# Генерация текста

#### План

- Задачи генерации
- N-грамм генерация
- Уменьшение размера словаря, токенизация

# Зачем это нужно?

Автодополнение слова

В лесу родилась елочка

# Зачем это нужно?

Автодополнение слова

В лесу родилась елочка

Автодополнение фразы

Почему птицы летают поют летят клином

# Зачем это нужно?

#### Автодополнение слова

В лесу родилась елочка

#### Автодополнение фразы

Почему птицы летают поют летят клином

#### Диалоговые системы

- Какая погода в Москве?

В Москве сейчас 8 градусов -

Текст должен удовлетворять требованиям:

- Логическая связность
- Соблюдение языковых норм

Можно попытаться задать правила вручную. Но правил слишком много, поэтому ничего хорошего не выйдет.

Будем учиться имитировать человеческую речь.

Для этого научимся оценивать вероятность текстов.

p(B) лесу родилась елочка) p(Y) лукоморья дуб зеленый)

Будем учиться имитировать человеческую речь.

Для этого научимся оценивать вероятность текстов.

 $p({\sf B}\ {\sf лесу}\ {\sf родилась}\ {\sf елочка})\ \ {\sf V}\ \ p({\sf У}\ {\sf лукоморья}\ {\sf дуб}\ {\sf зеленый})$ 

Будем учиться имитировать человеческую речь.

Для этого научимся оценивать вероятность текстов.

p(B) лесу родилась елочка)  $\lor p(Y)$  лукоморья дуб зеленый)

Работать с текстом как с одним целым невозможно!

Разделим текст на слова.

x – текст из m слов.

Обучим модель оценивать вероятность набора слов.

$$p(x) = p(x_1, ..., x_m)$$

Разделим текст на слова.

x – текст из m слов.

Обучим модель оценивать вероятность набора слов.

$$p(x) = p(x_1, \dots, x_m)$$

Заменим совместную вероятность на произведение условных вероятностей.

$$p(x_1, ..., x_m) = p(x_1) \cdot p(x_2 | x_1) \cdot p(x_3 | x_1, x_2) \cdot ... \cdot p(x_m | x_1, ..., x_{m-1}) = \prod_{i=1}^{m} p(x_i | x_{i-1})$$

$$p(x_1, ..., x_m) = \prod_{i=1}^m p(x_i | x_{< i})$$

Достаточно обучить модель оценивать вероятность  $p(x_i \mid x_{< i})$ .

$$p(x_1, ..., x_m) = \prod_{i=1}^m p(x_i | x_{< i})$$

Достаточно обучить модель оценивать вероятность  $p(x_i \mid x_{< i})$ .

Все еще сложно, потому что надо учитывать <u>все</u> предыдущие слова.

Упростим задачу – будем смотреть только на <u>предыдущие *п*</u> слов.

$$p(x_1, ..., x_m) \approx \prod_{i=1}^m p(x_i | x_{i-1}, ..., x_{i-n})$$

$$p(x_1, ..., x_m) = \prod_{i=1}^m p(x_i | x_{< i})$$

Достаточно обучить модель оценивать вероятность  $p(x_i \mid x_{< i})$ .

Все еще сложно, потому что надо учитывать <u>все</u> предыдущие слова.

Упростим задачу – будем смотреть только на <u>предыдущие *п* слов</u>.

$$p(x_1, ..., x_m) \approx \prod_{i=1}^{m} p(x_i | x_{i-1}, ..., x_{i-n})$$

Такая модель называется <u>n-граммной</u>.

