

Econometría

Luis Chávez

#### Introducción

Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

Especiales

Modelos pseudo lineales Modelos con interacción

Anexos

References

### Econometría Básica

Tópico 1: Modelación Econométrica Lineal

Luis Chávez

 $\mathbf{C}$ 

Escuela Profesional de Economía USMP

Lima, 2025



### (1864.

Econometría Luis Chávez

#### Introducción

Acerca de metría Repaso Matemátic

#### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

### Manufata a

Modelos pseudo lineales

Anexo

References

## Contenido

- 1 Introducción Relaciones empíricas Acerca de metría Repaso Matemático
- 2 Modelos lineales Regresión simple Regresión múltiple
- 3 Modelos Especiales Modelos pseudo lineales Modelos con interacción
- 4 Anexos



## Contenido

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empíricas

Acerca de metría

Renaso Matemático

#### Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

Modelos

Modelos pseudo lineal

Anexos

Poforonco

Introducción
 Relaciones empíricas

Acerca de metría Repaso Matemático

- 2 Modelos lineales Regresión simple Regresión múltiple
- Modelos Especiales
   Modelos pseudo lineales
   Modelos con interacción
- 4 Anexos



# Bienvenida

Econometría

Luis Chávez

Introducció

Relaciones empíricas Acerca de metría

Repaso Matemátic

Modelos lineale

Regresión múltiple

Mandalan

Modelos pseudo lineales

Poforonce

¿Che, cómo anda el clima en Córdoba? ¿Ya que andamos, sería muy atrevido pedirte prestado 200 soles para ver si el futuro me sonríe?¿Cuál es la pensión en la U, vale la pena o lo invierto en bienes raíces en Ancón? ¿Es probable que Dina llegue a la cárcel o es toda de Carlos Álvarez?¿El 2026 estaremos en la cornisa o podremos respirar tranquilos?¿Mi SC ganará la CL-2025?

¡Bienvenidos a las estadísticas, matemáticas y economía!



# Bienvenida

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empíricas Acerca de metría Repaso Matemático

### Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineal

Modelos con interacción

D - C----

¿ Qué hacen los economistas?

- Norma McCorvey y la legalización del aborto en 1973.
- La Gran Depresión de 1929.



Econometría

Luis Chávez

Introducción

Relaciones empíricas
Acerca de metría

Modelos lineal

Regresión simple

Regresión múltip

Especiales

Modelos pseudo linea

Modelos con interacción

Anexos

Reference

### Definición 1 (Modelo)

A **model** is a simplified representation of an actual phenomenon, such as an actual system or process. The actual phenomenon is represented by the model in order to explain it, to predict it, and control it, goals corresponding to the three purposes of econometrics, namely structural analysis, forecasting, and policy evaluation (Intriligator, 1983, pp. 182–183).

¿Los supuestos resuelven la complejidad?



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empíricas Acerca de metría Repaso Matemático

### Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineales

Anexo

References

### Intriligator (1983):

- Modelos verbales.
- Modelos geométricos.
- Modelos físicos.
- Modelos algebraicos → funciones.

Componentes: ecuaciones, variables y parámetros.



Econometría

Luis Chávez

Introducción

Relaciones empíricas Acerca de metría

Modelos lineal

Regresión simple

Regresión múltiple

Especiales

Modelos con interacció

Anexo

References

## Definición 2 (Variables)

Una **variable** es aquella característica o atributo de una unidad de análisis (u observación).

### Taxonomía:

- Rol: dependientes (regresadas, explicadas, target) e independientes (explicativas, regresoras o predictores).
- Naturaleza: cualitativas (ordinales y nominales) y cuantitativas (discretas y continuas).



Econometría

Luis Chávez

Introducción

Relaciones empíricas

Acerca de metría

### Modelos linea

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineales

Anexos

References

## Ejemplo 1

Sea el modelo básico de demanda, según el cual existe una relación inversa entre la demanda de un bien (Y) y su precio (X): a medida que el precio del bien se incrementa, su demanda disminuye y a la inversa. Matemáticamente,

$$Y_i = a + bX_i, \quad i = 1, ..., n$$
 (1)

donde i recorre una muestra de tamaño n.



Econometría

Luis Chávez

Introducció

Relaciones empíricas Acerca de metría

Modelos lineal

Regresión simple

Regresión múltiple

Modelos

Modelos pseudo lineales

Anexo

Reference

El ejemplo 1 denota una relación determinista o exacta. La realidad revela que para cada valor de x existe un conjunto de valores de y; es decir, lo que se observa es una distribución mas no una función.

Esto ha generado inconsistencia teórico-empíricas a la hora de interpretar una teoría. Como señala Goldberger (1991),  $y = f(x_i)$  en realidad implica:

$$\mu_{y|x} = f(x_i) \tag{2}$$

¿Solución?



## Modelos econométricos

Econometría

Luis Chávez

#### Introducción

Relaciones empíricas Acerca de metría

### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

### regresion mutu

Modelos pseudo lineal

Modelos con interacción

Anexos

Reference

Actividad 1. Tabular la cantidad promedio de recorrido a pie  $(\min/dia)$  y el consumo de agua (L/dia) de 10 estudiantes. ¿Existe una relación exacta? ¿Y si aumentamos la muestra?



## Modelos econométricos

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría

#### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineale

Anexos

Reference

Es una expresión algebraica artística más que científica. Es arte wey.

## Definición 3 (Modelo econométrico)

Es un modelo estocástico en el sentido de que incluye variables aleatorias (Intriligator, 1983).



