Universidad del Valle de Guatemala CC3067 - Redes Adrian Rodríguez 21691 Samuel Chamalé 21881

# Laboratorio #2 - Esquemas de detección y corrección de errores

Primera parte

## Repositorio

https://github.com/chamale-rac/detection-correction/tree/main/receiver

# Lenguajes utilizados

Rust: EmisorGo: Receptor

## Mensajes

# 3 Mensajes sin cambio

## **Primer Algoritmo (Hamming 7,4)**

Primer Mensaje

Segundo Mensaje

```
/detection-correction/sender/src main
                                                          ~/detection-correction/receiver main
                                                                                                         06:31:10 PM
cargo run hamming
Finished `dev` profile [unoptimized + debuginfo] target(s) in 0.00s
Running `/Users/adrian/detection-correction/sender/target/debug/sender ham
                                                         } go run main.go hamming
>> (n): 7
>> (m): 4
ming`
>> (n): 7
>> (m): 4
                                                         0011001101111111
The number of redundancy bits is sufficient.
                                                          1101100011000010110010001101111
                                                          ~/detection-correction/receiver main
                                                                                                      4s 06:35:27 PM
                                                         Python 3.18.14 (main, Jul 17 2024, 16:52:01) [Clang 15.8.0 (clang-1500.3.9.4)] on darwin
111
                                                          /detection-correction/sender/src main
                                         2m 23s 06:35:17 PM
                                                          0010001101111"
```

#### Tercer Mensaje

```
~/detection-correction/receiver main
detection-correction/sender/src main
                                                                            06:36:52 PM
                                         } go run main.go hamming
>> (n): 7
>> (m): 4
cargo run hamming
  Finished `dev` profile [unoptimized + debuginfo] target(s) in 0.00s
  Running `/Users/adrian/detection-correction/sender/target/debug/sender ham
                                         ming`
>> (n): 7
>> (m): 4
~/detection-correction/receiver main
                                                                          7s 06:36:59 PM
) python
Python 3.10.14 (main, Jul 17 2024, 16:52:01) [Clang 15.0.0 (clang-1500.3.9.4)]
                                         /detection-correction/sender/src main
                                8s 06:36:41 PM
```

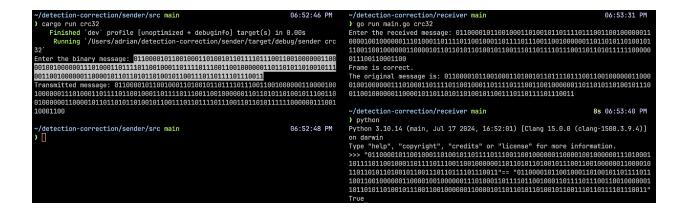
## Segundo Algoritmo (CRC 32)

#### Primer Mensaje

```
detection-correction/sender/src main
                                                   ~/detection-correction/receiver main !2
                                                                                              06:48:53 PM
                                                    go run main.go crc32
 Finished `dev` profile [unoptimized + debuginfo] target(s) in 0.04s
                                                   Running `/Users/adrian/detection-correction/sender/target/debug/sender crc
                                                   001110111011000100110
                                                   Frame is correct.
3s 06:48:57 PM
                                                   ~/detection-correction/receiver main !2
                                                   ) python3
                                       5s 06:45:02 PM
                                                   Python 3.10.14 (main, Jul 17 2024, 16:52:01) [Clang 15.0.0 (clang-1500.3.9.4)]
/detection-correction/sender/src main
                                                   on darwin
                                                   110001001111"
```

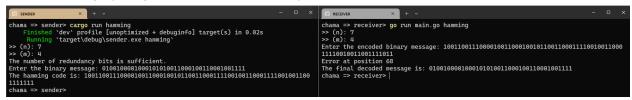
#### Segundo Mensaje





# 3 Mensajes con bit cambiado (detecta o corrige) Primer Algoritmo (Hamming 7,4)

Primer Mensaje (Antepenúltimo bit cambiado): Corregido correctamente.



Segundo Mensaje (Segundo bit cambiado): Corregido correctamente.



Tercer Mensaje (Quinto bit cambiado): Corregido correctamente.