### N-грамм модель генерации

Предполагаем, что следующее слово зависит только от n предыдущих

$$p(x_1, ..., x_m) \approx \prod_{i=1}^m p(x_i | x_{i-1}, ..., x_{i-n})$$

### N-грамм модель генерации

Предполагаем, что следующее слово зависит только от n предыдущих

$$p(x_1, ..., x_m) \approx \prod_{i=1}^m p(x_i | x_{i-1}, ..., x_{i-n})$$

Если у слова меньше, чем n предыдущих, дополним пропуски символом <PAD>.

```
p(B, лесу, родилась, елочка) = p(B | < PAD>, < PAD>) 
 · <math>p(necy | < PAD>, B) 
 · p(poдилась | B, лесу) 
 · p(eлочка | лесу, родилась)
```

### N-грамм модель генерации: обучение

- Нужно оценить вероятность  $p(x_i | x_{i-1}, ..., x_{i-n})$ .
- Посчитаем вручную, сколько раз  $x_i$  встретилось после  $x_{i-1}, \dots, x_{i-n}$ .

$$p(x_i | x_{i-1}, ..., x_{i-n}) = \frac{p(x_i, x_{i-1}, ..., x_{i-n})}{p(x_{i-1}, ..., x_{i-n})} = \frac{N(x_i, x_{i-1}, ..., x_{i-n})}{N(x_{i-1}, ..., x_{i-n})}$$

# N-грамм модель генерации: обучение

- Нужно оценить вероятность  $p(x_i | x_{i-1}, ..., x_{i-n})$ .
- Посчитаем вручную, сколько раз  $x_i$  встретилось после  $x_{i-1}, \dots, x_{i-n}$ .

$$p(x_i | x_{i-1}, ..., x_{i-n}) = \frac{p(x_i, x_{i-1}, ..., x_{i-n})}{p(x_{i-1}, ..., x_{i-n})} = \frac{N(x_i, x_{i-1}, ..., x_{i-n})}{N(x_{i-1}, ..., x_{i-n})}$$

N(B, лесу, родилась) = 2

N(B, лесу, обитает) = 5

N(B, лесу, было) = 1

N(B, лесу) = 8

# N-грамм модель генерации: обучение

• Нужно оценить вероятность  $p(x_i | x_{i-1}, ..., x_{i-n})$ .

N(B, лесу) = 8

• Посчитаем вручную, сколько раз  $x_i$  встретилось после  $x_{i-1}, \dots, x_{i-n}$ .

$$p(x_i | x_{i-1}, ..., x_{i-n}) = \frac{p(x_i, x_{i-1}, ..., x_{i-n})}{p(x_{i-1}, ..., x_{i-n})} = \frac{N(x_i, x_{i-1}, ..., x_{i-n})}{N(x_{i-1}, ..., x_{i-n})}$$

$$N({\sf B},\,{\sf лесу},\,{\sf родилась})=2$$
  $p({\sf родилась}\,|\,{\sf B},\,{\sf лесy})=\frac{2}{8}$   $N({\sf B},\,{\sf лесy},\,{\sf обитает})=5$   $p({\sf обитает}\,|\,{\sf B},\,{\sf лесy})=\frac{5}{8}$   $N({\sf B},\,{\sf лесy},\,{\sf было})=1$   $p({\sf было}\,|\,{\sf B},\,{\sf лесy})=\frac{1}{8}$ 

```
<PAD> <PAD> B _
```

```
p(доме | <PAD> B) = 0.34
p(лесу | <PAD> B) = 0.23
p(машине | <PAD> B) = 0.09
```

```
<PAD> <PAD> В лесу _
```

```
p(было | B лесу) = 0.4
p(воют | B лесу) = 0.23
p(родилась | B лесу) = 0.09
```

```
<PAD> <PAD> B лесу было _
```

```
р(темно | лесу было) = 0.22 р(холодно | лесу было) = 0.2 р(свежо | лесу было) = 0.13
```

Генерируем слова по одному в соответствии с вероятностями.

<PAD> <PAD> В лесу было темно

#### Преимущества n-грамм

- Тексты состоят из существующих n-грамм.
- Поэтому предложения грамматически верные.
- Модель проста в реализации и очень быстрая.

### Недостатки п-грамм

- При генерации смотрит только на последние n слов.
- Из-за этого получаются логически несвязные тексты.
- При увеличении n вероятности слов оцениваются хуже.
- Из-за большого размера словаря многие n-граммы встречаются очень редко.

