A[M+1][M+1];
   double b[M+1];
28
29
   // データを標準出力
30
   void dispData(void){
31
32
       int i,j;
       printf("
                      データ
                                  \n");
33
       printf("----\n");
34
35
       #ifdef polynomial
           for(i=0;i<N;i++){
36
37
              printf("%lf ",X[i]);
               printf("| %lf \n",Y[i]);
38
           }
39
40
       #else
       for(i=0;i<N;i++){
41
           for(j=0;j<M;j++){
42
               printf("%lf ",transX[j][i]);
44
           printf("| %lf \n",Y[i]);
45
46
47
       #endif
       printf("----\n");
48
       printf("\n");
49
50
   // A,bを標準出力
51
   void disp(){
52
53
       int i,j;
       printf("
                                 b \n");
54
       printf("----\n");
55
56
       for(i=0;i<M+1;i++){
57
           for(j=0;j<M+1;j++){
               printf("%.2lf ",A[i][j]);
58
           printf("| %.21f\n",b[i]);
60
61
       printf("----\n\n");
62
63
  // 結果を標準出力
```

```
void dispx(){
65
66
         int i;
         printf("y = %lf ",x[0]);
67
         for(i=1;i<M+1;i++){
68
69
             #ifdef polynomial
                 printf("%+lf x^%d ",x[i],i);
70
             #else // multiple
71
                  printf("%+lf x%d ",x[i],i);
72
             #endif
73
74
         printf("\n");
76
    // ピボット選択
77
    int pivoting(int m){
78
         int i;
79
80
         int maxvalue=0;
         int maxcolumn=m;
81
         for (i=m+1; i < M+1; i++) {
82
83
             if(maxvalue < fabs(A[m][i])){</pre>
                  maxvalue=fabs(A[m][i]);
84
85
                  maxcolumn=i;
86
87
         return maxcolumn;
    }
89
90
    void changeindex(int p,int q){
         int tmp,i;
92
         for(i=0;i<M+1;i++){
93
             tmp = A[p][i];
94
             A[p][i] = A[q][i];
95
             A[q][i]=tmp;
96
         }
97
98
         tmp = b[p];
99
         b[p]=b[q];
         b[q]=tmp;
100
    }
101
102
    // Gauss Elimination
103
104
    // solve Ax=b
    // 前進消去
105
    void forwardElimination(int isPivoting){
106
107
         int i,j,k;
         double m;
108
109
         int pivot;
110
        for(k=0; k<M; k++){
111
             for(i=k+1;i<M+1;i++){
112
                  if(isPivoting){
113
                      pivot = pivoting(i);
114
115
                      changeindex(i,pivot);
116
117
                  m=A[i][k]/A[k][k];
                  A[i][k]=0;
118
                  for(j=k+1; j < M+1; j++){
119
                      A[i][j] = A[i][j]-A[k][j]*m;
120
121
                  b[i]=b[i] -b[k]*m;
122
             }
124
125
    // 後退代入
    void backwordSubstitution(void){
127
128
         int k,j;
         x[M]=b[M]/A[M][M];
129
         for (k=M-1; k>=0; k--) {
130
131
             x[k]=b[k];
             for(j=k+1;j<=M+1;j++){
132
                  x[k] -= A[k][j] *x[j];
133
```

