

# Traitements d'images

## Introduction

Caroline Petitjean

# Image Processing Tasks

Low-Level

Denoising



Deblurring



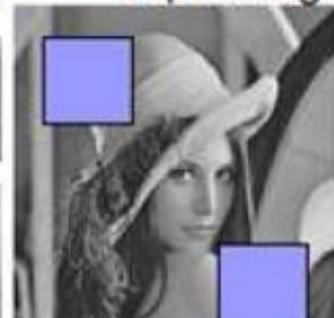
Compression



Super-Resolution



Inpainting



Mid-Level

Segmentation



Registration



High-Level

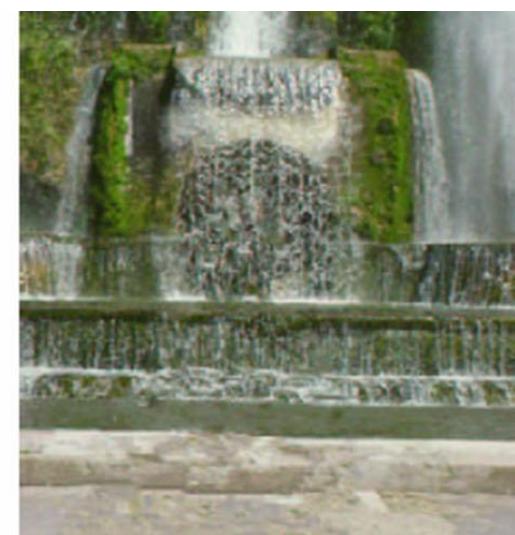
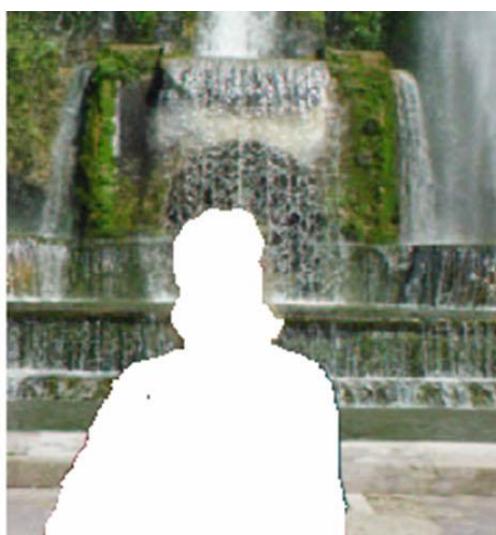
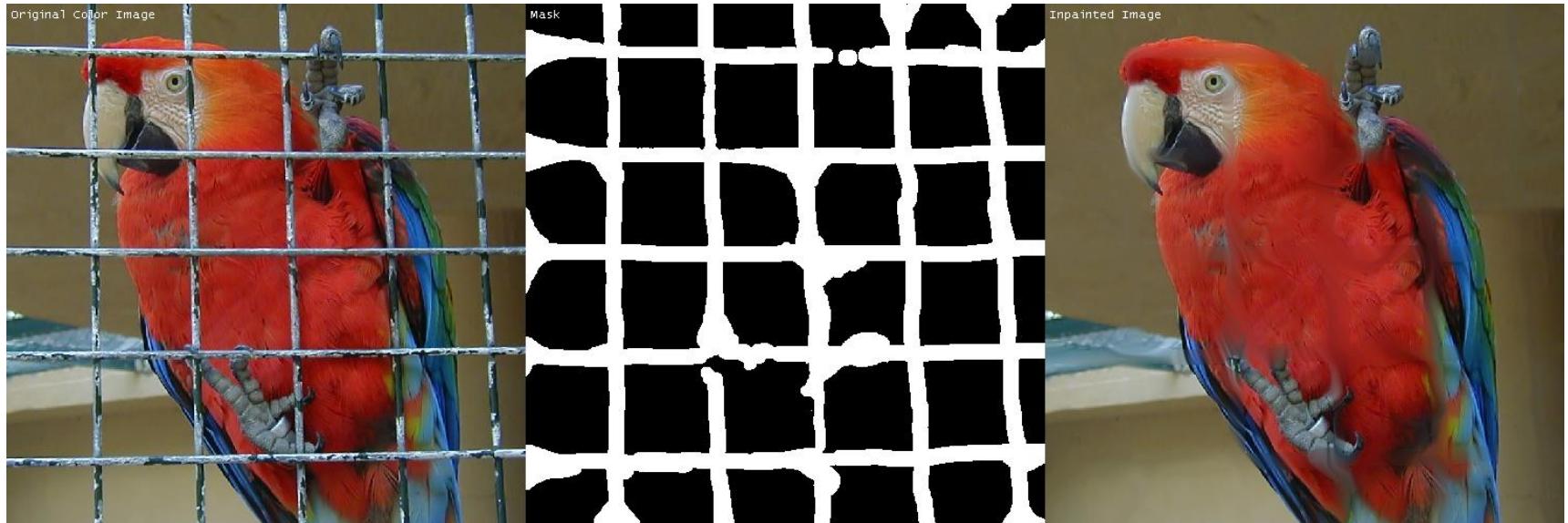
Object Detection

