

19. Resuelva el ejercicio 2

$$\text{Max } Z = 3.50x_1 + 2.50x_2$$

s. a.

$$5x_1 + 2x_2 \leq 10000$$

$$3x_1 + 3x_2 \leq 8500$$

$$x_1 \leq 1500$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

Agregamos las variables de holgura

$$Z = 3.5 x_1 + 2.5 x_2 + 0 s_3 + 0 s_4 + 0 s_5$$

Sujeto a:

$$5 x_1 + 2 x_2 + s_1 = 10000$$

$$3 x_1 + 3 x_2 + s_2 = 8500$$

$$x_1 + s_3 = 1500$$

con

$$x_1, x_2, s_1, s_2, s_3 \geq 0$$

Tenemos la matriz

$$\text{Max } z = \begin{bmatrix} 3.5 & 2.5 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ s_1 \\ s_2 \\ s_3 \end{bmatrix}$$

s.a

$$\begin{bmatrix} 5 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 3 & 3 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ s_1 \\ s_2 \\ s_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10000 \\ 8500 \\ 1500 \end{bmatrix} \text{ con } x \text{ mayor a cero}$$

Primera iteración

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 3 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \quad B^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} s_1 \\ s_2 \\ s_3 \end{bmatrix} \quad \text{Max } Z = \begin{bmatrix} 3.5 & 2.5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} \quad b = \begin{bmatrix} 10000 \\ 8500 \\ 1500 \end{bmatrix}$$

$$CB = 0 \ 0 \ 0 \quad CNB=3.5 \ 2.5$$

Solución básica factible

$$xB = \begin{bmatrix} 10000 \\ 8500 \\ 1500 \end{bmatrix}$$

$$Z_0=0$$

Criterio de entrada

$$Z=0 - [-3.5-2.5] \begin{matrix} x_1 \\ x_2 \end{matrix}$$

Entra x_1 a la base

Criterio de salida

$$xB = s_2 = \begin{bmatrix} s_1 & 10000 & 5 \\ 8500 & & 3 \\ s_3 & 1500 & 1 \end{bmatrix} x_1$$

$$S_1=10000-5X_1$$

$$S_2=8500-3X_1$$

$$S_3=1500-X_1$$

Entonces

$$X_1=2000$$

$$X_1=2833.333$$

$$X_1=1500$$

Notamos que s_3 tiene el resultado más pequeño, por lo que sale de la base s_3 .

Por lo que ahora nos quedan las matrices

$$B_2 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 5 \\ 0 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad N = \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ 0 & 3 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \quad B_2^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 \\ 0 & 1 & -3 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$xb = \begin{matrix} s_1 \\ s_2 \\ x_1 \end{matrix} \quad XnB = \begin{matrix} s_3 \\ x_2 \end{matrix} \quad b = \begin{matrix} 10000 \\ 8500 \\ 1500 \end{matrix}$$

$$CB = 3.5 \ 0 \ 0 \quad CNB = 0 \ 0$$

Por lo que la solución factible ahora es

$$\begin{array}{rcccl} s1 & 1 & 0 & -5 & 10000 & 2500 \\ Xb=s2 & = & 0 & 1 & -3 & [8500] = 4000 \\ x1 & 0 & 0 & 1 & 1500 & 1500 \end{array}$$

$$Z = \begin{bmatrix} 3.5 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2500 \\ 4000 \\ 1500 \end{bmatrix} = 8750$$

Criterio de entrada

$$Z = 8750 - \left(\begin{bmatrix} 3.5 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 \\ 0 & 1 & -3 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ 0 & 3 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & 2.5 \end{bmatrix} \right) s2^3$$

$$Z = 8750 - \left(\begin{bmatrix} 3.5 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ -3 & 3 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & 2.5 \end{bmatrix} \right) s2^3$$

$$Z = 8750 - \left(\begin{bmatrix} -17.5 & 7 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & 2.5 \end{bmatrix} \right) s2^3$$

$$Z = 8750 - \left(\begin{bmatrix} -17.5 & 4.5 \end{bmatrix} \right) s2^3$$

Entra x2

$$\begin{array}{rcccl} s1 & 2500 & \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ 0 \end{bmatrix} \\ Xb=s2 & = & [4000] - & x2 \\ x1 & 1500 & \end{array}$$

