#Лабораторный практикум ВКИАД с R

Преподаватель Дорошко Ольга Валерьевна

Студент Черепенников Роман Михайлович, 2 курс, 8 группа, ПМ

#### Вариант № 13

#### Часть 1. Управление данными в R

Ввести данные из текстового файла согласно варианту (функция "read.table"). Сохранить в переменную qc (таблица данных).

```
qc <- read.table("QC13.txt")</pre>
```

Вывести размерность таблицы данных(dim).

```
dim(qc)
## [1] 100 9
```

Вывести первые 3 записи таблицы (head).

```
head(qc,3)

## V1 V2 V3 V4 V5 V6 V7 V8 V9

## 1 50.75 9.13 2 2 1 4 16.644 46.77 4

## 2 54.70 9.11 2 3 1 4 18.210 47.82 3

## 3 57.66 11.53 5 1 1 4 19.536 46.44 3
```

Изменить имена переменных в таблице (names) согласно: "б"-"kit", "п"-"nbug", "№изг"-"maker", "№пост"-"vendor", "№вд"-"bug", "н" - последовательно проименовать как "с1", "c2", "c3", "c4" (порядок переменных смотрите в файле Lab.pdf согласно Вашему варианту).

Вывести часть таблицы функцией head.

```
colnames(qc) = c("c1","c2","kit","nbug","maker","vendor","c3","c4","bug")
head(qc)
            c2 kit nbug maker vendor
##
       c1
                                      c3
                                            c4 bug
## 1 50.75 9.13 2 2
                          1
                                 4 16.644 46.77
## 2 54.70 9.11 2
                     3
                          1
                                 4 18.210 47.82
## 3 57.66 11.53 5 1
## 4 56.43 9.45 1 1
                          1
                                 4 19.536 46.44
                                                 3
                                                 5
                         1
                                 3 18.783 45.63
## 5 52.69 8.40
                 6
                     2
                           2
                                 3 17.760 49.14
                                                 3
## 6 55.26 10.73
                     5
                           1
                                 2 18.675 48.84
                 2
                                                 6
```

Вывести общую статистику по переменной vendor (summary). Обращаться к переменной через "\$".

```
summary(qc$vendor)
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 1.00 2.00 3.00 2.87 4.00 4.00
```

Преобразовать переменную vendor в переменную-фактор (с помощью as.factor, для доступа к переменной обратиться к столбцу с помощью оператора [] или оператора [[]]]).

Вывести общую статистику для преобразованной переменной vendor.

```
summary(as.factor(qc[,"vendor"]))
## 1 2 3 4
## 14 23 25 38
```

Подсчитать количество изделий, у которых число некритических дефектов больше 3 функция sum и оператор условия).

```
sum(qc$nbug > 3)
## [1] 14
```

Вывести наблюдение(-я), для которого количество некритических дефектов равно максимальному (оператор [] к переменной qc, функция max).

```
qc[which.max(qc[,"nbug"]),]
## c1 c2 kit nbug maker vendor c3 c4 bug
## 93 53.14 9.12 5 7 2 4 17.877 56.025 6
```

### Часть 2. Описательная статистика и графический анализ

Присоединить таблицу данных qc к списку текущих переменных (attach). Далее обращаться к именам переменных напрямую.

Загрузить дополнительную библиотеку (для вычисления коэффициентов асимметрии и эксцесса).

```
attach(qc)
library("e1071")
```

В данном пункте статистики и графики выводятся только для переменной с1.

