

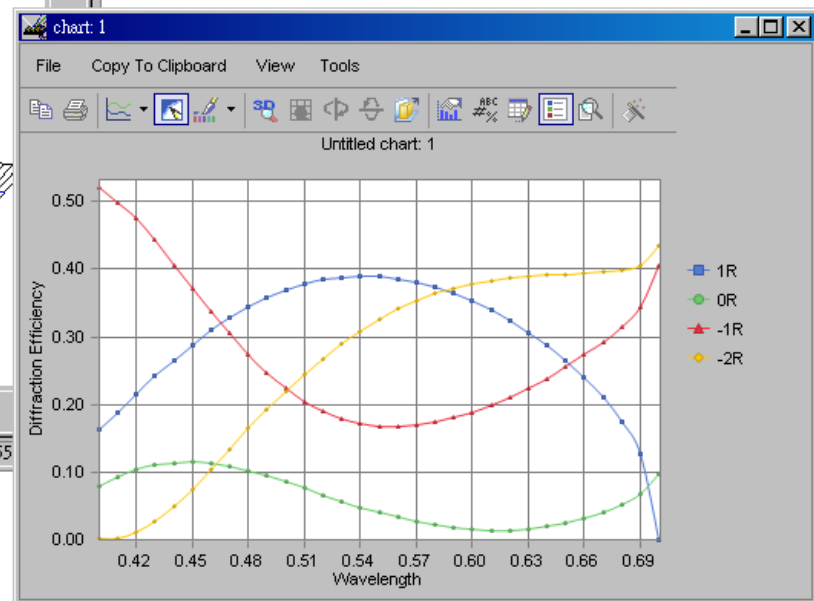
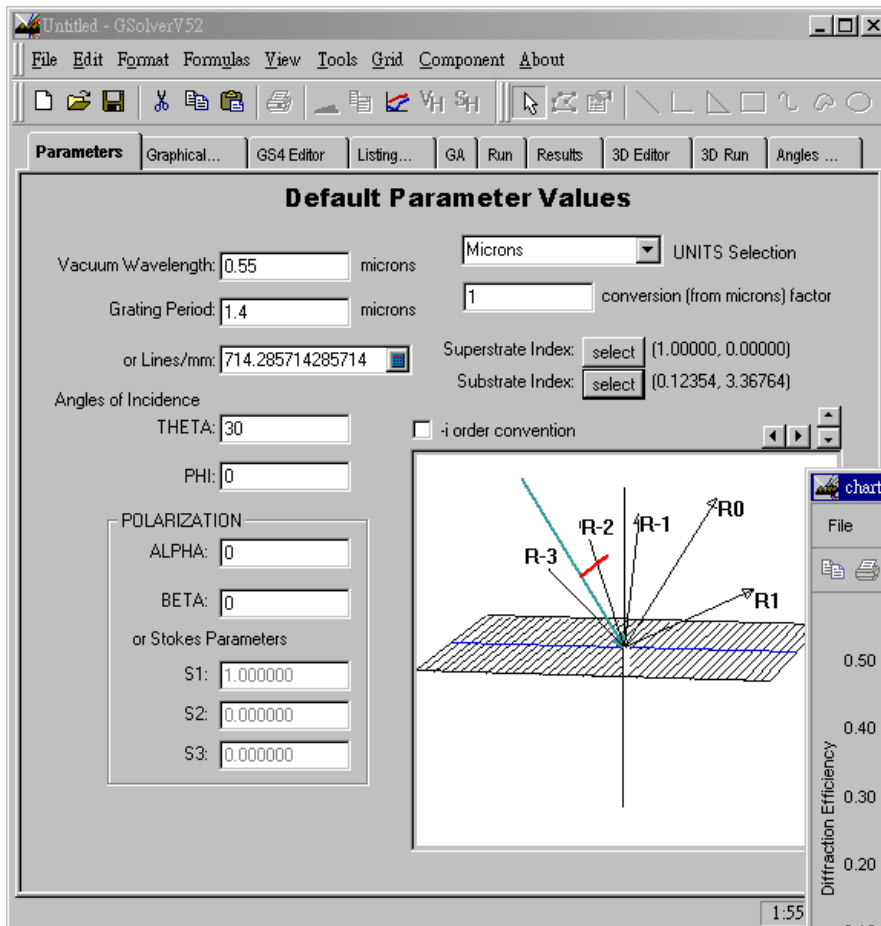
# 實驗 10: 光電元件模擬實驗