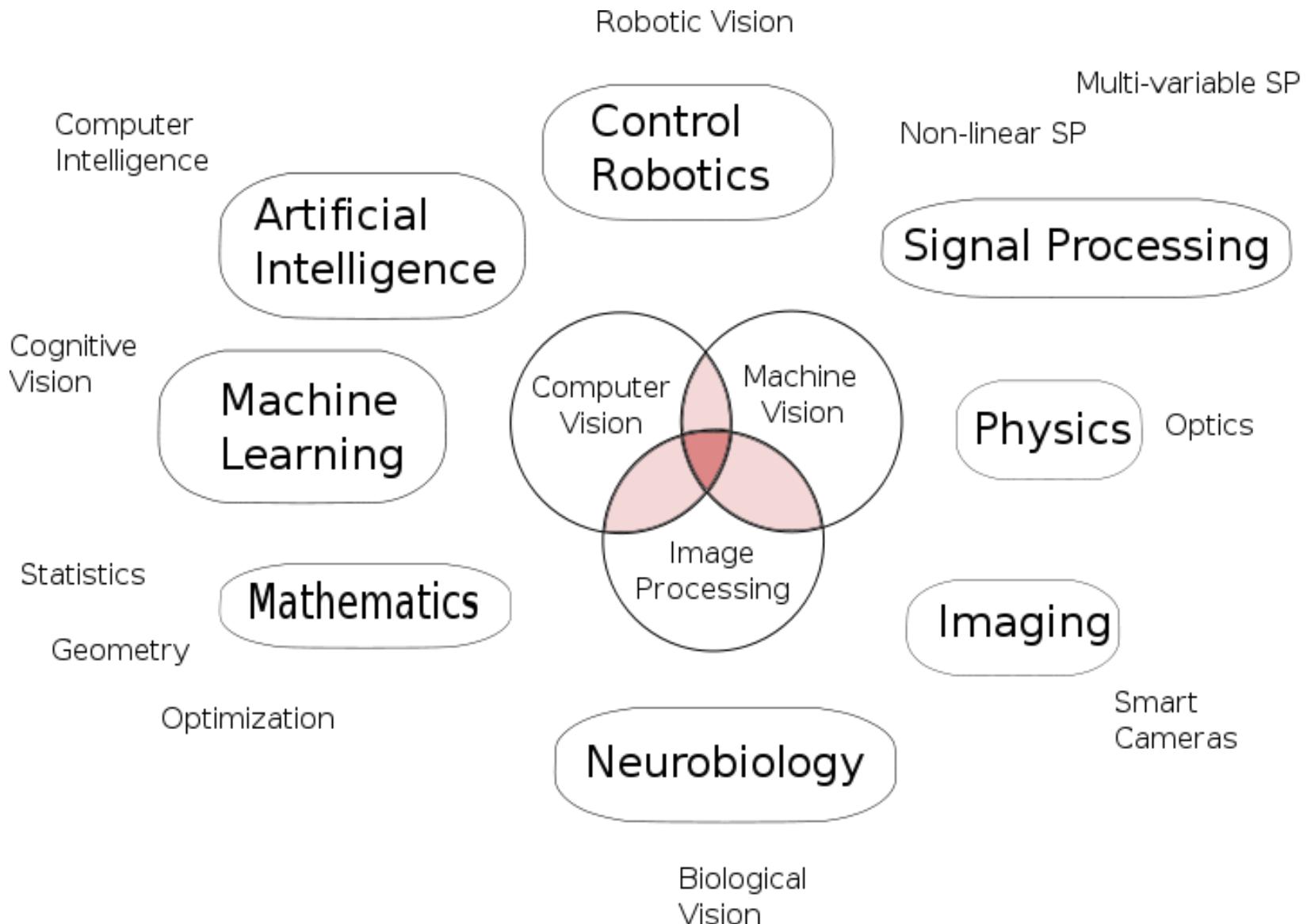


Object Recognition

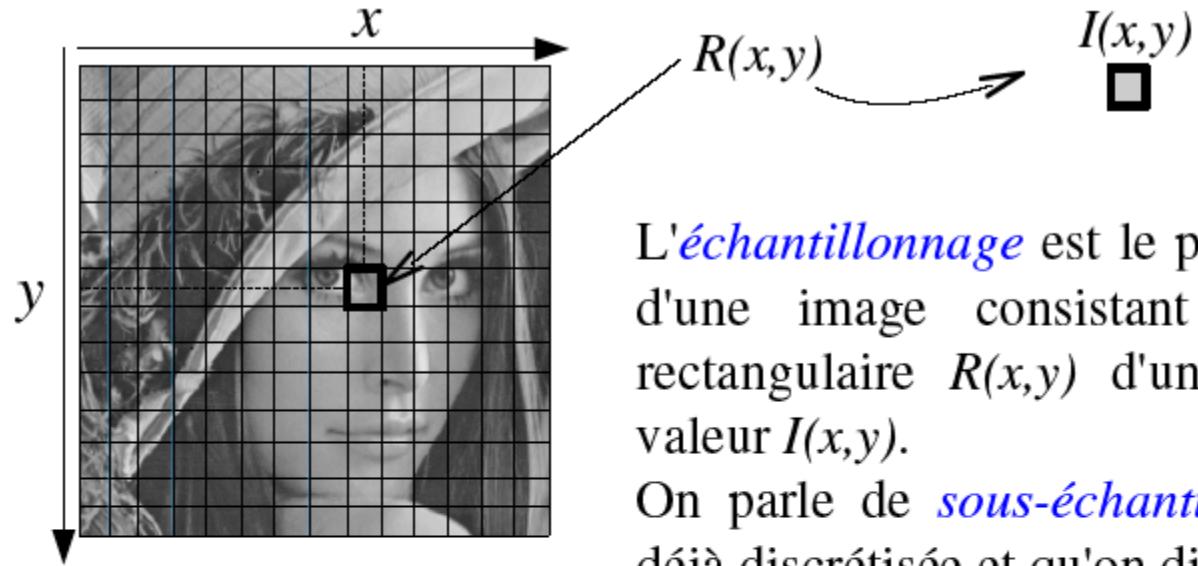


# Inpainting





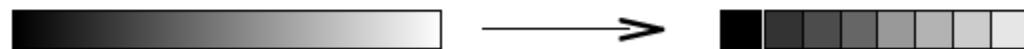
# Image numérique



L'*échantillonnage* est le procédé de discréétisation spatiale d'une image consistant à associer à chaque zone rectangulaire  $R(x,y)$  d'une image continue une unique valeur  $I(x,y)$ .

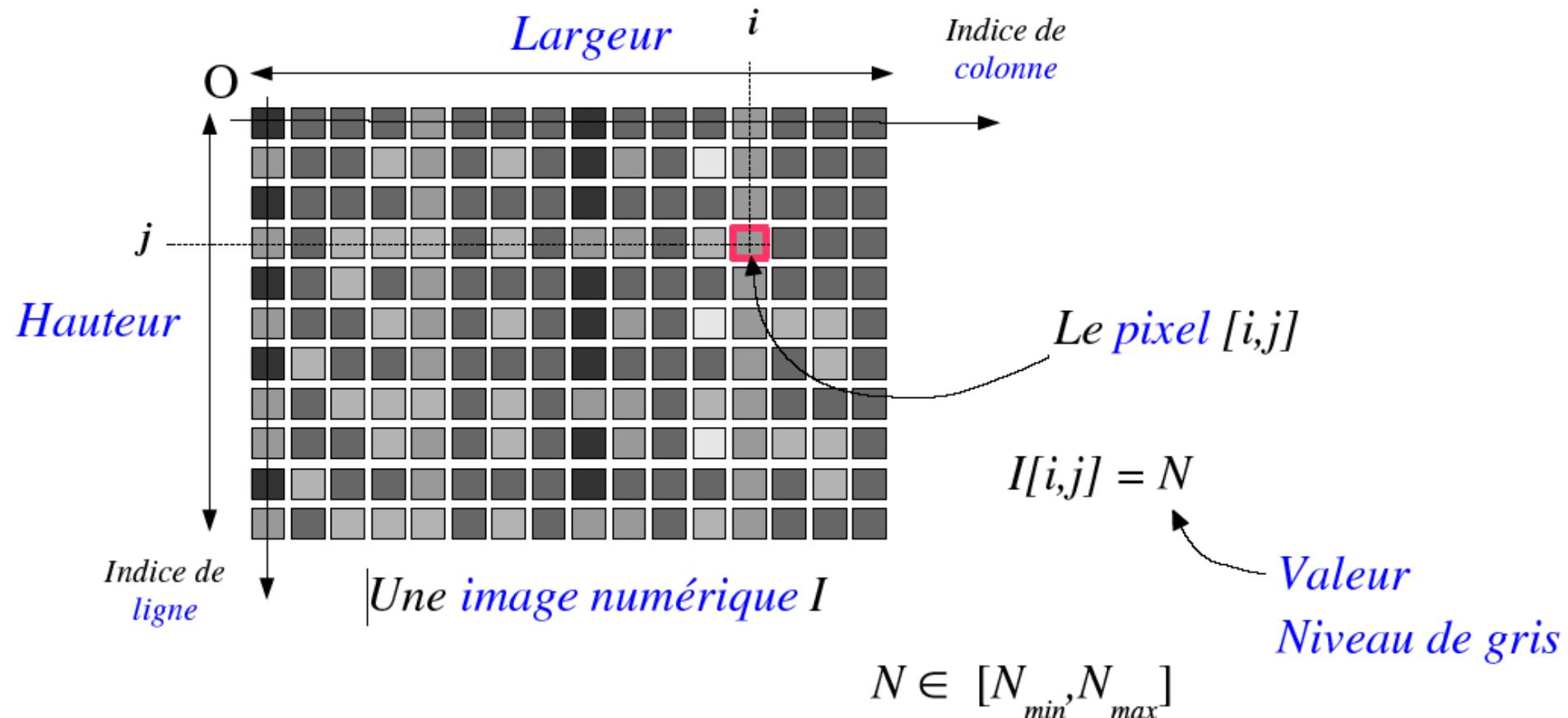
On parle de *sous-échantillonnage* lorsque l'image est déjà discréétisée et qu'on diminue le nombre d'échantillons.

