

二叉树（英语：Binary tree）是每个节点最多有两个子树的**树结构**。通常子树被称为“左子树”（*left subtree*）和“右子树”（*right subtree*）

二叉树的每个节点至多只有二棵子树(不存在度大于2的节点)，**二叉树**的子树有左右之分，次序不能颠倒。

概念：

1. **树的节点的度数**:此节点所含子树的个数(二叉树的节点的度数最大为2).
2. **树的度数**:最大的节点的度(二叉树的度数最大为2).
3. **叶子节点**:树底部的节点拥有空子树被称为“叶子”节点(度为零的节点).
4. **二叉树的层**:根节点为**第1层**.(一般根节点被定义为**第1层**,也有教材定义为第0层)
5. **二叉树的深度/高度**:二叉树的最大层数.(根节点定义为第1层,深度==最高层)
6. **满二叉树**:所有叶节点都在最底层的完全二叉树(若深度为 k ,则节点个数为 2^k-1 个).
7. **完全二叉树**:只有最下面的两层结点的度能够小于2,并且最下面一层的结点都集中在该层最左边的若干位置的二叉树(深度为 k 的二叉树,第1层到 $k-1$ 层的节点都达到最大值,且第 k 层所有的节点从左到右连续紧密排列)
8. **二叉搜索树|二叉查找树|二叉排序树**:(Binary Search Tree[ordered binary tree])根节点的左子树所有节点的值小于等于根节点的值,根节点的右子树所有节点的值大于根节点的值
9. **线索二叉树**(引线二叉树):所有应该为空的右孩子指针指向该节点在**中序序列的后继**,所有应该为空的左孩子指针指向该节点的**中序序列的前驱**。
(在 N 个节点的二叉树中,每个节点有2个指针,所以一共有 $2N$ 个指针,除了根节点以外每一个节点都有一个指针从它的父节点指向它,所以一共使用了 $N-1$ 个指针。所以剩下 $2N-(N-1)$ 个空指针。)
10. **平衡二叉树**(Balanced Binary Tree):是一种结构平衡的二叉搜索树,即叶节点深度差不超过1,它能在 $O(\log n)$ 内完成插入、查找和删除操作(常见的有: 1.AVL树 2.红黑树 3. Treap)

11. 树的遍历种类: 1)深度优先遍历(先序,中序,后序).2)广度优先遍历.

12. 普通树到二叉树的转换: 1)树的所有兄弟节点(父节点相同)之间加一根线. 2)对每个节点, 除了保留与长子(最左孩子)的连线外, 去掉所有该节点与其他的孩子节点间的连线. -> 完成

13. 节点的路径长度: 从根节点到该节点的路径上连接数

性质:

1. 二叉树的深度 k ==二叉树的最大层数
2. 二叉树的第 i 层至多有 $2^{(i-1)}$ 个节点.
3. 深度为 k 的二叉树至多共有 2^k-1 个节点.
4. 对任何一棵二叉树 T , 如果其终端节点数为 n_0 ,度为2的节点数为 n_2 ,则 $n_0=n_2+1$.
5. 元素个数为 n 的二叉树,

Things To Understand

1. The node/pointer structure that makes up the tree and the code that manipulates it
树是由节点/指针结构构成的,用代码操作这棵树
2. The algorithm, typically recursive, that iterates over the tree
算法, 通常是递归, 遍历树