一、模型评估与优化

1. 模型评估

1)性能度量

① 错误率与精度

错误率和精度是分类问题中常用的性能度量指标,既适用于二分类任务,也适用于多分类任务.

- 错误率(error rate):指分类错误的样本占样本总数的比例,即(分类错误的数量/样本总数数量)
- 精度(accuracy):指分类正确的样本占样本总数的比例,即(分类正确的数量/样本总数数量)

精度 = 1 - 错误率

② 查准率、召回率与F1得分

错误率和精度虽然常用,但并不能满足所有的任务需求。例如,在一次疾病检测中,我们更关注以下两个问题:

- 检测出感染的个体中有多少是真正病毒携带者?
- 所有真正病毒携带者中,有多大比例被检测了出来?

类似的问题在很多分类场景下都会出现,"查准率"(precision)与"召回率"(recall)是更为适合的度量标准。对于二分类问题,可以将真实类别、预测类别组合为"真正例"(true positive)、"假正例"(false positive)、"真反例"(true negative)、"假反例"(false negative)四种情形,见下表:

真实情况	预测结果		
	正例	反例	
正例	TP (真正例)	FN (假反例)	
反例	FP (假正例)	TN (真反例)	

● 样例总数: TP + FP + TN + FN

● 查准率: TP / (TP + FP), 表示分的准不准

• 召回率: TP / (TP + FN), 表示分的全不全, 又称为"查全率"

• F1得分:

$$f1 = \frac{2 * 查准率 * 召回率}{查准率 + 召回率} \tag{1}$$

查准率和召回率是一对矛盾的度量。一般来说,查准率高时,召回率往往偏低;召回率高时,查准率往往偏低。例如,在病毒感染者检测中,若要提高查准率,只需要采取更严格的标准即可,这样会导致漏掉部分感染者,召回率就变低了;反之,放松检测标准,更多的人被检测为感染,召回率升高了,查准率又降低了.通常只有在一些简单任务中,才能同时获得较高查准率和召回率。

查准率和召回率在不同应用中重要性也不同。例如,在商品推荐中,为了尽可能少打扰客户,更希望推荐的内容是用户感兴趣的,此时查准率更重要;而在逃犯信息检索系统中,希望让更少的逃犯漏网,此时召回率更重要。

③ 混淆矩阵

混淆矩阵也称误差矩阵,是表示精度评价的一种标准格式,用n行n列的矩阵形式来表示。每一行(数量之和)表示一个真实类别的样本,每一列(数量之和)表示一个预测类别的样本。

以下是一个预测结果准确的混淆矩阵:

	A类别	B类别	C类别
A类别	5	0	0
B类别	0	6	0
C类别	0	0	7

上述表格表示的含义为: A类别实际有5个样本, B类别实际有6个样本, C类别实际有7个样本; 预测结果中, 预测结果为A类别的为5个, 预测结果为B类别的为6个, 预测结果为C类别的为7个。

以下是一个预测结果不准确的混淆矩阵:

	A类别	B类别	C类别	
A类别	3	1	1	
B类别	0	4	2	
C类别	0	0	7	

上述表格表示的含义为: A类别实际有5个样本, B类别实际有6个样本, C类别实际有7个样本; 预测结果中, A类别有3个样本预测准确, 另外各有1个被预测成了B和C; B类别有4个预测准确, 另外2个被预测成了C类别; C类别7个全部预测准确, 但有1个本属于A类别、2个本属于B类别的被预测成了C类别。

根据混淆矩阵,查准率、召回率也可表示为:

