

安徽大学2016-2017学年第一学期 《数学分析（上）》考试试卷（B卷）

（闭卷 时间120分钟）

考场登记表序号 _____

题号	一	二	三	四	五	总分
得分						
阅卷人						

一、填空题（每小题4分，共16分）

得分

1. 已知 $\lim_{x \rightarrow \infty} [\sqrt{3x^2 + 2x - 1} - (ax + b)] = 0$. 则 $a =$ _____, $b =$ _____.

2. 设 $S = \{x^2 - x \mid 0 < x < 1\}$, 则 S 的最小值是 _____, 上确界是 _____.

3. 曲线 $y = e^x - 2x^2 + 5x - 3$ 的拐点的横坐标是 _____.

4. 设
$$\begin{cases} x = a \cdot \sin t^2 \\ y = b \cdot \cos t^2 \end{cases}, 0 < t < \frac{\sqrt{2}}{2}\pi. \text{ 则 } \frac{dy}{dx} = \text{_____}.$$

二、求以下数列的极限（本大题有4小题，共24分）

得分

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5^n + n^5}{5^{n+1} + (n+1)^5}$

$$2 \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{n \cdot \ln n^k}$$

$$3 \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{2^2}\right) \left(1 - \frac{1}{3^2}\right) \cdots \left(1 - \frac{1}{n^2}\right)$$

$$4 \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{6} + \cdots + \frac{1}{2n} \right)^{\sqrt{2n}}$$

三、求以下函数的极限 (本大题有4小题，共24分)

得分	
----	--

1. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+mx)^n - (1+nx)^m}{x^2}$

$$2 \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x - \tan x}{x^3}$$

$$3 \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\sqrt{a + bx + cx^2} - \sqrt{a - bx + cx^2} \right)$$

$$4 \lim_{x \rightarrow 0} \frac{xe^x - \left(1 - \frac{3!}{x}\right) \sin x - 3!}{x^3}$$

四、计算(本大题有2小题, 共12分)

得分	
----	--

1. $y = e^{\sqrt{2x^3+x}}$ ($x \geq 0$). 计算 $\frac{d^2y}{dx^2}$.

2. $y \cdot \sec x - x^2 \cdot e^y = 0$, 计算 $\frac{dy}{dx}$.

五、证明题(每小题8分, 共24分)

得分	
----	--

1. 已知两函数 $f(x), g(x)$ 在 $[a, b]$ 上连续, 则对任何实数 p, q , 函数 $p \cdot f(x) + q \cdot g(x)$ 在 $[a, b]$ 上一致连续.

- 4

3. 已知 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 1$. 若 $f''(x) < 0$, 则 $f(x) \leq x$.