## Modelos econométricos

Econometría

Luis Chávez

#### Introducción

### Relaciones empíricas

Repaso Matemáti

#### Modelos linea

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

### Especiales

Modelos pseudo lineale Modelos con interacció

Anexos

Reference

## Ejemplo 2

Reformulando la ecuación 1:

$$y_i = a + bx_i + u_i, \quad i = 1, ..., n$$
 (3)

donde  $u_i$  es el término de perturbación estocástica (error). ¿Es una variable aleatoria?



Econometría

Luis Chávez

Introducció

Relaciones empíricas Acerca de metría

Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

Modelos

Modelos pseudo lineal

Anexos

Reference

• Galton (1877), haciendo una comparación entre un grupo de 100 hombres gigantes y otros 100 medianos, asumía que la cantidad de matrimonios (y el número de descendientes) de los primeros era menor al de los segundos. Como consecuencia, la estatura de los hijos de los hombres gigantes sería —en promedio- menor al de sus padres, por dos razones: primero, porque sus razas serían diluidas por el matrimonio y, segundo, porque la descendencia de todos los individuos tiende a "revertir hacia la mediocridad".

 Reversión a la mediocridad: la estatura promedio de los hijos de padres altos (y de los hijos de padres bajos) "regresan" al del promedio poblacional<sup>1</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Véase https://n9.cl/cqiqb4.



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empíricas Acerca de metría Repaso Matemático

### Modelos linea

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineales

Anexos

Reference

**Actividad 2.** Demostrar/refutar la hipótesis de Galton utilizando cualquier herramienta/técnica estadística. Utilice como información su edad, su peso, su talla, el peso y talla de su padre, así como el peso y talla de su madre<sup>2</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Es obligatorio colocar datos reales.



Econometría

Luis Chávez

Introducción

Relaciones empíricas

Acerca de metría

Repaso Matemático

Pagasián simple

Regresión múltiple

Modelos

Modelos pseudo lineal

Anexos

Reference

## Definición 4 (Análisis de regresión)

Técnica estadística que explica la dependencia fundada entre una variable (target) y otras (independientes) vía una expresión algebraica.

### Taxonomía:

- Regresión simple
- Regresión múltiple

¿Regresión implica causalidad?



Econometría

Luis Chávez

Introducción

Relaciones empíricas Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

Modelos

Modelos pseudo lineale

Anexos

Reference

**Actividad 3.** Estudiar el concepto de **regresión espuria**. Identificar 2 ejemplos dentro de economía y explicar.



# **Datos**

Econometría

Luis Chávez

#### Introduccio

Relaciones empíricas Acerca de metría

#### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

Especiales

Modelos con interacci

Anexos

Reference

- Idoneidad de los datos empíricos: confiabilidad, representatividad y pertinencia.
- Datos no experimentales. ¿Y el resto?
- Estructura de datos: corte transversal, series de tiempo y panel (longitudinales).
- Escala<sup>3</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Véase (Spanos, 2019).



## Contenido

Econometría

Luis Chávez

Introducció

Acerca de metría

Ponaco Matomáti

Modelos lineal

Regresión simple

Regresión múltiple

Especiales

Modelos con interaccio

Anexos

References

1 Introducción

Relaciones empíricas

Acerca de metría

Repaso Matemático

- 2 Modelos lineales Regresión simple Regresión múltiple
- Modelos Especiales
  Modelos pseudo lineales
  Modelos con interacción
  - 4 Anexos



# **Antecedentes**

Econometría

Luis Chávez

Introducción

Acerca de metría Repaso Matemát

Modelos linea

Regresión simple

Regresión múltiple

Modelos pseudo line

iviodelos con interacció

/ tirexes

 1690: primer intento sistemático para estudiar el fenómeno económico usando datos con la publicación de Political Arithmetick por William Petty.

- 1834: creación de la Sociedad Estadística.
- 1869: análisis de correlación en economía por Yule.
- 1900: primeros intentos de econometría a cargo de Henry Moore (precursor).
- 1926: Ragnar Frisch acuña por vez primera "oekonometrie" en Sur un problème d'économie pure.
- 1930: fundación de la Sociedad Econométrica y la revista Econometrica.
- 1932: se crea la fundación Cowles.



# Conceptos básicos

Econometría

Luis Chávez

Introducción

Acerca de metría

Modelos lineale

Regresión simple

Regresión múltip

Modelos

Modelos pseudo lineales

Anexos

Reference

[...] Thus, econometrics is by no means the same as economic statistics. Nor is it identical with what we call general economic theory, although a considerable portion of this theory has a definitely quantitative character. Nor should econometrics be taken as synonymous with the application of mathematics to economics. Experience has shown that each of these three view-points, that of statistics, economic theory, and mathematics, is a necessary, but not by itself a sufficient, condition for a real understanding of the quantitative relations in modern economic life. It is the unification of all three that is powerful. And it is this unification that constitutes econometrics. (Frisch, 1933, pp. 2)



# Conceptos básicos

Econometría

Luis Chávez

Introducción

Acerca de metría

Repaso Matemáti

Modelos lineal

Regresión simple

Regresión múltiple

Especiales

Modelos pseudo lineale

Modelos pseudo lineales Modelos con interacción

Allexus

References

Es cuestión de preferencias...

### Definición 5 (Econometría)

Es la estimación de relaciones económicas (teoría), sobre la base de datos empíricos, mediante técnicas estadísticas y herramientas matemáticas.



# Metodología

Econometría

Luis Chávez

Introducción

relaciones empi

Acerca de metría

Modelos lineale

Regresión simple

Regresión múltiple

Madalas

Modelos pseudo linea

Modelos con interacción

Poforonco

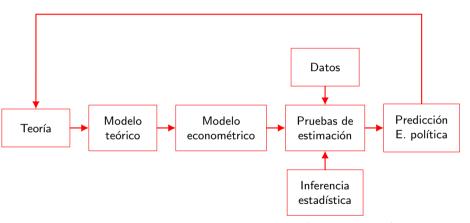


Figura: Metodología de la econometría (Spanos, 1986).