查准率 = 主对角线上的值 / 该值所在列的和

召回率 = 主对角线上的值 / 该值所在行的和

4) 实验

利用sklearn提供的朴素贝叶斯分类器分类,并打印查准率、召回率、R2得分和混淆 矩阵:

```
1 # 混淆矩阵示例
   import numpy as np
   import sklearn.model_selection as ms
   import sklearn.metrics as sm
   import sklearn.naive_bayes as nb
6
   # 输入,输出
 7
   x, y = [], []
9
10
   # 读取数据文件
   with open("../data/multiple1.txt", "r") as f:
11
       for line in f.readlines():
12
           data = [float(substr) for substr in
13
   line.split(",")]
14
           x.append(data[:-1]) # 输入样本: 取从第一列到导数第二列
15
           y.append(data[-1]) # 输出样本: 取最后一列
16
17 | # 样本转数组
```

```
18 \mid x = np.array(x)
  y = np.array(y, dtype=int)
20
21 # 划分训练集和测试集
22 train_x, test_x, train_y, test_y = ms.train_test_split(
23
       x, y, test_size=0.25, random_state=7)
24
25
  # 创建高斯朴素贝叶斯分类器对象
  model = nb.GaussianNB()
26
27
   model.fit(train_x, train_y) # 使用划分的训练集来训练模型
   pred_test_y = model.predict(test_x) # 预测
28
29
30
   print("recall:", sm.recall_score(test_y, # 真实值
                                  pred_test_y, # 预测值
31
32
                                  average="macro")) # 计算
   平均值,不考虑样本权重
   print("precision:", sm.precision_score(test_y, # 真实值
34
                                       pred_test_y, # 预
   测值
35
                                       average="macro"))
   # 计算平均值,不考虑样本权重
36
  print("F1:", sm.f1_score(test_y,
   pred_test_y, average="macro"))
37
38 # 计算并打印模型预测的混淆矩阵
39 print("\n Confusion Matrix:")
40 cm = sm.confusion_matrix(test_y, pred_test_y)
41 print(cm)
```

打印输出:

```
recall: 0.9910714285714286
  precision: 0.9903846153846154
2
  F1: 0.9905525846702318
3
4
  Confusion Matrix:
5
  [[22 0 0 0]
6
   [ 0 27 1 0]
7
   [ 0 0 25 0]
8
   [0 \ 0 \ 0 \ 25]]
9
```

2) 训练集与测试集

通常情况下,评估一个模型性能的好坏,将样本数据划分为两部分,一部分专门用于模型训练,这部分称为"训练集",一部分用于对模型进行测试,这部分被称为"测试集",训练集和测试集一般不存在重叠部分.常用的训练集、测试集比例有:9:1,8:2,7:3等.训练集和测试的划分,尽量保持均衡、随机,不能集中于某个或少量类别.

有些公共数据集在创建时,已经进行了划分.有时候,我们需要自己对数据集进行划分,划分的方式是先打乱数据集,然后使用一种计算方法,将一部分数据划入训练集,一部分数据划入测试集.

训练集 测试集

3)交叉验证法

① 什么是交叉验证

在样本数量较少的情况下,如果将样本划分为训练集、测试集,可能导致单个集合样本数量更少,可以采取交叉验证法来训练和测试模型.

"交叉验证法"(cross validation)先将数据集D划分为k个大小相同(或相似)的、 互不相交的子集,每个子集称为一个"折叠"(fold),每次训练,轮流使用其中的一 个作为测试集、其它作为训练集.这样,就相当于获得了k组训练集、测试集,最终 的预测结果为k个测试结果的平均值.

		数据集(D)					
D1	D2	D3	D4	D5测试集	─────────────────────────────────────		
D1	D2	D3	D4测试集	D5	————> 测试结果2		
D1	D2	D3测试集	D4	D5	> 测试结果3	_	求均值作为预测结果
D1	D2测试集	D3	D4	D5	─────────────────────────────────────		
D1测试集	D2	D3	D4	D5	─────────────────────────────────────		

② 如何实现交叉验证

sklearn中,提供了cross_val_score函数来实现交叉验证并返回评估指标值:

```
1 import sklearn.model_selection as ms
2
3 n = ms.cross_val_score(model, #模型
4 train_x, train_y,# 样本输入、输出
5 cv, # 折叠数量
6 scoring) # 指定返回的指标
```