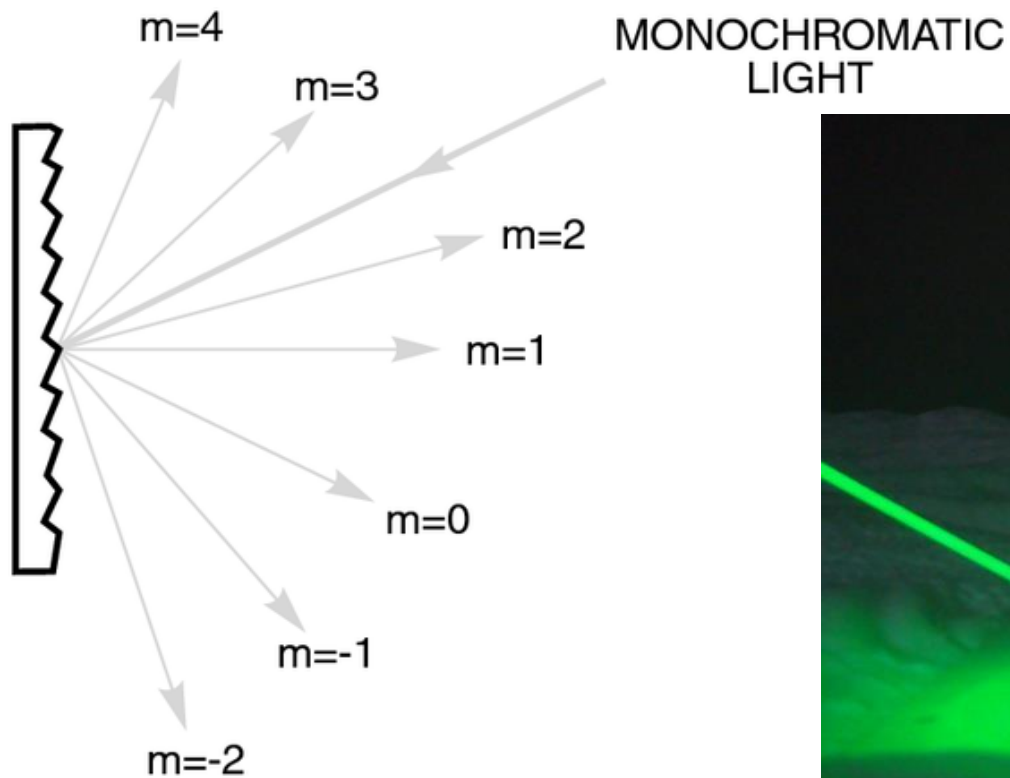
實驗負責助教：卓奕辰  
Display Optics Lab (電二351a)  
E-mail: [r08941044@ntu.edu.tw](mailto:r08941044@ntu.edu.tw)  
手機:0920982219

# Objectives

- Reflection Gratings [GSolver]
  - 觀察光柵造成的反射角變化
- Gaussian Beam [Matlab]
  - 了解高斯光束的基本特性
- Waveguide Coupler [RSoft]
  - 模擬光波導元件

# 1.Reflection Grating [GSolver]





$$\sin \theta_R^{(m)} = \sin \theta_i + \frac{m\lambda}{\Lambda}$$

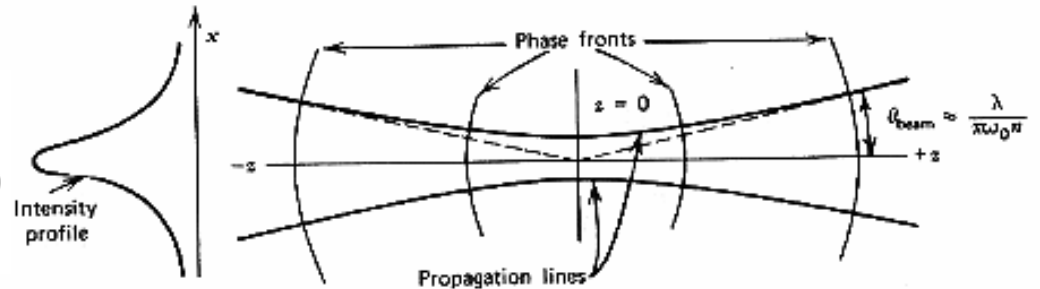
Diagram illustrating the grating equation. The terms are labeled as follows:

