Tierzucht und Selektionsindex

Peter von Rohr

2016-10-07

Fundamentale Fragen

- 1. Welches Tier ist das beste?
- 2. Wie sollen Tiere ausgewählt werden, dass ihre Nachkommen besser sind als die aktuelle Population

Bestes Tier

- "Bestes Tier": relativer Begriff, abhängig von der Umwelt
- Beschreibung von Tieren basiert auf Merkmalen
- Beispiele für beobachtete Merkmale sind
 - Fellfarbe
 - Grösse
 - Bemuskelung
 - Fundament
 - Euter
- Beispiele für messbare Merkmale sind
 - Körpergewicht
 - Milchproduktion
 - Wachstum
 - Futteraufnahme

Genetische Veränderung

- ► Tierzucht beschäftigt sich mit längerfristigen genetischen Veränderungen von Populationen
- Genetisches Potential wird von einer Generation an die n\u00e4chste weitergegeben
- Beobachtbar sind phänotypische Merkmale
- Zusammenhang zwischen Phänotyp y und Genotyp g

$$y = \mu + g + \epsilon$$

Zerlegung des Genotypischen Wertes

▶ Genotypischer Wert in Zuchtwert a, Dominanzabweichung d und Epistasie i

$$y = \mu + a + d + i + \epsilon$$

▶ Neugruppierung von d, i und ϵ in e

$$y = \mu + a + e$$

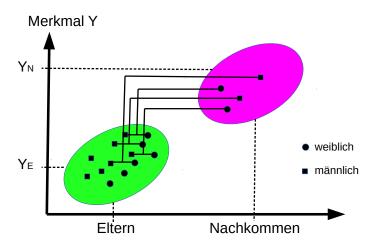
 additiver Effekt ist wichtig bei züchterischer Veränderung einer Population

Auswahl der Elterntiere

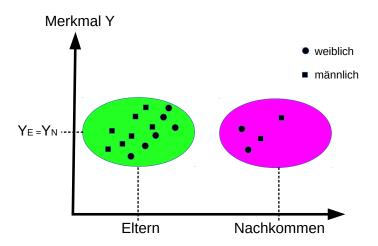
Zwei Werkzeuge

- 1. Selektion
- 2. Gezielte Anpaarung

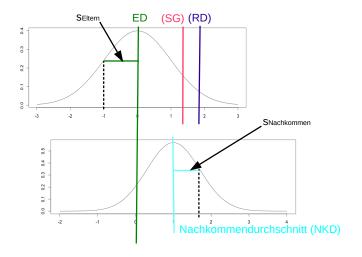
Selektion



Vermehrung



Resultat der gerichteten Selektion



ED: Elterndurchschnitt, SG: Selektionsgrenze, RD: Remontendurchschnitt



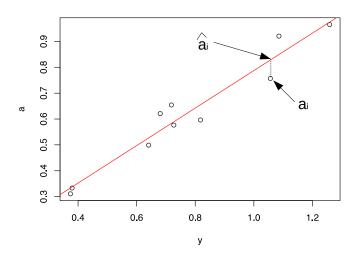
Gezielte Paarung

- verschieden von Selektion
- Zuordnung der Paarungspartner
- verschiedene Kriterien
 - Maximierung des Zuchtwertes
 - ► Ausnützung gegensätzlicher Eigenschaften
 - Erzielung von Heterosis-Effekten
- ▶ Paarungen innerhalb Rasse → Reinzucht
- ▶ Paarungen zwischen Rassen → Kreuzungszucht

Zuchtwertschätzung mit verschiedenen Informationsquellen

- Gegensatz: Quantitative Genetik Berechnung der wahren Zuchtwerte aufgrund
 - Allelfrequenzen
 - Genotypischer Werte
- ► Hier: Schätzung der Zuchtwerte aufgrund von phänotypischen Beobachtungen
 - unterliegendes Modell
 - Schätzung basiert auf Regression der wahren Zuchtwerte auf phänotypische Beobachtungen
 - Schätzfehler

Regression



Einzelne Eigenleistung

Modell:

$$y_{ij} = \mu_i + a_i + e_{ij}$$

geschätzter Zuchtwert:

$$\hat{a}_i = b(y_i - \mu)$$

Regressionskoeffizient:

$$b = \frac{cov(a, y)}{var(y)} = \frac{var(a)}{var(y)} = \frac{\sigma_a^2}{\sigma_y^2} = h^2$$
$$\rightarrow \hat{a}_i = h^2(y_i - \mu)$$

Einzelne Eigenleistung II

 Genauigkeit: Korrelation zwischen Selektionskriterium und wahrem Zuchtwert

$$r_{a,y} = \frac{cov(a,y)}{\sigma_a \sigma_y} = \frac{\sigma_a^2}{\sigma_a \sigma_y} = h$$

 Erwarteter Selektionserfolg pro Generation: Verbesserung der Nachkommen im Vergleich zu den Eltern

$$R = ir_{a,y}^2 \sigma_y = ih^2 \sigma_y$$

wobei i die Selektionsintensität ist. Diese entspricht der Überlegenheit der selektierten Individuen ausgedrückt in Einheiten einer phänotypischen Standardabweichung.