以下是关于朴素贝叶斯模型的交叉验证实现:

```
1 # 交叉验证示例
   import numpy as np
   import sklearn.model_selection as ms
   import sklearn.naive_bayes as nb
   import matplotlib.pyplot as mp
6
   x, y = [], [] # 输入, 输出
 7
9
   # 读取数据文件
   with open("../data/multiple1.txt", "r") as f:
10
11
       for line in f.readlines():
           data = [float(substr) for substr in
12
   line.split(",")]
13
           x.append(data[:-1]) # 输入样本: 取从第一列到导数第二列
14
           y.append(data[-1]) # 输出样本: 取最后一列
15
16 \mid x = np.array(x)
   y = np.array(y, dtype=int)
```

```
18
19
   # 划分训练集和测试集
20 | train_x, test_x, train_y, test_y = ms.train_test_split(
21
       x, y, test_size=0.25, random_state=7)
22
23
  # 创建高斯朴素贝叶斯分类器对象
   model = nb.GaussianNB()
24
25
   # 先做交叉验证,如果得分结果可以接受,再执行训练和预测
   pws = ms.cross_val_score(model, train_x, train_y,
26
                           cv=5, # 折叠数量
27
28
                           scoring='precision_weighted') #
   查准率
29
   print("precision:", pws.mean())
30
31
   rws = ms.cross_val_score(model, train_x, train_y, cv=5,
                           scoring='recall_weighted') # 召
32
   回率
33
   print("recall:", rws.mean())
34
35
   f1s = ms.cross_val_score(model, train_x, train_y, cv=5,
                           scoring='f1_weighted') # F1得分
36
37
   print("f1:", f1s.mean())
38
39 acc = ms.cross_val_score(model, train_x, train_y,
40
                           cv=5, scoring='accuracy') # 准确
   率
41 print("acc:", acc.mean())
```

执行结果:

```
precision: 0.996822033898305
recall: 0.9966101694915255
f1: 0.9966063988235516
acc: 0.9966101694915255
```

2. 模型优化

1)验证曲线与学习曲线

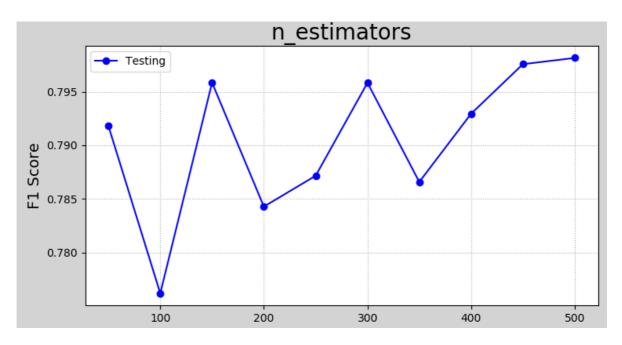
① 验证曲线

验证曲线是指根据不同的评估系数,来评估模型的优劣.例如,构建随机森林,树的数量不同,模型预测准确度有何不同?以下是一个验证曲线的示例:

```
1 # 验证曲线示例
 2
   import numpy as np
   import sklearn.preprocessing as sp
   import sklearn.ensemble as se
   import sklearn.model_selection as ms
 5
   import matplotlib.pyplot as mp
6
7
8
   data = []
   with open("../data/car.txt", "r") as f:
       for line in f.readlines():
10
11
           data.append(line.replace("\n", "").split(","))
12
13
   data = np.array(data).T # 转置
   encoders, train_x = [], []
14
15
16
  # 对样本数据进行标签编码
   for row in range(len(data)):
17
       encoder = sp.LabelEncoder() # 创建标签编码器
18
19
       encoders.append(encoder)
       if row < len(data) - 1: # 不是最后一行,为样本特征
20
           lbl_code = encoder.fit_transform(data[row]) # 编
21
   码
22
           train_x.append(lbl_code)
       else: # 最后一行,为样本输出
23
           train_y = encoder.fit_transform(data[row])
24
25
   train_x = np.array(train_x).T # 转置回来,变为编码后的矩阵
26
27
   # print(train_x)
28
   model = se.RandomForestClassifier(max_depth=8, # 最大树高
29
30
                                    random_state=7) # 随机种
   子
```

```
31 # 调用validation_curve,返回训练集、测试集得分矩阵
   n_estimators = np.arange(50, 550, 50) # 超参数值表
32
   print("n_estimators.shape:", n_estimators.shape)
33
   print("n_estimators:", n_estimators)
34
35
   # 通过不同参数,构建多棵决策树,验证其准确性
36
   train_scores1, test_scores1 = ms.validation_curve(model,
37
    # 模型
38
                                                   train_x,
   train_y,
39
    'n_estimators', # 模型参数名称
40
    n_estimators, # 模型参数值
41
                                                   cv=5
   train_mean = train_scores1.mean(axis=1)
42
   print("train_mean:", train_mean)
43
44
   test_mean = test_scores1.mean(axis=1)
   print("test_mean:", test_mean)
45
46
   # 可视化
47
   mp.figure('n_estimators', facecolor='lightgray')
48
   mp.title('n_estimators', fontsize=20)
49
50 mp.xlabel('n_estimators', fontsize=14)
51 mp.ylabel('F1 Score', fontsize=14)
52 mp.tick_params(labelsize=10)
53 mp.grid(linestyle=':')
54 mp.plot(n_estimators, test_mean, 'o-', c='blue',
   label='Testing')
55 mp.legend()
56 mp.show()
```

