

Game Theory

Luis Chávez

meroduccion

Teoría básica

Representación

Equilibrio de Na:

Aplicaciones

Productos homogéneo

Estrategias

mixtas

Anexos

References

Teoría de los Juegos y Estrategia

Tópico 1: Juegos Estáticos con Información Completa

Luis Chávez

C

Escuela Profesional de Economía USMP

Lima, 2025



Contenido

Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básica Representación

Equilibrio de Nas

Aplicaciones
Productos homogéne
Productos heterogéne

Estrategias mixtas

Anexos

- 1 Introducción
- Teoría básica Representación Dominancia Equilibrio de Nash
- 3 Aplicaciones Productos homogéneos Productos heterogéneos
- 4 Estrategias mixtas
- 6 Anexos



Bienvenida

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básic

reoria basic

Dominancia

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

/ (pineaciones

Productos heterogéne

Estrategia

Reference

¿Los laboratorios farmacéuticos coluden? ¿Cómo compiten las aerolíneas? ¿Qué son los incentivos? ¿Qué puja elegir en las subastas de SUNAT? ¿Cuál es el rol de las señales?

¡Bienvenidos al mundo de las estrategias!



Conceptos básicos

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básica Representación

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

Productos homogéneos Productos heterogéneo

Estrategias mixtas

Anexo

Referenc

Definición 1 (Estrategias)

Conjunto de **decisiones** (planes de acción) que toma una persona (jugador), según sus preferencias, para enfrentar una determinada situación.

¿Y el comportamiento estratégico?¿Es inherente al ser humano?

Supuesto 1 (Racionalidad)

Los agentes toman decisiones racionales.



Conceptos básicos

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básic

Dominancia

Equilibrio de Na

Aplicaciones
Productos homogéneo

Estrategia

Anexos

Reference

Ejemplo 1 (decisiones)

¿Qué situación es más complicada?

- Cortar un árbol.
- Matar una serpiente.

Definición 2 (juegos)

Es la interacción estratégica entre jugadores, donde cada uno toma decisiones racionales basadas en reglas preestablecidas, con el objetivo de maximizar una recompensa.



Conceptos básicos

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básic

Representacion

Equilibrio de Na

Aplicaciones

Apricaciones

Productos heterogéne

Estrategias mixtas

Anexos

Reference

Definición 3 (teoría de juegos)

Área de la matemática aplicada que estudia situaciones donde los agentes toman decisiones estratégicas interdependientes.



Historial

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básica

Dominancia

Equilibrio de Nas

Anlicaciones

/ (piledelolles

Productos hetero

Estrategias mixtas

Anexo

- 1 Nace con la la aparición de las probabilidades y las apuestas.
- 2 Antoine Gombaud (1654) uno de los pioneros en hablar de loterías.
- 3 Emil Borel estableció algunos intentos para jugar mejor.
- 4 Jon von Newmann (1928) se le acreditó como el fundador de la teoría de juegos moderna.
- 5 Nash (1949) estableció el primer equilibrio en los juegos.
- 6 Nash (1994) ganó el premio Nobel junto a Reinhard Selten y John Harsanyi.



Clasificación

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básic

Dominancia

Equilibrio de Na

Aplicaciones

Productos homogéneo

Estrategia mixtas

Anexo

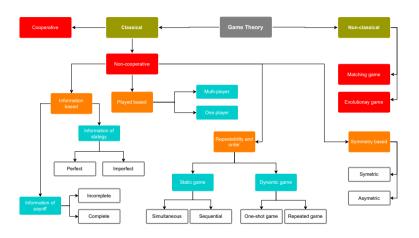


Figure: Taxonomía de teoría de juegos (Ahmad et al., 2023)



Aplicaciones

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Leoria basic

Dominancia

Equilibrio de Na

Aplicaciones

Dooduston bassassia

Productos nomogeneo

Estrategia mixtas

Anexo

- Deep Learning.
- 2 Subastas.
- 3 Estrategias empresariales.
- 4 Relaciones internacionales.
- 5 Problemas de principal-agente.
- 6 Bargaining.
- 7 Elecciones.