#### Недостатки п-грамм

- При генерации смотрит только на последние n слов.
- Из-за этого получаются логически несвязные тексты.
- При увеличении n вероятности слов оцениваются хуже.
- Из-за большого размера словаря многие n-граммы встречаются очень редко.

Как уменьшить размер словаря?

# Уменьшение размера словаря

- Удаление стоп-слов
- Лемматизация
- Стемминг
- Изменение способа токенизации

### Токенизация

- Любой язык содержит много уникальных слов. (Около 200к в русском и 170к в английском)
- Токенизация по словам приводит к получению огромного словаря.

"В", "лесу", "родилась", "елочка".

### Токенизация

- Букв в алфавите гораздо меньше.
   (33 в русском языке и 26 в английском)
- Токенизируя по буквам можно значительно уменьшить словарь.

```
"B", " ", "л", "e", "c", "y", " ", "р", "о", "д", "и", "л", "а", "с", "ь".
```

#### Задачи алгоритма токенизации

- Возможность токенизировать любой текст.
- Размер словаря не превышает определенное значение.
- Токены несут в себе как можно больше смысла.
- Текст токенизируется наименьшим числом токенов.

# Алгоритмы токенизации

- Byte-Pair Encoding
- WordPiece
- Unigram

# Byte-Pair Encoding (BPE)

```
Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]
```

- Стартовый словарь все возможные буквы. Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у"]
- Итеративно увеличиваем словарь, склеивая пары токенов в один.
- Склеиваем ту пару, которая встречается чаще всего в корпусе.

# Byte-Pair Encoding: алгоритм

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у"]

#### Шаг 1

Пары	Встречаемость
C, T	3
о, л	3
B, O	2

# Byte-Pair Encoding: алгоритм

#### Шаг 1

Пары	Встречаемость
C, T	3
о, л	3
В, О	2

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у", "ст"]

Добавляем "ст" —

#### Шаг 2

Пары	Встречаемость
о, л	3
В, О	2
CT, O	1
ст, у	1
CT, B	1

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у", "ст", "ол"]

Добавляем "ол"

#### Шаг 3

Пары	Встречаемость
B, O	2
в, ол	2
ст, ол	1

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у", "ст", "ол", "вол"]

Добавляем "вол"

#### Шаг 4

Пары	Встречаемость
В, О	2
ст, вол	1

```
Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у", "ст", "ол", "вол", "во"]
```

Добавляем "во"—

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у", "ст", "ол", "во"]

Останавливаемся, когда словарь достиг нужного размера.

### WordPiece токенизация

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

- Стартовый словарь все возможные буквы. Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у"]
- Итеративно увеличиваем словарь, склеивая пары токенов в один.

## WordPiece токенизация

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

- Стартовый словарь все возможные буквы. Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у"]
- Итеративно увеличиваем словарь, склеивая пары токенов в один.
- Для каждой пары токенов  $(t_i,t_j)$  считаем скор  $\dfrac{p(\overline{t_it_j})}{p(t_i)p(t_j)}=\dfrac{N(\overline{t_it_j})}{N(t_i)N(t_j)}$
- Склеиваем пару с наибольшим скором.

Таким образом, мы выбираем ту пару, добавление которой больше всего увеличивает правдоподобие выборки

#### Шаг 1

Пары	score
C, T	$3/(3\cdot 3) = 1/3$
о, л	$3/(3\cdot 4) = 1/4$
в, о	$2/(2\cdot 3) = 1/3$

$$score(t_i, t_j) = \frac{N(\overline{t_i t_j})}{N(t_i)N(t_j)}$$

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у", "ст"]

Добавляем "ст" —

#### Шаг 2

Пары	score
о, л	$3/(3\cdot 4) = 1/4$
в, о	$2/(2\cdot 3) = 1/3$
у, л	$1/(1\cdot 3) = 1/3$

$$score(t_i, t_j) = \frac{N(\overline{t_i}t_j)}{N(t_i)N(t_j)}$$

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у", "ст", "во"]

Добавляем "во"