执行结果:



② 学习曲线

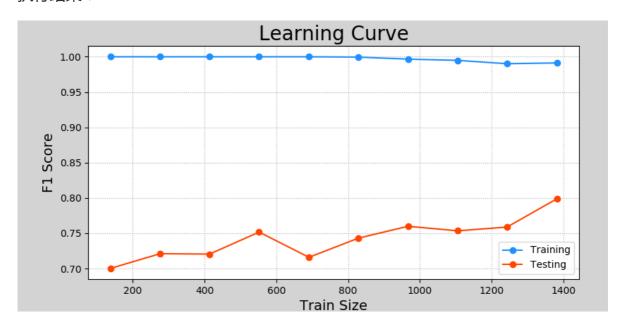
学习曲线是用来评估不同大小的训练集下模型的优劣程度,如果预测结果随着训练集样本的增加而变化不大,那么增加样本数量不会对模型产生明显优化作用.以下是一个学习曲线的示例:

```
1 # 学习曲线示例
 2
   import numpy as np
   import sklearn.preprocessing as sp
   import sklearn.ensemble as se
   import sklearn.model_selection as ms
   import matplotlib.pyplot as mp
6
7
8
   data = []
   with open("../data/car.txt", "r") as f:
       for line in f.readlines():
10
11
           data.append(line.replace("\n", "").split(","))
12
13
   data = np.array(data).T # 转置
14
   encoders, train_x = [], []
15
   # 对样本数据进行标签编码
16
17
   for row in range(len(data)):
18
       encoder = sp.LabelEncoder() # 创建标签编码器
       encoders.append(encoder)
19
       if row < len(data) - 1: # 不是最后一行,为样本特征
20
```

```
21
           lbl_code = encoder.fit_transform(data[row]) # 编
   码
22
           train_x.append(lbl_code)
       else: # 最后一行,为样本输出
23
           train_y = encoder.fit_transform(data[row])
24
25
26
   train_x = np.array(train_x).T # 转置回来,变为编码后的矩阵
27
   print(train_x)
28
29
  # 获得学习曲线
   model = se.RandomForestClassifier(max_depth=9, # 最大树高
30
                                    n_estimators=200, # 评估
31
   系数
32
                                    random_state=7) # 随机种
   子
33
   train_sizes = np.linspace(0.1, 1, 10)
34
   train_sizes, train_scores, test_scores =
35
   ms.learning_curve(
36
    model,
37
    train_x, train_y,
38
    train_sizes=train_sizes,
39
    cv=5)#交叉验证折叠数量
40 train_means = train_scores.mean(axis=1)
41
   test_means = test_scores.mean(axis=1)
42
   for size, score in zip(train_sizes, train_means):
       print(size, '->', score)
43
44
45 # 可视化
46 mp.figure('Learning Curve', facecolor='lightgray')
47 mp.title('Learning Curve', fontsize=20)
48 mp.xlabel('Train Size', fontsize=14)
49 mp.ylabel('F1 Score', fontsize=14)
50 mp.tick_params(labelsize=10)
```

```
51 mp.grid(linestyle=':')
52 mp.plot(train_sizes, train_means, 'o-', c='dodgerblue',
    label='Training')
53 mp.plot(train_sizes, test_means, 'o-', c='orangered',
    label='Testing')
54 mp.legend()
55 mp.show()
```

执行结果:



2)超参数优化

① 什么是超参数

超参数是在开始学习过程之前设置值的参数,而不是通过训练得到的参数数据。超参数的设置主要依赖于经验、实验或经过比较的优选值。以下是一些模型中常见的超参数:

- 决策树模型树的最大深度;
- 随机森林模型树的数量;
- 交叉验证中折叠的额数量;
- 训练集/测试集的比例等等.