- $\theta_R^{(m)}$ : 反射角 (Reflection angle)
- $\theta_i$ : 入射角 (Incidence angle)
- $\lambda$ : 光波長 (Wavelength of light)
- $\Lambda$ : 結構週期 (Grating period)
- $m$ : 繞射階數 (Diffraction order)

## 2. Gaussian Beam [Matlab]

- Intensity

$$I(\rho, z) = I_0 \left[ \frac{W_0}{W(z)} \right]^2 \exp\left(-\frac{2\rho^2}{W^2(z)}\right)$$

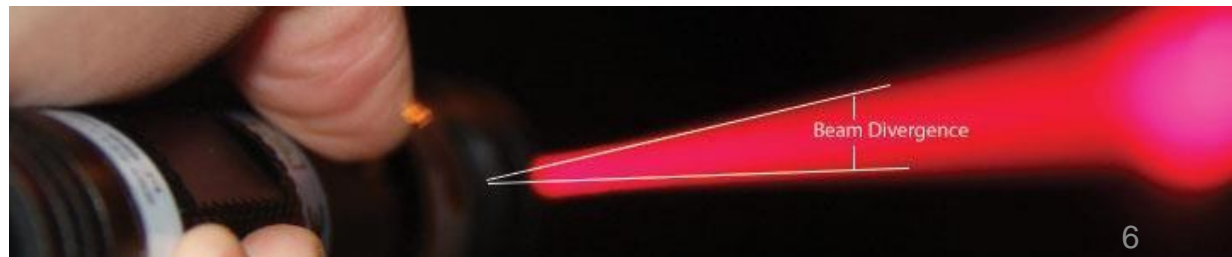
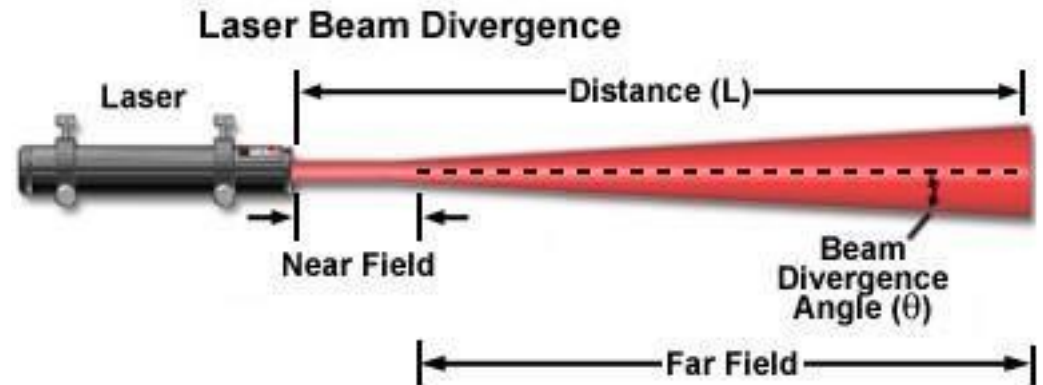