#### Шаг 3

Пары	score
во, л	$2/(2\cdot 4) = 1/4$
о, л	$3/(3 \cdot 4) = 1/4$
у, л	$1/(1\cdot 3) = 1/3$

$$score(t_i, t_j) = \frac{N(\overline{t_i t_j})}{N(t_i)N(t_j)}$$

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у", "ст", "во", "ул"]

Добавляем "ул"

#### Шаг 4

Пары	score
т, ул	$1/(3\cdot 1) = 1/3$
во, л	$2/(2\cdot 4) = 1/4$
о, л	$3/(3 \cdot 4) = 1/4$

$$score(t_i, t_j) = \frac{N(\overline{t_i t_j})}{N(t_i)N(t_j)}$$

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у", "ст", "во", "ул", "тул"]

Добавляем "тул" ———

Корпус: ["вол", "стол", "стул", "ствол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "у", "ст", "во", "ул", "тул"]

Останавливаемся, когда словарь достиг нужного размера.

# Unigram

- Unigram работает в противоположную сторону относительно BPE и WordPiece
- Исходный словарь состоит из всех возможных токенов
- На каждом шаге удаляем один токен

# Unigram: идея

• Unigram (1-грамм) модель считает, что все токены независимы

$$p(x) = p(x_1, ..., x_m) = \prod_{i=1}^{m} p(x_i) \qquad p(x_i) = \frac{N(x_i)}{\sum_{t \in V} N(t)}$$

- Мы хотим максимизировать правдоподобие корпуса текстов
- Будем **удалять** из словаря те **токены**, которые **минимально уменьшают правдоподобие** Unigram модели

# Unigram: идея

• Unigram (1-грамм) модель считает, что все токены независимы

$$p(x) = p(x_1, ..., x_m) = \prod_{i=1}^{m} p(x_i) \qquad p(x_i) = \frac{N(x_i)}{\sum_{t \in V} N(t)}$$

- Мы хотим максимизировать правдоподобие корпуса текстов
- Будем **удалять** из словаря те **токены**, которые **минимально уменьшают правдоподобие** Unigram модели
- Остановимся, когда размер словаря достигнет нужного размера

Корпус: ["вол", "стол", "кол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "к", "во", "ол", "ст", "то", "ко", "вол", "сто", "тол"]

Токен	В	O	Л	С	Т	K	во	ОЛ	СТ	ТО	КО	вол	СТО	тол
Встречаемость	1	3	3	1	1	1	1	3	1	1	1	1	1	1

Всего: 20

Корпус: ["вол", "стол", "кол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "с", "т", "к", "во", "ол", "ст", "то", "ко", "вол", "сто", "тол"]

Токен	В	O	Л	С	Т	K	во	ОЛ	СТ	ТО	КО	вол	СТО	тол
Встречаемость	1	3	3	1	1	1	1	3	1	1	1	1	1	1

Всего: 20

$$p("$$
стол")  $<$   $p("$ сто", "л") =  $1/20 \cdot 3/20$   $p("$ с", "тол") =  $1/20 \cdot 1/20$ 

Удаление "с" и "тол" не уменьшит вероятность, значит их можно выбросить.

Корпус: ["вол", "стол", "кол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "т", "к", "во", "ол", "ст", "то", "ко", "вол", "сто"]

Токен	В	Ο	Л	Т	K	во	ОЛ	СТ	ТО	KO	вол	СТО
Встречаемость	1	3	3	1	1	1	3	1	1	1	1	1

Всего: 18

Корпус: ["вол", "стол", "кол"]

Словарь: ["в", "о", "л", "т", "к", "во", "ол", "ст", "то", "ко", "вол", "сто"]

Токен	В	0	Л	Т	K	во	ОЛ	СТ	то	КО	вол	СТО
Встречаемость	1	3	3	1	1	1	3	1	1	1	1	1

Bcero: 18

Что поменяется, если удалить "л"?

$$p("вол") < p("во", "л") = 1/18 \cdot 3/18$$
  $p("вол") < p("стол") < p("стол") = 1/18 \cdot 3/18$   $p("кол") < p("кол") < p("кол") < p("кол") < p("кол") = 1/18 \cdot 3/18$  Ничего не меняется => удаляем

# Метрики качества генерации

- Статистические метрики
- Перплексия

Необходимо измерить, насколько текст похож на человеческий

### Идея:

- Посчитаем различные статистики сгенерированных текстов.
- Сравним их с текстами из корпуса.