# Metodología

Econometría Luis Chávez

Introduccion

Acerca de metría

Repaso Matemá

#### Modelos lineale

Regresión simple

Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo linea

Anexos

References

### Ejemplo 3

Sea la teoría de demanda de dinero:

$$m^d = f(y, r) \tag{4}$$

cuyo modelo teórico puede escribirse como:

$$m^d = Ay^{\alpha_1}i^{\alpha_2} \tag{5}$$

$$ln(m^d) = \alpha_0 + \alpha_1 ln(y) + \alpha_2 ln(r)$$
(6)

(Continuar...)



## Contenido

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empíricas Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

Modelos Especiales

Modelos pseudo lineale Modelos con interaccio

Anexos

References

1 Introducción

Relaciones empíricas Acerca de metría

Repaso Matemático

- Modelos lineales Regresión simple Regresión múltiple
- Modelos Especiales Modelos pseudo lineales Modelos con interacción
- 4 Anexos



Econometría

Luis Chávez

Introducció

Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos Especiales

Modelos pseudo lineal Modelos con interaccio

Anexos

Reference

### Definición 6 (Experimento aleatorio)

Es todo experimento,  $\mathcal{E}$ , que verifica (Spanos, 1986):

- Las posibles respuestas son conocidas a priori.
- En algún ensayo particular, la respuesta no es conocida a priori.
- Puede ser repetido bajo condiciones idénticas.

Todas las posibles respuesta a  $\mathcal{E}$  se conoce como **espacio muestral**,  $\Omega$ . El subconjunto A de  $\Omega$  es un evento <sup>4</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Para el repaso estadístico, se recomienda Amemiya (1994).



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemático

...,

#### Modelos linea

Regresión simple Regresión múltiple

### Madalaa

Modelos pseudo lineales

A .....

References

## Definición 7 (Probabilidad)

Si en un  $\mathcal{E}$  se puede obtener n resultados mutuamente excluyentes e igualmente probables, la probabilidad del evento A que ha ocurrido  $n_A$  veces es:

$$p(A) = \frac{n_A}{n} \tag{7}$$

¿Qué es la suerte?



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría

Repaso Matemático

#### Modelos lineale

Regresión simple

Regresión múltiple

### Especiales Medalas assurta lia

Modelos pseudo lineale

Anex

Reference

## Axioma 1 (de probabilidad)

- **1**  $p(A) \ge 0$
- $\rho(\Omega) = 1$

## Ejemplo 4

- ¿Cuál es la probabilidad que dos alumnos de la clase sean del mismo mes?
- ¿Cuál es la probabilidad de que ocurra un resultado de fútbol?
- ¿Cuál es la probabilidad de que un prestatario no pague su deuda?



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría

Repaso Matemático

### Modelos linea

Regresión simple

Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo line

Anexos

Reference

## Axioma 2 (de probabilidad condicional)

- $p(A|B) \geq 0, \exists A$
- $p(A|B) = 1, \exists A \supset B$
- 3  $p(\bigcup_{i=1}A_i|B) = \sum_{i=1}p(A_i|B) \Leftarrow A_i \cap A_j = \emptyset$

**Teorema 1.**  $p(A|B) = p(A \cap B)/p(B)$ . Demostrar!



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría

Repaso Matemático

#### Modelos linea

Regresión simple Regresión múltiple

Modelos

### Especiales

Modelos con interace

Anexo

References

## Definición 8 (Independencia estadística)

Dos eventos, A y B, son independientes si:

$$p(A) = p(A|B) \tag{8}$$

Símil (por teorema 1):

$$p(A \cap B) = p(A)p(B) \tag{9}$$



## Variables aleatorias

Econometría

Luis Chávez

Introducció

Acerca de metría

Repaso Matemático

#### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

Modelos pseudo lineales

Modelos con intera

Anexo

Reference

## Definición 9 (Variable aleatoria)

Es aquella función X que asigna un número real a cada resultado posible  $(\omega)$  de un  $\mathcal{E}$ .

$$X:\Omega \to \mathbb{R}$$
 (10)

donde  $X(\omega)$  es el número real asociado a  $\omega$ .

### Taxonomía:

- Discretas: univariadas, bi y multi...
- Continuas: univariadas, bi y multi...



## Variables aleatorias

Econometría

Luis Chávez

#### Introducción

Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos linea

Regresión simple Regresión múltiple

Especiales

Modelos pseudo lineales

Modelos con interacció

Anexos

Reference

### Caracterización:

- Variables aleatorias discretas:
  - Función masa p(X).
  - Función de distribución acumulada F(X).
- Variables aleatorias continuas:
  - Función de densidad f(X).
  - o Función de distribución acumulada F(X).



