Algorithmen und Datenstrukturen Sommersemester 2022 Woche 4

Kevin Angele, Tobias Dick, Oskar Neuhuber, Andrea Portscher, Monika Steidl, Laurin Wischounig

> Abgabe bis 05.04.2022 23:59 Besprechung im PS am 07.04.2022

Aufgabe 1 (2 Punkte): Dynamisches Array

In der Vorlesung wurde gezeigt, dass man ein dynamisches Array vergrößern kann und dabei die Vergrößerungsstrategie so wählen kann, dass die amortisierte Laufzeit pro add-Aufruf konstant bleibt. Es kann jedoch auch Sinn machen, das Array unter gewissen Voraussetzungen wieder zu verkleinern um Speicher freizugeben.

Überlegen Sie sich, mit welcher Strategie Sie das Array bei einem remove-Aufruf verkleinern können, damit die amortisierte Laufzeit trotzdem konstant bleibt, aber sich das Array trotzdem effektiv verkleinert. Betrachten Sie dabei den schlechtesten Fall, insbesondere im Bezug auf die genaue Reihenfolge von add- und remove-Operationen. Gehen Sie davon aus, dass add sich bei Platzmangel die Größe des Arrays verdoppelt.

Argumentieren Sie analog zu der in der Vorlesung für add alleine gezeigten Methode, dass die Laufzeit mit Ihrer Strategie tatsächlich konstant bleibt.

Aufgabe 2 (2 Punkte): Positionsbasierte Liste

Gegeben sind mehrere Operationen auf einer positionsbasierten Liste L. Geben Sie den vollständigen Inhalt der Liste nach jeder Operation an. Zu Beginn ist die Liste leer.

```
1 L = PositionalList()
2 L.addFirst(10)
3 L.addLast(1)
4 p = L.addAfter(L.addFirst(5), 8)
5 L.addAfter(L.first(), 2)
6 L.addBefore(L.after(p), 9)
7 L.remove(L.before(L.before(p)))
```

Aufgabe 3 (2 Punkte): Iterator

Beantworten Sie die folgenden Fragen zu Iteratoren in eigenen Worten.

1. Wieso bietet sich die Verwendung eines Iterators für die Iteration über eine verkettete Liste im Gegensatz zu einer klassischen for-Schleife an, die durch alle möglichen Index-Werte geht? Beschreiben Sie die Laufzeitkomplexitäten beider Ansätze.

- 2. Sie brauchen für Ihre Anwendung einen Schnappschuss-Iterator. Leider stellt die Bibliothek, die Sie verwenden, keinen solchen zur Verfügung. Wie können Sie trotzdem den gleichen Effekt erlangen? Ist diese Umgehung mit einer höheren Laufzeitkomplexität versehen?
- 3. Stellen Sie sich vor, Sie haben einen faulen Iterator für ein dynamisches Array mit Verkleinerung wie in Aufgabe 1 implementiert. Was müssen Sie beim Aufruf von der remove-Methode des Iterators beachten?

Aufgabe 4 (4 Punkte): Speicherverwaltung

Es kommt sehr oft vor, dass ein gemeinsam genutzter Speicherbereich auf mehrere unabhängige Programmteile dynamisch aufgeteilt werden muss. Wenn z.B. 1000 Bytes zur Verfügung stehen und 5 Funktionen gleichzeitig jeweils 150 Byte brauchen, muss irgendwie entschieden werden, wer welchen Speicherbereich verwendet. In C übernimmt z.B. die Funktion malloc diese Aufgabe für die Aufteilung des Heap-Speichers.

Wenn z.B. ein Speicherbereich von Adresse 0 bis 1000 zur Verfügung steht und ein Programm 50 Bytes davon anfordert, soll z.B. ein Bereich von 5-54 zurückgegeben werden. Die Stellen 0-4 können im Beispiel von der Speicherverwaltung intern verwendet werden, der Bereich von 55-1000 wäre noch frei. Eine darauf folgende weitere Anfrage um 150 Bytes bekäme z.B. den Bereich von 60-210 und der Bereich von 211-1000 wäre als frei markiert. Wird der zweite Bereich nun freigegeben, muss der gesamte Bereich von 55-1000 wieder als frei markiert werden.

Eine Möglichkeit, eine solche Verwaltung zu implementieren, ist mithilfe einer verketteten Liste. Dabei stellen Blöcke freien Speichers Elemente der Liste dar. Blöcke belegten Speichers sind nicht Teil der Liste, eventuell ist es aber trotzdem notwendig Zusatzinformationen außer der Nutzdaten zu speichern (z.B. die Größe). Für die Speichervergabe wird die Liste nach einem passenden Block durchsucht und eine Strategie zur Vergabe angewandt. Es muss entschieden werden, welcher Block verwendet wird und wie dieser unterteilt wird. Überschüssiger Speicher wird in einem neuen, freien Block verpackt und wieder an die richtige Stelle in die Liste eingefügt. Bei der Freigabe wird der zuvor belegte Block wieder in die Liste eingefügt und eventuell mit anderen, direkt angrenzenden freien Blöcken zusammengefasst.