- Beam parameter

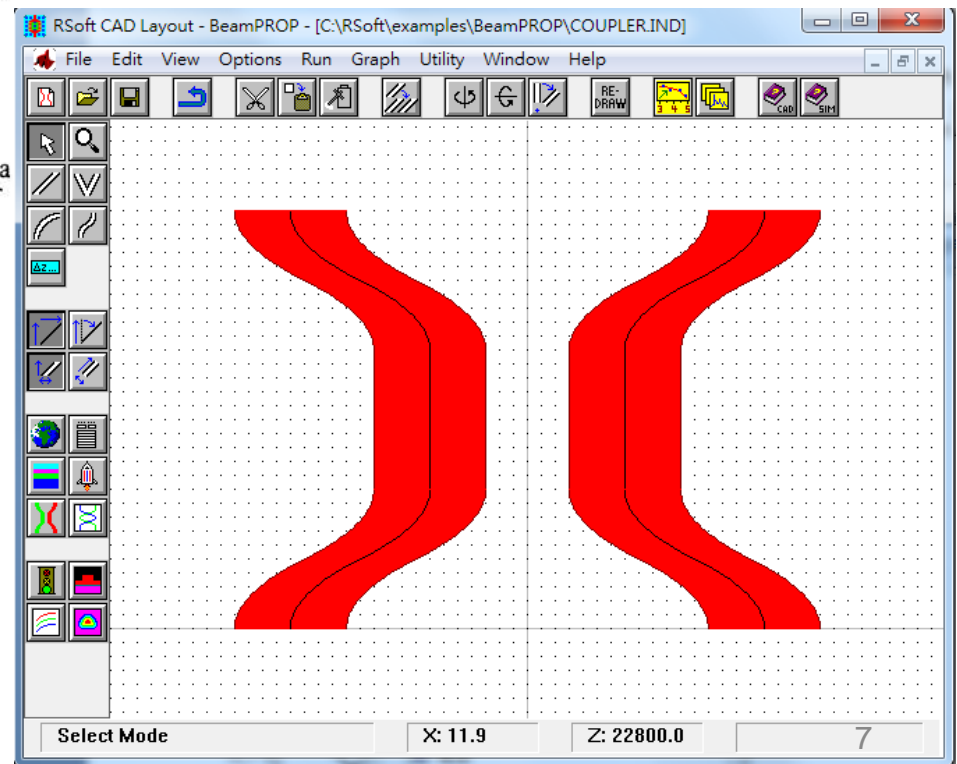
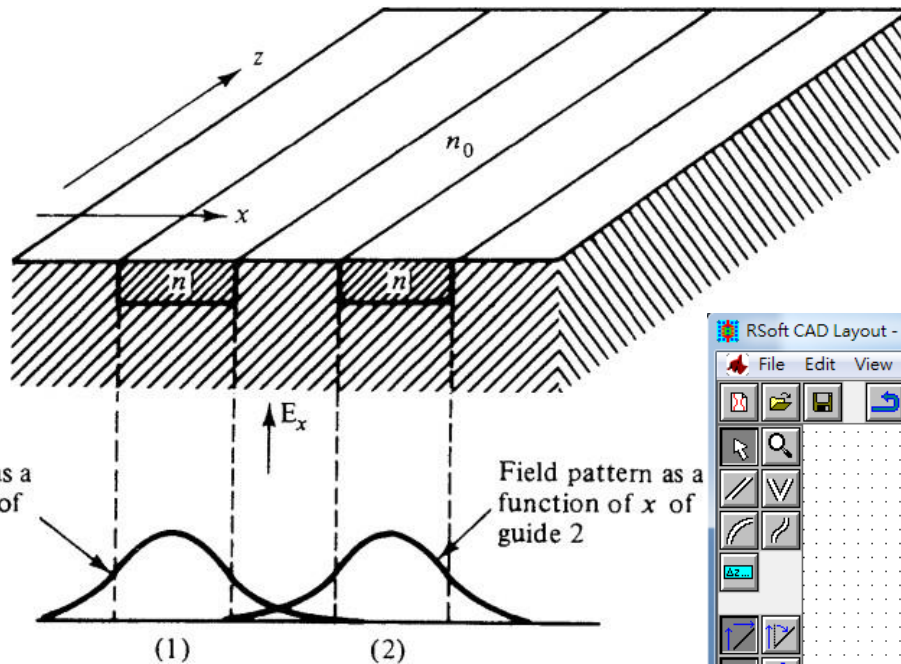
$$W(z) = W_0 \sqrt{1 + \left(\frac{z}{z_0}\right)^2}$$