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empíricas Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineal Modelos con interacci

Anexos

References

## Definición 10 (Esperanza matemática)

Dada una v.a discreta X con tuplas  $\{x_i, p(x_i)\}$ , la expectativa de X es

$$E(X) = \sum_{i=1}^{\infty} x_i p_i \tag{11}$$

Dada una v.a continua con densidad f(X), la expectativa de X es

$$E(X) = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx$$
 (12)



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemático

Repaso Matemáti

### Modelos linea

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo linea

Anexos

References

# Definición 11 (Varianza)

El segundo momento alrededor de la media es:

$$V(X) = E[X - E(X)]^{2}$$
 (13)

$$V(X) = E(X^2) - [E(X)]^2$$
(14)



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metr

Repaso Matemático

#### Modelos linea

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

### Especiales

Modelos con interacción

Anexos

Reference

## Definición 12 (Covarianza)

La relación entre dos variables aleatorias, X e Y, es la covarianza,  $\sigma_{XY}$ :

$$Cov(X, Y) = E[(X - E(X))(Y - E(Y))]$$
 (15)

$$Cov(X,Y) = E(XY) - E(X)E(Y)$$
(16)

**Teorema 2.** Si X e Y son independientes, Cov(X, Y) = 0.



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos linea

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

### Especiales

Modelos con interacc

Anexos

References

## Definición 13 (Correlación)

La correlación,  $\rho$ , una medida del grado de asociación entre dos v.a., X e Y:

$$corr(X, Y) = \frac{Cov(X, Y)}{\sigma_X \sigma_Y}$$
 (17)

Teorema 3.  $|\rho| \leq 1$ .



Econometría

Luis Chávez

Introducción

Acerca de metría

Repaso Matemático

### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineale

Anexos

References

## Definición 14 (Matriz)

Es todo aquel ordenamiento de elementos distribuidos en m filas y n columnas, a quienes se conoce como orden o dimensión.

$$A = [a_{ij}] \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix}$$



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empíricas Acerca de metría Repaso Matemático

### Modelos linea

Regresión simple Regresión múltiple

Modelos

Modelos pseudo lineales Modelos con interacción

Anexos

Reference

- **1** La **transpuesta** de una matriz A de orden  $m \times n$  tiene orden  $n \times m$ .
- 2 Dada A de orden  $m \times n$ , una **submatriz** es toda matriz de menor orden.
- **3** Una **matriz cuadrada** es aquella que tiene orden  $n \times n$ .
- **4** Una **matriz identidad**,  $I_n$ , es aquella cuya diagonal principal es de unos.
- **6** Matriz **idempotente**:  $A^2 = 2$ .
- **6** Matriz **ortogonal**: A'A = I.
- 7 Matriz **simétrica**: A = A'.



Econometría

Luis Chávez

Introducció

Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

Especiales

Modelos con interacció

Anexos

References

## Definición 15 (Determinante)

El determinante de una matriz A, |A|, es aquel escalar que la caracteriza.

## Ejemplo 5

Dada la matriz A. hallar su determinante.

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 5 & -1 \\ 0 & 2 & 6 \\ 1 & -2 & 4 \end{pmatrix}$$



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría
Repaso Matemático

Modelos line

Regresión simple

Regresión múltiple

### Modelo

Modelos pseudo lineal

Anexos

Reference

## Definición 16 (Rango)

Dada una matriz A, su rango es el orden de la submatriz cuadrada más grande cuyo determinante no es cero.

Atención: ¿El rango induce singularidad?



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemático

### Modelos linea

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo line Modelos con interac

Anexos

Reference

- 1 Al borrar la i-ésima fila y j-ésima columna, el determinante de la submatriz inducida se conoce como **menor** del elemento  $a_{ii}$ :  $|M_{ii}|$ .
- 2 El cofactor del elemento  $a_{ij}$  se define por:

$$c_{ij} = (-1)^{i+j} |M_{ij}| (18)$$

3 Una matriz de adjunta es la transpuesta de una matriz de cofactores:

$$adj(A) = [cof(A)]'$$
(19)



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemático

tepaso Matemat

#### Modelos linea

Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineal

Anexos

References

## Definición 16 (Inversa)

Si la matriz A es cuadrada y no singular, su inversa es:

$$A^{-1} = \frac{1}{|A|} A dj(A) \tag{20}$$

¿Porqué necesitamos saber si una matriz es invertible?



# Contenido

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empírica Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineale

#### Regresión simple

Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineales

References

1 Introducción
Relaciones empíricas
Acerca de metría
Repaso Matemático

2 Modelos lineales Regresión simple

Modelos Especiales
 Modelos pseudo lineales
 Modelos con interacción

4 Anexos



# El modelo

Luis Chávez

Introducción

Acerca de metría

Modelos lineale

Regresión simple

Regresión múltipl

### Modelos

Modelos pseudo linea

Anexo

Reference

Sea y = f(x) en el sentido de (2), asumiendo una forma lineal se tiene:

$$E(y|x_{i2}) = \beta_1 + \beta_2 x_{i2}, \quad i = 1, ...N$$
 (21)

conocida como FRP. Dada la inexactitud, el error se define por:

$$u_i = y_i - E(y|x_{i2})$$
 (22)

Reemplazando,

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2} + u_i \tag{23}$$

¿Error?



# El modelo

Econometría

Luis Chávez

### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemát

#### Modelos lineal

#### Regresión simple

Regresión múltiple

### regresion mo

Modelos pseudo lineales Modelos con interacción

iviodelos con

Reference

El análogo muestral, FRM, es

$$\hat{y}_i = \hat{\beta}_1 + \hat{\beta}_2 x_{i2}, \quad i = 1, ..., n$$
 (24)

El **residuo** será:

$$\hat{u}_i = y_i - \hat{y}_i \tag{25}$$

Reemplazando,

$$y_i = \hat{\beta}_1 + \hat{\beta}_2 x_{i2} + \hat{u}_i \tag{26}$$

¿Qué miden los parámetros?¿Se pueden calcular?



Econometría

Luis Chávez

#### Introducción

Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineal

#### Regresión simple

Regresión múltinl

### regressor mare

### Especiales Modelos pseudo line

Modelos pseudo line Modelos con interac

Anexos

Reference

Existen varios métodos de estimación:

- Mínimo Cuadrados Ordinarios (OLS).
- 2 Mínimo Cuadrados Ponderados (WLS).
- 3 Mínimos cuadrados Generalizados (GLS).
- 4 Máxima Verosimilitud (ML).
- **5** Método Generalizado de Momentos (GMM).



