

# 高代第一章测试卷

(闭卷 时间 120 分钟)

考场登记表序号\_\_\_\_\_

题 号	一	二	总分
得 分			
阅卷人			

## 一、填空题 (每小题 5 分, 共 20 分)

得 分	
-----	--

1. 设排列  $i_1 i_2 \cdots i_n$  的逆序数为  $t$ , 则  $i_n i_{n-1} \cdots i_2 i_1$  的逆序数为\_\_\_\_\_.
2. 设 4 阶行列式的第一行元素依次为  $1, 2, 0, -4$ , 第三行元素的余子式依次为  $6, x, 19, 2$ , 则  $x =$ \_\_\_\_\_.
3. 设  $\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} = 1$ , 则  $\begin{vmatrix} 3a_{31} & a_{32} & 2a_{33} \\ 6a_{21} & 2a_{22} & 4a_{23} \\ 3a_{11} & a_{12} & 2a_{13} \end{vmatrix}$  为\_\_\_\_\_.
4. 若方程组  $\begin{cases} 3x_1 + kx_2 - x_3 = 0 \\ 4x_2 + x_3 = 0 \\ kx_1 - 5x_2 - x_3 = 0 \end{cases}$  有非零解, 则  $k =$ \_\_\_\_\_.

## 二、简单计算题 (每小题 5 分, 共 10 分)

得 分	
-----	--

5. 设  $D = \begin{vmatrix} 3 & -5 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & -5 \\ -1 & 3 & 1 & 3 \\ 2 & -4 & -1 & -3 \end{vmatrix}$ , 求  $2A_{11} - 4A_{12} - A_{13} - 3A_{14}$  的值. 其中  $A_{ij}$  分别表示  $D$  中元素  $a_{ij}$  的代数余子式.

6. 设  $A = (a_{ij})_{3 \times 3}$  为对称矩阵, 已知  $a_{11} = 1, a_{12} = t, a_{13} = t^2$ , 余子式  $M_{12} = 1, M_{22} = 2, M_{32} = 1$ , 求  $t$  值.

## 三、行列式计算题 (每小题 14 分, 共 70 分)

7. 计算  $n$  级行列式:

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & \cdots & 1 \\ x_1 & x_2 & \cdots & x_n \\ x_1^2 & x_2^2 & \cdots & x_n^2 \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ x_1^{n-2} & x_2^{n-2} & \cdots & x_n^{n-2} \\ x_1^n & x_2^n & \cdots & x_n^n \end{vmatrix}.$$

8. 计算行列式:

$$\begin{vmatrix} a_0 & -1 & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ a_1 & x & -1 & \cdots & 0 & 0 \\ a_2 & 0 & x & \cdots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & & \vdots & \vdots \\ a_{n-2} & 0 & 0 & \cdots & x & -1 \\ a_{n-1} & 0 & 0 & \cdots & 0 & x \end{vmatrix}.$$

9. 计算  $n$  阶行列式:

$$D_n = \begin{vmatrix} a & x & \cdots & x \\ y & a & \cdots & x \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ y & y & \cdots & a \end{vmatrix} (x \neq y).$$

10. 计算  $n$  阶行列式:

$$\begin{vmatrix} 1+a_1 & a_2 & \cdots & a_n \\ a_1 & 1+a_2 & \cdots & a_n \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ a_1 & a_2 & \cdots & 1+a_n \end{vmatrix}.$$

11. 讨论  $\lambda$  取何值时, 下列方程组有唯一解, 并求其解:

$$\begin{cases} \lambda x_1 + x_2 + x_3 = \lambda \\ x_1 + \lambda x_2 + x_3 = \lambda^2 \\ x_1 + x_2 + \lambda x_3 = \lambda^3 \end{cases}$$