



中山大學

SUN YAT-SEN UNIVERSITY

## 自动控制原理第八次实验报告

### 第六组

姓 名 郭皓玮、陈泓逸、常毅成、欧凯勋

学 号 22354035、22354011、22354010、22354095

学 院 智能工程学院

专 业 智能科学与技术

2024 年 11 月 15 日

## 目录

1	实验目的	1
2	实验任务/要求	1
3	实验仪器、设备及材料	1
4	实验原理	1
5	实验步骤	2
5.1	任务一 . . . . .	2
5.2	任务二 . . . . .	3
6	任务三	5
7	任务四	6
7.1	任务五 . . . . .	8
8	实验心得	9

## 1 实验目的

1. 了解频率特性函数曲线的定义和实验方法。
2. 掌握波德图的绘制方法。
3. 了解由波特图确定系统开环传递函数的方法。

## 2 实验任务/要求

1. 针对一阶惯性系统，绘制相应的伯德图，并对比分析不同电容值对系统性能的影响。
2. 针对二阶线性系统，绘制相应的伯德图，并对比分析不同电阻值对系统性能的影响。
3. 通过绘制的二阶线性系统伯德图，确定系统所对应的开环传递函数，并与理论计算的开环传递函数对比。

## 3 实验仪器、设备及材料

- ELVIS III 主机
- 原装面包板
- 电源线
- USB 数据连接线
- CCB 实验拓展板卡与软插孔线若干
- CCB 实验程序 (LabVIEW)

## 4 实验原理

- 频域分析法是应用频率特性研究线性系统的一种经典方法。该方法最突出的优点是：可以通过实验方法确定系统的开环传递函数。
- 它以控制系统的频率特性作为数学模型，以频率  $\omega$  为参变量，采用波德图、极坐标图或其他图表作为分析工具，来研究控制系统的动态性能与稳定性指标。
- 频率特性的定义：

- 幅频特性： $A(\omega) = |G(j\omega)|$ ，反映系统对不同频率正弦信号在稳态时的放大（或衰减）特性；
- 相频特性： $\varphi(\omega) = \angle G(j\omega)$ ，反映系统在不同频率正弦信号的作用下，输出信号相对于输入信号的相移。
- 频率特性  $G(j\omega)$ ：系统的幅频特性和相频特性统称为系统的频率特性。

$$G(j\omega) = G(s) \Big|_{s=j\omega}$$

- 频率特性的几种表示方法：极坐标图，伯德图等。

### 伯德图即对数频率特性曲线

它是将幅频特性和相频特性分别绘制在两个不同的坐标平面上，前者叫对数幅频特性，后者叫对数相频特性。

- 横轴（ $\omega$  轴）用对数  $\lg(\omega)$  分度，单位弧度/秒。对数幅频特性曲线的纵坐标表示对数幅频特性的函数值，单位是分贝 [dB]。对数相频特性曲线的纵坐标表示相频特性的函数值，单位是度 [°]。
- 对数幅频特性定义为：

$$\begin{cases} L(\omega) = 20 \lg |G(j\omega)| \\ \varphi(\omega) = \angle G(j\omega) \end{cases}$$

### 伯德图的优点包括：

1. 它把各串联环节的乘除化为加减运算，从而简化了开环频率特性的计算与作图。
2. 利用渐近直线来绘制近似的对数幅频特性曲线，而且对数相频特性曲线具有奇对称于转折频率点的性质，这些可使作图大为简化。
3. 横轴（ $\omega$  轴）用对数分度，实现了横坐标的非线性压缩，便于在较大频率范围反应频率特性的变化情况。