```
x[k]/=A[k][k];
135
         }
136
137
138
     // 分析関数
139
    void RMSE(int isPivoting){
140
         int i,j,k;
141
         double tmp,p,q;
// transfit X shape
142
143
         #ifdef polynomial
144
              for(i=0;i<M;i++){
                  for(j=0;j<N;j++){
146
147
                       tmp=1;
                       for(k=0; k<i+1; k++){
148
                            tmp*=X[j];
149
                       }
150
                       transX[i][j]=tmp;
151
                  }
152
              }
153
         #endif
154
155
         dispData();
156
157
         // cal A,b,x
158
159
         for (k=0; k<M+1; k++) {
              for(j=0;j<M+1;j++){
160
                  A[k][j]=0;
                   for(i=0;i<N;i++){
162
                       if(j==0){
163
                           p=1;
164
                       }else{
165
                            p=transX[j-1][i];
166
167
168
169
                       if(k==0){
                           q=1;
170
                       }else{
171
172
                            q=transX[k-1][i];
173
                       A[k][j] += p*q;
174
                  }
175
176
              b[k]=0;
177
              for(i=0;i<N;i++){
178
                  if(k==0){
179
                       q=1;
180
                  }else{
181
                       q=transX[k-1][i];
182
183
                  b[k]+=Y[i]*q;
184
              }
185
              x[k]=0;
186
         }
187
188
         disp();
189
         // solve by Gauss Elimination
190
         forwardElimination(isPivoting);
191
         backwordSubstitution();
192
193
         dispx();
194
195
    int main(void){
196
         int isPivoting=0;
197
         RMSE(isPivoting);
198
         return 0;
199
    }
200
```

#### 5.2 実行結果

本節では、課題13のプログラムおよび課題13bのプログラムの実行結果について述べる.

#### 5.2.1 課題 13 のプログラムの実行結果

リスト 8 に課題 13 のコードの実行結果を示す. リスト 8 から回帰方程式は -1.5+1.3x であることがわかる読み取れる. これは「わかりやすい数値計算入門」!の例題の答えと一致しているから, 作成したプログラムが正しいことが確認できた.

リスト 8: 課題 13 のプログラムの実行結果

#### 5.2.2 課題 13b のプログラムの実行結果 (多項式近似)

リスト 9 に課題 13b で与えられた二次近似の実行結果を示す.リスト 9 から近似結果は  $y=0.008333-0.057500x+3.120238x^2$  で課題ページの値と一致していることが確認できる.

リスト 9: 課題 13b のプログラムの実行結果 (多項式近似)

```
データ
   0.000000 | 0.000000
3
  0.100000 | 0.034000
   0.200000 | 0.138000
   0.300000 | 0.282000
6
   0.400000 | 0.479000
   0.500000 | 0.724000
   0.600000 | 1.120000
9
10
11
12
         Α
                      b
13
   7.00 2.10 0.91 | 2.78
14
15
   2.10 0.91 0.44 | 1.34
   0.91 0.44 0.23 | 0.69
17
   y = 0.008333 - 0.057500 x^1 + 3.120238 x^2
```

#### 5.2.3 課題 13b のプログラムの実行結果 (重回帰分析)

リスト 10 に重回帰分析の実行結果を示す. 理論値は  $y=1.020130+0.066805x_1-0.080830x_2$  である. リスト 10 から, 理論値と実行結果の値が一致していることが確認できる.

#### リスト 10: 課題 13b のプログラムの実行結果 (重回帰分析)

```
51.000000 16.000000 | 3.000000
3
   38.000000 4.000000 | 3.200000
   57.000000 16.000000 | 3.300000
  51.000000 11.000000 | 3.900000
   53.000000 4.000000 | 4.400000
   77.000000 22.000000 | 4.500000
   63.000000 5.000000 | 4.500000
9
   69.000000 5.000000 | 5.400000
   72.000000 2.000000 | 5.400000
11
   73.000000 1.000000 | 6.000000
12
14
15
         Α
   -----
16
   10.00 604.00 86.00 | 43.60
17
   604.00 37876.00 5224.00 | 2724.20
   86.00 5224.00 1204.00 | 339.40
19
20
21
  y = 1.020130 + 0.066805 \times 1 - 0.080830 \times 2
```

# 6 課題14

本章では課題13のプログラムおよび実行結果について述べる.

## 6.1 プログラム

## 6.2 実行結果

# 7 課題15

本章では課題 15 のプログラムおよび実行結果について述べる.

# 7.1 プログラム

## 7.2 実行結果

# 参考文献

[1] 国立高専機構長野高専,http://www.nagano-nct.ac.jp/, 閲覧日 2020 年 8 月 5 日