La *quantification* désigne la limitation du nombre de valeurs différentes que peut prendre  $I(x,y)$ .



Une *image numérique* est une image échantillonnée et quantifiée.

# Pixels et niveau de gris



$(N_{max} - N_{min})$  = nombre de niveaux de gris

$\log_2(N_{max} - N_{min})$  = dynamique

# Echantillonnage et quantification

Résolution...

...spatiale :

Échantillonnage



256x256



128x128



64x64



32x32

...tonale :

Quantification



6 bits



4 bits



3 bits



2 bits



1 bit

# Image 512x512



(1)

Image sous-  
échantillonnée :  
1 ligne sur 2, 1  
colonne sur 2  
supprimée



(2)

1ères slides tirées  
du cours de  
**A.Manzanera**  
Master IAD Paris 6

Image sous-  
échantillonné  
e avec  
filtrage  
préalable



(3)

Source : cours A. Manzanera

Image  
512x512



(2)



(3)



(2)



(3)

prealable

# Notion de topologie

- Distance entre 2 pixels  $P(x_p, y_p)$  et  $Q(x_q, y_q)$

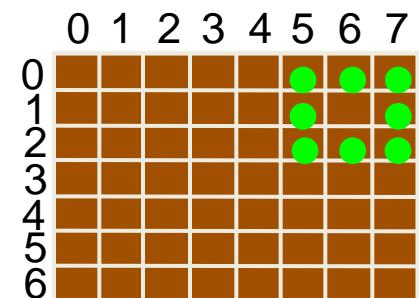
**distance euclidienne** :  $d(P, Q) = \|\mathbf{P} - \mathbf{Q}\| = [(x_p - x_q)^2 + (y_p - y_q)^2]^{1/2}$

**distance de Manhattan** :  $d(P, Q) = |x_p - x_q| + |y_p - y_q|$

- Voisinage d'un pixel**

Comment définir les voisins d'un pixel ?

$$V_k(P) = \{ Q : 0 < d(P, Q) \leq k \}$$

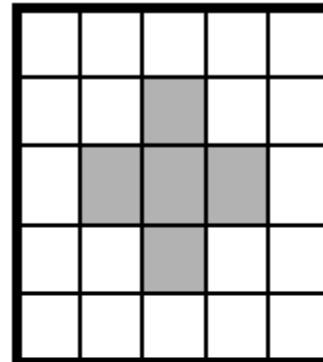


$$V_4(P(i, j)) = \{P'(i', j') \in I / |i' - i| + |j' - j| \leq 1\}$$

$$V_8(P(i, j)) = \{P'(i', j') \in I / \text{Max}\{|i' - i|, |j' - j|\} \leq 1\}$$

# Notions de topologie

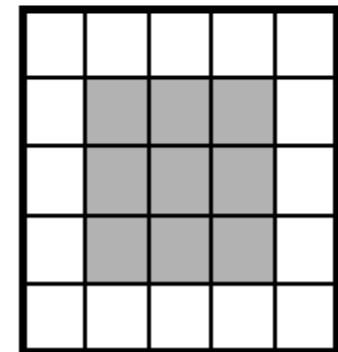
- ✓ V4 : Voisinage en 4 connexité



Source : cours X. Clady

- ✓ V8 : Voisinage en 8 connexité

*Exo : calculer la dist. euclidienne entre 2 vs 8-connexes*

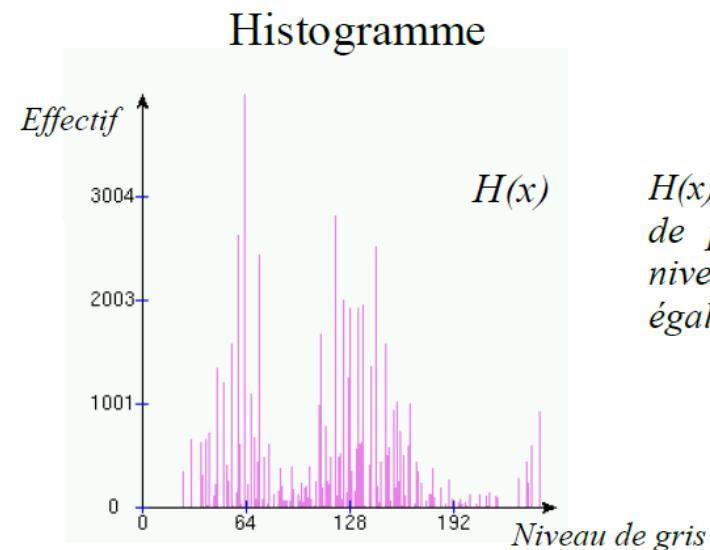
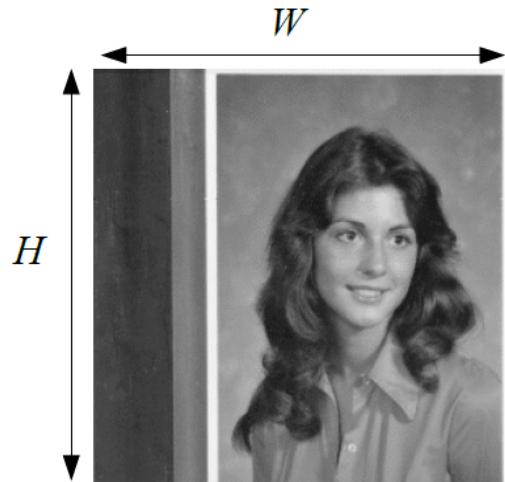


Combien de formes **connexes** dans cette image ? Connexe = « d'un seul ter

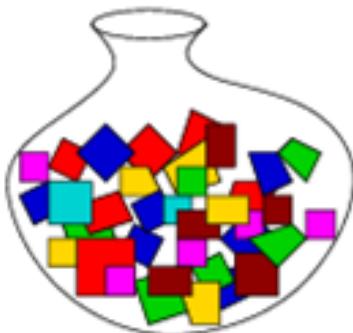
Connexe = « d'un seul tenant »

Un objet est dit *connexe* s'il est fait d'un seul morceau

# Histogramme

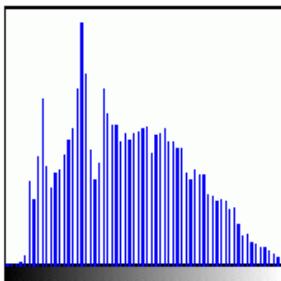


$H(x)$  est le nombre de pixels dont le niveau de gris est égal à  $x$ .