Elementos

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básica

Dominancia

Equilibrio de Nasl

Aplicaciones

Productos homogéneo Productos heterogéneo

Estrategia mixtas

Anexo

- **1** Conjunto finito N de jugadores: $\forall i = 1, ..., n, i \in N$.
- **2** Conjunto finito de m estrategias puras $\forall i$: $S_i = \{s_1, ..., s_m\}, \ \forall i \in N$.
- 3 Conjunto de perfiles de estrategias puras:

$$S=\prod_{i=1}^n S_i$$

- 4 Función de utilidad o de payoffs: ui.
- **5** Conjunto finito \mathcal{O} de *outcomes*: $\mathcal{O} = \{o_1, o_2, ...\}$.
- 6 Reglas.



Contenido

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básic

Dominancia

Equilibrio de Na

Aplicaciones

Apricaciones

Productos homogeneo

Estrategia

Anexos

Reference

- Introducción
- Zeoría básica Representación

Dominancia Equilibrio de Nash

- 3 Aplicaciones Productos homogéneos Productos heterogéneos
- 4 Estrategias mixtas
- 6 Anexos



Formas

Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Representación Dominancia

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

Productos homogén

Productos homogeneo

Estrategia: mixtas

Anexos

Reference

Definición 4 (Forma normal)

Un juego G se **representa en forma normal** (estratégica) si la cantidad de jugadores, sus respectivas estrategias y los pagos/outcomes están claramente definidos en una matriz de pagos.

Definición 5 (Forma extensiva)

Un juego se **representa en forma extensiva** cuando las jugadas se describen mediante un árbol de decisión, donde los nodos indican los turnos de decisión de los jugadores y las ramas esquematizan sus posibles estrategias.



Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básic

Representación

Dominancia

Equinorio de 110

Aplicaciones

Productos homogéne

Estrategias

Anevos

Referenc

Supuesto 2 (simultaneidad)

Los jugadores eligen sus estrategias de forma simultánea (no implica "al mismo tiempo").

Supuesto 3 (información imperfecta)

Los jugadores no tienen información de las estrategias elegidas por sus oponentes.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría bási

Representación

quilibrio de Na

Aplicaciones

/ tpiledelolles

Productos homogeneos

Estrategia mixtas

Anexo

Reference

Dado $N = \{1, 2\}$, se define 2 conjuntos de estrategias $S_1 = \{a, b\}$ y $S_2 = \{p, q, r\}$. En \mathbb{R}^2 , el **producto cartesiano** se escribe:

$$S_1 \times S_2 = \{(a, p), (a, q), (a, r), (b, p), (b, q), (b, r)\}$$
 (1)

Entonces,

Definición 6 (Perfil de estrategias)

Dado *n* conjuntos, un perfil de estrategias del producto cartesiano $\prod_{i=1}^{n} S_i$ es la n-tupla $s = (s_1, s_2, ..., s_n), s \in S$.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Representación

Anlicaciones

Aplicaciones

Productos homogéneo

Estrategia

Anexo

References

Definición 7 (Relación de preferencia)

El conjunto S define una relación binaria \succeq , denominada **relación de preferencia**, que verifica los axiomas de preferencia.

Definición 8 (Función de utilidad)

Si $f: S \to \mathcal{O}$ asocia un outcome $f(s) \in \mathcal{O}$ con cada perfil s, entonces, la función $u: \mathcal{O} \to \mathbb{R}$ es una relación de preferencia \succeq si:

$$\forall o, o' \in \mathcal{O}, o \succeq o' \iff u(o) \geq u(o')$$
 (2)

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básic

Representación

Equilibrio de N

Aplicaciones

Apricaciones

Productos homogéneo

Estratorias

mixtas

Anexos

References

Ejemplo 2

Dado el ranking de preferencias de 2 jugadores, se tiene:

