

```
# 用來求下列函數的最小值  
#  $f(x) = 3x^4 - 8x^3 - 6x^2 + 24x$   
# 此函數之 global opt soln = (-1, -19), local opt soln = (2, 8)
```

```
import numpy as np  
import math  
MAXIT = 400      # maximal iteration number  
K = 1.0          # Boltzmann rate  
DWELL = 20        # 計算平衡狀態時需要的迴圈數目  
T_high = 1000.0   # 初始溫度  
T_scale = 0.9    # 演算法每階段降溫比率:  $t_0 \rightarrow$   
T_low = 1.0       # 最終冷卻溫度溫度
```

```
# 設定目標函式  
def SAfunc(x):  
    return (((3*x - 8)*x - 6)*x + 24)*x
```

```
# ===== 主程式 =====  
np.random.seed(0)  # 若要每次跑得都不一樣的結果, ,
```

```
# 找初始解 x  
xbest = x = np.random.uniform(-3.0, 3.0)  
ybest = y = SAfunc(x)
```

```
num_it = 0  
t = T_high
```

```
while num_it < MAXIT and t > T_low:
```

```
    for i in range(DWELL):
```

```
        # 找鄰居 xnew
```

```
        xnew = x + np.random.uniform(-0.1, 0.1)  
        ynew = SAfunc(xnew)
```

```
        if ynew < y or np.random.uniform(0.0, 1.0) < math.exp( - (ynew - y) / (K * t) ):
```

```
            x = xnew
```

```
            y = ynew
```

```
        if ynew < ybest:  # 若新的成本比較小, 取代最佳解
```

```
            xbest = xnew
```

```
            ybest = ynew
```

```
print('\tf(%f) = %f\n' %(xbest, ybest))
```

```
        t *= T_scale  
        num_it += 1
```

設定參數

設定目標函數(成本函數)

主程式

隨機給產生一組解 $x \in [-3, 3]$
計算其成本值 y · 並設定 $xbest, ybest$

迴圈數 num_it 小於最大迴圈 $MAXIT$
且溫度 t 比最低溫 T_low 高
熱平衡(重複執行 $DWELL$ 次)

產生鄰居解 $xnew$ 為 x 的左右 0.1 範圍內隨機數
並計算其成本值 $ynew$

若鄰居解較佳 ($ynew < y$)
或 $r < \exp(-(ynew - y) / (K * t))$
則接受 $xnew$ 取代 x

若鄰居解比目前最佳解好 · 則取代