$$R(z) = z \left[ 1 + \left(\frac{z_0}{z}\right)^2 \right]$$

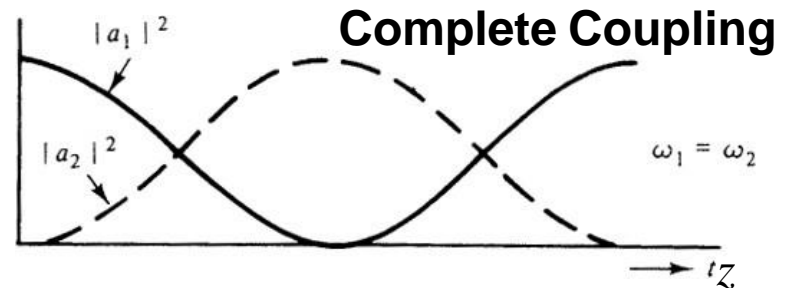
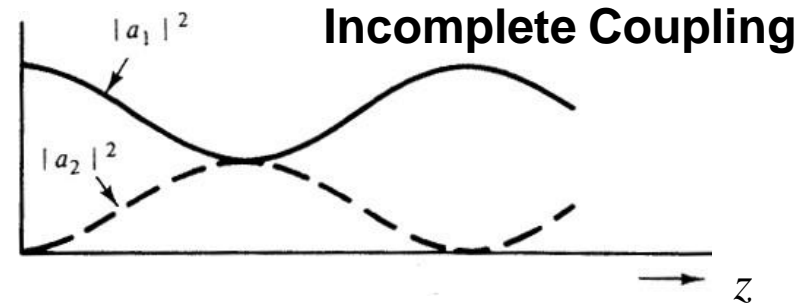
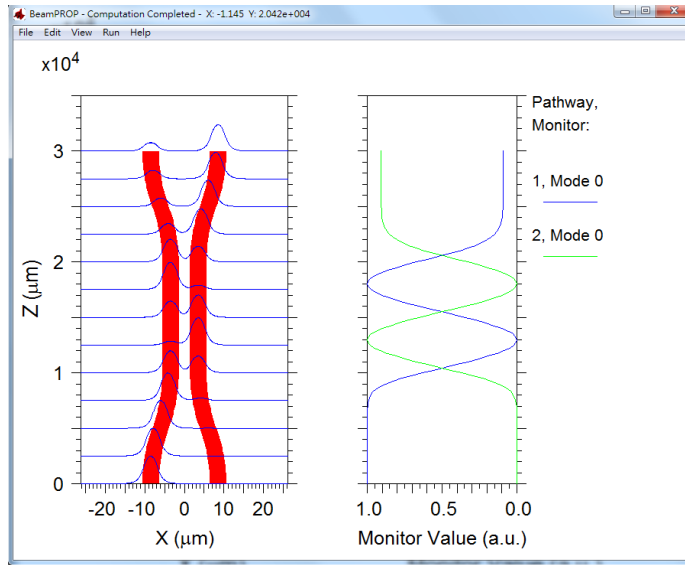
$$W_0 = \sqrt{\frac{\lambda z_0}{\pi}}$$



# 3. Waveguide Coupler [RSoft]



# Waveguide Coupler [RSoft]



$$a_1(z) = \left[ a_1(0) \left( \cos \beta_0 z + j \frac{\beta_2 - \beta_1}{2\beta_0} \sin \beta_0 z \right) + \frac{\kappa_{12}}{\beta_0} a_2(0) \sin \beta_0 z \right] e^{-j[(\beta_1 + \beta_2)/2]z} \quad (7.79)$$

$$a_2(z) = \left[ \frac{\kappa_{21}}{\beta_0} a_1(0) \sin \beta_0 z + a_2(0) \left( \cos \beta_0 z + j \frac{\beta_1 - \beta_2}{2\beta_0} \sin \beta_0 z \right) \right] e^{-j[(\beta_1 + \beta_2)/2]z} \quad (7.80)$$

$$\beta_0 = \sqrt{\left( \frac{\beta_1 - \beta_2}{2} \right)^2 + |\kappa_{12}|^2}$$

波導1與波導2  
內部的傳播係數

傳播距離為“**z**”時  
波導1內的電場

從波導1到波導2的  
耦合係數

$$a_1(z) = \left[ a_1(0) \left( \cos \beta_0 z + j \frac{\beta_2 - \beta_1}{2\beta_0} \sin \beta_0 z \right) + \frac{\kappa_{12}}{\beta_0} a_2(0) \sin \beta_0 z \right]$$

傳播距離為零時  
波導1內的電場  
(波導1的起始值)

包含著波導1及  
波導2的空間的  
傳播係數

傳播距離為零時  
波導2內的電場  
(波導2的起始值)



# Preview Questions

- **Diffraction Grating** 光柵
  - 某入射角的光有兩個不同波長(WL1, WL2)的成分。  
。請問這兩個波長下的第一階反射的繞射角度的差距是多少？
- **Gaussian Beam**
  - 有一雷射，波長為1064 nm。在10 km 的遠方，此雷射光點大小的擴散不得超過120%。請解出此雷射原本的腰寬大小。
- **Waveguide Coupler** 光導耦合器
  - 假設波導1與波導2的起始值分別為1與0。找出最佳耦合的條件。
  - 此前提下，找出50-50耦合的條件。

# 參考資料

1. David K. Cheng, *Field and Wave Electromagnetics*, New York, Wesley, 2<sup>nd</sup> Ed.
2. Hermann A. Haus, *Wave and Fields in Optoelectronics*, Taiwan, 中央, 1<sup>st</sup> Ed.
3. Bahaa E. A. Saleh & Malvin Carl Teich, *Fundamentals of Photonics*, New York, Wiley, 1991.
4. J. W. Goodman, *Introduction To Fourier Optics (Roberts & Co, 2005)*.
5. M. Born, and E. Wolf, *Principles of Optics (Cambridge University Press, 2000)*.