

# 1) Vocabulaire, effectif et fréquence

## A. Maîtriser le vocabulaire des statistiques

### Définitions

Lorsque l'on réalise une enquête, on est amené à étudier des **caractères** propres à chaque **individu**. L'ensemble des individus est appelé la **population**.

Le caractère peut être **qualitatif** (la couleur des cheveux, les sports pratiqués ou le type de film préféré) ou **quantitatif** (la taille, l'âge, le temps passé devant la télévision).

L'ensemble des données collectées s'appelle une **série statistique**. Avant traitement, elle est appelée **série brute**.

» **Exemple :** On a demandé aux 28 élèves d'une classe leur régime (demi-pensionnaire – DP – ou externe E). La série brute des résultats de cette enquête est la suivante :

E	DP	E	E	E	DP	E	DP	DP	DP	E	DP	DP	E	E	DP	DP	E	E	E	DP	E	E	DP	DP	E	E	DP
---	----	---	---	---	----	---	----	----	----	---	----	----	---	---	----	----	---	---	---	----	---	---	----	----	---	---	----

La population étudiée est l'ensemble des élèves de la classe ;

les individus sont chacun des élèves de cette classe ;

le caractère étudié est qualitatif : il s'agit du régime (DP ou E).

## B. Calculer des effectifs

### Définitions

Le nombre total d'individus de la population est appelé **effectif total de la série**.

Le nombre d'individus qui possèdent un même caractère est appelé **effectif du caractère**.

» **Exemple :** Dans l'exemple précédent, l'effectif total est 28 (car il y a 28 élèves) ; l'effectif du caractère « demi-pensionnaire » est 13 et celui du caractère « externe » est 15.

## C. Calculer des fréquences

### Définition

La **fréquence d'une valeur** est le quotient :  $\frac{\text{effectif de la valeur}}{\text{effectif total}}$ .

Elle peut être exprimée sous forme décimale (exacte ou approchée) ou fractionnaire. C'est un nombre entre 0 et 1.

La **fréquence en pourcentage** est l'écriture de la fréquence sous forme de pourcentage :  $\frac{\text{effectif de la valeur}}{\text{effectif total}} \times 100$

### » Entraîne-toi à Calculer une fréquence

#### ■ Énoncé

Dans une classe de 30 élèves, il y a 12 filles.  
Calcule la fréquence puis la fréquence en pourcentage des filles dans cette classe.

## 2) Représenter et lire des données

### A. Tableau de données et regroupement par classes

#### Définition

Un tableau permet de **regrouper** et d'**organiser** des données, de **lire** et d'**interpréter** facilement des informations.

» **Exemple :** Dans le tableau suivant, le nombre **727** indique qu'il y avait 727 millions d'habitants en 1995 en Europe. **35** indique qu'il y avait 35 millions d'habitants en 2008 en Océanie.

Continent	Population en millions d'habitants	
	Année 1995	Année 2008
Afrique	728	987
Asie	3 458	4 075
Europe	<b>727</b>	731
Amérique latine	482	579
Amérique du Nord	293	342
Océanie	28	<b>35</b>

#### Définition

Si on étudie un caractère quantitatif, on peut **regrouper les données par classes** pour limiter la taille du tableau de données. On détermine alors les effectifs de chaque classe.

» **Exemple :** La série brute est constituée de la taille en centimètre de 28 élèves.

155	151	153	148	155	153	148	152	151	153	156	147	145	156
154	156	149	153	155	152	149	148	152	156	153	148	148	150

La population étudiée est constituée par les élèves de la classe. Son effectif total est 28. Le caractère étudié – leur taille – est quantitatif. On regroupe ces données par classes d'amplitude 4 cm.

Taille comprise (en cm)	Entre 145 et 149	Entre 150 et 154	Entre 155 et 159
Effectif	9	12	7

### B. Diagrammes

#### Définitions

Dans un **diagramme circulaire** (ou semi-circulaire), les mesures des angles au centre sont proportionnelles aux quantités représentées.