Вычислить среднее (mean) и медиану (median).

```
mean(c1)

## [1] 54.7083

median(c1)

## [1] 54.92
```

Вычислить выборочные квартили Q1, Q2, Q3 (quantile) (в одну строчку). Вычислить интерквартильный размах с помощью встроенной в R функции.

```
quantile(qc$c1,c(0.25,0.5,0.75))
## 25% 50% 75%
## 53.5075 54.9200 56.2775

IQR(c1)
```

```
## [1] 2.77
```

Вывести комплексную статистику по переменной с1.

```
summary(c1)
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 49.86 53.51 54.92 54.71 56.28 57.96
```

Вычислить дисперсию (var) для переменных c1 и 2 \* c1 + 100 в указанном порядке. В выводе записать программно вычисленное отношение дисперсий данных переменных.

```
var(c1)
## [1] 3.414362
var(c1*2+100)
## [1] 13.65745
var(c1*2+100)/var(c1)
## [1] 4
```

Вывод: вторая дисперсия в четыре раза больше

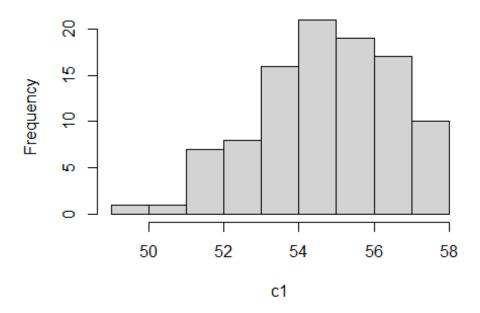
Вычислить дисперсию, используя векторное выражение (то есть в одну строку, без циклов).

```
sum((c1-mean(c1))^2)/(length(c1)-1)
## [1] 3.414362
```

Построить гистограмму (hist).

```
hist(c1)
```

## Histogram of c1



Вывести асимметрию (skewness) и эксцесс (kurtosis) в указанном порядке. Сделать вывод.

```
skewness(c1)
## [1] -0.4037598
kurtosis(c1)
## [1] -0.4987426
```

Вывод: распределение с1 скошено влево и вершина смещена вниз

Проверить нормальность остатков с помощью статистического теста Лиллиефорса (lillie.test). Сделать вывод.

```
library(nortest)
lillie.test(c1)

##

## Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test

##

## data: c1

## D = 0.060991, p-value = 0.478
```