Econometría

Luis Chávez

### Introducció

Acerca de metría

#### Modelos lineale

#### Regresión simple

Regresión múltic

Modelos pseudo lineales

Anexos

Reference

OLS minimiza la suma cuadrática de los residuos:

$$\min \sum_{i=1}^{n} (u_i)^2 = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{\beta}_1 - \hat{\beta}_2 x_{i2})^2$$
 (27)

¿Gráficamente? FOC:

$$\hat{\beta}_1: -2\sum (y_i - \hat{\beta}_1 - \hat{\beta}_2 x_{i2}) = 0$$
 (28)

$$\hat{\beta}_2: -2\sum (y_i - \hat{\beta}_1 - \hat{\beta}_2 x_{i2})(x_{i2}) = 0$$
 (29)



Econometría

Luis Chávez

#### Regresión simple

Regresión múltiple

Los estimadores de MCO (LSE) son:

$$\hat{\beta}_1 = \bar{y} - \hat{\beta}_2 \bar{x}_2 \tag{30}$$

$$\hat{\beta}_2 = \frac{\sum y_i x_{i2} - n\bar{y}\bar{x}_2}{\sum x_{i2}^2 - n\bar{x}_2^2}$$
 (31)

Alternativas:

$$\hat{\beta}_2 = \frac{S_{xy}}{S_x^2} \tag{32}$$

$$\hat{\beta}_2 = r \frac{S_y}{S_x} \tag{33}$$



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemátic

#### Modelos lineal

#### Regresión simple

Regresión múltiple

Modelos pseudo line

Modelos con interacc

**Anexos** 

Reference

### Propiedades numéricas en OLS:

- LSE son estimadores puntuales.
- $2 \ \bar{\hat{y}}_i = \bar{y}.$
- 3  $\bar{\hat{u}}_i = 0$ .
- $\Delta \sum \hat{u}_i x_{i2} = cov(\hat{u}_i, x_{i2}) = 0.$
- $5 \sum \underline{\hat{y}_i} \hat{u}_i = cov(\underline{\hat{y}_i}, \hat{u}_i) = 0, \text{ con } \underline{y_i} = y_i \bar{y}.$



Econometría

Luis Chávez

### Introducció

Acerca de metría

#### Modelos lineal

#### Regresión simple

Regresión múltipl

Modelos pseudo lineales

Widdelos Coll Interacción

References

# Supuesto 1 (Gauss)

- 1 Linealidad en los parámetros.
- **2** Regresor fijo:  $cov(x_{i2}, u_i) = 0$ .
- $(u_i|x_{i2}) = 0 \to E(u_i)0.$
- **4** Homoscedasticidad:  $var(u_i|x_{i2}) = \sigma^2$ .
- **6** No autocorrelación:  $cov(u_i, u_i | x_i, x_i) = 0, i \neq j$ .
- n grande.
- No outliers.



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría

### Modelos lineal

#### Regresión simple

Regresión múltiple

Modelos pseudo linea

Modelos con interacció

Anexos

Reference

Bajo el supuesto 1, se tiene las siguientes propiedades estadísticas:

- 1 Linealidad: los LSE son una función lineal de la v.a y.
- 2 Insesgadez:

$$E(\hat{\beta}_j) = \beta_j, \quad \forall j = 1, 2 \tag{34}$$

3 Eficiencia: varianza mínima.



Econometría

Luis Chávez

#### Introducción

Acerca de metría
Repaso Matemátic

### Modelos linea

#### Regresión simple

Regresión múltin

### regresion multip

Modelos pseudo lineales

Anexos

Reference

## Ejemplo 6

Sea el modelo de demanda considerado en el ejemplo 1. A partir de los datos del fichero be\_ejemplo06.csv estimar la ecuación de demanda de camotes piuranos. Los precios están expresados en soles/kg y las cantidades en kg. Interpretar.



# **ANOVA**

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemátic

### Modelos linea

#### Regresión simple

Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineales Modelos con interacción

Reference

El análisis de varianza (ANOVA) en regression analysis comprende SS y MS:

$$SCT = SCE + SCR (35)$$

Véase Greene (2018).



# Bondad de ajuste

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empíricas Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineale

#### Regresión simple

Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineales Modelos con interacción

Anexos

References

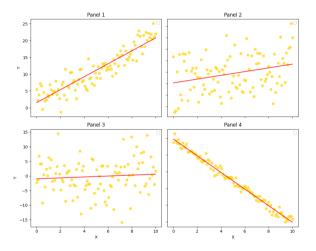


Figure: ¿Qué tan bien se ajusta el modelo a los datos?



# Bondad de ajuste

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemátic

#### Modelos lineale

#### Regresión simple

Regresión múltipl

### Modelos

Modelos pseudo lineales

Anexos

Reference

1 Coeficiente de determinación:

$$R^{2} = \frac{SCE}{SCT}$$
,  $SCE = \sum (\hat{y}_{i} - \bar{y})^{2}$ ,  $SCT = \sum (y_{i} - \bar{y})^{2}$ 

2 Root mean squared error (RMSE) o error estándar de regresión:

$$ee = \hat{\sigma}_{\hat{u}}, \quad \hat{\sigma}_{\hat{u}}^2 = \frac{\sum \hat{u}_i^2}{n-2}$$

donde  $\hat{\sigma}_{\hat{u}}^2$  es conocido como **mean squared error** (MSE). ¿Y el MAE?