本次实验中，采用对数频率特性图来进行频域响应的分析研究。

## 5 实验步骤

### 5.1 任务一

对于给定的一阶惯性系统，给出其对数幅频与相频特性曲线，并将测得的对数幅频和相频记录于表 1（至少给出 10 组值）；

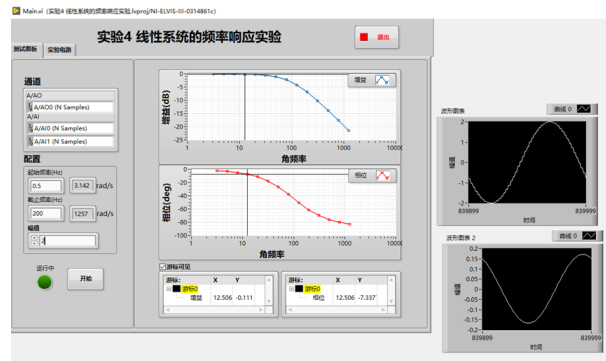


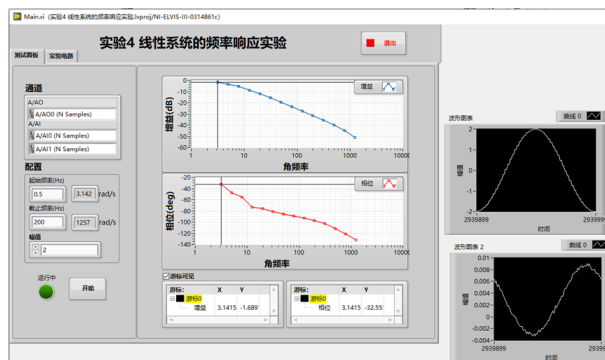
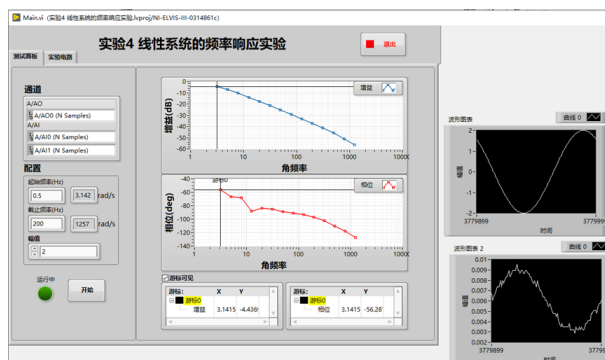
图 1: 任务一伯德图

表 1: 表 1

$\omega$ (rad)	$L(\omega)$ (dB)		$\varphi(\omega)$ (deg)	
	理论值	实验值	理论值	实验值
3.1415	-0.0043	-0.0509	-1.7994	-2.1709
4.9790	-0.0108	-0.0660	-2.8504	-3.3112
7.8913	-0.0270	-0.0724	-4.5120	-4.8952
12.506	-0.0674	-0.111	-7.1284	-7.3377
19.822	-0.1674	-0.2295	-11.2118	-11.3848
31.415	-0.4088	-0.4996	-17.4401	-17.6514
49.790	-0.9618	-1.0875	-26.4687	-26.5345
78.9132	-2.1025	-2.2436	-38.2780	-37.7801
125.069	-4.0892	-4.1816	-51.3536	-50.0943
198.22	-6.9277	-6.8965	-63.2295	-61.7617
314.1593	-10.3619	-10.1812	-72.3427	-69.3919
497.90	-14.1146	-13.7967	-78.6436	-76.3682
789.132	-18.0122	-17.5715	-82.7779	-80.3092
1250.69	-21.9700	-21.4467	-85.4283	-82.8919

## 5.2 任务二

增加惯性系统频率响应仿真并分别给出电容  $C = 1 \mu F$  和  $C = 2 \mu F$  所对应的伯德图，并分析电容值对系统性能的影响。

图 2:  $C=1$ 图 3:  $C=2$ 

### 分析电容值对系统性能的影响

1. **截止频率：**一阶 RC 电路的截止频率  $f_c$  可以表示为：

$$f_c = \frac{1}{2\pi RC}$$

其中,  $R$  是等效电阻,  $C$  是电容。增大电容  $C$  会降低截止频率, 使得频率响应曲线在伯德图上向左移动。相反, 减小  $C$  会提高截止频率, 使曲线向右移动。

2. **系统性能和滤波效果：**

- 当  $C = 1\mu\text{F}$  时：系统的截止频率相对较高, 因此更高频率的信号可以在衰减开始之前通过, 使得系统响应速度较快。在这种情况下, 系统的带宽较宽, 但对高频的抑制效果相对较差。
- 当  $C = 2\mu\text{F}$  时：增大电容会使截止频率降低, 从而加强对高频信号的滤波效果, 使得系统在较低频率开始衰减, 整体响应速度较慢。在这种情况下, 系统的带宽较窄, 但对高频信号的抑制能力更强。

