# Module d'Analyse Statistique : Introduction générale

M2 IGAST

Paul Chapron <sup>1</sup> 2021-2022

<sup>1</sup>LASTIG-UGE-IGN/ENSG



Introduction Générale

#### Références



- Cours M2 IGAST 2018 d'Ana-Maria Olteanu-Raimond
- R et espace https://framabook.org/r-et-espace/
- Probabilités, analyse de données et statistiques , Gilbert Saporta, Editions TECHNIP, 2011
- Cours de H. Commenges
   https://gitlab.huma-num.fr/hcommenges/cours\_
   statcomplet/-/raw/master/cours\_statcomplet.pdf
- Nombreuses ressources en ligne, e.g. :
- http:
   //www.foad-mooc.auf.org/IMG/pdf/424B\_-Application\_
   des\_methodes\_statistiques\_d\_analyse.pdf
- http://www.itse.be/statistique2010/co/Module\_ statistique\_FSP.html

# Analyse spatiale: définition



L'analyse spatiale étudie la répartition et l'organisation d'ensembles d'objets qui sont localisés

#### L'objectif est de :

«déceler en quoi la localisation apporte un élément utile à la connaissances des objets étudiés et peut en expliquer les caractéristiques»
[Pumain, Saint-Julien 97]

# Spécificité de l'analyse spatiale



#### Analyse statistique

Méthodes résumant et généralisant des observations

- Les unités d'analyse sont des éléments indépendants en principe
- On ne s'intéresse pas à leur localisation ni à leur intéractions (spatiales)

#### Analyse spatiale statistique

- Les unités d'analyse sont localisables
- On s'intéresse à leur propriétés y compris la localisation
- On fait l'hypothèse que leur localisation peut influencer les valeurs observées

# Données spatiales vs. non spatiales



#### Données spatiales :

Individus restreints spatialement (selection spatiale), ou variables de localisation géographique (e.g. Lieu de résidence, coordonnées) renseignées pour les individus

quid des distances ?  $\rightarrow$  modèle gravitaire , réseau etc.

#### Deux approches



#### Analyse géométrique :

approche géométrique pour mieux décrire les données: analyse de forme, de réseaux, de proximité, méthodes de création de nouvelles entités à partir de la géométrie des objets

#### Analyse de données :

approche statistique permettant de faire émerger des relations (des groupes, des lois) pour aider l'étude de certains phénomènes

Statistiques Inférentielles vs.

**Statistiques Descriptives** 

# Statistiques Inférentielles

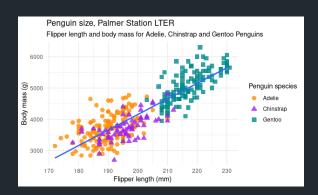


A partir d'un échantillon , que peut-on attendre (=inférer) de la population ?

- Modèles, estimateurs, ...: régression, estimation, extrapolation
- e.g. sondages, recensement

# Statistiques inférentielles : exemple





Penguins data were collected and made available by Dr. Kristen Gorman and the Palmer Station, Antarctica LTER, a member of the Long Term Ecological Research Network.

[https://github.com/allisonhorst/palmerpenguins]

### Statistiques Descriptives



Décrire, résumer, synthétiser les propriétés d'une population à partir des variables qui décrivent ses individus.

- Graphiques: nuages de points, histogramme, ...
- Mesures (fréquences, distributions, moments) sur des variables
- Liaisons statistiques entre variables : corrélation, covariance,...
- Structure interne des données : classification , ACP,...

#### Dans ce module



Nous ferons majoritairement de la statistique descriptive (même si, pour bien décrire, il faut parfois inférer)

Vocabulaire

# **Population**



```
Ensemble d'individus
```

"données", "corpus", "échantillon", "data"

très souvent tabulaires

#### **Individus**



Unité statistique élémentaire: personnes, logements, ...

ightarrow "les lignes du tableau"

#### **Variables**



Caractéristiques, propriétés d'un individu, mesurées par des enquêtes, des observations...

ightarrow "les colonnes du tableau"

### Types de variables



```
Qualitatives : facteurs e.g. couleur, genre, CSP, type de pokemon,... \rightarrow notion de modalité
```

Quantitatives : nombres e.g. taille, masse, revenu, surface, points de vie,...  $\rightarrow$  parfois exprimées avec des unités : m, kg, s

# Attention aux groupes ! (paradoxe de Simpsons)



Paradoxe de Simpsons

source: wikipedia

#### Discrètes et Continues



- Variables quantitatives continues :  $var \in \mathbb{R}$
- Valeurs réelles, toutes les valeurs de l'intervalle de mesures peuvent exister
- Variables quantitatives discrètes :  $var \in \mathbb{N}$
- Valeurs entières, pour des attributs dénombrables (comptage),
- parfois utilisées pour encoder une variable qualitative à deux modalités e.g. présence (1), absence(0)

### Variables qualitatives



les valeurs sont prises dans un ensemble fini de valeurs possibles, défini par extension (i.e. on donne la liste des valeurs possibles)

- → notion de modalités
- → nominales (non ordonnées e.g. état civil ) ou ordinales (ordonnées e.g. échelle de Lickert)

# l'Échelle d'Analyse



Spécificité de la statistique spatiale : à quelle échelle observer ?

Quel découpage, quelles unités spatiales ?

«Problème insoluble» : le MAUP (Modifiable Areal Unit Problem)

#### Unités spatiales



#### Mailles administratives :

agrégation/imbrication d'unités spatiales prédéfinies : comtés, départements, régions, pays

e.g. Comprendre comment le taux de chômage d'un pays est distribué entre les régions pour guider les politiques économiques

#### Découpages:

identification d'unités spatiales ayant des caractéristiques semblables

e.g. IRIS, carroyage

# Échelle individuelle vs. Échelle agrégée



#### Désagrégation ou Ventilation

 $\rightarrow$  Inférer des caractéristiques individuelles à partir de l'analyse de données agrégées (ni facile ni immédiat)

#### Agrégation

 $\rightarrow$  Inférer des caractéristiques concernant les unités agrégées d'après les caractéristiques individuelles

# le MAUP (Modifibale Aereal Unit Problem)



Problème d'agrégation spatiale : les résultats d'une analyse statistique spatiale dépendent du choix d'agragation

biais «sytématique et insoluble»

Exemples tirés du rapport ESPON :

https://www.espon.eu/sites/default/files/attachments/espon343\_maup\_final\_version2\_nov\_2006.pdf

# MAUP exemple 1



```
<div style="text-align:center"> <img src="./Maup1.png"
width=100</div>
```

# MAUP exemple 2



```
<div style="text-align:center"> <img src="./Maup2.png"
width=100</div>
```

# La première" chose à faire "



Représenter/Tracer/Cartographier les variables de la population !

Attention aux seules valeurs chiffrées : exemple du "dinosaure"