# Contenido

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empírio Acerca de metría Repaso Matemátic

#### Modelos lineale

Regresión simple

Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineales

Anexos

References

1 Introducción
Relaciones empíricas
Acerca de metría
Repaso Matemático

- 2 Modelos lineales Regresión simple Regresión múltiple
- Modelos Especiales Modelos pseudo lineales Modelos con interacción
- 4 Anexos



Econometría Luis Chávez

Regresión múltiple

### El modelo

Sea el conjunto de k variables que conforman un hiperplano,  $\{x_1, x_2, ..., x_k\}$ , el MRI G se escribe:

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2} + ... + \beta_k x_{ik} + u_i, \quad i = 1, .., N$$
 (36)

En forma compacta,

$$\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ \vdots \\ y_N \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & x_{12} & x_{13} & \cdots & x_{1k} \\ 1 & x_{22} & x_{22} & \cdots & x_{2k} \\ 1 & x_{32} & x_{33} & \cdots & x_{3k} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & x_{N2} & x_{NN} & \cdots & x_{Nk} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \beta_1 \\ \beta_2 \\ \beta_3 \\ \vdots \\ \beta_k \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ u_3 \\ \vdots \\ u_N \end{bmatrix}$$



# El modelo

Econometría

Luis Chávez

### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemát

#### Modelos lineale

Regresión simp

Regresión múltiple

### Modelos

### Modelos pseudo linea

Modelos con interacci

Anexos

Reference

En forma resumida,

$$y = X\beta + u \tag{37}$$

$$y_i = x_i'\beta + u_i \tag{38}$$

Por su lado, bajo la FRM, los análogos muestrales de (37) y (38) serán:

$$y = X\hat{eta} + \hat{u}$$

$$y_i = x_i' \hat{\beta} + \hat{u}_i \tag{40}$$

con predicción  $\hat{y} = X\hat{\beta}$  y  $\hat{y}_i = x_i'\hat{\beta}$ , respectivamente.

(39)



Econometría Luis Chávez

De (39), el objetivo LS:

Introducción

Relaciones empírio Acerca de metría

Modelos lineales

Regresión simpl

Regresión múltiple

Modelos

Especiales

Modelos con interacción

Anexos

References

$$\begin{aligned} \min \ \hat{u}'\hat{u} &= (y - X\hat{\beta})'(y - X\hat{\beta}) \\ &= (y' - \hat{\beta}'X')(y - X\hat{\beta}) \\ &= y'y - \hat{\beta}'X'y - y'X\hat{\beta} + \hat{\beta}'X'X\hat{\beta} \\ &= y'y - 2y'X\hat{\beta} + \hat{\beta}'X'X\hat{\beta} \end{aligned}$$

$$\frac{\partial(\cdot)}{\partial\hat{\beta}} = -2X'y + 2X'X\hat{\beta} = 0$$

$$\hat{\beta}_{OLS} = (X'X)^{-1}(X'y) \tag{42}$$

(41)



Econometría

Luis Chávez

#### Introducción

Acerca de metría Repaso Matemátic

#### Modelos lineal

Regresión simi

Regresión múltiple

### Modelos pseudo lineales

Modelos con interacción

Anexos

References

De (41),

$$X'\hat{u}=0$$

Implicancias<sup>5</sup>:

- $x_1' \hat{u} = \iota' \hat{u} = 0.$
- El hiperplano de regresión pasa por los puntos medios de los datos.
- $\bar{\hat{y}} = \bar{y}$ .

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Sólo si el modelo contiene intercepto.



Econometría

Luis Chávez

### Introducció

Relaciones empíric

Acerca de metría

Repaso Matemátic

#### Modelos lineale

Regresión simpl

Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineales

Anexos

References

Alternativamente, de (39):

$$min \sum \hat{u}_i^2 = \sum (y_i - x_i'\hat{\beta})^2$$
$$= \sum (y_i^2 - 2y_i x_i'\hat{\beta} + \hat{\beta}' x_i x_i'\hat{\beta})$$

$$\frac{\partial(\cdot)}{\partial\hat{\beta}} = -2\sum x_i y_i + 2\sum x_i x_i' \hat{\beta} = 0$$

$$\hat{\beta}_{OLS} = \left(\sum x_i x_i'\right)^{-1} \sum x_i y_i \tag{44}$$

¿Y SOC?

(43)



Econometría

Luis Chávez

#### Introducción

Acerca de metría Repaso Matemátic

### Modelos linea

Regresión simp

Regresión múltiple

### . . . .

Modelos pseudo lineale

Modelos con interacció

Allexus

References

# Supuesto 2 (Gauss)

- 1 Linealidad en los parámetros.
- 2 Matriz de regresores fijo:  $E(x_iu_i) = 0$ .
- **3**  $E(u_i|x_i) = 0 \to E(u_i)0.$
- 4 Perturbaciones esféricas:  $E(u_i^2) = \sigma^2 I_n$ .
- **6** No multicolinealidad: ran(X) = k.



# **Normalidad**

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemátic

### Modelos linea

Regresión simple

Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineales

Modelos con interacción

Anexos

Reference

## Supuesto 3 (Distribución de los errores)

Los errores siguen una distribución de probabilidad normal multivariante:

$$u_i \sim N(0, \sigma^2 I_n) \tag{45}$$



## Teorema de Gauss-Markov

Econometría

Luis Chávez

Regresión múltiple

### Los LSE son MELI (ELIO).

- Muestras pequeñas
  - Linealidad

  - o Insesgamiento:  $E(\hat{\beta}) = \beta$ o Eficiencia:  $var(\hat{\beta}) = \hat{\sigma}^2(\sum x_i x_i')^{-1}$
- Muestras grandes
  - Consistencia:  $plim\hat{\beta} = \beta$
  - o Normalidad asintótica:  $\sqrt{n}(\hat{\beta} \beta) \sim N[0, \sigma^2(\frac{X'X}{n})^{-1}]$



Econometría

Luis Chávez

#### Introducción

Relaciones empíric Acerca de metría

#### Modelos lineals

Regresión simp

Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineales

Anevos

References

# Bondad de ajuste

El ANOVA es trivial.