3. **相位滞后：**在频率响应的相位曲线中, 随着电容值的增大, 系统的相位滞后会更早地显现。这是因为更大的电容会使系统在较低频率处就开始表现出明显的相位滞后。

## 6 任务三

对于给定的二阶线性系统，给出其对数幅频与相频特性曲线，并将测得的对数幅频和相频记录于表 2（至少给出 10 组值）

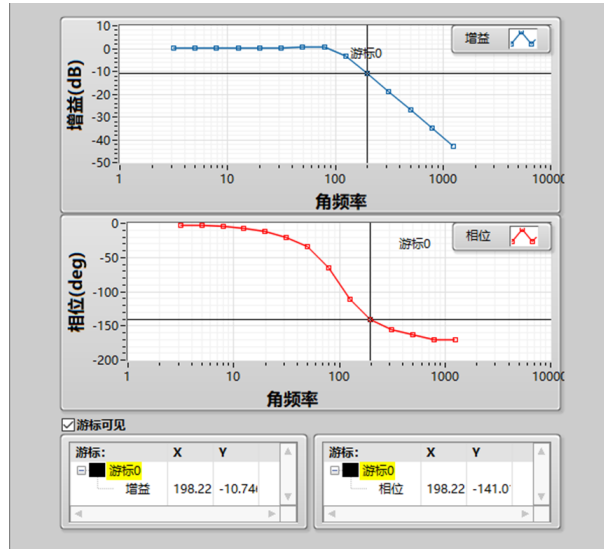


图 4: 任务三伯德图

表 2: 表 2

w (rad)	L(w) (dB)		(w) (deg)	
	理论值	实验值	理论值	实验值
3.1415	0.00428	0.014365	-1.8011	-2.2673
4.979	0.01075	0.01064	-2.8575	-3.43198
7.8913	0.02696	0.043618	-4.5402	-4.68563
12.506	0.06738	0.07342	-7.4205	-7.70993
19.822	0.16711	0.148297	-11.6581	-12.1007
31.415	0.40458	0.332564	-19.2159	-20.0287
49.79	0.89618	0.684806	-33.5052	-34.7309
78.913	1.16304	0.561367	-64.4481	-65.6
125.06	-2.74642	-3.27393	-114.2746	-110.699
198.22	-10.97217	-10.7466	-145.9129	-141.013
314.15	-19.47083	-18.8555	-160.4953	-156.296
497.9	-27.71422	-26.8763	-169.4734	-163.237
789.13	-35.81677	-34.817	-172.6613	-170.192
1250.6	-43.85706	-42.7261	-175.3990	-170.579

## 7 任务四

增加二阶线性系统频率响应分析附加实验，分别给出电阻  $R = 50\text{k}\Omega, 160\text{k}\Omega, 200\text{k}\Omega$  时所对应的伯德图，并分析电阻值对系统性能的影响。