**Вывод:** гипотеза о нормальном распределении не отклоняется на уровне значимости 0.05

#### Часть 3. Анализ статистических зависимостей

Перекодировать переменную kit так, чтобы она принимала только два значения: 1 и 2 (1 при kit < 3, 2 - в отстальных случаях).

```
qc$kit <- ifelse(qc$kit>3,2,1)
print(qc)
##
                 c2 kit nbug maker vendor
          c1
                                                c3
                                                        c4 bug
              9.13
## 1
       50.75
                      1
                           2
                                  1
                                          4 16.644 46.770
                                                             4
## 2
                           3
                                          4 18.210 47.820
       54.70
              9.11
                      1
                                  1
                                                             3
## 3
       57.66 11.53
                      2
                           1
                                  1
                                          4 19.536 46.440
                                                             3
## 4
       56.43 9.45
                      1
                           1
                                  1
                                          3 18.783 45.630
                                                             5
                                          3 17.760 49.140
## 5
       52.69 8.40
                      2
                           2
                                  2
                                                             3
## 6
       55.26 10.73
                      1
                           5
                                  1
                                          2 18.675 48.840
                                                             6
## 7
       54.99 9.80
                           2
                                  1
                                          4 18.594 47.550
                                                             3
                      1
## 8
       54.05 10.10
                                                             3
                      1
                           4
                                  2
                                          4 18.393 49.485
## 9
       53.79 10.40
                           1
                                  1
                                          3 18.393 47.640
                                                             2
                      1
## 10
       51.01 9.99
                           3
                      1
                                  2
                                          3 17.169 50.445
                                                             3
## 11
       56.88 10.44
                      2
                           1
                                  2
                                          4 18.849 51.930
                                                             3
                                  2
                                          4 17.154 52.185
## 12
       52.17
              8.50
                      1
                           3
                                                             4
## 13
       51.14 8.70
                      1
                           3
                                  2
                                          2 16.593 50.115
                                                             6
       51.85 11.16
## 14
                      2
                           2
                                  2
                                          4 17.097 50.265
                                                             3
## 15
       56.99 11.16
                      1
                           1
                                  1
                                          3 18.948 47.265
                                                             3
       57.22 10.45
                           2
                                          3 19.257 46.920
## 16
                                  1
                                                             4
                      1
## 17
       54.96 11.06
                           3
                                  2
                                          3 17.970 53.370
                                                             5
                      1
## 18
                                          3 18.312 50.100
                                                             2
       54.76 8.83
                      1
                           1
                                  1
## 19
       54.11 10.62
                           0
                                          1 17.898 48.390
                                                             5
                      1
                                  1
## 20
       54.77 10.11
                      1
                           4
                                  1
                                          1 18.318 49.635
                                                             2
                                                             5
## 21
       54.59 9.23
                           4
                                  1
                                          4 18.063 45.735
## 22
       57.86 11.36
                           3
                                  1
                                          3 18.294 50.580
                                                             4
## 23
       52.12 10.06
                           2
                                  2
                                          3 17.220 49.080
                                                             3
                      1
                           2
                                                             4
## 24
       55.49 10.13
                      1
                                  2
                                          4 18.495 54.030
## 25
       52.50 9.98
                           3
                                          2 17.565 49.560
                                                             2
                      1
                                  1
## 26
       54.41 9.94
                      1
                           1
                                  1
                                          4 18.393 48.315
                                                             3
## 27
       56.07 10.65
                      1
                           4
                                  2
                                          3 18.504 53.415
                                                             3
## 28
       55.21 10.79
                      1
                           0
                                  2
                                          2 18.504 53.340
                                                             4
## 29
       56.27 10.59
                           1
                                  1
                                          3 18.717 47.820
                                                             3
              7.78
## 30
       52.78
                           0
                                  1
                                          2 17.178 49.725
                                                             4
                                                             5
## 31
       52.10 9.34
                      1
                           3
                                  1
                                          2 17.463 49.050
## 32
       56.84 10.30
                           3
                                          4 18.969 45.960
                                                             3
                      1
                                  1
## 33
       52.63 9.70
                      1
                           1
                                  1
                                          2 17.406 47.835
                                                             2
## 34
       56.45
              9.13
                      2
                           4
                                  1
                                          4 18.762 46.560
                                                             2
## 35
       53.50
              9.47
                           1
                                  1
                                          4 18.207 50.205
                                                             4
                      1
## 36
       54.46 9.50
                      1
                           3
                                  1
                                          4 17.475 49.680
                                                             2
                                          4 19.722 54.315
## 37
       57.41 11.09
                      1
                           4
                                  2
                                                             4
## 38
       54.06 9.79
                           2
                                  2
                                          3 18.564 52.665
                                                             3
## 39
       54.65 10.13
                           2
                                  2
                                          2 18.528 54.525
                                                             3
## 40
       53.25
                           1
                                  1
                                                             2
              9.87
                      1
                                          4 17.670 45.555
## 41
       53.58
              9.96
                           3
                                  2
                                          2 17.457 47.850
                      1
                                                             6
## 42
       55.35
                      2
                           1
                                  2
                                          1 18.150 48.780
                                                             3
              9.61
## 43
       55.11
              9.60
                      1
                           1
                                  1
                                          4 18.570 49.260
                                                             3
## 44
       55.52 10.94
                           1
                                  1
                                          4 18.429 44.925
                      1
                                                             3
```

```
## 45
       53.23 10.12
                       1
                            2
                                   2
                                          4 18.378 48.075
                                                              7
                                                              7
## 46
       57.20 10.04
                            1
                                   2
                                          4 19.236 48.450
## 47
                                          3 17.571 50.415
       53.51 9.04
                       1
                            0
                                   1
                                                              3
## 48
       54.69 10.51
                            2
                                          2 17.571 49.725
                                                              3
                                   1
       53.57 9.58
## 49
                       2
                                   2
                                          2 18.018 51.405