超参数选择主要有随机搜索、网格搜索等方法。

② 网格搜索

网格搜索指将主要参数以及这些参数的主要取值,通过穷举法产生不同组合,计算并比较预测结果,来寻找这些参数的最优组合。

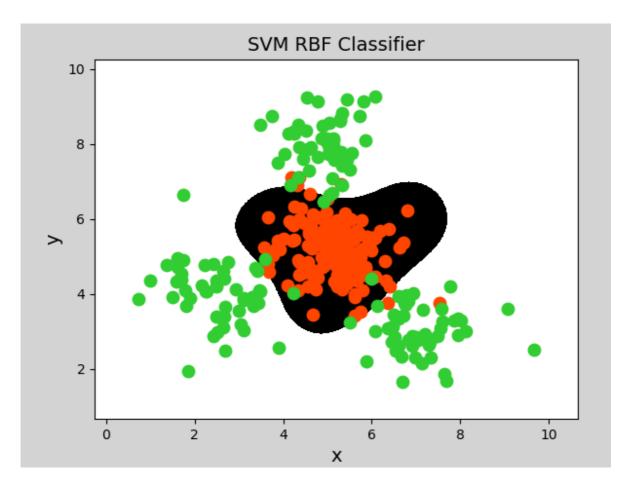
```
1 # 网格搜索示例
   import numpy as np
   import sklearn.model_selection as ms
4
   import sklearn.svm as svm
   import sklearn.metrics as sm
 5
   import matplotlib.pyplot as mp
 7
   x, y = [], []
 8
   with open("../data/multiple2.txt", "r") as f:
9
       for line in f.readlines():
10
           data = [float(substr) for substr in
11
   line.split(",")]
           x.append(data[:-1]) # 输入
12
13
           y.append(data[-1]) # 输出
14
15 \mid x = np.array(x)
   y = np.array(y, dtype=int)
16
17
18
   # 通过网格搜索确定最优参数组合
19 # 定义参数字典
20
   params = [
       {"kernel": ["linear"],
21
22
        "c": [1, 10, 100, 1000]
23
        },
24
       {"kernel": ["poly"],
25
        "C": [1],
        "degree": [2, 3]
26
27
        },
28
       {"kernel": ["rbf"],
        "c": [1, 10, 100, 1000],
29
        "gamma": [1, 0.1, 0.01, 0.001]
30
31
        }
32
   ]
33
```

```
model = ms.GridSearchCV(svm.SVC(probability=True), #是否启
   用概率估计
35
                           params, cv=5) # 创建网格搜索对象
36
   model.fit(x, y) # 训练
37
   print("best_score_:", model.best_score_)
38
   print("best_params_:\n", model.best_params_)
39
40
   #print("best_estimator_:\n", model.best_estimator_)
41
   1, r, h = x[:, 0].min() - 1, x[:, 0].max() + 1, 0.005
42
   b, t, v = x[:, 1].min() - 1, x[:, 1].max() + 1, 0.005
43
   grid_x = np.meshgrid(np.arange(1, r, h), np.arange(b, t,
44
   v))
   flat_x = np.c_[grid_x[0].ravel(), grid_x[1].ravel()]
45
   flat_y = model.predict(flat_x)
46
   grid_y = flat_y.reshape(grid_x[0].shape)
47
48
   mp.figure("SVM RBF Classifier", facecolor="lightgray")
49
   mp.title("SVM RBF Classifier", fontsize=14)
50
   mp.xlabel("x", fontsize=14)
51
   mp.ylabel("y", fontsize=14)
52
53
   mp.tick_params(labelsize=10)
   mp.pcolormesh(grid_x[0], grid_x[1], grid_y, cmap="gray")
54
55
56 \mid C0, C1 = (y == 0), (y == 1)
57 mp.scatter(x[C0][:, 0], x[C0][:, 1], c="orangered", s=80)
   mp.scatter(x[C1][:, 0], x[C1][:, 1], c="limegreen", s=80)
58
59
60 mp.show()
```

打印输出:

```
best_score_: 0.95
best_params_:
{'C': 1, 'gamma': 1, 'kernel': 'rbf'}
```

执行结果可视化:



③ 随机搜索

随机搜索的思想与网格搜索比较相似,只是不再测试上界和下界之间的所有值,而是在搜索范围中随机选取样本点。它的理论依据是,如果样本点集足够大,那么通过随机采样也能大概率地找到全局最优值,或其近似值。随机搜索一般会比网格搜索要快一些,但是和网格搜索的快速版一样,它的结果也是没法保证的。