0	01	02	03	04
u_1	13	12	24	12
<i>u</i> ₂	3	4	2	2

Matriz de pagos:

1 2	Α	В
a	(13, 3)	(12, 4)
b	(24, 2)	(12, 2)



Contenido

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básic

Dominancia

Equilibrio de Na

Aplicaciones

Productos homogene

Estrategia

Anexos

Reference

- 1 Introducción
- 2 Teoría básica

Representación

Dominancia

Equilibrio de Nash

- 3 Aplicaciones Productos homogéneos Productos heterogéneos
- 4 Estrategias mixtas
- 6 Anexos



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Representació Dominancia

Equilibrio de Ivasi

Aplicaciones

Dradustas hamasánasán

Productos heterogéneo

Estrategias mixtas

Anexo

Reference

Corolario (supuesto 1):

En un juego en forma normal, $G(N, S_i, \mathcal{O}, u_i)$, los jugadores no pueden elegir estrategias dominadas.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básica

Dominancia

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

D. I.

Productos heterogén

Estrategia mixtas

Anexo

Reference

Fundamentación

Definición 9 (i-dominancia)

Sea $G(N, S_i, \mathcal{O}, u_i)$ y las estrategias $s_1, s_2 \in S_i$, para el jugador i:

1 s_1 domina estrictamente a s_2 si s_1 otorga un mayor pago que s_2 :

$$\forall s_{-i} \in S_{-i}, \ \pi_i(s_1, s_{-i}) > \pi_i(s_2, s_{-i})$$
(3)

 \circ s_1 domina débilmente a s_2 si s_1 otorga un mayor o igual pago que s_2 :

$$\forall s_{-i} \in S_{-i}, \ \pi_i(s_1, s_{-i}) \ge \pi_i(s_2, s_{-i}) \tag{4}$$

3 s_1 es equivalente a s_2 si s_1 otorga igual pago que s_2 :

$$\forall s_{-i} \in S_{-i}, \ \pi_i(s_1, s_{-i}) \equiv \pi_i(s_2, s_{-i})$$
 (5)



Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básica

Dominancia

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

Apricaciones

Productos heterogéne

Estrategia mixtas

Anexos

References

Ejemplo 3

Establecer la i-dominancia para J1 en:

1 2	m	р	q
a	(3, 1)	(1, 4)	(1, 1)
b	(2, 2)	(3, 1)	(1, 0)
С	(3, 2)	(3, 3)	(0, 3)
d	(1, 2)	(2,3)	(1,0)
e	(4, 2)	(2, 1)	(3, 0)

¿Y J2?



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básica Representación

Dominancia Equilibrio de Nas

Equilibrio de Nas

Productos homogéneo

Estrategia: mixtas

Anexo

Referen

Definición 10 (estrategia estrictamente dominante)

Sea $G(N, S_i, \mathcal{O}, u_i)$ y la estrategia s_1 del jugador i ($s_1 \in S_i$). Luego, $\forall i, s_1$ es una **estrategia estrictamente dominante** si s_1 domina estrictamente al resto de estrategias de i.

Definición 11 (estrategia débilmente dominante)

Sea $G(N, S_i, \mathcal{O}, u_i)$ y la estrategia s_1 del jugador i ($s_1 \in S_i$). Luego, $\forall i, s_1$ es una **estrategia débilmente dominante** si s_1 domina débilmente al resto de estrategias de i.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Representación

Dominancia

Aplicaciones

Productos homogén

Productos heterogéne

mixtas mixtas

Anexos

Reference

Características de EED:

- 1 No verifica el teorema de existencia.
- 2 Cumple unicidad.
- 3 Es robusto a perturbaciones pequeñas.
- 4 No siempre el resultado, si existe, es óptimo-paretiano.



Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría bási

Donrecontación

Dominancia

Equilibrio de

Anlicaciones

Aplicaciones

Productos homogéne

Estrategia

Reference

Actividad 1. Demostrar matemáticamente la unicidad en EED.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básica

Representación

Dominancia

Equilibrio de Na

Aplicaciones

Productos homogér

Productos heterogéneo

mixtas mixtas

Anexos

References

Ejemplo 4

Establecer la EED para J1 y J2, si existe:

1 2	m_1	m ₂	m ₃
a	(0, 4)	(3, 2)	(0, 2)
b	(2, 2)	(1, 1)	(1, 1)
c	(4, 4)	(4, 2)	(2, 3)
d	(1, 2)	(3, 1)	(1,0)
			, ,



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básica Representación

Dominancia Equilibrio de Na

Equilibrio de Nas

Productos homogéneo

Estrategia mixtas

Anexos

Referenc

Definición 12 (s-dominancia)

Dado $G(N, S_i, \mathcal{O}, u_i)$, sea el perfil de estrategias $s = (s_1, ..., s_n)$, luego:

- **1** s es un **perfil de estrategia dominante estricto** o solución de dominancia estricta si, $\forall i$, s_i es una estrategia estrictamente dominante.
- 2 s es un **perfil de estrategia dominante débil** o solución de dominancia estricta si, $\forall i$, s_i es una estrategia débilmente dominante y, además, $\exists j$ tal que s_j no es estrictamente dominante.

Más en Gibbons (1992).



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Dominancia

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

Aplicaciones

Productos homogéneos

Estrategia mixtas

Anexo

References

Ejemplo 5

Dado $G(2, S_i, \mathcal{O}, u_i)$ entre Antony (A) y Bertha (B). Hallar el perfil dominante.

A B	b_1	b ₂
a_1	(6, 6)	(4, 8)
a_2	(8, 2)	(4, 4)

Como $a_2 \succeq a_1$ y $b_2 \succ b_1$,

$$s = \{s_1, s_2\} = (a_2, b_2)$$

es el perfil débilmente dominante.



Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básica

Dominancia

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

Apricaciones

Productos homogéneos

Productos heterogéne

mixtas mixtas

Anexo

References

Ejemplo 6

Dado $G(2, S_i, \mathcal{O}, u_i)$ entre Andy (a) y Bondy (b). Hallar el perfil dominante.

a b	b_1	b_2
a_1	(3, 4)	(4, 2)
a_2	(4, 6)	(6, 4)

Como $a_2 \succ a_1 \ y \ b_1 \succ b_2$,

$$s = \{s_1, s_2\} = (a_2, b_1)$$

es el perfil estrictamente dominante.



Dilema del prisionero

Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básica

Dominancia

Equilibrio de Na

Aplicaciones
Productos homogéneo

Estrategias

mixtas

Anexos

References

Ejemplo 7

Dos acusados de un delito fueron encerrados en celdas separadas, pero uno puede salir si confiesa:

- 1 Si ninguno confiesa, ambos son sentenciados a 2 años de cárcel.
- 2 Si ambos confiesan, son sentenciados a 6 años de cárcel.
- 3 Si sólo uno confiesa, éste es liberado pero el otro es sentenciado a 9 años.
- 4 ;?

1 2	confiesa	silencia
confiesa	(-6, -6)	(0, -9)
silencia	(-9,0)	(-2, -2)



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic Representación

Dominancia Equilibrio de Nas

Aplicaciones
Productos homogéneo

Estrategias

Λ

D . C

Por los axiomas de preferencias, la **eliminación iterativa de estrategias estrictamente dominadas** (IESDS) es el mecanismo natural para hallar el resultado (solución) de un juego.

Definición 13 (IESDS)

Las estrategias dominadas en sentido estricto se eliminan como sigue. Dado un juego en forma normal G, G^1 es el juego obtenido al eliminar en G aquella estrategia del jugador i que es estrictamente dominada por alguna otra estrategia; luego, G^2 es el juego resultante del mismo procedimiento a G^1 ; y así continúa hasta la etapa del juego G^h , $h < \infty$.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

December 14

Dominancia

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

Productos heterogéneo

Estrategias mixtas

Anexos

References

Características de IESDS:

- 1 Verifica el teorema de existencia: $\exists \hat{s}$.
- 2 No cumple unicidad¹: $\forall G, \nexists \hat{s}$.
- 3 Es robusto a perturbaciones pequeñas.
- 4 No siempre el resultado, si existe, es óptimo-paretiano.

