

# **Отчет по лабораторной работе №5**

**Модель хищник-жертва - вариант 4**

**Чан Куок Кхань НПИбд-02-19**

# Содержание

<b>1</b>	<b>Цель работы</b>	<b>4</b>
<b>2</b>	<b>Задание</b>	<b>5</b>
<b>3</b>	<b>Выполнение лабораторной работы</b>	<b>6</b>
3.1	Теоретические сведения . . . . .	6
3.2	Задача . . . . .	7
<b>4</b>	<b>Выводы</b>	<b>10</b>
	<b>Список литературы</b>	<b>11</b>

# List of Figures

3.1	График численности хищников от времени . . . . .	8
3.2	График численности жертв от времени . . . . .	8
3.3	График численности жертв и хищников от времени . . . . .	8
3.4	График численности хищников от численности жертв . . . . .	9

# 1 Цель работы

Изучить модель хищник-жертва

## 2 Задание

1. Построить график зависимости  $x$  от  $y$  и графики функций  $x(t), y(t)$
2. Найти стационарное состояние системы

## 3 Выполнение лабораторной работы

### 3.1 Теоретические сведения

В данной лабораторной работе рассматривается математическая модель системы «Хищник-жертва».

Рассмотрим базисные компоненты системы. Пусть система имеет  $X$  хищников и  $Y$  жертв. И пусть для этой системы выполняются следующие предположения: (Модель Лотки-Вольтерра) 1. Численность популяции жертв и хищников зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории) 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает 3. Естественная смертность жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными 4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается 5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -ax(t) + by(t)x(t) \\ \frac{dy}{dt} = cy(t) - dy(t)x(t) \end{cases}$$

Параметр  $a$  определяет коэффициент смертности хищников,  $b$  – коэффициент естественного прироста хищников,  $c$  – коэффициент прироста жертв и  $d$  – коэффициент смертности жертв

В зависимости от этих параметров система и будет изменяться. Однако следует выделить одно важное состояние системы, при котором не происходит

никаких изменений как со стороны хищников, так и со стороны жертв. Это, так называемое, стационарное состояние системы. При нем, как уже было отмечено, изменение численности популяции равно нулю. Следовательно, при отсутствии изменений в системе  $\frac{dx}{dt} = 0, \frac{dy}{dt} = 0$

Пусть по условию есть хотя бы один хищник и хотя бы одна жертва:  $x > 0, y > 0$  Тогда стационарное состояние системы определяется следующим образом:

$$x_0 = \frac{a}{b}, y_0 = \frac{c}{d}$$

## 3.2 Задача

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.15x(t) + 0.044y(t)x(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.35y(t) - 0.032y(t)x(t) \end{cases}$$

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях:  $x_0 = 9, y_0 = 14$  Найдите стационарное состояние системы

model Project

```
parameter Real a=0.15;
parameter Real b=0.044;
parameter Real c=0.35;
parameter Real d=0.032;
```

```
Real x(start=9);
Real y(start=14);
```

equation

```
der(x)= -a*x + b*x*y;
der(y)= c*y - d*x*y;
```

```

    annotation(experiment(StartTime=0, StopTime=400, Tolerance=1e-
06,Interval=0.05));

```

```

end Project;

