dp.md 10/29/2019

# **Dynamic Planning**

# Knapsack

## 例題 | 参考

n 個の品物があり , i 番目の品物のそれぞれ重さと価値が w[i]、v[i] となっている. これらの品物から重さの総和が W を超えないように選んだときの、価値の総和の最大値を求める .

### 方針

```
dp[i+1][j] >>> i 番目までの品物の中で重さの総和が j 以下となるように選んだときの最大価値
```

## 漸化式

```
if j >= w[i] then
  dp[i+1][j] = max{ dp[i][j - w[i]] + v[i], dp[i][j] }
else
  dp[i+1][j] = dp[i][j]
```

## 初期条件

```
REP(j, 0, W)
dp[0][j] = 0
```

# Number Partitioning 1

## 例題 | 参考

n 個の正の整数 a[0], a[1], ..., a[n-1] の部分和が整数 A になるものはあるか.

# 方針

```
dp[i+1][j] >>> i番目までの整数の中からいくつか選んで総和をjとすることが可能かど
うか
```

#### 漸化式

dp.md 10/29/2019

```
if j >= a[i] then
  dp[i+1][j] = dp[i][j-a[i]] | dp[i][j]
else
  dp[i+1][j] = dp[i][j]
```

#### 初期条件

```
REP(j, 0, A)
dp[0][j] = (j==0) ? True : False
```

# Number Partitioning 2 (数え上げ)

# 例題 | 参考

n 個の正の整数 a[0], a[1], ..., a[n−1] から何個か選んで,総和を整数 A にする方法は何通りあるか. (答えは mod 1e9+7)

## 方針

```
dp[i+1][j] >>> i番目までの整数からいくつか選んで総和をjとする場合の数
```

## 漸化式

```
if j >= a[i] then
  dp[i+1][j] = dp[i][j - a[i]] + dp[i][j]
else
  dp[i+1][j] = dp[i][j]
```

#### 初期条件

```
REP(j, 0, A)
dp[0][j] = (j==0) ? 1 : 0;
```