Véase más en Tadelis (2013).

¹No siempre se cumple *dominance solvable*.



Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría bási

Representación

Dominancia

Equilibrio de Na

Aplicaciones

Productos homogéne

Productos heterogéneo

Estrategia mixtas

Anexos

Reference

Actividad 2. Demostrar matemáticamente la robustez de IESDS.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Representación

Dominancia

Equilibrio de Na

Aplicaciones

Productos homogéneo

Estrategias mixtas

Anexo:

Reference

Teorema 1 (cuasi-unicidad)

Sea un juego G en forma normal que verifica dominance solvable. El resultado final de aplicar IESDS en G siempre es único, independientemente del orden de eliminación.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Representación

Dominancia

Equilibrio de Na:

Aplicaciones

Productos homogéne

Productos heterogénec

Estrategia: mixtas

Anexo

Reference

Definición 14 (IEWDS)

Las estrategias dominadas en sentido débil se eliminan en el sentido débil de la definición 10.

¿Más problemas que IESDS?



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Representación Dominancia

Equilibrio do Nac

Aplicaciones

Productos homogéneos

Estrategia mixtas

Anexo

References

Ejemplo 8

Reducir la matriz por IESDS e IEWDS.

1 2	m	р	q	r
a	(5, 3)	(4, 5)	(4, 3)	(3,0)
b	(4, 4)	(6, 3)	(0, 2)	(5, 1)
С	(3,0)	(3, 2)	(5, 1)	(4, 0)
d	(1,0)	(2,3)	(4, 4)	(6, 1)

¿Qué pasaría si
$$\{(a, m), (b, p), (c, q)\} = \{(1, 3), (6, 0), (4, 0)\}$$
?



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Representación Dominancia

Equilibrio de N

Equilibrio de N

Aplicaciones

Productos homogén

Productos heterogéne

mixtas

Anexos

Reference

Actividad 3. A partir del ejemplo 8, si (b, q) = (5, 1), hallar el resultado del juego por IEWDS usando todas las posibilidades. Modifique un perfil de estrategias de forma que no se garantice unicidad :).



Contenido

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básic

Dominancia

Equilibrio de Nash

Aplicaciones

Productos homogér

Productos heterogén

Estrategia mixtas

Anexo

Reference

- 1 Introducción
- 2 Teoría básica

Representación

Equilibrio de Nash

- 3 Aplicaciones Productos homogéneos Productos heterogéneos
- 4 Estrategias mixtas
- 6 Anexos



Hacia la unicidad

Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría hás

Representació

Equilibrio de Nash

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

Productos homogéneo

Estrategias

Anexos

Reference

Definición 15 (equilibrio de Nash)

Dado un juego en forma normal de dos jugadores, el perfil de estrategias puras $s^* = (s_1^*, s_2^*) \in S_1 \times S_2$ es un equilibrio de Nash² si:

$$\forall s_1 \in S_1, \, \pi_1(s_1^*, s_2^*) \ge \pi_1(s_1, s_2^*) \tag{6}$$

$$\forall s_2 \in S_2, \, \pi_2(s_1^*, s_2^*) \ge \pi_2(s_1^*, s_2) \tag{7}$$

²Véase Bonnano (2024).



Hacia la unicidad

Game Theory

Luis Chávez

Equilibrio de Nash

Definición 16 (n-equilibrio de Nash)

Dado un juego en forma normal de n jugadores, el perfil de estrategias puras $s^* = (s_1^*, ..., s_n^*) \in S$ es un equilibrio de Nash si:

$$\pi_i(s^*) \ge \pi_i(s_1^*, ..., s_{i-1}^*, s_i, s_{i+1}^*, ..., s_n^*); \quad \forall i, \forall s_i \in S_i$$
 (8)

Nota: si s^* es análogo al resultado de eliminación iterativa estricta (débil), se trata de un EN estricto (débil).