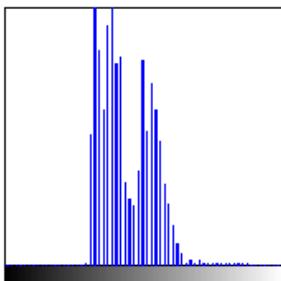


# Histogramme

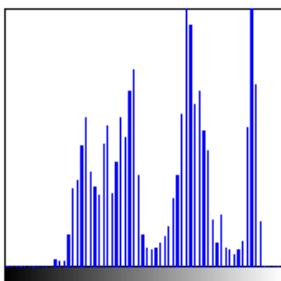
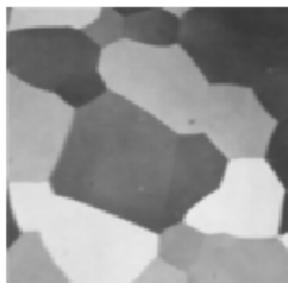
## Exemples



Exemple d'histogramme bien réparti



Une image mal contrastée a un histogramme concentré sur une sous partie des intensités disponibles

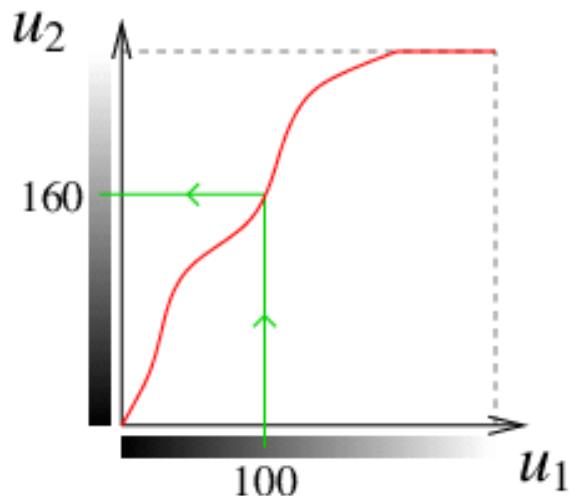


Des regroupements ou pics dans l'histogramme peuvent indiquer des structures ou objets dans l'image

## Définir une transformation des intensités

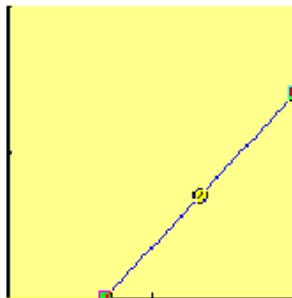
- Modifier un histogramme revient à définir une transformation sur les intensités.
- Cette transformation correspond à la donnée d'un tableau  $M$  tel que

$$\text{Image 2 } (i,j) = M[\text{Image 1 } (i,j)]$$


$$M = \begin{array}{cccc|ccc|cc} 0 & 1 & 2 & & 100 & & & 252 & 253 & 254 & 255 \\ \hline 0 & 0 & 1 & & 160 & & & 230 & 244 & 254 & 250 \end{array}$$

**EXO**

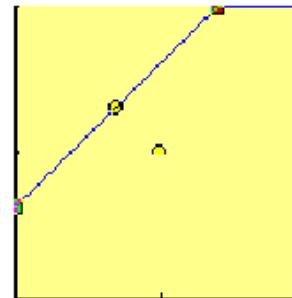
2 A partir de l'image de gauche, on applique les transformations a, b, c et d. Retrouvez les résultats correspondants.



a



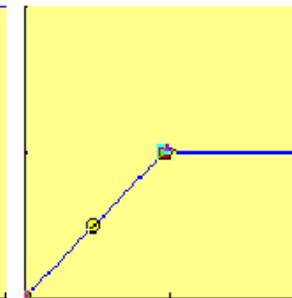
1



b



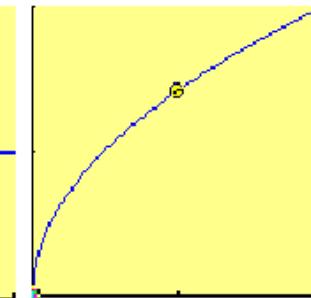
2



c



3



d

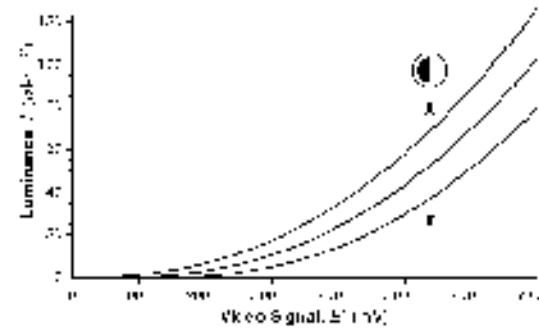


A vous de jouer! ;)

# La correction gamma

- Il y a une relation nonlinéaire entre la valeur d'un pixel ( $pix$ ) et l'intensité affichée à l'écran ( $disp$ ) :

$$disp = \textcolor{blue}{pix}^\gamma, \quad \gamma > 1 \Rightarrow \text{images sombres}$$



- La plupart des moniteurs compensent ce problème en appliquant a priori une transformation du type :  $pix = pix_{ini}^{(1/\gamma)}$

# La correction gamma

- On peut utiliser ce type de transformations pour augmenter les contrastes d'une image.
- Exemple

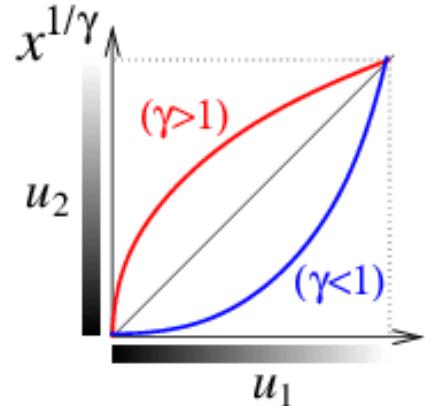
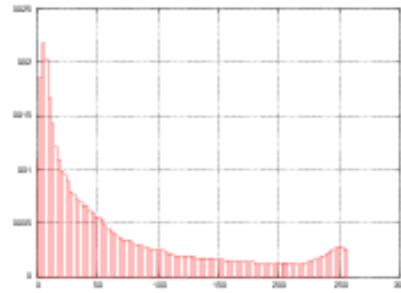


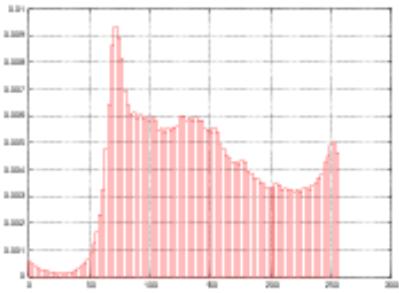
Image 1



histogramme



Image 2



histogramme



```
Image u,v; % Images sur 256 niveaux  
float γ; % Donné par l'utilisateur
```

```
Pour (i,j) dans l'image {  
    v[i,j] = 255.0  $\left(\frac{v[i,j]}{255.0}\right)^{1/\gamma};$   
}
```

# Histogramme

- L'extension de dynamique est une transformation affine du niveau de gris des pixels, de telle sorte que l'image utilise toute la dynamique de représentation.

- $D$  : dynamique
- $N_{min}$  : la plus petite valeur dans l'image
- $N_{max}$  : la plus grande valeur dans l'image

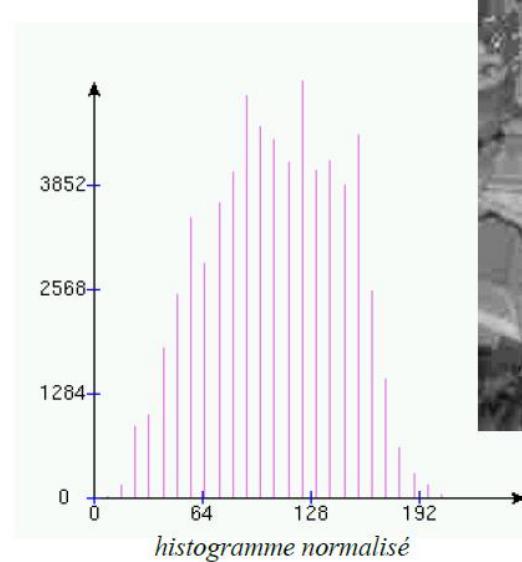
$$f_{new}[x, y] = (f[x, y] - N_{min}) \cdot \frac{2^D - 1}{N_{max} - N_{min}}$$

Pour rendre la normalisation moins sensible aux valeurs marginales (outliers), on utilise généralement un paramètre  $\beta$ ,  $0 < \beta < 1$  et on prend :

$$\begin{aligned} N_{min} &\in HC^{-1}(\beta) \\ N_{max} &\in HC^{-1}(1-\beta) \end{aligned}$$



histogramme d'origine



# Histogramme

L'*égalisation d'histogramme* est une transformation des niveaux de gris dont le principe est d'*équilibrer* le mieux possible la distribution des pixels dans la dynamique (Idéalement, on cherche à obtenir un *histogramme plat*).