```

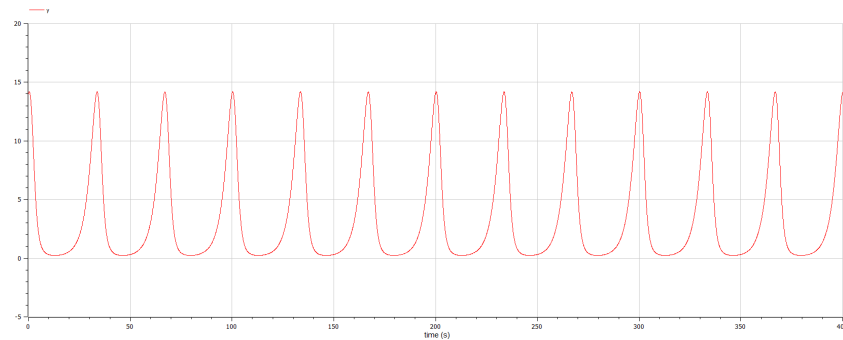


Figure 3.1: График численности хищников от времени

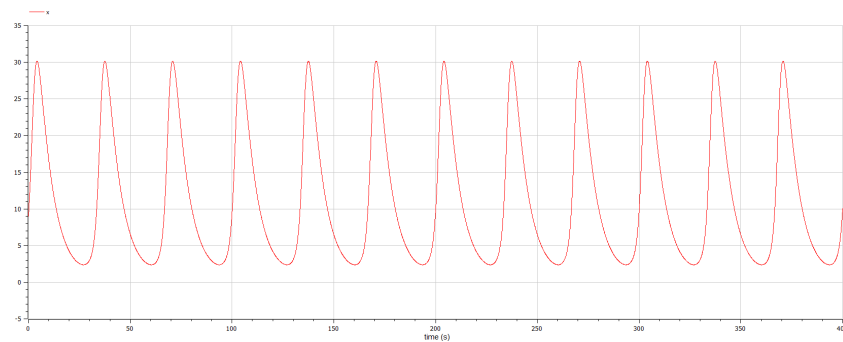


Figure 3.2: График численности жертв от времени

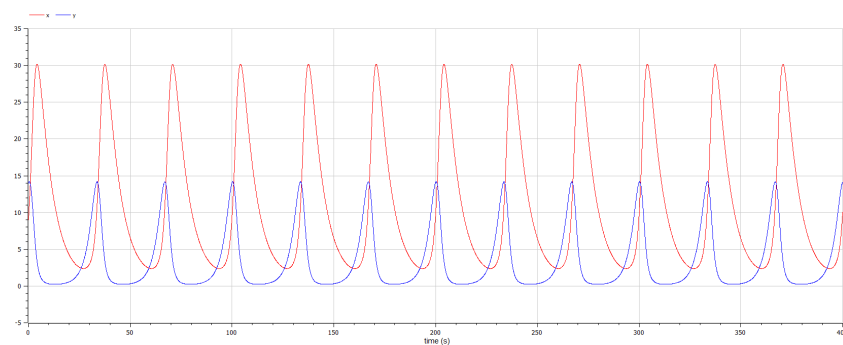


Figure 3.3: График численности жертв и хищников от времени



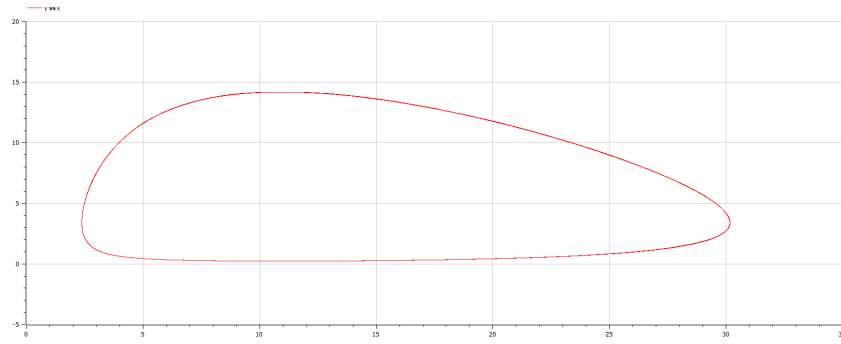


Figure 3.4: График численности хищников от численности жертв

Стационарное состояние  $x_0 = \frac{a}{b} = 3.409$ ,  $y_0 = \frac{c}{d} = 10.9375$

## 4 Выводы

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель хищник-жертва и построены графики.

# Список литературы

1. Модель Лотки-Вольтерры
2. Биология математическая