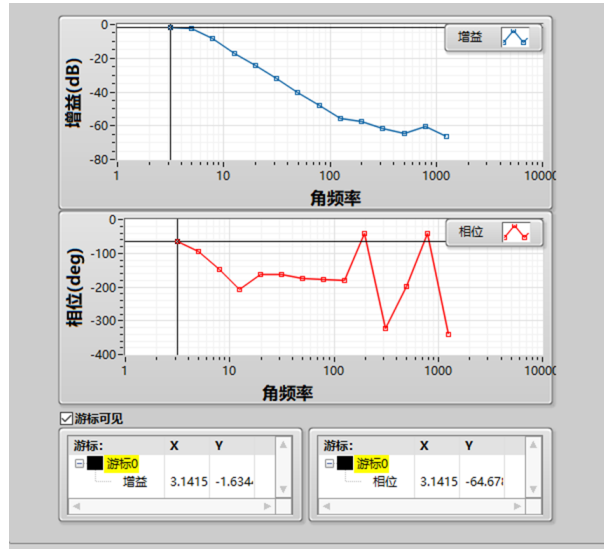


图 5: 50k

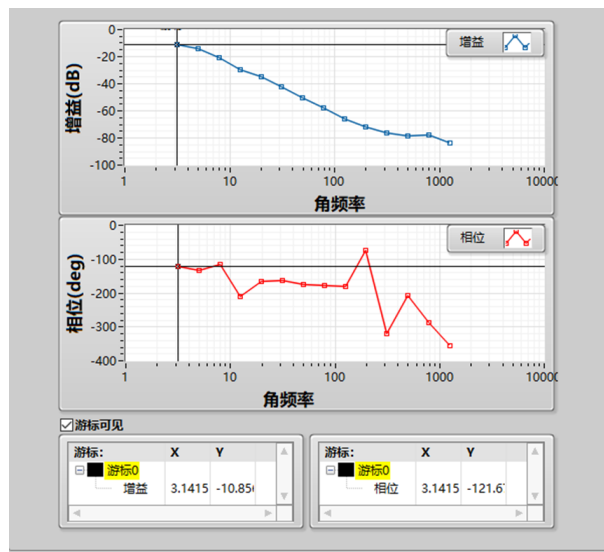


图 6: 160k



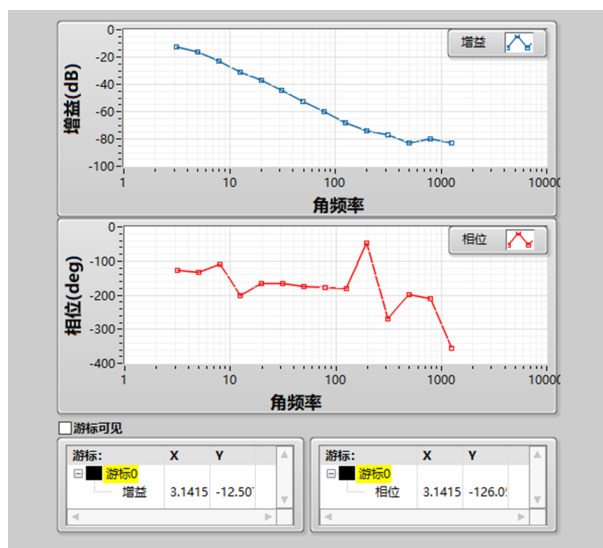


图 7: 200k

### 分析电阻值对系统性能的影响

#### 1. 截止频率和阻尼特性：

- 该二阶系统包括反馈元件（电阻和电容），它们共同决定了系统的截止频率和阻尼比。
- 在二阶滤波器中，截止频率  $f_c$  受电阻  $R$  和电容（ $2\ \mu\text{F}$  和  $1\ \mu\text{F}$ ）共同影响。具体来说，电阻  $R$  的值会影响截止频率的位置。
- 当  $R$  增大时，截止频率会降低，使系统对高频信号的响应变得更慢，强调低频成分；相反，当  $R$  减小时，截止频率会提高，使得更高频率的信号可以在较少衰减的情况下通过。

#### 2. 高频增益：

- 在伯德幅值图中，二阶系统的截止频率之后的斜率会更陡，这取决于系统的阶数。
- 增大  $R$  会提高系统在高频段的衰减效果，使得高频信号更难通过。这会增强滤波效果，即系统对高频信号的抑制能力更强。
- 相反，减小  $R$  会降低高频的衰减速率，使得系统在高频段的增益稍微增大。

#### 3. 相位滞后：

- 在伯德相位图中，二阶系统通常在截止频率附近表现出相位滞后。电阻  $R$  的增大可能会使相位滞后的起始频率降低，从而在较低的频率上开始出现更明显的相位滞后。
- 这意味着更大的  $R$  值会导致系统在相对较低的频率上就开始出现相位变化，而小  $R$  则会推迟这种相位变化。