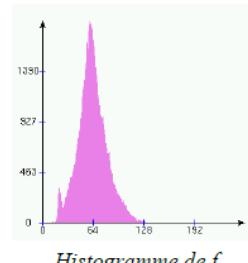
- La technique classique consiste à rendre « le plus linéaire possible » l'histogramme cumulé de l'image en utilisant la transformation suivante :

$$f_{\text{new}}[x, y] = (2^D - 1) \cdot \frac{HC(f[x, y])}{wh}$$

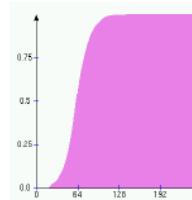
- $D$  : dynamique
- $(w, h)$  : dimension de l'image
- $HC(\cdot)$  : histogramme cumulé



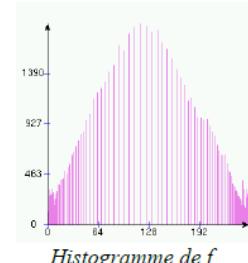
Original  $f[x, y]$



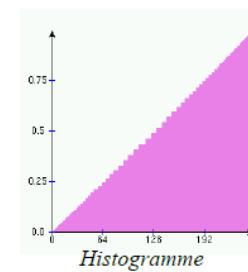
Histogramme de  $f$



Histogramme cumulé de  $f$



Histogramme de  $f_{\text{new}}$



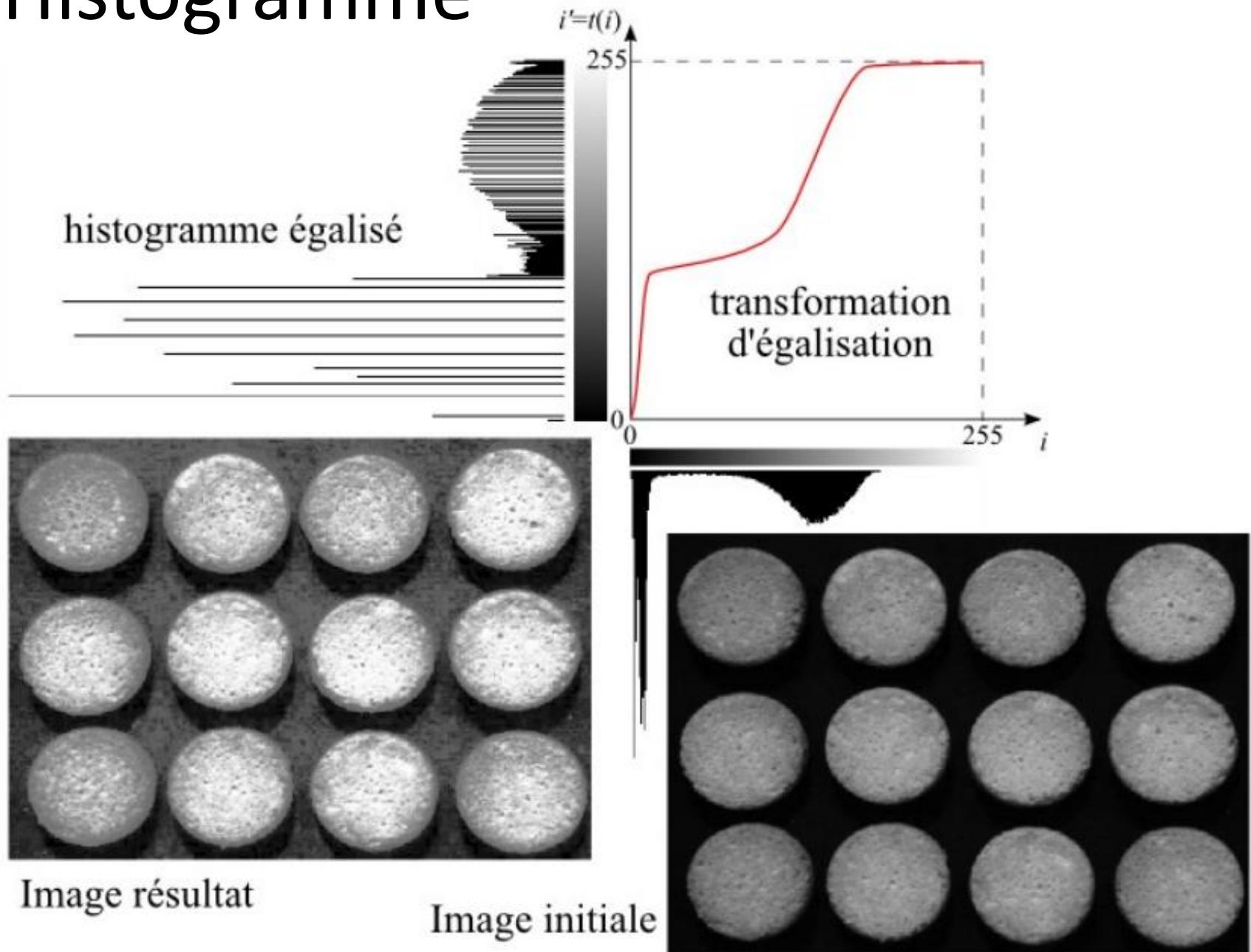
Histogramme cumulé de  $f_{\text{new}}$



Après égalisation  $f_{\text{new}}[x, y]$

Le résultat est une *augmentation global du contraste* dans l'image. Notez dans l'exemple ci-dessus l'accentuation des défauts avec la mise en évidence du bruit spatial fixe (effet de tramage) de l'imageur infrarouge.

# Histogramme



# Caractéristiques statistiques de l'image

Moyenne

$$\mu = \frac{\sum_{i=1}^{255} i H(i)}{\sum_{i=0}^{255} H(i)}$$

Variance:

$$\sigma^2 = \frac{\sum_0^{255} (i - \mu)^2 H(i)}{\sum H(i)}$$

Informations sur la dispersion des niveaux de gris dans l'image

# Caractéristiques statistiques de l'image

- Soit une image en NdG codée sur  $L$  niveaux (ex  $L = 256$ )
- L'image peut être vue comme la réalisation de  $N \times M$  fois une variable aléatoire à valeurs dans  $[0 \dots L-1]$  où  $N \times M$  est le nombre de pixels  
→ L'histogramme peut s'interpréter comme une estimation de la densité de probabilité.

$$P(i) = \text{Prob}\{I(x,y)=i\}$$
$$P(i) = H(i)/\sum H(i)$$

0	3	3	2	5	5
1	1	0	3	4	5
2	2	2	4	4	4
3	3	4	4	5	5
4	3	4	5	5	6
5	6	6	6	6	5

Entropie:  $b_e = -\sum_{i=0}^L P(i) \log_2(P(i))$

Ng	#	Fréq. Rel = Prob(i)
0	2	.05
1	2	.05
2	4	.11
3	6	.17
4	7	.20
5	8	.22
6	6	.17
7	1	.03
	36	1.0

# Interpolation d'images



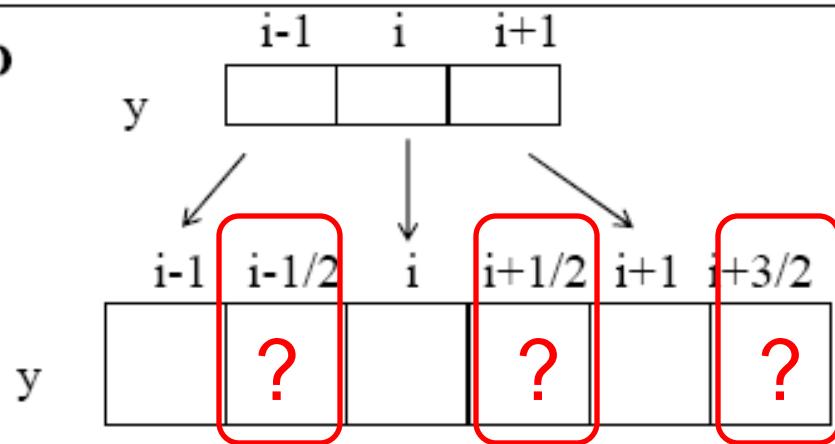
Détail à agrandir

- Comment faire pour augmenter la taille d'une image ?