$$S1 = 2500 - 2x2$$

$$S2 = 4000 - 3x2$$

$$X1 = 1500 - 0x2$$

Entonces

$$X2 = 1250$$

$$X2 = 1333.33333$$

X2=no existe

Sale s1

Tercera iteración

Por lo que ahora nos quedan las matrices

$$B2 = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 5 \\ 1 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad N = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \quad B2^{-1} = \begin{bmatrix} 0.5 & 0 & -2.5 \\ -3/2 & 1 & 9/2 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$xb = \begin{bmatrix} x2 \\ s2 \\ x1 \end{bmatrix} \quad XnB = \begin{bmatrix} s3 \\ s1 \end{bmatrix} \quad b = \begin{bmatrix} 10000 \\ 8500 \\ 1500 \end{bmatrix}$$

$$CB = 2.5 \ 0 \ 3.5 \quad CNB = 0 \ 0$$

Por lo que la solución factible ahora es

$$xb = \begin{bmatrix} s1 \\ s2 \\ x1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} .5 & 0 & -2.5 \\ -3/2 & 1 & 9/2 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 10000 \\ 8500 \\ 1500 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1250 \\ 250 \\ 1500 \end{bmatrix}$$

$$Z = \begin{bmatrix} 2.5 & 0 & 3.5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1250 \\ 250 \\ 1500 \end{bmatrix} = 8375$$

Criterio de entrada

$$Z = 8375 - \left(\begin{bmatrix} 2.5 & 0 & 3.5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.5 & 0 & -2.5 \\ -3/2 & 1 & 9/2 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & 2.5 \end{bmatrix} \right) s1^3$$

$$Z = 8375 - \left(\begin{bmatrix} 2.5 & 0 & 3.5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2.5 & 0.5 \\ 4.5 & -1.5 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & 0 \end{bmatrix} \right) s1^3$$

$$Z = 8375 - \left(\begin{bmatrix} -2.75 & 1.25 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & 0 \end{bmatrix} \right) s1^3$$

$$Z = 8375 - \left(\begin{bmatrix} -2.75 & 1.25 \end{bmatrix} \right) s1^3$$

Entra s3

$$xb = \begin{bmatrix} x2 \\ s2 \\ x1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1250 \\ 250 \\ 1500 \end{bmatrix} - 0 \begin{bmatrix} s3 \end{bmatrix}$$

Sale s2

Por lo que ahora nos quedan las matrices

$$B4 = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 5 \\ 0 & 3 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} \quad N = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad B4^{-1} = \begin{bmatrix} -.333 & 0.5555 & 0 \\ -1/3 & 2/9 & 1 \\ 1/3 & -2/9 & 0 \end{bmatrix}$$

$$x2 \quad x1 \\ xB = \begin{bmatrix} s2 \\ s3 \\ s1 \end{bmatrix} \quad XnB = \begin{bmatrix} 10000 \\ 8500 \\ 1500 \end{bmatrix} \quad b = \begin{bmatrix} 10000 \\ 8500 \\ 1500 \end{bmatrix}$$

$$CB = 2.5 \ 0 \ 3.5 \quad CNB = 0 \ 0$$

Por lo que la solución factible ahora es

$$x2 \quad x1 \\ Xb = \begin{bmatrix} s2 \\ s3 \\ s1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10000 \\ 8500 \\ 1500 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} -.333 & 0.5555 & 0 \\ -1/3 & 2/9 & 1 \\ 1/3 & -2/9 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 10000 \\ 8500 \\ 1500 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1388.8888 \\ 55.555 \\ 1444.44444 \end{bmatrix}$$

$$Z = \begin{bmatrix} 2.5 & 0 & 3.5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1388.8888 \\ 55.555 \\ 1444.44444 \end{bmatrix} = 8527.7777$$

Criterio de entrada

$$Z = 8527.7777 - \left(\begin{bmatrix} 2.5 & 0 & 3.5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -.333 & 0.5555 & 0 \\ -1/3 & 2/9 & 1 \\ 1/3 & -2/9 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & 2.5 \end{bmatrix} \right) s1^2$$

$$Z = 8527.7777 - \left(\begin{bmatrix} 2.5 & 0 & 3.5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5/9 & -1/3 \\ 2/9 & -1/3 \\ -2/9 & 1/3 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & 0 \end{bmatrix} \right) s1^2$$

$$Z = 8527.7777 - \left(\begin{bmatrix} -2.75 & 1.25 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & 0 \end{bmatrix} \right) s1^2$$

$$Z = 8527.7777 - \left(\begin{bmatrix} 0.6111 & 0.33333 \end{bmatrix} \right) s1^3$$

Como ya no hay negativo, no entra ninguna y hemos llegado a lo óptimo, nos queda que la función z como

$$\text{Max } Z = 8527.7777 \quad \text{con } x1 = 1444.44444 \text{ y } x2 = 1388.8888$$