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría bás Representació

Equilibrio de Nash

Aplicaciones

Productos homogéne

Estrategia: mixtas

Anexo

Reference

Definición 17 (Mejor respuesta)

Dado $G(N, S_i, \mathcal{O}, u_i)$, un jugador i y el perfil de estrategia $\bar{s}_{-i} \in S_{-i}$ de los jugadores distintos de i. Una estrategia $s_i \in S_i$ del jugador i es mejor respuesta a \bar{s}_{-i} si $\pi_i(s_i, \bar{s}_{-i}) \geq \pi_i(s_i', \bar{s}_{-i}), \forall s_i' \in S_i$.

Implicancia:

• Se dice que $\bar{s} \in S$ es un equilibrio de Nash, sí y solo sí, $\forall i, \ \bar{s}_i \in S_i$ es una mejor respuesta a $\bar{s}_{-i} \in S_{-i}$.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Representación

Equilibrio de Nash

Equilibrio de ivasi

Aplicaciones

D. L. L. (

Productos heterogéne

Estrategias mixtas

Anexo

References

Teorema 2 (Existencia de Nash)

Dado $G(N, S_i, \mathcal{O}, u_i)$, tal que $\forall i \in N$, S_i es un conjunto finito. Luego, el EN es un conjunto no vacío.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básica

Representación

Equilibrio de Nash

Aplicaciones

Aplicaciones

Productos homogéneo

Estrategia mixtas

Anexos

References

Ejemplo 7 (continuación)

En el dilema de los prisioneros, hallar los EN.

1 2	confiesa	silencia
confiesa	(-6, -6)	(0, -9)
silencia	(-9,0)	(-2, -2)



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic Representación

Equilibrio de Nash

Aplicaciones

Productos homogéneo

Estrategia: mixtas

Anexo

Reference

Definición 18 (juego simétrico)

Un juego de dos jugadores es simétrico si los conjuntos de estrategias de ambos coinciden, $S_1 = S_2$, y los pagos no se ven afectados por la identidad del jugador que elige cada estrategia, es decir:

$$u_1(s_1, s_2) = u_2(s_1, s_2)$$
 (9)

para cada perfil (s_1, s_2) .

¿Propiedad del anonimato?



Racionalizabilidad

Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría bás Representació

Equilibrio de Nash

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

Productos homogéneo

Productos heterogéne

Estrategia: mixtas

Anexos

Referen

Definición 19 (nunca una mejor respuesta)

Dado $G(N, S_i, \mathcal{O}, u_i)$, una estrategia s_i es **nunca una mejor respuesta** (NMR) si

$$u_i(s_i, s_{-i}) > u_i(s'_i, s_{-i}), \ \forall s'_i \neq s_i$$
 (10)

no es válido para ningún perfil de estrategia de sus rivales.

Obs.:

 s_i es estrictamente dominado $\Rightarrow s_i$ es NMR



Racionalizabilidad

Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Equilibrio de Nash

Aplicaciones

Productos homogéne Productos heterogéne

Estrategias mixtas

Anexo

References

¿De qué trata?

- Un símil de IESDS...
- Se puede realizar eliminación iterativa para identificar estrategias que sean NMR para cada jugador, en lugar de estrategias que estén estrictamente dominadas. La secuencia es trivial.

Corolario.

s es racionalizable \Rightarrow s sobrevive a IESDS



Racionalizabilidad

Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básica

Equilibrio de Nash

Equilibrio de ivasi

Aplicaciones

Dradustas hamasás

Productos heterogéne

Estrategia

Anexos

References

Ejemplo 9

Hallar las estrategias NMR usando racionalizabilidad para las 2 firmas.

f1 f2	h_0	h_1
Н	(8, 8)	(0, 4)
M	(2,8)	(4,0)
L	(0, 4)	(0,0)



Contenido

Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básica

reoria basic

.