# Interpolation d'images

Zoom de l'image (exemple d'un zoom 2X)

Interpolation linéaire, principe 1D

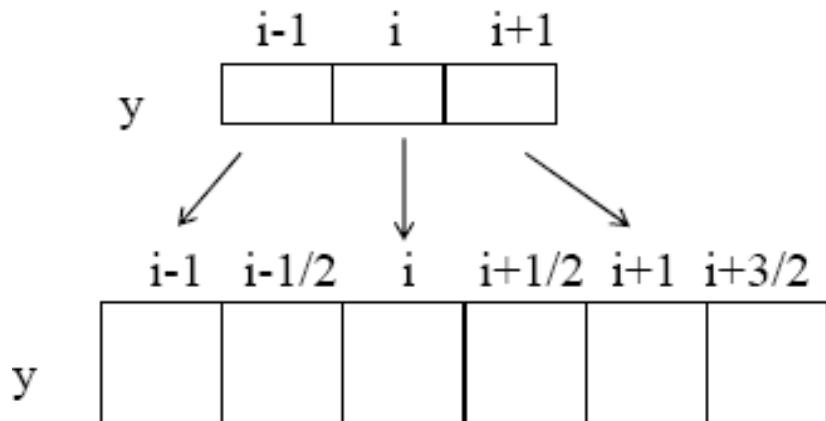


On suppose que la loi de variation entre  $y_i$  et  $y_{i+1}$  est linéaire :

$$y = a x + b$$

# Interpolation d'images

- Interpolation linéaire
  - On utilise 2 voisins
- Interpolation cubique
  - On utilise 4 voisins



**Interpolation cubique, principe 1D :**

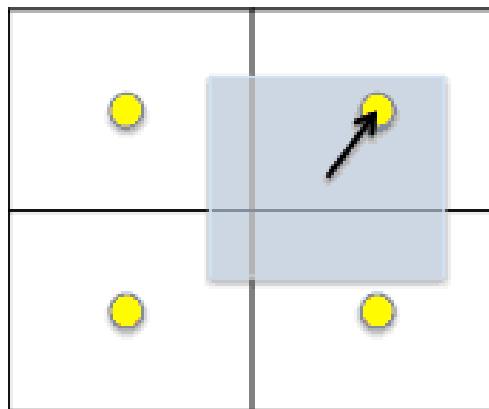
Même raisonnement que précédemment sauf que

$$y_{i+1/2} = (-y_{i-1} + 9*y_i + 9*y_{i+1} - y_{i+2}) / 16$$

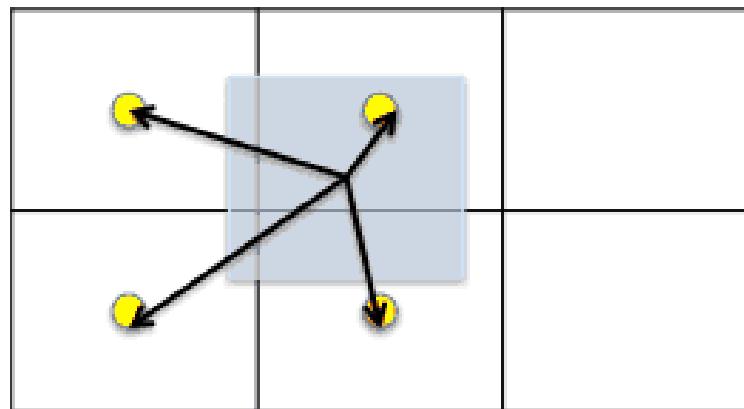
# Interpolation d'images

- En 2D

Le principe reste le même.



Plus proche voisin



Interpolation bilinéaire

# Exemple (facteur de zoom = 6)

---



Duplication de pixel



Interpolation bilinéaire



Interpolation bicubique

# Interpolation d'images

- Conclusion
- Plusieurs méthodes pour augmenter la taille d'une image :
  - Duplication de pixels
  - Ajout de pixels par interpolation bilinéaire
  - Ajout de pixels par interpolation bicubique

# Quand a-t-on besoin d'interpolation ?

- L'interpolation se rencontre lorsqu'on applique des transformations géométriques à l'image.
  - Exemple : zoom, rotation

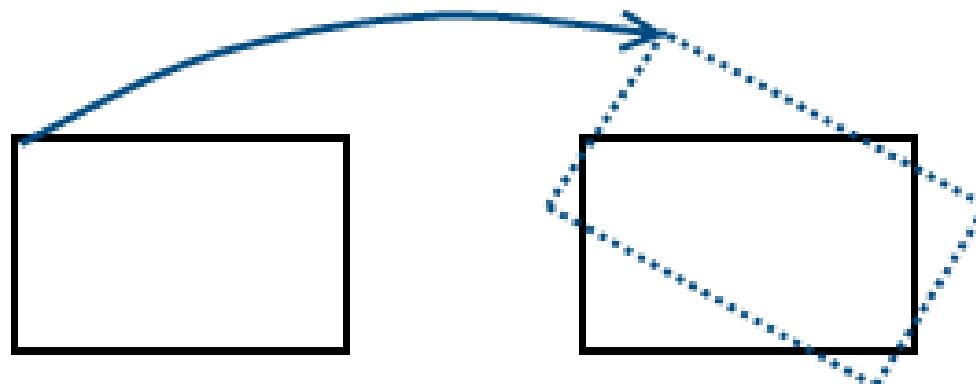
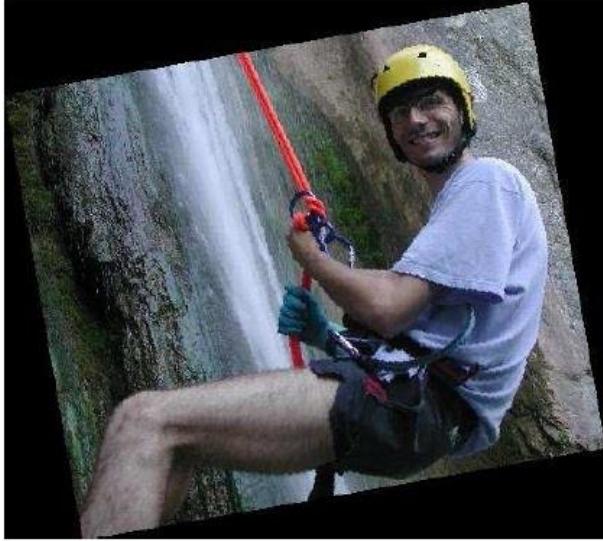




image originale

1 rotation de  $10^\circ$   
autour du centre  
de l'image



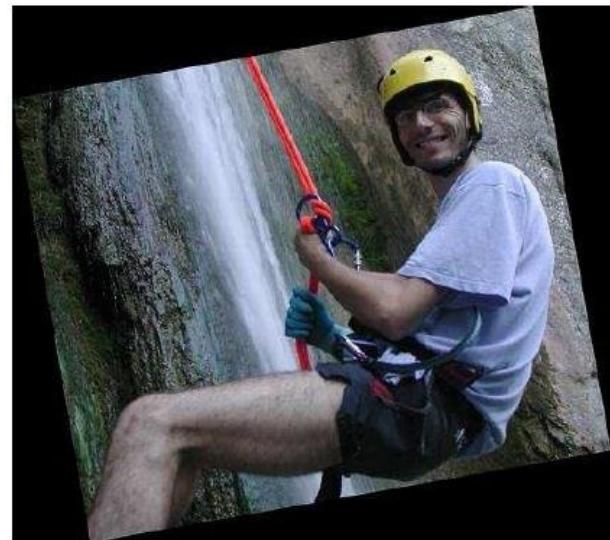
ordre 0



ordre 1



ordre 3 ( $B=1; C=0$ )



ordre 3 ( $B=0; C=1$ )