### Segundo Algoritmo (CRC 32)

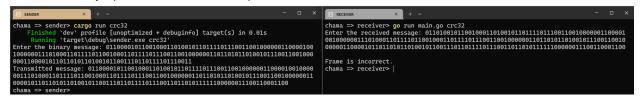
Primer Mensaje (Antepenúltimo bit cambiado): Error detectado.



Segundo Mensaje (Segundo bit cambiado): Error detectado.

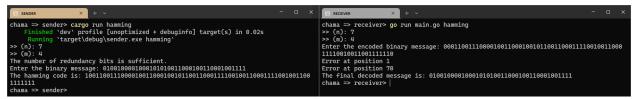


Tercer Mensaje (Quinto bit cambiado): Error detectado.

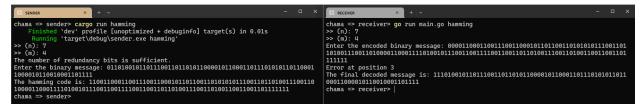


# 3 Mensajes con 2 o más bits cambiados (detecta o corrige) Primer Algoritmo (Hamming 7,4)

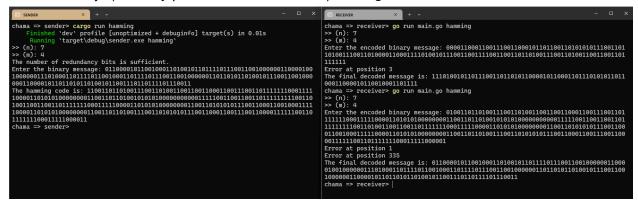
Primer Mensaje (Primer y último bit cambiado): Corregido correctamente.



Segundo Mensaje (Primeros dos bits cambiados): No lo pudo detectar bien, pues estaban en el mismo "batch".



Tercer Mensaje (Primer y penúltimo bit cambiado): Corregido correctamente.

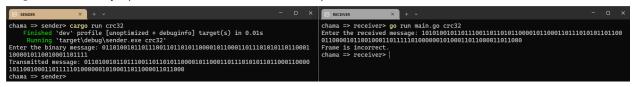


## Segundo Algoritmo (CRC 32)

Primer Mensaje (Primer y último bit cambiado): Error detectado.



### Segundo Mensaje (Primeros dos bits cambiados): Error detectado.



Tercer Mensaje (Primer y penúltimo bit cambiado): Error detectado.

## Respuestas

### **Primer Algoritmo (Hamming 7,4)**

¿Es posible manipular los bits de tal forma que el algoritmo seleccionado no sea capaz de detectar el error? ¿Por qué si o por qué no?

Primero, debemos recordar que aunque las pruebas fueron realizadas con Hamming (7,4), los requerimientos indican que debemos ser capaces de manejar cualquier combinación válida (n, k). Nuestro programa está diseñado para soportar esto.

Es importante destacar que no debemos restringirnos a analizar solo el caso (7,4).

Se sabe que los códigos de Hamming pueden detectar errores de uno o dos bits, pero solo pueden corregir un único bit sin detectar errores adicionales.

Estas limitaciones son generales para todos los códigos de Hamming y es el caso de tres o más errores el que nos interesa, ya que esto implica que el código de Hamming podría fallar en la detección (y definitivamente no podría corregir estos errores).

En nuestra implementación, el tamaño del mensaje brindado por el usuario se divide en bloques de tamaño k, que luego son transformados a tamaño n durante la codificación (se utiliza un pad de ser necesario). Durante la decodificación, se trabaja en lotes de tamaño n. Esto significa que las limitaciones antes mencionadas no se aplican directamente al mensaje completo que el usuario ingrese, sino a cada bloque individual durante la decodificación.

Esto hace que la posibilidad de no detectar errores disminuya para el mensaje en general, aunque las condiciones se mantengan por lote.