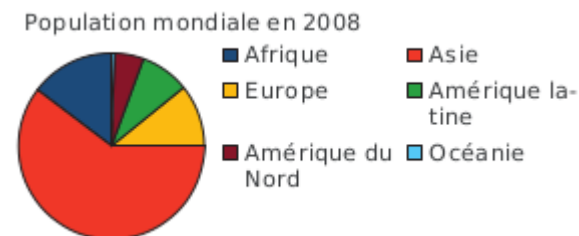
Dans un **diagramme en barres** (ou en bâtons), les hauteurs des bâtons sont proportionnelles aux quantités représentées.

#### Propriétés

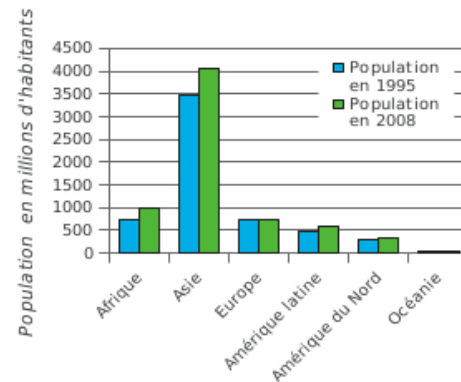
Pour représenter une situation, il existe plusieurs types de représentations :

- le graphique qui montre les évolutions
- le diagramme circulaire qui montre les proportions
- le diagramme en barres (ou en bâtons) qui montre les répartitions
- l'histogramme pour les séries regroupées en classes

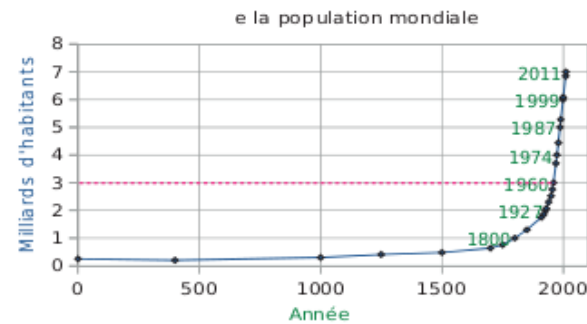
» **Exemple 1 :** Ci-dessous, on a construit un diagramme circulaire représentant la population par continent en 2008, en millions d'habitants. Plus de la moitié de la population mondiale en 2008 se trouve en Asie car l'angle du secteur orange mesure plus de  $180^\circ$ .



» **Exemple 2 :** Ci-contre, on a construit un diagramme en barres représentant la population en 1995 et en 2008, en millions d'habitants, par continent. Il permet de voir que la population en Asie est la plus importante des cinq continents, que ce soit en 1995 ou en 2008 et que c'est en Asie que l'écart entre la population en 1995 et celle en 2008 est le plus grand.



» **Exemple 3 :** Voici un diagramme qui donne l'évolution de la population mondiale en milliards d'habitants en fonction de l'année. On peut lire que les 3 milliards d'habitants ont été atteints en 1960 (pointillés roses).



### 3) Moyenne d'une série statistique

#### Formule

Si  $x_1, x_2, \dots, x_p$  représentent les valeurs du caractère de la série, et M la moyenne de cette série statistique, on a alors :  $M = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_p}{p}$ .

#### 👉 Entraîne-toi à Calculer la moyenne d'une série statistique

#### ■ Énoncé

Sophie a calculé le temps qu'elle a passé devant la télévision la semaine dernière.

Jour	Lundi	Mardi	Mercredi	Jeudi	Vendredi	Samedi	Dimanche
Temps en min	62	57	110	60	46	122	131

Calcule le temps moyen passé par Sophie devant la télévision.

#### Correction

On calcule la moyenne :  $M = \frac{62+57+110+60+46+122+131}{7} = \frac{588}{7} = 84$  min.

Sophie a passé, en moyenne, 84 min (soit 1 h 24 min) par jour devant la télévision la semaine dernière. **C'est comme si elle l'avait regardé 84 minutes par jour.**

## 4 Calculer une médiane, une étendue

### Définitions

- La **médiane**  $m$  d'une série dont les valeurs sont ordonnées est la plus petite valeur telle qu'il y ait au moins la moitié de l'effectif inférieur à cette valeur.
- L'**étendue** d'une série est la différence entre la plus grande et la plus petite des valeurs prises par cette série.

