

```
# 用來求下列函數的最小值
#  $f(x) = 3x^4 - 8x^3 - 6x^2 + 24x$ 
# 此函數之 global opt soln = (-1, -19), local opt soln = (2, 8)
```

```
import numpy as np
import math
```

```
MAXIT = 400      # maximal iteration number
K = 1.0          # Boltzmann rate
DWELL = 20       # 計算平衡狀態時需要的迴圈數目
T_high = 1000.0  # 初始溫度
T_scale = 0.9    # 演算法每階段降溫比率:  $t_0 \rightarrow$ 
T_low = 1.0      # 最終冷卻溫度
```

設定參數

```
# 設定目標函式
```

```
def SAfunc(x):
    return (((3*x - 8)*x - 6)*x + 24)*x
```

設定目標函數(成本函數)

```
# ===== 主程式 =====
```

```
np.random.seed(0) # 若要每次跑得都不一樣的結果，↓
```

```
# 找初始解 x
```

```
xbest = x = np.random.uniform(-3.0, 3.0)
ybest = y = SAfunc(x)
```

隨機給產生一組解  $x \in [-3, 3]$   
計算其成本值  $y$ ，並設定  $x_{best}$ ,  $y_{best}$

```
num_it = 0
t = T_high
```

迴圈數  $num\_it$  小於最大迴圈 MAXIT  
且 溫度  $t$  比最低溫  $T_{low}$  高

```
while num_it < MAXIT and t > T_low:
```

熱平衡(重複執行 DWELL 次)

```
    for i in range(DWELL):
```

```
        # 找鄰居 xnew
```

```
        xnew = x + np.random.uniform(-0.1, 0.1)
        ynew = SAfunc(xnew)
```

產生鄰居解  $x_{new}$  為  $x$  的左右 0.1 範圍內隨機數  
並計算其成本值  $y_{new}$

```
        if ynew < y or np.random.uniform(0.0, 1.0) < math.exp(-(ynew - y) / (K * t)):
            x = xnew
            y = ynew
```

若鄰居解較佳 ( $y_{new} < y$ )  
或  $r < \exp(-(y_{new} - y) / (K * t))$   
則接受  $x_{new}$  取代  $x$

```
        if ynew < ybest: # 若新的成本比較小，取代最佳解
            xbest = xnew
            ybest = ynew
```

若鄰居解比目前最佳解好，則取代

```
print('\tf(%f) = %f\n' % (xbest, ybest))
```

```
t *= T_scale
num_it += 1
```

主程式