# 9 rotations successives de 40°

(centre de l'image)



image originale



ordre 0



ordre 1

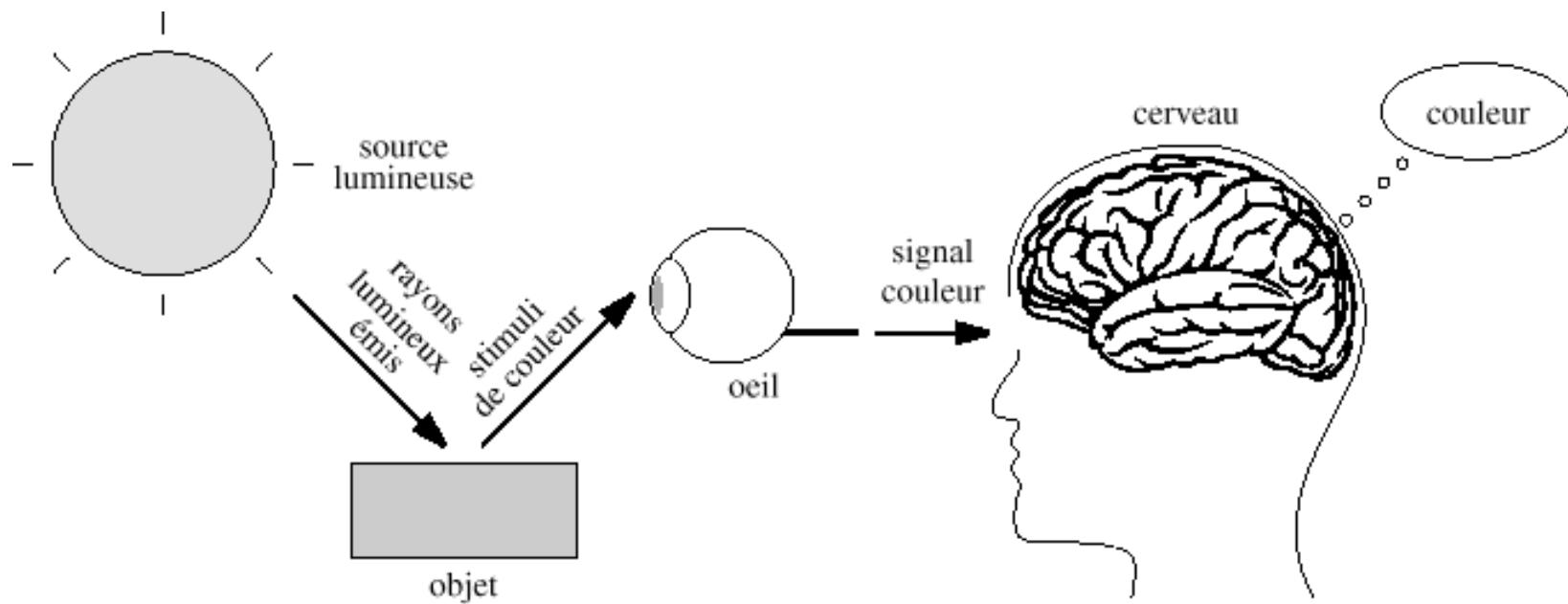


ordre 3 (B=1;C=0)



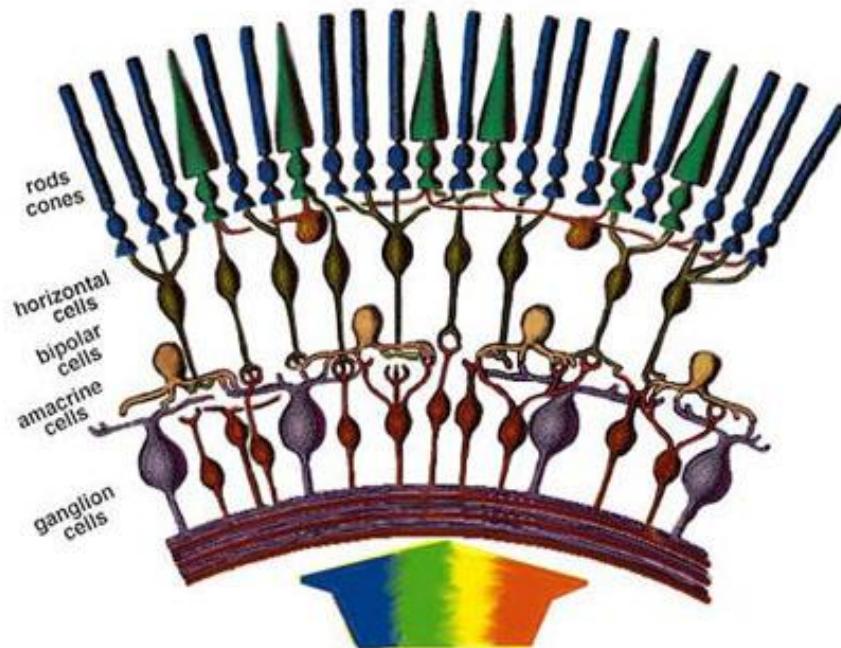
ordre 3 (B=0 ;C=1)

# Perception humaine de la couleur



- ✗ pas de couleur sans lumière: **la nuit tous les chats sont gris** 😊
- ✗ un matériau n'a pas de couleur intrinsèque mais transforme les propriétés de la lumière

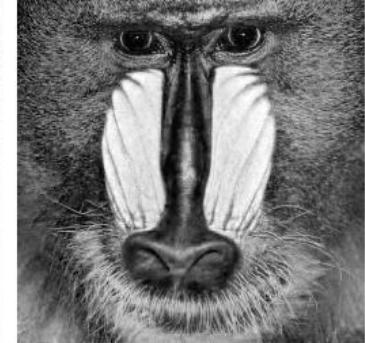
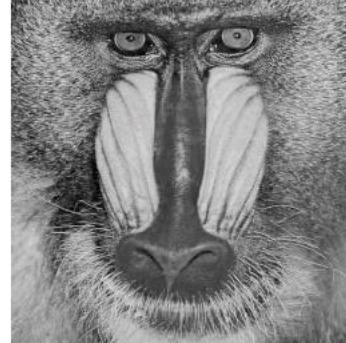
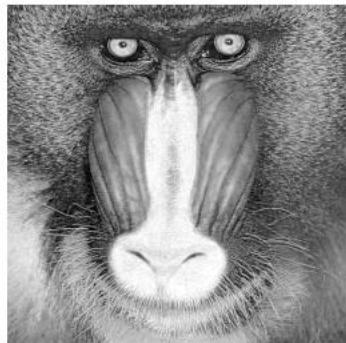
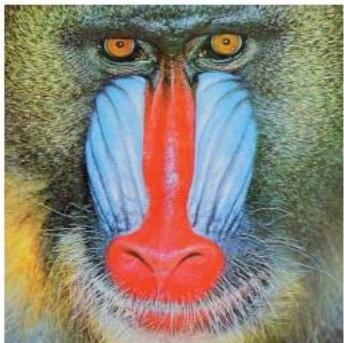
# Perception humaine de la couleur