### Entraîne-toi à Calculer une médiane ou l'étendue d'une série statistique

#### ■ Énoncé

Voici le temps consacré, en minutes, au petit-déjeuner par 16 personnes.

16	12	1	9	17	19	13	10	4	8	7	8	14	12	14	9
----	----	---	---	----	----	----	----	---	---	---	---	----	----	----	---

Détermine une valeur médiane, ainsi que l'étendue de cette série statistique.

#### Correction

On commence par ranger les 16 valeurs dans l'ordre croissant.

1	4	7	8	8	9	9	10	12	12	13	14	14	16	17	19
---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----	----

- Tout nombre compris entre la 8<sup>e</sup> et la 9<sup>e</sup> valeur peut être considéré comme médiane. En général, on prend la moyenne de ces deux valeurs :  $m = 11$ .
- $19 - 1 = 18$  donc l'étendue est 18.

#### ■ Énoncé

Le syndicat de la chaussure a réalisé une étude auprès d'un échantillon représentatif de 1 012 adultes pour connaître la répartition des pointures.

Pointure	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46
Fréquence (en %)	2,3	4,3	7,6	10,8	11,4	13,6	13,7	11,3	9,4	8,1	5,3	2,2

Quelle est la pointure médiane en France ?

**Correction :** On complète le tableau avec une ligne de fréquences cumulées.

Pointure	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46
Fréquence (en %)	2,3	4,3	7,6	10,8	11,4	13,6	13,7	11,3	9,4	8,1	5,3	2,2
Fréq. Cumulées	2,3	6,6	14,2	25	36,4	50	63,7	75	84,4	92,5	97,8	100

50 % de la population a une pointure inférieure ou égale à 40.  
La pointure médiane en France est 40.

## 5 Probabilités

### Définition

Une **expérience aléatoire** est une expérience renouvelable à l'identique, dont les résultats possibles sont connus sans qu'on puisse déterminer lequel sera réalisé.

### Vocabulaire

Les résultats possibles s'appellent des **issues**.

Un **événement** est un ensemble d'issues.

Un événement élémentaire est un événement qui ne contient qu'une seule issue.

La **probabilité d'un événement** estime sa chance de se produire.

» **Remarque :** Le résultat d'un calcul de probabilité est théorique et peut ne pas correspondre à la réalité d'une expérience puisqu'en jouant 10 fois à pile ou face, par exemple, il est rare d'obtenir 5 fois « pile » et 5 fois « face ».

### Définition

Une **situation d'équiprobabilité** est une expérience où toutes les issues ont la même chance de se produire.

### Propriété

En cas d'**équiprobabilité**, une probabilité se calcule par :  $\frac{\text{nombre d'issues favorables}}{\text{nombre d'issues possibles}}$ .

### Propriété

Une **probabilité** est un nombre compris entre 0 et 1.

Plus la probabilité est proche de 1, plus l'événement a de chance de se réaliser. Si elle est égale à 1, l'événement se produit systématiquement. Il est **certain**.

Une probabilité nulle traduit que l'événement est impossible.

» **Remarques :** Une probabilité s'exprime également sous forme fractionnaire et souvent de pourcentage. Un événement a une probabilité 0,1 de se produire signifie qu'il a une chance sur 10 de se produire. Elle peut aussi s'écrire sous forme fractionnaire (1/10) ou s'exprimer en pourcentage (10%).

### 👉 Entraîne-toi à Calculer une probabilité

#### ■ Énoncé

Détermine la probabilité de tirer un as ou un trèfle dans un jeu de 32 cartes.

**7** Un dé a six faces (une verte, deux jaunes, trois bleues).

- Quelle est la probabilité d'obtenir le vert ?
- Quelle est la probabilité d'obtenir le jaune ?
- Quelle est la probabilité d'obtenir le bleu ?

**8** Dans une classe de 25 élèves, 6 élèves portent des lunettes et 10 mangent à la cantine. Si on choisit un élève au hasard, quelle est la probabilité qu'il porte des lunettes ? Qu'il mange à la cantine ? Donne le résultat en écriture fractionnaire puis en pourcentage.

**9** Dans une urne, il y a une boule rouge, quatre bleues et trois noires, indiscernables au toucher. On tire successivement avec remise deux boules. Détermine la probabilité de tirer deux boules de couleurs différentes.