Wiederholte Messungen

- mehrere wiederholte Messungen des gleichen Merkmals
- ► Modell:

$$var(y) = var(a) + var(pe) + var(te)$$

Wiederholbarkeit:

$$t = \frac{var(a) + var(pe)}{var(y)}$$

ightharpoonup Zuchtwert \hat{a}_i aufgrund des Mittelwertes \bar{y}

$$\hat{a}_i = b(\bar{y}_i - \mu)$$



Wiederholte Messungen II

Regressionskoeffizient b

$$b = \frac{cov(a, \bar{y})}{var(\bar{y})}$$

Zähler Covarianz

$$cov(a, \bar{y}) = cov(a, a + pe + \frac{1}{n} \sum te) = \sigma_a^2$$

Nenner Varianz

$$var(\bar{y}) = var(a) + var(pe) + \frac{1}{n}var(te) = [t + (1-t)/n]\sigma_y^2$$

Wiederholte Messungen III

Einsetzen in Regressionskoeffizienten

$$b = \frac{cov(a, \bar{y})}{var(\bar{y})} = \frac{\sigma_a^2}{\left[t + (1-t)/n\right]\sigma_y^2} = \frac{nh^2}{1 + (n-1)t}$$

Einsetzen in geschätzten Zuchtwert

$$\hat{a}_i = b(\bar{y}_i - \mu) = \frac{nh^2}{1 + (n-1)t} (\bar{y}_i - \mu)$$

Wiederholte Messungen IV

Genauigkeit

$$r_{a,\bar{y}} = \frac{cov(a,\bar{y})}{\sigma_a\sigma_{\bar{y}}} = \frac{\sigma_a^2}{\sigma_a\sigma_y\sqrt{[t+(1-t)/n]}}$$
$$= \frac{h\sqrt{n}}{\sqrt{(1+(n-1)t)}} = \sqrt{\frac{nh^2}{1+(n-1)t}} = \sqrt{b}$$

Zuwachs an Genauigkeit

$$\frac{r_{a,\bar{y}}}{r_{a,y}} = \frac{\sqrt{\frac{nh^2}{1+(n-1)t}}}{h} = \sqrt{\frac{n}{1+(n-1)t}}$$

Nachkommen

- $ightharpoonup ilde{y}_s$: Mittelwert von n Nachkommen von Stier s
- Zuchwert für Stier s:

$$\hat{a}_s = b(\tilde{y}_s - \mu)$$

Regressionskoeffizient:

$$b = \frac{cov(a, \tilde{y})}{var(\tilde{y})}$$

Nachkommen II

Zerlegung:

$$\tilde{y}_s = \mu + \frac{1}{n} \sum_i a_i + \frac{1}{n} \sum_i e_i$$

wobei:
$$a_i = \frac{1}{2}(a_s + a_{d(i)}) + m_i$$

▶ s und d nicht verwandt, a_s ist konstant und $\sum_i m_i = 0$

$$\tilde{y}_s = \mu + \frac{1}{2}a_s + \frac{1}{n}\sum_i a_{d(i)}/2 + \frac{1}{n}\sum_i e_i$$

Nachkommen III

Covarianz:

$$cov(a, \tilde{y}) = cov(a, \mu + \frac{1}{2}a_s + \frac{1}{n}\sum_{i} a_{d(i)}/2 + \frac{1}{n}\sum_{i} e_i)$$

= $cov(a, \frac{1}{2}a_s) = \frac{1}{2}cov(a, a_s) = \frac{1}{2}var(a)$

Varianz:

$$var(\tilde{y})=\left[t+(1-t)/n\right]\sigma_y^2$$
 mit $t=\frac{0.25\sigma_a^2}{\sigma_y^2}=\frac{1}{4}h^2$

Nachkommen IV: Regressionskoeffizient

$$b = \frac{\frac{1}{2}\sigma_a^2}{[t + (1 - t)/n]\sigma_y^2}$$

$$= \frac{\frac{1}{2}h^2\sigma_y^2}{\left[\frac{1}{4}h^2 + (1 - \frac{1}{4}h^2)/n\right]\sigma_y^2}$$

$$= \frac{\frac{1}{2}nh^2}{\frac{1}{4}nh^2 + (1 - \frac{1}{4}h^2)}$$

$$= \frac{2nh^2}{nh^2 + 4 - h^2}$$

$$= \frac{2n}{n + \frac{(4 - h^2)}{h^2}}$$

$$= \frac{2n}{n + k}$$

Nachkommen V: Zuchtwert und Genauigkeit

$$\hat{a}_s = \frac{2n}{n+k} \left(\tilde{y}_s - \mu \right)$$

$$r_{a,\tilde{y}} = \frac{cov(a,\tilde{y})}{\sqrt{var(a) \ var(\tilde{y})}}$$

$$= \frac{\frac{1}{2}var(a)}{\sqrt{var(a) \left[\frac{1}{4}h^2 + (1 - \frac{1}{4}h^2)/n\right]\sigma_y^2}}$$

$$= \frac{\frac{1}{2}h^2\sigma_y^2}{\sqrt{h^2\sigma_y^2 \left[\frac{1}{4}h^2 + (1 - \frac{1}{4}h^2)/n\right]\sigma_y^2}}$$

$$= \sqrt{\frac{nh^2}{nh^2 + (4 - h^2)}}$$

$$= \sqrt{\frac{n}{n+k}}$$