

Carlos Alberto Gallegos Tena

Tarea 7 Mates Discretas

Para la demostración vamos a hacer primero los or. Hacemos $x \vee y$

x	y	$x \vee y$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Ahora vamos con $x \vee \text{not } y$

x	y	$x \vee \text{not } y$
0	0	1
0	1	0
1	0	1
1	1	1

Ahora con $\text{not } x \vee y$

x	y	$\text{not } x \vee y$
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

Ahora hacemos $x \text{ and } y$

x	y	$x \wedge y$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Como ya sabemos, and toma únicamente 1 cuando ambos términos son unos. Es decir, si son 3 términos, entonces and sólo va a ser uno cuando los 3 sean 1. Y en este caso, de $(x \vee y) \wedge (x \vee \text{not } y) \wedge (\text{not } x \vee \text{not } y)$, sólo vamos a tener un uno en $x=1$ y $y=1$. La tabla queda:

x	y	$(x \vee y) \wedge (x \vee \text{not } y) \wedge (\text{not } x \vee \text{not } y)$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Por transitividad de la igualdad, y porque ambas funciones tienen la misma tabla de verdad, podemos decir que:

$$(x \vee y) \wedge (x \vee \text{not } y) \wedge (\text{not } x \vee \text{not } y) = x \wedge y.$$