                                                              3
                            1
## 50
       51.59 8.31
                                   2
                                          1 16.905 49.725
                                                              3
                       1
                            1
## 51
                                                              7
       57.63 10.62
                       1
                            2
                                   2
                                          2 19.362 51.420
## 52
       53.34 9.14
                       1
                            4
                                   2
                                          2 17.721 52.455
                                                              4
## 53
       52.96 9.70
                            2
                                   2
                                          3 18.246 49.410
                                                              3
## 54
       57.66 10.68
                       2
                            2
                                   2
                                          1 19.362 53.400
                                                              3
                                                              5
## 55
       56.39 10.55
                       1
                                   2
                                          3 18.189 52.695
                            4
## 56
       53.14 9.39
                       2
                            2
                                   2
                                          4 17.541 49.260
                                                              4
       54.84 9.28
                                                              3
## 57
                       1
                            6
                                   2
                                          2 18.339 52.650
       55.65 10.69
                                          3 18.636 47.760
## 58
                       2
                            2
                                   1
                                                              2
## 59
       53.80 10.19
                       1
                            3
                                   1
                                          4 17.850 51.075
                                                              6
## 60
       54.91 9.77
                            2
                                          3 18.132 47.325
                                                              3
                       1
                                   1
                                                              2
## 61
       55.82 9.36
                       2
                            1
                                   1
                                          4 17.886 47.910
                                                              3
## 62
       54.93 10.54
                            0
                                   2
                                          1 18.783 53.685
## 63
       51.02 9.79
                       1
                            0
                                   2
                                          3 16.746 50.340
                                                              5
                                                              2
## 64
       56.57 11.15
                       2
                            3
                                          4 18.936 48.360
                                   1
                       2
## 65
       53.60 9.14
                                          2 17.745 48.780
                                                              6
                            0
                                   1
## 66
       56.00 9.82
                       2
                            2
                                          3 18.654 46.140
                                                              3
                                   1
## 67
       56.33 11.01
                       2
                            0
                                          4 19.116 46.755
                                                              4
                                   1
## 68
       51.20 10.20
                       2
                            2
                                   1
                                          4 17.460 46.395
                                                              5
## 69
       57.04 10.22
                       1
                            2
                                   1
                                          2 18.960 52.665
                                                              3
## 70
       56.48 10.47
                       1
                            1
                                   1
                                          1 19.017 46.140
                                                              3
## 71
       53.14 9.77
                                                              3
                            0
                                   2
                                          4 17.856 52.845
## 72
       54.97 10.73
                       2
                            3
                                   2
                                          3 19.125 51.225
                                                              5
## 73
       54.09 9.49
                       2
                                   2
                                          4 17.868 52.275
                                                              7
                            3
## 74
       51.12 7.29
                                          2 16.719 47.460
                                                              2
                       1
                            2
                                   1
## 75
       57.96 10.76
                       1
                            4
                                   2
                                          3 18.360 52.485
                                                              7
## 76
       55.19 10.68
                       1
                            3
                                   2
                                          4 18.606 51.930
                                                              3
## 77
       55.85 10.94
                       1
                            3
                                   1
                                          4 19.038 48.240
                                                              2
## 78
       55.78 9.51
                       2
                            2
                                   2
                                          1 18.477 53.940
                                                              4
                                                              2
## 79
       56.46 11.44
                                          1 19.101 45.300
                            3
                                   1
## 80
       56.30 11.89
                            3
                                   2
                                          4 18.771 47.460
                                                              3
                                          2 19.419 51.195
## 81
       56.53 11.41
                       1
                            1
                                   2
                                                              4
## 82
       55.48 8.72
                       1
                            2
                                          2 18.162 50.325
                                                              2
                                   1
## 83
       55.41 10.72
                            2
                                   2
                                          4 18.096 52.395
                                                              5
                       1
## 84
       49.86
              7.43
                       1
                            3
                                   2
                                          1 16.539 49.185
                                                              4
       53.48 8.96
                       2
                            2
                                                              2
## 85
                                   1
                                          1 17.766 46.455
## 86
       56.32 9.23
                       1
                            2
                                   1
                                          2 19.119 45.930
                                                              2
## 87
       56.71 10.22
                       2
                            2
                                   1
                                          1 18.288 50.205
                                                              6
## 88
       54.55 11.45
                       1
                                          1 18.264 52.305
                                                              4
                            4
                                   2
## 89
                            3
                                          2 17.907 44.280
                                                              2
       55.15 10.14
                       1
                                   1
## 90
       55.56 10.13
                       2
                                          4 18.048 50.295
                                                              2
                            1
                                   1
## 91
       55.40 7.74
                       1
                                   2
                                          3 18.234 53.895
                                                              3
                            1
## 92
       54.18 11.73
                       2
                            2
                                          4 18.552 50.100
                                   1
                                                              6
                       2
                            7
## 93
       53.14 9.12
                                   2
                                          4 17.877 56.025
                                                              6
## 94
       53.57 10.93
                                          3 17.931 48.345
                                                              5
                       1
                            1
                                   1
## 95
       55.63
              9.92
                       1
                            0
                                   2
                                          2 18.567 48.225
                                                              3
## 96
                            0
                                   2
                                          4 17.931 51.015
       53.69 8.71
```

```
## 97 54.17 10.37
                         4
                               2
                                     2 18.219 50.265
                                                       3
## 98 55.84 10.29
                               2
                                      1 18.321 49.980
                    1
                                                       3
## 99 56.67 10.54
                         2
                                                       2
                                     3 19.137 46.725
                    1
                               1
## 100 57.14 10.05
                    2
                         3
                                     4 18.783 50.235
```