1 Coeficiente de determinación:

$$R^2 = \frac{SCE}{SCT}$$
,  $SCT = y'y - n\bar{y}^2$ ,  $SCE = \hat{y}'\hat{y} - n\bar{y}^2$ 

2 R<sup>2</sup> ajustado (Henri Theil):

$$\hat{R}^2 = 1 - \frac{\hat{u}'\hat{u}/(n-k)}{y'y - n\bar{y}^2/(n-1)}$$

3 RMSE o error estándar de regresión:

$$ee = \hat{\sigma}_{\hat{u}}, \quad \hat{\sigma}_{\hat{u}}^2 = \frac{\hat{u}'\hat{u}}{n-k}$$



# Bondad de ajuste

Econometría

Luis Chávez

#### Introducción

Acerca de metría Repaso Matemátic

#### Modelos lineale

Regresión simple

Regresión múltiple

### . . . . .

Modelos pseudo lineal

Modelos con interacción

Anexo

Reference

### Estadísticos de comparación:

• AIC:

$$\ln\left(\frac{\hat{u}'\hat{u}}{n}\right) + \frac{2k}{n}$$

2 BIC:

$$ln\left(\frac{\hat{u}'\hat{u}}{n}\right) + \frac{k}{n}\ln(n)$$



# **Matrix VC**

Econometría Luis Chávez

Introducción

Acerca de metría

Modelos lineale

Downelán elmni

Regresión múltiple

Modelos

Modelos pseudo lineales

Anexos

Reference

A partir de (42), se puede escribir:

$$\begin{aligned} \mathsf{Var}(\hat{\beta}) &= E\left[(\hat{\beta} - E(\hat{\beta}))(\hat{\beta} - E(\hat{\beta}))'\right] \\ &= E\left[(\hat{\beta} - \beta)(\hat{\beta} - \beta)'\right] \\ &= E\left[((X'X)^{-1}X'u)\left((X'X)^{-1}X'u)'\right] \\ &= E\left[(X'X)^{-1}X'uu'X(X'X)^{-1}\right] \\ &= (X'X)^{-1}X'E(uu')X(X'X)^{-1} \\ &= (X'X)^{-1}X'(\sigma^2I)X(X'X)^{-1} \\ &= \sigma^2(X'X)^{-1}X'X(X'X)^{-1} \end{aligned}$$

$$\mathsf{Var}(\hat{\beta}) = \sigma^2(X'X)^{-1}$$

(46)



# Integración temática

Econometría

Luis Chávez

#### Introducción

Acerca de metría Repaso Matemátic

### Modelos linea

Regresión simple

Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo linea Modelos con interacc

Anexos

Reference

## Ejemplo 7

Con los datos de be\_ejemplo07.dta, extraídos de Stock y Watson, realizar el análisis de regresión integral. Véase el ejercicio E6.2 de los autores.



# Contenido

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

Madalaa

### Modelos pseudo lineales

Modelos con interacción

Peference

1 Introducción
Relaciones empíricas
Acerca de metría
Repaso Matemático

- Modelos lineales Regresión simple Regresión múltiple
- 3 Modelos Especiales Modelos pseudo lineales Modelos con interacción
- 4 Anexos



### Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empírica Acerca de metría

#### Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

Mandalan

### Modelos pseudo lineales

Modelos con interacción

Reference

# Modelos de regresora única

Se define 3 modelos genéricos. Los modelos polinómicos son de la forma

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2} + \beta_2 x_{i2}^2 + \dots + \beta_i x_{i2}^r + u_i$$
 (47)

# Ejemplo 8

A partir del fichero be\_ejemplo08.do, analizar el modelo de regresión cuadrático, es decir, cuando r=2.

¿Qué valor de r elegir?



# Modelos de regresora única

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

Regresión múltip

Modelos pseudo lineales

Modelos con interacción

Anexos

Reference

Los modelos logarítmicos tienen 3 formas:

Tipo	Forma	$\Delta x  o \Delta y$
Lin-Log	$y_i = \beta_1 + \beta_2 \ln x_{i2} + u_i$	$1\%  ightarrow 0.01 eta_2$ unid
Log-Lin	$\ln y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2} + u_i$	$1$ unid $ ightarrow$ $100*eta_2\%$
Log-Log	$\ln y_i = \beta_1 + \beta_2 \ln x_{i2} + u_i$	1%  o 1%

Table: Tipología logarítmica

¿Y los exponenciales?



# Modelos de regresora única

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empíric Acerca de metría Repaso Matemátic

#### Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

Madalas

### Modelos pseudo lineales

Modelos con interacción

Reference

Los modelos recíprocos tiene la forma:

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 \left(\frac{1}{x_{i2}}\right) + u_i \tag{48}$$

¿Qué signos pueden tener los parámetros?¿Y el log-recíproco?

## Ejemplo 9

A partir del fichero be\_ejemplo09.csv, evaluar si se cumple la curva de Phillips para el caso peruano. Los datos, extraídos del BM, están en tasas.