1. Implementieren Sie eine Speicherverwaltung auf Basis einer verketteten Liste. Dazu steht Ihnen ein Array der Größe N zur Verfügung, das Sie anfangs selbst erstellen. Die einzelnen Plätze beinhalten Ganzzahlen. Wählen Sie die maximale Größe so, dass es für Ihre Implementierung zu keinen Problemen kommt und Sie nie einen Wert aufgrund seiner Größe auf zwei Plätze aufteilen müssen. Die Implementierung muss nicht für beliebig große N funktionieren, nehmen Sie für die Laufzeitanalyse aber an, dass sie das tut (also dass alle Ganzzahlen beliebig groß sein können). Verwenden Sie sowohl für Ihre Datenstruktur, als auch für den Speicher, den Sie vergeben, nur das anfangs erstellte Array.

Sie müssen die Methoden der ADTen positionsbasierte Liste und Position nicht explizit implementieren, aber sollten die entsprechenden Konzepte in Ihrer Implementierung umsetzen.

Die folgende Operationen müssen unterstützt werden:

(a) Eine Methode malloc(size), die den Startindex der Nutzdaten von einem Block, der mindestens size Plätze ununterbrochen beinhalten kann, zurückgibt. Nutzdaten verschiedener malloc-Aufrufe, die nicht freigegeben wurden, dürfen sich nicht überlappen, müssen aber nicht direkt aneinander liegen (d.h. Sie können Teile ihrer Datenstruktur zwischen den Nutzdaten der Blöcke platzieren).

(b) Eine Methode free (index), die einen Block, dessen Nutzdaten bei index beginnen, wieder freigibt. index ist dabei zwingend ein vorher von malloc zurückgegebener Wert. Anschließend muss der freigegebene Speicher mit malloc wieder neu vergeben werden können.

Folgende Abläufe dürfen keine Fehler oder unerfüllbare malloc-Anfragen verursachen:

```
(a) p = Pool(N=200)
                                    (d) p = Pool(N=200)
   a = p.malloc(50)
                                       a = p.malloc(50)
                                       b = p.malloc(50)
   p.free(a)
   b = p.malloc(190)
                                       c = p.malloc(50)
                                       p.free(a)
(b) p = Pool(N=200)
                                       p.malloc(50)
   a = p.malloc(50)
                                       p.free(b)
   b = p.malloc(50)
                                       p.malloc(50)
   p.free(a)
                                       p.free(c)
   p.free(b)
                                       p.malloc(50)
   p.malloc(190)
                                    (e) p = Pool(N=200)
(c) p = Pool(N=200)
                                       a = p.malloc(50)
   a = p.malloc(50)
                                       b = p.malloc(50)
   b = p.malloc(50)
                                       c = p.malloc(50)
   c = p.malloc(50)
                                       p.free(c)
   p.free(b)
                                       p.free(b)
   p.free(a)
                                       p.malloc(50)
   p.free(c)
                                       p.malloc(50)
   p.malloc(190)
                                       p.free(a)
                                       p.malloc(50)
```

Hinweis: Platzieren Sie Informationen wie die Blockgröße unmittelbar vor dem von malloc zurückgegeben Index. So können Sie in free einfach "zurückschauen", um die entsprechenden Informationen im Array zu finden.

Hinweis: Es ist keine Strategie vorgegeben. Wählen Sie eine sehr einfach zu implementierende Strategie, die die Testfälle aber trotzdem schafft.

- 2. Gehen Sie auf Ihre Strategie und mögliche Problemfälle ein. Fallen Ihnen mögliche Verbesserungsvorschläge Ihrer Strategie ein? Kann es z.B. sein, dass k Plätze frei sind aber ein malloc-Aufruf mit size deutlich unter k nicht erfüllt werden kann? Lässt sich das in jedem Fall verhindern, ohne die Signatur der Methoden anzupassen (also ohne einer Möglichkeit belegte Blöcke im Array zu verschieben und ohne alle Anfragen im Vorfeld zu kennen)?
- 3. Was ist die Laufzeitkomplexität im schlechtesten Fall in Groß-O Notation von malloc und free in Abhängigkeit von der Anzahl der Arrayplätze (nehmen Sie an, alles andere sei konstant)? Was ist sie in Abhängigkeit von der Anzahl der bereits erstellten Blöcke? Begründen Sie Ihre Antworten kurz.