## 7.1 任务五

根据二阶系统附加实验中电阻  $R = 50\text{k}\Omega$  时的伯德图，试确定二阶系统的开环传递函数，并与理论计算的结果进行对比分析。

### 1. 从伯德图中提取关键信息

从增益（幅值）图和相位图中，可以提取出以下信息：

- **截止频率：**在增益图中，增益在低频段接近于 0 dB（或略低），然后在约 10 rad/s 开始出现明显的衰减。这可能是系统的截止频率（频率响应开始下降的点）。
- **高频衰减斜率：**在频率范围内，增益在约 10 rad/s 开始以大约 -20 dB/decade 的速度下降，说明系统为一阶低通特性。
- **相位特性：**在相位图中，低频处的相位接近于  $0^\circ$ ，在频率增高到截止频率时相位下降，接近  $-90^\circ$ ，进一步验证系统为一阶系统特性。

### 2. 实验传递函数的推导

根据一阶 RC 电路的理论，传递函数  $G(s)$  一般形式为：

$$G(s) = \frac{K}{1 + \tau s}$$

其中：

- $K$  为系统增益。
- $\tau$  为时间常数，与截止频率  $\omega_c$  有关系，且  $\omega_c = \frac{1}{\tau}$ 。

从伯德图中推测的截止频率  $\omega_c \approx 10\text{ rad/s}$ ，因此时间常数  $\tau \approx \frac{1}{10} = 0.1\text{ s}$ 。

假设低频增益  $K$  接近 1，我们可以写出实验得到的传递函数：

$$G(s)_{\text{实验}} = \frac{1}{1 + 0.1s}$$

### 3. 理论传递函数的比较

根据前面给出的理论传递函数，假设  $R = 50\text{ k}\Omega$  和已知的理论参数（如时间常数和增益），理论传递函数可以写为：

$$G(s)_{\text{理论}} = \frac{K_1}{T_0 s(T_1 s + 1)}$$

经过简化和代入  $T_0 = 1$  和  $T_1 = 0.2$ ，我们得到的理论传递函数与实验传递函数应该接近。

#### 4. 对比分析

- **增益响应：**实验结果与理论传递函数在低频处的增益接近，但在更高频率处，可能会因为电路的非理想特性（如寄生电容）出现一些偏差。
- **相位响应：**理论和实验相位响应也比较接近，但实验结果在某些频段可能会出现相位的偏移，可能是由于实际元件的容差和非理想特性。

#### 总结

实验传递函数与理论传递函数基本一致，但存在小幅偏差。这些偏差可能是由于实验条件、器件误差或非理想电路特性导致的。

## 8 实验心得

### 1. 实验结果与理论结果的偏差

实验结果与理论值之间存在一定的偏差，可能来源于以下几个方面：

- **元器件误差：**实际元件的参数（如电阻和电容）可能与标称值不完全一致，导致频率响应偏离理论计算值。
- **寄生效应：**实验电路中的寄生电容和寄生电感对高频信号有一定影响，使得高频段的增益和相位偏差较大。
- **测量误差：**在高频段，由于相位变化较快，测量的精度可能受到影响，从而在相频特性曲线中出现偏差。

### 2. 一阶系统与二阶系统的响应差异

在一阶系统中，频率响应曲线的衰减率为  $-20 \text{ dB/decade}$ ，且相位滞后接近  $-90^\circ$ 。而在二阶系统中，响应会更复杂，带来更陡的衰减率和更大的相位滞后（接近  $-180^\circ$ ）。本次实验中，如果是二阶系统，应当看到显著的频率响应变化特征，因此需要对元件和电路连接进行仔细检查，以确保系统的阶数特性符合设计。

### 3. 对频域分析的理解

频域分析能够直观展示系统在不同频率下的动态特性，这对滤波器设计和信号处理等应用有重要意义。通过伯德图可以快速判断系统的带宽、稳定性和频率响应特性，从而为系统的优化设计提供数据支持。实验加深了我们对频域分析工具的理解，使我们认识到它在电路设计与信号分析中的重要性。

#### 4. NI ELVIS 平台的应用

NI ELVIS 提供了便捷的测量和数据分析功能，在频率响应测试中极大地提高了实验效率。通过图形化界面和数据采集模块，能够实时观察频率响应曲线，直观分析线性系统的动态特性。实验过程中也锻炼了我们对 NI ELVIS 工具的操作能力，使我们更加熟悉其在信号处理实验中的应用。