Institute of Agricultural Sciences
D-USYS
ETH Zurich

751-7602-00 V Exam Applied Statistical Methods in Animal Sciences SS 2019

Date: 27th May 2019

Name:

Legi-Nr:

Problem	Maximum Number of Points	Number of Points Reached
1	34	
2	15	
3	25	
4	18	
Total	92	

Questions in German are in italics

Problem 1: Genomic BLUP

We are given the following data set for the trait Average Daily Gain (ADG).

Gegeben ist der folgende Datensatz für das Merkmal Tageszunahme ('ADG').

Animal	ADG	Sire	Dam	SNP1	SNP2	SNP3	SNP4
1	1285	NA	NA	1	1	0	0
2	943	NA	NA	0	-1	-1	0
3	1051	1	2	1	0	0	1

a) Use a linear mixed effects model that is based on genomic breeding values (GBLUP) for the given data set. A general mean μ is the only fixed effect that is considered in the model. Specify all model components including the expected values and the variances of the random effects. Input the numeric information from the dataset into the model.

Verwenden Sie ein lineares gemischtes Modell basierend auf genomischen Zuchtwerten (GBLUP) für den gegebenen Datensatz. Als einzigen fixen Effekt nehmen wir ein allgemeines Mittel μ an. Spezifizieren Sie alle Modellkomponenten, inklusive der Erwartungswerte und der Varianzen der zufälligen Effekte.

19

b) Compute the genomic relationship matrix G from the SNP marker data given in the above table. Berechnen Sie die genomische Verwandtschaftsmatrix G basierend auf den SNP-Markerdaten, welche im Datensatz gegeben sind.

9

c) Sire 1 and dam 2 have also animals 4 and 5 as offspring. Animals 4 and 5 do not have phenotypic observations. Is it possible to determine a ranking based on the predicted breeding values of the three full-sibs 3, 4 and 5 using a traditional BLUP animal model (without SNP-Information) or is it possible with genomic breeding values or with both or with none? Please explain your answer.

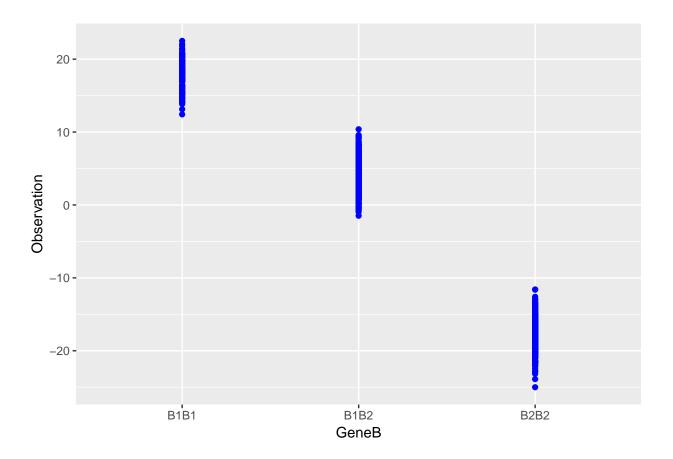
Vater 1 und Mutter 2 haben auch Tiere 4 und 5 als Nachkommen. Die Tiere 4 und 5 haben keine phänotypischen Beobachtungen. Ist es möglich eine Rangierung der Vollgeschwister 3, 4 und 5 aufgrund der geschätzten Zuchtwerte zu erstellen, falls die Zuchtwerte mit einem traditionellen BLUP-Tiermodell (ohne SNP-Informationen) geschätzt wurden oder, wenn genomische Zuchtwerte verwendet werden oder mit beiden Methoden oder mit keinen der beiden Methoden? Bitte begründen Sie Ihre Antwort.

6

Problem 2: Single Gene Trait

We assume that a given trait is determined by just one genetic locus called B with two alleles B1 and B2. The frequency of the B1 allele is 0.35. The following figure shows a plot of the observed values of the trait against the three genotypes B1B1, B1B2 and B2B2.

Ein Merkmal wird von einem Genort namens B mit zwei Allelen B1 und B2 bestimmt. Die Frequenz des B1-Allels entspricht 0.35. Das folgende Diagramm zeigt die beobachteten Werte des Merkmals gegen die drei Genotypen B1B1, B1B2 und B2B2 geplottet.



When fitting a linear model with the observed values as response and the genotypes as the predictor, the following is the result of the summary() function.

Ein lineares Model der beobachteten Werte als Zielgrösse und die Genotypen als unabhängige Variablen führt zum folgenden Ergebnis.

```
##
## Call:
## lm(formula = Observation ~ 0 + GeneB, data = tbl_all_data)
## Residuals:
##
      Min
               1Q Median
                               3Q
                                      Max
## -7.2718 -1.4581 0.0385 1.4880 6.1449
##
## Coefficients:
##
             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## GeneBB1B1 17.87047
                         0.19035
                                   93.88
                                           <2e-16 ***
                         0.09869
                                   43.96
                                           <2e-16 ***
## GeneBB1B2
             4.33810
## GeneBB2B2 -17.73346
                         0.10510 -168.73
                                           <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 2.128 on 997 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9752, Adjusted R-squared: 0.9751
## F-statistic: 1.307e+04 on 3 and 997 DF, p-value: < 2.2e-16
```

a) What are the values for a and d in the mono-genic model.

Bestimmen Sie die Werte a und d aus dem Ein-Gen Modell.