- ✗ pas de couleur sans lumière: **la nuit tous les chats sont gris** 😊
- ✗ un matériau n'a pas de couleur intrinsèque mais transforme les propriétés de la lumière

# Couleur RGB

- Décomposition de l'image RGB sur les 3 plans R, G, B

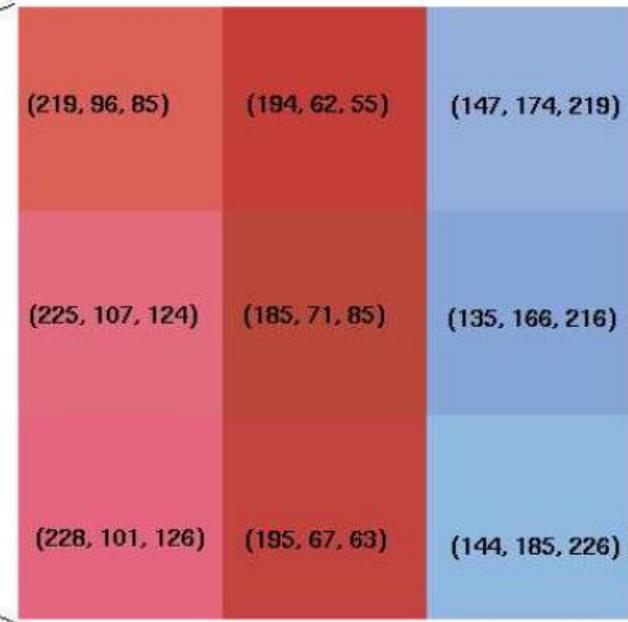
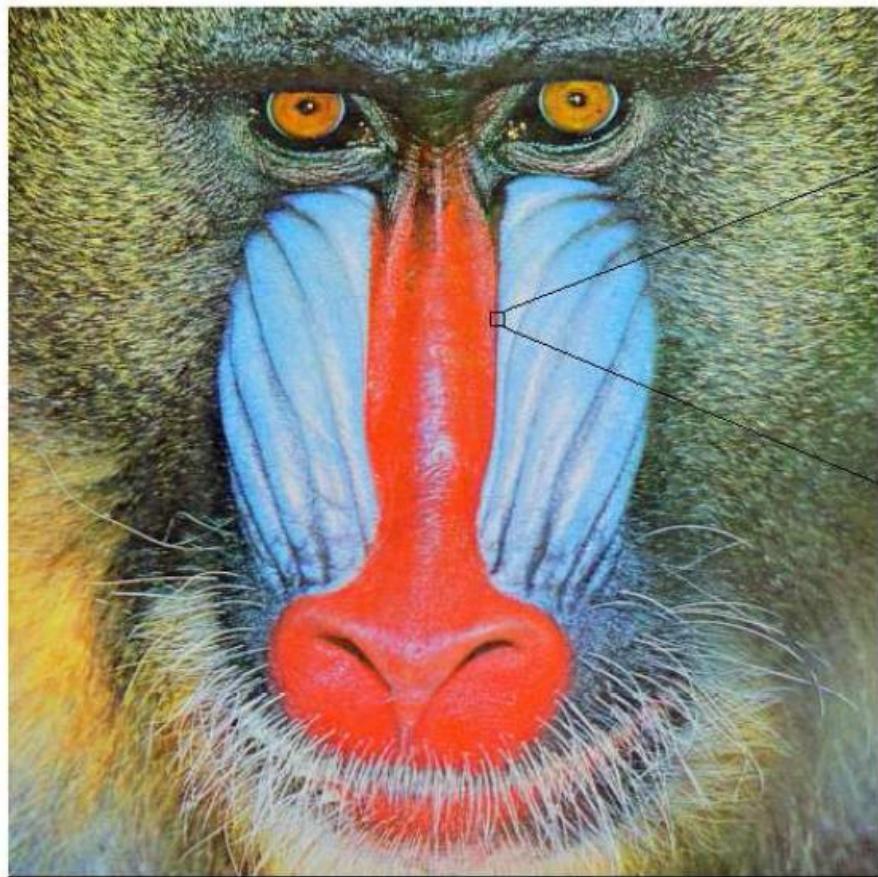


Rouge

Vert

Bleu

# Couleur RGB



# Le modèle TSL (HSV)

Modèle de couleur de Munsell (1946) : TSL (HSV)

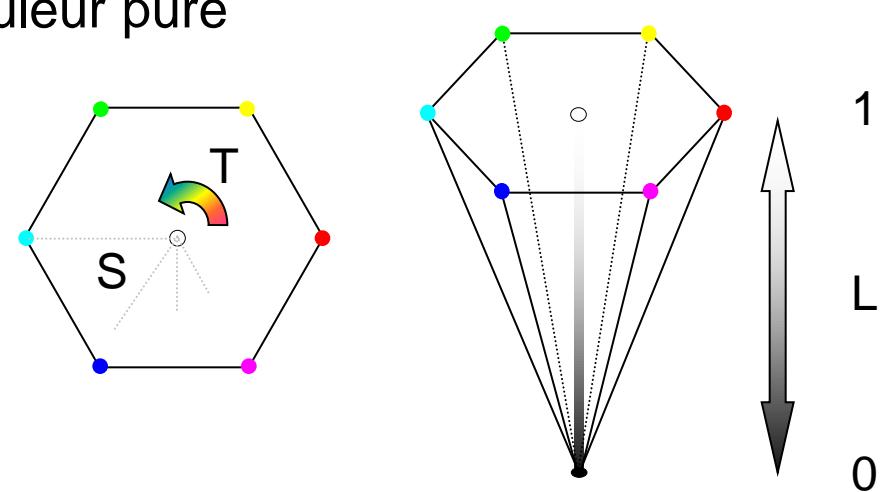
Le modèle TSL est fondé sur un modèle "perceptif" de la couleur :

T : **Teinte** (ou chrominance) : longueur d'onde dominante de la distribution spectrale de la couleur

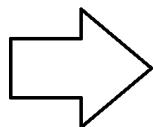
S : **Saturation** : proportion de couleur pure par rapport au blanc

L : **Luminance** : intensité d'excitation visuelle, indépendant de T et S

HSV = f(RGB)



RGB Demo on Lena



Red



Green



Blue



Hue



Sat



maxEmbedded.com

RGB Demo on Lena

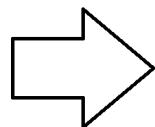


IMAGE  
NdG



Red



Hue



Green



Sat

Blue

# Références

- Cours B Nazarian, Imagerie numérique, Centre IRMf La Timone
- Cours R Zapata, Vision, LIRMM, Univ. Montpellier
- Cours C. Fernandez-Maloigne, Vision artificielle, IRCOM-SIC, Univ. Poitiers
- Cours S. Miguet, Techniques avancées en imagerie, LIRIS, Univ Lyon 2
- Cours A. Dieterlen, Traitement d'images
- Cours X. Clady, Traitement d'images
- Filters: Linear to Nonlinear, Local to Nonlocal, Todd Wittman, College of Charleston, 2012
- Non local image processing, JM Morel & Capo 2011
- Cours Julien Lefevre, Univ Aix Marseille