# Modelos de regresora única

Econometría

Luis Chávez

Introducció

Acerca de metría

Repaso Matemátic

Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

Modelos

Modelos pseudo lineales Modelos con interacción

Anexos

Reference

Modelo	Forma funcional	Efecto marginal	Elasticidad
Lineal	$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2}$	$eta_2$	$\beta_1 \frac{x_{i2}}{y_i}$
Lin-Log	$y_i = \beta_1 + \beta_2 \ln x_{i2}$	$\frac{\beta_2}{x_{i2}}$	$\frac{\beta_2}{y_i}$
Log-Lin	$ \ln y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2} $	$\beta_2 y_i$	$\beta_1 x_{i1}$
Log-Log	$\ln y_i = \beta_1 + \beta_2 \ln x_{i2}$	$\frac{\beta_2 y_i}{x_{i2}}$	$eta_2$
Cuadrática	$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2} + \beta_3 x_{i2}^2$	$\beta_2 + 2\beta_3 x_{i2}$	$\frac{(\beta_2 + 2\beta_3 x_{i2})x_{i2}}{y_i}$
Recíproca	$y_i = \beta_1 + \beta_2 \left(\frac{1}{x_{i2}}\right)$	$-\frac{\beta_2}{x_{i2}^2}$	$-\frac{\beta_2}{y_i x_{i1}}$

Table: Métricas en modelos de regresora única



Econometría

Luis Chávez

### Introducció

Acerca de metría

### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineales Modelos con interacción

Anexos

References

# Modelos de múltiples regresoras

En un modelo con varias variables independientes, alguna(s) pueden tener formas pseudo-lineales y otras si. En general, se puede escribir:

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2} + \dots + \beta_{r+1} x_{i2}^r + \theta_1 x_{i3} + \dots + \theta_{k-3} x_{ik-1} + f(x_{ik}) + u_i$$
 (49)

donde  $f(x_{ik})$  es una función no lineal en  $x_{ik}$ .

## Ejemplo 10

Mincer (1974) planteó una ecuación de capital humano que predice los ingresos:

$$\ln y_i = \beta_1 + \beta_2 e d_i + \beta_3 e x p_i + \beta_4 e x p_i^2 + u_i$$

Use be\_ejemplo10.csv y analice.



# Contenido

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empírica Acerca de metría Repaso Matemático

#### Modelos lineale

Regresión simple Regresión múltiple

Modelos

Modelos pseudo lineales

iviodelos con interac

Peference

- 1 Introducción
  Relaciones empíricas
  Acerca de metría
  Repaso Matemático
- 2 Modelos lineales Regresión simple Regresión múltiple
- Modelos Especiales Modelos pseudo lineales Modelos con interacción
- 4 Anexos



# Interacciones binarias

Econometría

Luis Chávez

### Introducción

Acerca de metría Repaso Matemát

### Modelos lineales

Regresión simple Regresión múltip

Modelos

Modelos pseudo lineales

Anexos

Reference

### Modelo 1:

Sea:

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 d_{i1} + \beta_3 d_{i2} + u_i \tag{50}$$

donde  $y_i$  es el valor de una inmueble urbano,  $\{d_1 = 1, urbana | industrial\}$  y  $\{d_2 = 1, pista | no_pista\}$ . i Problemas? Redefiniendo,

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 d_{i1} + \beta_3 d_{i2} + \beta_4 (d_{i1} \times d_{i2}) + u_i$$
 (51)



# Interacciones mixtas

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemátic

### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

Modelos pseudo lineale

Modelos con interacción

Anexos

Reference

### Modelo 2:

Redefiniendo (50):

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2} + \beta_3 d_{i1} + u_i \tag{52}$$

donde  $x_{i2}$  representa la cantidad de  $m^2$  del predio. ¿Problemas? Luego,

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2} + \beta_3 d_{i1} + \beta_4 (x_{i2} d_{i1}) + u_i$$
 (53)



## Interacciones mixtas

Econometría

Luis Chávez

### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemáti

### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

### Modelos

### Especiales

Modelos con interacción

Anexos

References

### Modelo 3:

Redefiniendo (52):

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2} + \beta_3 x_{i3} + \beta_4 d_{i1} + u_i$$
 (54)

donde  $x_{i3}$  representa la cantidad de años de antigüedad del predio. ¿Problemas? Luego,

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{i2} + \beta_3 x_{i3} + \beta_4 d_{i1} + \beta_5 (x_{i2} x_{i3}) + u_i$$
 (55)



Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Relaciones empíric Acerca de metría Repaso Matemátic

### Modelos line

Regresión simple Regresión múltiple

### Mandalan

Modelos pseudo lineales

Anex

References

# Referencias

Amemiya, T. (1994). *Introduction to statistics and econometrics*. Harvard University Press.

Frisch, R. (1933). Editor's note. Econometrica, 1(1):1-4.

Goldberger, A. (1991). A course in econometrics. Harvard University Press.

Greene, W. (2018). Econometric Analysis. Pearson, 8th edition.

Intriligator, M. (1983). Economic and econometric models. In Griliches, Z. and Intriligator, M., editors, *Handbook of Econometrics*, volume 1, pages 181–221. Elsevier.

Spanos, A. (1986). Statistical foundations of econometric modelling. Cambridge University Press.

Spanos, A. (2019). Probability theory and statistical inference: Empirical modeling with observational data. Cambridge University Press.



# **Recursos**

Econometría

Luis Chávez

#### Introducció

Acerca de metría Repaso Matemátic

#### Modelos lineal

Regresión simple Regresión múltiple

Modelos pseudo linea

Modelos con interacción

Anexos

References

- Stock y Watson.
- Colin Cameron.
- Florian Heiss y Daniel Brunner.
- Econometrics Navigator.
- AEA.
- Econometrics Academy.