 $\mathbf{2}$

b) Compute the genotypic values for the three genotypes B1B1, B1B2 and B2B2.

Berechnen Sie die genotypischen Werte der drei Genotypen B1B1, B1B2 and B2B2.

3

Value

c) Compute the population mean μ and the breeding values BV_{11} , BV_{12} and BV_{22} for the three genotypes B1B1, B1B2 and B2B2. (Use a=10 and d=0, if you could not solve Problem 2a).

Berechnen Sie das Populationsmittel μ und die Zuchtwerte BV_{11} , BV_{12} und BV_{22} für die drei Genotypen B1B1, B1B2 und B2B2. (Verwenden Sie a=10 und d=0, falls Sie Aufgabe 2a nicht lösen konnten.)

10

Problem 3: Fixed Linear Effects Model

The following table contains body weight and slaughter weight for 12 animals. Before the farmer sells the animal to the slaughter house, it is weighed on the farm. The slaughter weight is determined by the slaughter house. The following regression of slaughter weight on body weight gives the association between the two traits.

Die folgende Tabelle enthält Lebendgewicht ('BodyWeight') und Schlachtgewicht ('SlaughterWeight') für 12 Tiere. Vor der Schlachtung wird das Tier auf dem Betrieb noch gewogen. Das Schlachtgewicht wird im Schlachthof bestimmt. Die folgende Regression des Schlachtgewichts auf das Körpergewicht zeigt den Zusammenhang zwischen den beiden Merkmalen.

Animal	BodyWeight	SlaughterWeight
1	517	269
2	510	276
3	487	251
4	503	258
5	489	258
6	503	263
7	511	264
8	500	255
9	513	269
10	491	258
11	504	262
12	516	270

The result of the linear regression model are as follows.

Das Resultat der linearen Regression lauten wie folgt.

```
##
## Call:
## lm(formula = SlaughterWeight ~ BodyWeight, data = tbl_sw_bw)
## Residuals:
                1Q Median
##
      Min
                               3Q
                                      Max
  -5.6315 -2.3371 -0.4092 1.2852 9.5908
##
## Coefficients:
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -28.2542
                          62.3902
                                   -0.453 0.660314
## BodyWeight
                 0.5778
                           0.1238
                                    4.665 0.000887 ***
##
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 4.252 on 10 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.6852, Adjusted R-squared: 0.6537
## F-statistic: 21.76 on 1 and 10 DF, p-value: 0.0008873
```

a) How much does the slaughter weight change, if the body weight of the animal is changed by +1 kg? Wie stark verändert sich das Schlachtgewicht, wenn das Körpergewicht eines Tieres um +1 kg zunimmt?

1

b) Compute the residual standard deviation from the fitted values of the model. With which quantity of the R-output above can the result of your computation be verified?

Berechnen Sie die Standardabweichung der Residuen aufgrund der gefitteten Werte aus dem Modell. Mit welcher Grösse aus dem R-output in der Aufgabenstellung können Sie Ihre Berechnung verifizieren?

14

c) The farmer wants to sell his animals whenever an animal is more than 500 kg. What is the expected slaughter weight that he can expect from an animal with a body weight of 500 kg?

Der Bauer möchte seine Tiere bei 500 kg schlachten lassen. Welches Schlachtgewicht kann er bei einem Tier mit 500 kg Lebendgewicht erwarten?

4

d) The farmer would like to use the same regression to predict the slaughter weight for his fattening calf with a body weight of 180 kg. What do you think about the predicted slaughter weight for the fattening calf? Give one reason for your answer. Compute the predicted slaughter weight for the calf based on the regression given above.

Der Bauer möchte die Regression auch für ein Mastkalb mit einem Körpergewicht von 180 kg verwenden um das Schlachtgewicht zu schätzen. Ist das Ihrer Meinung nach eine gute Idee. Begründen Sie Ihre Antwort. Wie gross ist das geschätzte Schlachtgewicht für das Mastkalb?

6

Problem 4: Bayes

We use the same dataset body weight and slaughter weight as in Problem 3.

Wir verwenden den gleichen Datensatz zu Lebendgewicht und Schlachtgewicht, wie in Aufgabe 3.

Animal	BodyWeight	SlaughterWeight
1	517	269
2	510	276
3	487	251
4	503	258
5	489	258
6	503	263
7	511	264
8	500	255
9	513	269
10	491	258
11	504	262
12	516	270

A fixed linear model is fit to the data using the two codeblocks 1 and 2 shown below.

Codeblock 1

```
| Section | Sect
```

Codeblock 2

a) Which of the two codeblocks shows a Bayesian approach and which one does the model fit using Least Squares?

Welcher der Codeblocks zeigt einen Bayes'schen Ansatz und welcher verwendet Least Squares zur Anpassung des fixen linearen Modells?

 $\mathbf{2}$

b) What are the estimate for the intercept and the regression coefficient for both approaches?

Wie gross sind die Schätzwerte für Achsenabschnitt und Regressionskoeffizient bei beiden Methoden?

8

Parameter	Least Squares	Bayesian
Intercept		
Regression Coefficient		

c) What are the standard errors of intercept and slope under the two approaches?

Wie gross sind die Schätzfehler des Achsenabschnitts und des Regressionskoeffizienten unter beiden Methoden?

8

Parameter	Least Squares	Bayesian
Intercept Regression Coefficient		