Вычислить ранговый коэффициент корреляции Спирмена (cor, method = "spearman") для переменных kit и maker.

```
cor(kit,maker,method = "spearman")
## [1] 0.07044474
```

Вывести таблицу сопряженности (table) по переменным kit и maker. Сделать вывод.

```
table(kit, maker)
##
     maker
## kit 1 2
##
    0 1 4
##
    1 12 7
    2 16 11
##
##
    3 10 12
##
    4 8 6
    5 4 5
##
##
    6 1 3
```

**Вывод:** согласно ранговому коэффициенту корреляции и таблице сопряженности согласованность между переменными практически отсутствует

Для переменных с1, с3 вычислить коэффициент корреляции. Сделать вывод.

```
cor.test(c1,c3)

##

## Pearson's product-moment correlation

##

## data: c1 and c3

## t = 17.898, df = 98, p-value < 2.2e-16

## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0

## 95 percent confidence interval:

## 0.8195065 0.9143318

## sample estimates:

## cor

## 0.8750684</pre>
```

**Вывод:** гипотеза о равенстве нулю коэффициента корреляции между переменными отклоняется на уровне значимости 0.05.

Вывести корреляционную матрицу по всем числовым характеристикам c1-c4 (cor). Для выбора нужных столбцов таблицы воспользоваться оператором "П".

```
## c2 0.539350201 1.000000000 0.58341933 -0.009795793
## c3 0.875068389 0.583419330 1.000000000 -0.010034222
## c4 0.003347985 -0.009795793 -0.01003422 1.000000000
```

Представить матрицу корреляции в более удобном виде(symnum, в качестве аргумента данной функции использовать результат функции cor). Сделать вывод.

Вывод: наибольший коэффициент корреляции меэду пременными с1 и с3

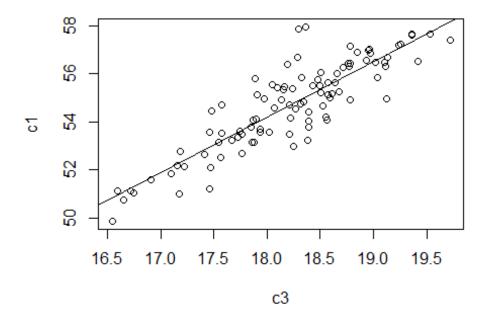
Построить модель линейной регрессии для пары переменных, для которых коэффициент корреляции имеет наибольшее значение. Использовать функцию lm, зависимая переменная - с меньшим номером. Полученную модель сохранить в переменную linmod. Вывести общую статистику по модели (summary).

```
linmod=lm(c1\sim c3)
summary(linmod)
##
## Call:
## lm(formula = c1 \sim c3)
## Residuals:
##
       Min
                  10
                      Median
                                    30
                                            Max
## -1.83620 -0.50124 -0.07263 0.42298 2.98774
##
## Coefficients:
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
                                    5.37 5.3e-07 ***
## (Intercept) 12.633
                             2.353
                  2.309
                             0.129
                                     17.90 < 2e-16 ***
## c3
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 0.8989 on 98 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7657, Adjusted R-squared: 0.7634
## F-statistic: 320.3 on 1 and 98 DF, p-value: < 2.2e-16
```