Aplicacione

Productos homogéneos

Productos heterogéne

mixtas mixtas

Anexos

Reference

- 1 Introducción
- Teoría básica

 Representación

 Dominancia

 Equilibrio de Nash
- 3 Aplicaciones
 Productos homogéneos
 Productos heterogéneos
- 4 Estrategias mixtas
- 6 Anexos



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Dominancia

Equilibrio de l

Aplicacione

Productos homogéneos

Productos heterogéne

Estrategias mixtas

Anexo

Reference

- Sea $q_i, \forall i = 1, 2$, las cantidades producidas por dos empresas.
- La demanda inversa del mercado es p(Q) = a bQ.
- Los costes totales son $C_i(q_i) = cq_i$, a > c (CMg constante).
- Ambas firmas eligen cantidades producidas en forma simultánea e independiente.
- El mercado se limpia siempre.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Dominancia

Equilibrio de N

A - II - - - I - - - -

Productos homogéneos

i roductos neterogei

mixtas

Anexo

Reference

EN de Cournot:

Dado el conjunto $S_i = [0, \infty)$ para cada firma i, sus profits serán:

$$\pi_i = p(Q).q_i - cq_i \tag{11}$$

Cada firma i elige su nivel de producción q_i tomando el nivel de producción de su rival q_i como dado. Así, la firma i resuelve:

$$\max_{q_i} \pi_i(q_i, q_j) = (a - bq_i - bq_j)q_i - cq_i$$
 (12)

FOC:

$$a - 2bq_i - bq_i - c = 0$$



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría bási

Dominancia

Equilibrio de Na

Aplicaciones

Productos homogéneos

Troductos nomogene

Estrategia mixtas

Anexo

Reference

La función de mejor respuesta de la empresa *i* será:

$$q_i(q_j) = \frac{a - c}{2b} - \frac{1}{2}q_j \tag{13}$$

Por simetría, la función de mejor respuesta de la empresa *j* será:

$$q_j(q_i) = \frac{a - c}{2b} - \frac{1}{2}q_i \tag{14}$$

De (11) y (12), se tiene el EN en estrategias puras:

$$\{q_i^*, q_j^*\} = \left\{\frac{a-c}{3}, \frac{a-c}{3}\right\}$$
 (15)



Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básic

Representación

Equilibrio de N

Aplicacione

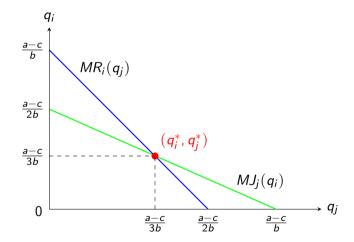
Productos homogéneos

Productos heterogéne

Estrategia: mixtas

Anexos

References





Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Representación

Established As No.

.

Productos homogéneos

Deadustos hotorogán

Estrategias

mixtas

Anexo

Reference

Ejemplo 10

La industria de prensa escrita en el Perú está compuesta por dos grupos empresariales, cuyas estructuras de costes son $C_{gc}(q_{gc})=30q_{gc}$ y $C_{gr}(g_r)=0.5q_{gr}^2$. Si la demanda de la industria es p=160-Q, hallar las funciones MR y el EN.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básica

Dominancia

Equilibrio de Na

Productos homogéneos

Productos heterogéneo

Estrategias mixtas

Anexo

Reference

Sean las firmas 1 y 2, quienes eligen (deciden) los precios p_1 y p_2 en forma simultánea. La demanda de la empresa i es:

$$q_{i}(p_{i}, p_{j}) = \begin{cases} a - p_{i}, & p_{i} < p_{j} \\ \frac{a - p_{i}}{2}, & p_{i} = p_{j} \\ 0, & p_{i} > p_{j} \end{cases}$$
(16)

Se sabe que $CMg_i = c$ (con c < a) y las estrategias s_i son ahora en precios $p_i > 0$, por lo que el conjunto de estrategias de cada una será $S_i = [0, \infty)$.