A continuación hemos ejemplificado este worst-case scenario con nuestra implementación:

En el siguiente ejemplo hemos introducido tres errores, distribuidos en las siguiente posiciones: 2, 4 y 6

```
chama => sender> cargo run hamming
    Finished 'dev' profile [unoptimized + debuginfo] target(s) in 0.02s
    Running 'target(debug)sender.exe hamming'
    >> (n): 7
    >> (m): 4
    The number of redundancy bits is sufficient.
Enter the binary message: 0110
The hamming code is: 1100110
Chama => receiver> go run main.go hamming
    >> (n): 7
    >> (m): 4
    Enter the encoded binary message: 1001100
    The final decoded message is: 0100
    Chama => receiver>

| Chama => receiver> go run main.go hamming
    | (n): 4
    | (n): 4
```

Vemos que el error no fué detectado.

¿Qué ventajas y desventajas posee este algoritmo con respecto a los otros?

Los código de Hamming ofrecen una ventaja directa sobre Fletcher checksum y CRC-32, ya que estos solo son capaces de detectar errores, mientras que Hamming puede tanto detectar cómo corregir errores.

Encontramos ciertas complejidades al trabajar con lenguajes como Rust, que manejan la memoria de forma estricta. Por ejemplo, para validar la redundancia y utilizar exponentes de base dos, encontramos que números grandes (como 256, 247) podían causar overflow.

En cuanto a la complejidad, haciendo un cálculo sencillo, la codificación tiene una complejidad de al menos O(n^2). Y respecto a la dificultad de implementación, los códigos de Hamming fueron principalmente retadores al intentar comprender la implementación con "syndrome".

## Segundo Algoritmo (CRC 32)

¿Es posible manipular los bits de tal forma que el algoritmo seleccionado no sea capaz de detectar el error? ¿Por qué si o por qué no?

Primero, recordemos que el algoritmo CRC se basa en polinomios. La probabilidad de que un error aleatorio no sea detectado depende del grado del polinomio utilizado, como en el caso del CRC-32. Dada la linealidad y el determinismo del algoritmo, si sustituimos un mensaje completo por otro válido (es decir, una ráfaga completa de errores que forma un nuevo mensaje válido con el mismo checksum), el error no será detectado. Esta es la forma más sencilla de demostrar que el algoritmo puede no detectar un error.

Bajo este concepto, podríamos buscar otro mensaje válido que implique el menor número de errores posible. Sin embargo, esto depende tanto del mensaje enviado como del polinomio utilizado, lo que hace que sea un proceso extremadamente complejo.

En el siguiente ejemplo hemos cambiado la codeword completa, por lo que el error en múltiples bits no será detectado:

Vemos que el error no fué detectado por CRC 32. Aunque en realidad, para este ejemplo arbitrario, existen 15 errores entre ambos mensajes transmitidos.

```
chama => detection-correction> py .\helpers\binary_errors.py
Enter the first binary message: 01100001101010000110110110110110010

Enter the second binary message: 01110001111100100011101010000000000101
Binary Message 1: 011[0]00011[0]10[1][0]00011[0]010[0][1][1]0[1][1]0[1][1]0[0][1][0]
Binary Message 2: 011[1]00011[1]10[0][1]00011[1]010[1][0][0][0][0][0][0][0][0][1][0][1]
Number of errors: 15
Error positions: [3, 9, 12, 13, 19, 23, 24, 25, 27, 28, 30, 31, 33, 34, 35]
chama => detection-correction>
```

¿Qué ventajas y desventajas posee este algoritmo con respecto a los otros?

El algoritmo CRC-32 ofrece simplicidad y un menor overhead. Sin embargo, su incapacidad para corregir errores lo coloca en desventaja frente a Hamming y Viterbi, que sí pueden corregir. Tal como lo vimos con nuestras ejecuciones, evitar la detección de errores es poco probable, sin embargo este puede ser engañado deliberadamente si se manipulan tanto los datos como el checksum. Durante la implementación este algoritmo fué más sencillo de implementar que Hamming. Finalmente terminamos el polinomio:

```
IEEE 802: x^{32} + x^{26} + x^{23} + x^{22} + x^{16} + x^{12} + x^{11} + x^{10} + x^8 + x^7 + x^5 + x^4 + x^2 + x^1 + 1
```

Aunque cabe destacar que nuestra implementación funcionaría simplemente cambiando la string que indica el polinomio en formato binario.