**Вывод:** Коэффициент при зависимой переменной является статистически значимым (на уровне 0.05). Коэффициент при независимой переменной является статистически значимым (на уровне 0.05). Статистика R-квадрат принимает значение 0.7657.

Построить диаграмму рассеяния (plot) с линией регрессии (abline) для переменных, которые участвуют в оцененной модели.

```
plot(c3,c1,abline(linmod))
```

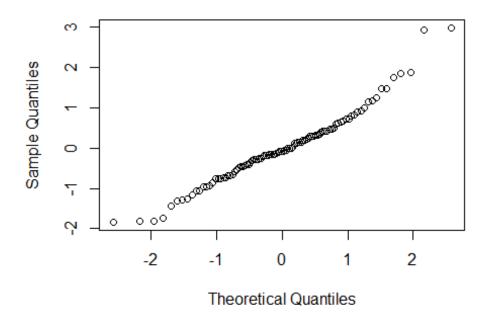


Вывести отдельно коэффициенты модели (coefficients).

Сохранить значения остатков (residuals) модели linmod в переменную res. Построить график "Квантиль-квантиль" (qqnorm) для остатков. Сделать вывод.

```
res<-residuals(linmod)
qqnorm(res)</pre>
```

## Normal Q-Q Plot



**Вывод:** большинство точек располагаются вблизи прямой линии, поэтому распределение остатков близко к нормальному.

Проверить нормальность остатков с помощью статистического теста Колмогорова-Смирнова (ks.test).

```
ks.test(res,pnorm)
##
## One-sample Kolmogorov-Smirnov test
##
## data: res
## D = 0.099534, p-value = 0.2751
## alternative hypothesis: two-sided
```

**Вывод:** Критерий принимает гипотезу о нормальном распределении остатков на уровне значимости 0.05

#### Часть 4. Анализ неоднородных данных

Подсчитать частоты значений для переменной maker (table).

```
table(maker)
## maker
## 1 2
## 52 48
```

Последовательно применить двухвыборочный t-критерий (t.test) к переменным c1, c2, c3, c4. Ввборки значений каждой переменной разделяются на две подвыборки по

значениям переменной maker (1 или 2).

Программно получить и вывести результаты (статистику по тесту) по той переменной (c1 / c2 / c3 / c4), для которой наблюдается значимое (на уровне 0.05) различие средних в двух подвыборках. Далее анализировать только выбранную переменную.

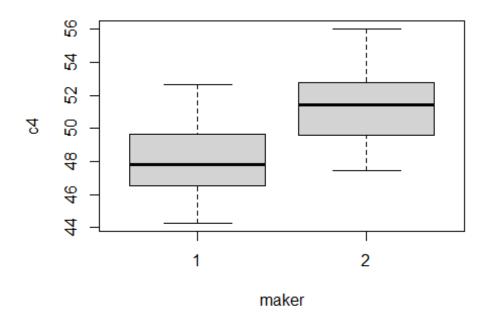
```
t.test(c1~maker)
##
   Welch Two Sample t-test
##
##
## data: c1 by maker
## t = 1.1891, df = 93.242, p-value = 0.2374
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to \theta
## 95 percent confidence interval:
## -0.2957362 1.1786208
## sample estimates:
## mean in group 1 mean in group 2
##
          54.92019
                          54.47875
t.test(c2~maker)
##
##
   Welch Two Sample t-test
##
## data: c2 by maker
## t = 0.17399, df = 96.525, p-value = 0.8622
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.3379137 0.4028496
## sample estimates:
## mean in group 1 mean in group 2
                          9.965417
##
          9.997885
t.test(c3~maker)
##
##
   Welch Two Sample t-test
##
## data: c3 by maker
## t = 0.69076, df = 94.003, p-value = 0.4914
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.1828970 0.3780508
## sample estimates:
## mean in group 1 mean in group 2
##
          18,26983
                          18,17225
t.test(c4~maker)
##
##
   Welch Two Sample t-test
##
## data: c4 by maker
## t = -8.5391, df = 94.451, p-value = 2.26e-13
```

```
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -4.107890 -2.558024
## sample estimates:
## mean in group 1 mean in group 2
## 48.01673 51.34969
```