Модель повторяет одно и то же или генерирует разные тексты?

### Обучающий корпус

Вот дом,

Который построил Джек.

А это пшеница,

Которая в тёмном чулане хранится

В доме,

Который построил Джек.

#### Генерация

Дом, который построил Джек. Дом, который построил Джек. Дом, который построил Джек.

Модель повторяет одно и то же или генерирует разные тексты?

### Обучающий корпус

Вот дом,

Который построил Джек.

А это пшеница,

Которая в тёмном чулане хранится

В доме,

Который построил Джек.

#### Генерация

Отношение числа уникальных n-грамм к числу всех n-грамм.

$$\frac{|\text{unique 2-gram}|}{|\text{all 2-gram}|} = \frac{3}{9}$$

Чем выше, тем больше разнообразие

Модель повторяет одно и то же или генерирует разные тексты?

Обучающий корпус

Вот дом,

Который построил Джек.

А это пшеница,

Которая в тёмном чулане хранится

В доме,

Который построил Джек.

Генерация

Дом, который построил Джек. Дом, который построил Джек. Дом, который построил Джек.

Число уникальных токенов среди k токенов

$$\frac{|\text{unique tokens}|}{10} = \frac{4}{10}$$

Чем выше, тем больше разнообразие

Что если модель просто запомнила обучающую выборку?

### Обучающий корпус

Вот дом,

Который построил Джек.

А это пшеница,

Которая в тёмном чулане хранится

В доме,

Который построил Джек.

#### Генерация

Дом, который построил Джек. Дом, который построил Джек. Дом, который построил Джек.

Что если модель просто запомнила обучающую выборку?

Обучающий корпус

Вот дом,

Который построил Джек.
А это пшеница,
Которая в тёмном чулане хранится
В доме,

Который построил Джек.

Генерация

```
Дом, который построил Джек. Дом, который построил Джек. Дом, который построил Джек.
```

Доля совпадения сгенерированных n-грамм с n-граммами обучающего корпуса

Чем меньше, тем меньше запоминание

Модель 1

разнообразие: 0.5

запоминание: 0.5

Как сравнивать?

Необходимо ввести единую метрику

Модель 2

разнообразие: 0.3

запоминание: 0.4

### Перплексия

- Посчитаем вероятности текстов из тестовой выборки.
- Чем лучше модель, тем больше должна быть вероятность.

### Обучающий корпус

Вот дом,

Который построил Джек.

А это пшеница,

Которая в тёмном чулане хранится

В доме,

Который построил Джек.

### Тестовый корпус

А это весёлая птица-синица, Которая часто ворует пшеницу, Которая в тёмном чулане хранится В доме, Который построил Джек.

р("А это весёлая птица-синица, ...") = ?

# Перплексия

$$PPL(x) = p(x_1, ..., x_m)^{-\frac{1}{m}}$$

• Чем меньше, тем лучше.

 $\frac{1}{m}$  нужно для нормализации по длине текста.

Перплексия была придумана еще в 1977 году, но она до сих пор популярна

## Перплексия сводится к кросс-энтропии

$$PPL(x) = p(x_1, ..., x_m)^{-\frac{1}{m}}$$

$$CE(x) = -\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} \log p(x_i | x_{i-1}, ..., x_1)$$

$$\exp(CE(x)) = \exp\left(\sum_{i=1}^{m} \log p(x_i | x_{i-1}, ..., x_1)\right)^{-\frac{1}{m}} = \left(\prod_{i=1}^{m} p(x_i | x_{i-1}, ..., x_1)\right)^{-\frac{1}{m}} = p(x_1, ..., x_m)^{-\frac{1}{m}} = PPL(x)$$