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básica Representación Dominancia

Productos homogéneos

Productos heterogéne

Estrategias mixtas

Anexo

Reference

Se tiene posibilidades:

- Si se elige un precio de monopolio $p^m = c$, las firmas compartirán el mercado, pero $\pi_i = \pi_i = 0$.
- Si *i* elige $p_i > c$, la firma *j* absolverá todo el mercado, por lo que $\pi_i = 0$.
- Si i elige $p_i < c$, la firma i absolverá todo el mercado, por lo pero $\pi_i < 0$.

Entonces, $p_i = p_j = c$ será el único punto donde ninguna firma querrá desviar. Luego, el EN en estrategias puras será:

$$\{p_i^*, p_j^*\} = \{c, c\} \tag{17}$$



Game Theory

Luis Chávez

Introducción

Teoría básica

Representación

Equilibrio de N

Anlicaciona

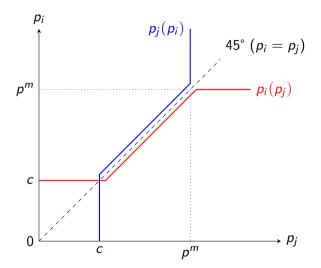
Productos homogéneos

Productos heterogéne

Estrategia mixtas

Anexos

References





Contenido

Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Dominancia

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

Productos heterogéneos

Estrategia

Anexos

Reference

- Introducción
- 2 Teoría básica Representación Dominancia Equilibrio de Nash
- 3 Aplicaciones
 Productos homogéneos
 Productos heterogéneos
- 4 Estrategias mixtas
- 5 Anexos



Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Dominancia

Equilibrio de Na:

Aplicaciones

Productos homogéneo

Productos heterogéneos

mixtas

Anexos

Reference

Sean las firmas 1 y 2, quienes eligen (deciden) los precios p_1 y p_2 en forma simultánea. La demanda de la empresa i es:

$$q_i(p_i, p_j) = a - p_i + bp_j, \quad b > 0$$
 (18)

Si $CMg_i = c$ y las estrategias s_i son ahora en precios $p_i > 0$, el conjunto de estrategias de cada una será $S_i = [0, \infty)$. Luego,

$$\max_{p_i} \pi_i(p_i, p_j) = (a - p_i + bp_j)(p_i - c)$$
 (19)



Game Theory

Luis Chávez

Productos heterogéneos

FOC:

$$a-2p_i+bp_j+c=0$$

La función de mejor respuesta de la empresa i será:

$$p_i(p_j) = \frac{a + bp_j + c}{2}$$

Por simetría.

$$p_j(p_i) = \frac{a + bp_i + c}{2}$$

Luego, el EN en estrategias puras será:

$$\{p_i^*,p_j^*\}=\left\{rac{a+c}{2-b},rac{a+c}{2-b}
ight\}$$

(20)

(21)

(22)



Referencias

Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básica Representación

Equilibrio de Nasl

Aplicaciones

Productos homogéneo

Productos heterogénec

Estrategias mixtas

Anexo

References

Ahmad, F., Almarri, O., Shah, Z., and Al-Fagih, L. (2023). Game theory applications in traffic management: A review of authority-based travel modelling. *Travel behaviour and society*, 32:100–585.

Bonnano, G. (2024). Game Theory. Addison-Wesley Professional, 3 edition.

Gibbons, R. (1992). Game theory for applied economists. Princeton University Press.

Tadelis, S. (2013). Game theory: an introduction. Princeton university press.



Recursos

Game Theory

Luis Chávez

Introducció

Teoría básic

Dominancia

Equilibrio de Nas

Aplicaciones

0.1.1.7

Productos heterogéne

Estrategia mixtas

Anexo:

References

- Ben Pollak.
- Game Theory. International Journal of Game Theory.
- Erich Prisner.
- Bernhard von Stengel.
- Game Theory Explorer.
- Roger Myerson.