Züchtungslehre - Lösung 10

Peter von Rohr 2016-12-09

Gegeben ist der folgende Datensatz

Tier	Vater	Mutter	WWG
1	NA	NA	4.5
2	NA	NA	2.9
3	NA	NA	3.9
4	NA	NA	3.5
5	1	2	5.0
6	5	3	5.2
7	5	4	5.7

Wir nehmen an, dass die Restvarianz $\sigma_e^2=40$ und die genetisch additive Varianz $\sigma_a^2=20.$

Aufgabe 1

In der Vorlesung haben wir die Zerlegung der phänotypischen Beobachtung aufgrund der Mischmodellgleichungen eines Tiermodells besprochen. Wir wollen in dieser Aufgabe nochmals eine solche Zerlegung üben und die Bestandteile eines geschätzten Zuchtwertes mit dem BLUP-Tiermodell noch einmal analysieren. Die Zerlegung soll für die phänotypische Beobachtung von Tier 5 aus dem oben gezeigten Datensatz gemacht werden.

Wir nehmen an die Mischmodellgleichung für das BLUP-Tiermodell habe die folgende Struktur

	7.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	$\hat{\mu}$	1	30.7	1
-	1.00	4.00	1.00	0.00	0.00	-2.00	0.00	0.00	$ \hat{a}_1 $		4.5	l
1	1.00	1.00	4.00	0.00	0.00	-2.00	0.00	0.00	$ \hat{a}_2 $:	2.9	١
1	1.00	0.00	0.00	4.00	0.00	1.00	-2.00	0.00	$ \hat{a}_3 $: _	3.9	١
1	1.00	0.00	0.00	0.00	4.00	1.00	0.00	-2.00	$ \hat{a}_4 $	=	3.5	١
1	1.00	-2.00	-2.00	1.00	1.00	7.00	-2.00	-2.00	\hat{a}_5	;	5.0	١
1	1.00	0.00	0.00	-2.00	0.00	-2.00	5.00	0.00	$ \hat{a}_{\epsilon} $;	5.2	١
	1.00	0.00	0.00	0.00	-2.00	-2.00	0.00	5.00	$\left[\begin{array}{c} \hat{a}_7 \end{array}\right]$.]	5.7	

Ihre Aufgabe:

- Zerlegen Sie die phänotypische Beobachtung y_5 aufgrund er Mischmodellgleichungen
- Lösen Sie die Zerlegung nach dem geschätzten Zuchtwerte \hat{a}_5 auf
- Zeigen Sie alle Komponenten, welche in \hat{a}_5 enthalten sind

Lösung

• Zerlegung der phänotypischen Beobachtung y_5

$$y_5 = 5 = \hat{\mu} - 2(\hat{a}_1 + \hat{a}_2) + \hat{a}_3 + \hat{a}_4 + 7\hat{a}_5 - 2(\hat{a}_6 + \hat{a}_7) \tag{1}$$

• Auflösung von (1) nach \hat{a}_5 :

$$\hat{a}_5 = \frac{1}{7}(y_5 - \hat{\mu} + 2(\hat{a}_1 + \hat{a}_2) - \hat{a}_3 - \hat{a}_4 + 2(\hat{a}_6 + \hat{a}_7))$$
(2)

- Komponenten, welche in \hat{a}_5 enthalten sind
 - Tier: phänotypische Leistung y_5 korrigiert um fixe Effekte $\hat{\mu}$. Faktor des geschätzten Zuchtwertes entspricht

$$\left(1 + \alpha \delta^{(i)} + \frac{\alpha}{4} \sum_{j=1}^{n} \delta^{(k_j)}\right)^{-1} = \left(1 + \alpha \delta^{(5)} + \frac{\alpha}{4} (\delta^{(6)} + \delta^{(7)})^{-1} = (1 + 2 * 2 + 0.5 * (2 + 2))^{-1} = 1/7$$

