

1. 交换积分 $\int_1^2 dx \int_0^{\ln x} f(x, y) dy$ 的积分顺序。
2. 求由曲面 $z = x^2 + y^2$ 与 $4 = x^2 + y^2$ 以及 $z = 0$ 所围区域的体积。
3. 设平面薄板 D 以 $y = \sqrt{x}$, $y = 0$, $x = 1$ 为边界, 其上每一点密度 $\rho(x, y) = y$, 求此平面薄板的质量。
4. 计算三重积分 $\iiint_{\Omega} xz \sqrt{x^2 + y^2} dx dy dz$, 其中 Ω 是由 $z \leq \sqrt{2 - x^2 - y^2}$ 与 $z \geq \sqrt{x^2 + y^2}$ 所确定的区域。
5. 计算积分 $\int_L xy ds$, 其中 L 是上半圆周: $x^2 + y^2 = 1, y \geq 0$.
6. 计算 $\int_L y dx + z dy + x dz$, 其中 L 是从 $A(1, 2, 1)$ 到 $B(0, 0, 0)$ 的直线段。
7. 计算 $\oint_L (e^x + x^2 y) dx + (e^y + x^3) dy$, L 是由 $y = x^2$, $y = 0$, $x = 1$ 所围平面区域的正向边界。
8. 计算 $\iint_{\Sigma} \frac{1}{z} dS$, 其中曲面 Σ 是 $x^2 + y^2 + z^2 = 4$ 被 $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ 所截的部分。
9. 求 $I = \iint_{\Sigma} z^2 dx dy$, 其中 Σ 是 $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ 介于 $z = 1$ 与 $z = 2$ 之间部分曲面的外侧。
10. 求 $I = \iint_{\Sigma} 2xy dy dz + y dz dx + 3z dx dy$, 其中曲面 Σ 是上半球面 $z = \sqrt{2 - x^2 - y^2}$ 的内侧。
11. 求 $y'' = y' + (y')^2$ 的通解。
12. 求 $2xy \frac{dy}{dx} + y^2 - \sin x = 0$ 的通解。
13. 若 $(aye^x + 3e^x + y^2)dx + (e^x + bxy)dy = 0$ 是全微分方程, 则 a, b 该为何值? 并求此种情况下微分方程的通解。
14. 求 $y'' - y = e^x + x \sin 2x$ 的通解。