4. Übungsaufgabe zu

Fortgeschrittene funktionale Programmierung Thema: Backtracking, Dynamische Programmierung ausgegeben: Di, 16.04.2013, fällig: Di, 23.04.2013

Für dieses Aufgabenblatt sollen Sie Haskell-Rechenvorschriften zur Lösung der im folgenden angegebenen Aufgabenstellungen entwickeln und für die Abgabe in einer Datei namens AufgabeFFP4.hs in Ihrem Gruppenverzeichnis ablegen, wie gewohnt auf oberstem Niveau. Kommentieren Sie Ihre Programme aussagekräftig und benutzen Sie, wo sinnvoll, Hilfsfunktionen und Konstanten.

• Wir betrachten eine Variante des Knapsack- bzw. Rucksackproblems von Aufgabenblatt 3.

Gegeben ist eine endliche Menge von Gegenständen, die durch ihr Gewicht und ihren Wert gekennzeichnet sind. Aufgabe ist es, den Rucksack so zu bepacken, dass die Summe der Werte der eingepackten Gegenstände maximal ist, ohne ein vorgegebenes Höchstgewicht zu überschreiten.

Dazu sollen drei Funktionen succKnp, goalKnp und knapsack geschrieben werden, so dass knapsack sich auf das Funktional searchDfs abstützt und das Optimierungsproblem mittels backtracking löst. Dabei wird ein Baum aufgebaut, dessen Knoten mit folgenden Informationen benannt sind: dem Wert und Gewicht des aktuellen Rucksackinhalts, dem nicht zu überschreitenden Höchstgewicht, der Liste der noch auswählbaren noch nicht eingepackten Gegenstände, sowie der Liste der bereits eingepackten Gegenstände.

```
type NodeKnp = [Value, Weight, MaxWeight, [Object], SolKnp]
```

succKnp (v,w,limit,objects,psol) = ...

Wir verwenden folgende Typen und Deklarationen zur Modellierung des Rucksackproblems:

```
type Weight
                 = Int
                                        -- Gewicht
                 = Int
type Value
                                        -- Wert
type MaxWeight
                 = Weight
                                        -- Hoechstzulaessiges Rucksackgewicht
type Object
                 = (Weight, Value)
                                        -- Gegenstand als Gewichts-/Wertpaar
                 = [Object]
                                        -- Menge der anfaenglich gegebenen
type Objects
                                           Gegenstaende
type SolKnp
                 = [Object]
                                        -- Auswahl aus der Menge der anfaenglich
                                           gegebenen Gegenstaende; moegliche
                                           Rucksackbeladung, falls zulaessig
type NodeKnp
                 = (Value, Weight, MaxWeight, [Object], SolKnp]) -- s.o.
succKnp :: NodeKnp -> [NodeKnp]
```

Beispiel:

knapsack
$$[(2,3),(2,3),(3,4),(3,4),(5,6)]$$
 10
->> ($[(2,3),(2,3),(3,4),(3,4)]$,14)

Hinweis: Die Reihenfolge der Elemente in der Ergebnisliste spielt keine Rolle. Gibt es mehr als eine beste Lösung, reicht es, eine davon auszuwählen.

• Für Binomialkoeffizienten gilt folgende Beziehung:

$$\binom{n}{k} = \binom{n-1}{k-1} + \binom{n-1}{k}$$

für 0 < k < n,

$$\binom{n}{k} = 1$$

für k = 0 oder k = n und

$$\binom{n}{k} = 0$$

sonst.

Schreiben Sie nach dem Vorbild aus Kapitel 3.5 der Vorlesung eine Variante zur Berechnung der Binomialkoeffizienten mithilfe dynamischer Programmierung. Stützen Sie Ihre Implementierung dazu auf das Funktional dynamic und geeignete Funktionen compB und bndsB ab:

```
binomDyn :: (Integer,Integer) -> Integer
binomDyn (m,n) = ... where ... dynamic compB... bndsB...
```

Vergleichen Sie (ohne Abgabe!) das Laufzeitverhalten der Implementierung binomDyn mit denen der drei Implementierungen binom, binomS und binomM von Aufgabenblatt 3 miteinander.

Hinweis: Implementieren Sie die ADTs Stack und Table und die darauf festgelegten Operationen als gewöhnliche Typen und Operationen in Ihrer Abgabedatei AufgabeFFP4.hs, da die Definition mehrerer Module in einer Datei (wie z.B. AufgabeFFP4.hs) nicht unterstützt wird.