- Eltern: Summe der geschätzten Elternzuchtwerte $(\hat{a}_1 + \hat{a}_2)$ gewichtet mit

$$\frac{\alpha}{2}\delta^{(i)} = \frac{\alpha}{2}\delta^{(5)} = 2/2 * 2 = 2$$

- Nachkommen: Gewichtungsfaktor der geschätzten Zuchtwerte der Nachkommen

$$\frac{\alpha}{2}\delta^{(k_j)} = \frac{\alpha}{2}\delta^{(6)} = \frac{\alpha}{2}\delta^{(7)} = 2/2 * 2 = 2$$

- Paarungspartner: Gewichtungsfaktor der geschätzten Zuchtwerte der Paarungspartner

$$-\frac{\alpha}{4}\delta^{(k_j)} = -\frac{\alpha}{4}\delta^{(6)} = -\frac{\alpha}{4}\delta^{(7)} = -0.5*2 = -1$$

Aufgabe 2

Die analoge Zerlegung einer phänotypischen Beobachtung soll jetzt für den Fall eines Vatermodells gemacht werden. Vergleichen Sie dabei die Komponenten eines Vatereffektes mit den Bestandteilen eines geschätzten Zuchtwertes aus dem Tiermodell in Aufgabe 1.

Die Varianzkomponenten σ_s^2 beträgt ein Viertel der genetisch-additiven Varianz. Wir übernehmen die phänotypische Varianz aus Aufgabe 1. Somit ist die Restvarianz im Vatermodel $\sigma_e^2 = 55$ und das Verhältnis der Varianzen $\alpha = \sigma_e^2/\sigma_s^2 = 11$.

Die Mischmodellgleichungen für das Vatermodell lauten

$$\begin{bmatrix} 7.00 & 1.00 & 2.00 \\ 1.00 & 15.67 & -7.33 \\ 2.00 & -7.33 & 16.67 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \hat{\mu} \\ \hat{s}_1 \\ \hat{s}_5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 30.7 \\ 5.0 \\ 10.9 \end{bmatrix}$$

Ihre Aufgabe:

- Zerlegen Sie die phänotypische Beobachtung y_5 , welche der zweiten Zeile der Mischmodellgleichungen im Vatermodell enspricht.
- Lösen Sie die Zerlegung nach dem geschätzten Zuchtwerte \hat{s}_1 auf
- Zeigen Sie alle Komponenten, welche in \hat{s}_1 enthalten sind

Lösung:

• Zerlegung der phänotypischen Beobachtun:

$$y_5 = \hat{\mu} + 15.67 * \hat{s}_1 - 7.33 * \hat{s}_5$$

• Auflösung nach \hat{s}_1 :

$$\hat{s}_1 = (y_5 - \hat{\mu} + 7.33 * \hat{s}_5)/15.67$$

- Komponenten, welche in \hat{s}_1 enthalten sind
 - phänotypische Leistung y_5 korrigiert um fixe Effekte. Faktor von \hat{s}_1 entspricht:

$$1 + \alpha * \delta^{(5)} = 1 + 11 * 4/3 = 15.67$$

-geschätzter Zuchtwert \hat{s}_5 des Sohnes 5 hat folgenden Faktor:

$$\alpha * \delta^{(5)}/2 = 11 * 2/3 = 7.33$$

Aufgabe 3

Welches sind die Unterschiede zwischen den Zerlegungen der phänotypischen Beobachtungen und der Komponenten der geschätzten Zuchtwerte in den Aufgaben 1 und 2?

Lösung:

- Im Tiermodell ist der Zuchtwert des Tieres i ein Bestandteil der phänotypischen Beobachtung vom gleichen Tier i. Beim Vatermodell ist der Zuchtwert des Vaters s vom Tier i Bestandteil der phänotypischen Beobachtung vom Tier i.
- Im Tiermodell werden alle Verwandten unabhängig vom Geschlecht berücksichtigt. Das heisst die geschätzten Zuchtwerte beider Eltern und aller Nachkommen sind im geschätzten Zuchtwert vom Tier i berücksichtigt. Im Vatermodell werden nur die männlichen Verwandten berücksichtigt, also nur der Vater und die männlichen Nachkommen kommen im Ausdruck für den geschätzten Zuchtwert vor.
- \bullet Im Tiermodell wird der geschätzte Zuchtwert des Tieres i um die geschätzten Zuchtwerte der Paarungspartner von i korrigiert. Im Vatermodell spielen die Paarungspartner keine Rolle