**Вывод:** Гипотеза о равенстве средних в двух подвыборках отклоняется на уровне значимости 0.05 для переменной с4 (средние значения характеристики с4 у двух производителей статистически различимы).

Построить "ящик с усами" для анализируемой переменной в разрезе по номеру производителя (maker).

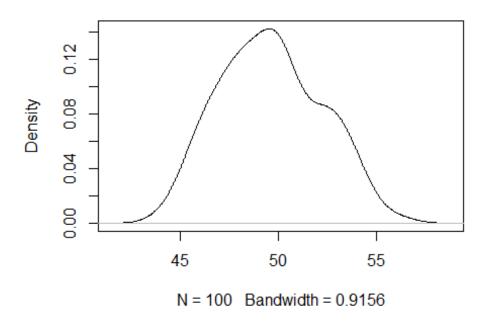
boxplot(c4~maker)



Построить график ядерной оценки плотности распределения (density) для анализируемой переменной.

plot(density(c4))

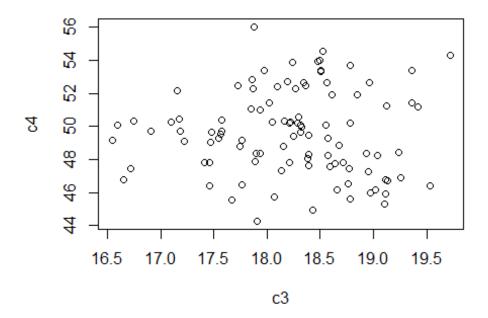
# density.default(x = c4)



Часть 5. Классификация неоднородных данных

Построить диаграмму рассеяния (plot) для двух переменных, которые имеют наименьшую корреляцию (по матрице корреляции из 3 части). Переменная с меньшим номером должна находится по оси Ох.

plot(c3,c4)



Объединить выбранные переменные в одну матрицу (cbind) и сохранить ее в новую переменную. Вывести первые три строки полученной матрицы (head).

Выполнить кластерный анализ (kmeans) с разбиением на два класса в пространстве выбранных переменных (kmeans). В качестве первого аргумента функции kmeans необходимо передавать матрицу, а второго - количество классов (2), на которое производится разбиение.

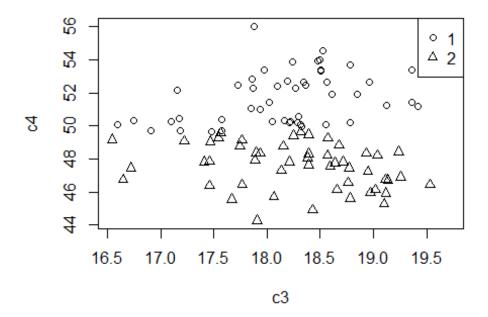
Сохранить результаты в переменную kmres и вывести частоты наблюдений в каждом оцененном классе (table).

```
k = kmeans(data,2)
table(k$cluster)

##
## 1 2
## 49 51
```

Вывести график (plot) с легендой (legend), на котором должна быть обозначена классовая принадлежность каждого наблюдения различными символами (параметр pch).

```
plot(data,pch=ifelse(k$cluster==1,1,2), xlab="c3", ylab="c4")
legend("topright",legend=c("1","2"),pch=c(1,2))
```



Отсоединить таблицу данных qc от списка текущих переменных (работа с данными закончена).

detach(qc)