# Задача А. Сумма простая

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Вам нужно научиться отвечать на запрос «сумма чисел на отрезке».

Массив не меняется. Запросов много. Отвечать на каждый запрос следует за  $\mathcal{O}(1)$ .

#### Формат входных данных

Размер массива — n и числа  $x, y, a_0$ , порождающие массив a:  $a_i = (x \cdot a_{i-1} + y) \bmod 2^{16}$  Далее следует количество запросов m и числа  $z, t, b_0$ , порождающие массив b:  $b_i = (z \cdot b_{i-1} + t) \bmod 2^{30}$ .

Массив c строится следующим образом:  $c_i = b_i \mod n$ .

Запросы: *i*-й из них — найти сумму на отрезке от  $\min(c_{2i}, c_{2i+1})$  до  $\max(c_{2i}, c_{2i+1})$  в массиве a. Ограничения:  $1 \le n \le 10^7$ ,  $0 \le m \le 10^7$ . Все числа целые от 0 до  $2^{16}$ . t может быть равно -1.

#### Формат выходных данных

Выведите сумму всех сумм.

#### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 1 2 3	23
3 1 -1 4	

#### Замечание

$$a=\{3,5,7\},b=\{4,3,2,1,0,2^{30}-1\},c=\{1,0,2,1,0,0\},$$
 запросы =  $\{[0,1],[1,2],[0,0]\},$  суммы =  $\{8,12,3\}.$ 

# Задача В. Максимальная сумма

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод** 

Ограничение по времени: 3 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В этой задаче вам требуется найти непустой отрезок массива с максимальной суммой.

#### Формат входных данных

В первой строке входных данных записано единственное число  $n\ (1\leqslant n\leqslant 3\cdot 10^5)$  — размер массива.

Во второй строке записано n целых чисел  $a_i \ (-10^9 \leqslant a_i \leqslant 10^9)$  — сам массив.

#### Формат выходных данных

Выведите одно число — максимальную сумму на отрезке в данном массиве.

стандартный ввод	стандартный вывод	
4	10	
1 2 3 4		
4	9	
5 4 -10 4		

# Задача С. Прибавляем, суммируем

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод** 

Ограничение по времени: 1.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Есть массив целых чисел длины  $n=2^{24}$ , изначально заполненных нулями. Вам нужно сперва обработать m случайных запросов вида «прибавление на отрезке». Затем обработать q случайных запросов вида «сумма на отрезке».

### Формат входных данных

На первой строке числа  $m, q \ (1 \leqslant m, q \leqslant 2^{24})$ . На второй строке пара целых чисел a, b от 1 до  $10^9$ , используемая в генераторе случайных чисел.

```
0. unsigned int a, b; // даны во входных данных
1. unsigned int cur = 0; // беззнаковое 32-битное число
2. unsigned int nextRand() {
3.
       cur = cur * a + b; // вычисляется с переполнениями
       return cur >> 8; // число от 0 до 2^{24}-1.
4.
5. }
   Каждый запрос первого вида генерируется следующим образом:
1. add = nextRand(); // число, которое нужно прибавить
2. 1 = nextRand();
3. r = nextRand();
4. if (1 > r) swap(1, r); // получили отрезок [1..r]
   Каждый запрос второго вида генерируется следующим образом:
1. l = nextRand();
2. r = nextRand();
3. if (1 > r) swap(1, r); // получили отрезок [1..r]
```

Сперва генерируются запросы первого вида, затем второго.

#### Формат выходных данных

Выведите сумму ответов на все запросы второго типа по модулю  $2^{32}$ .

стандартный ввод	стандартный вывод	
5 5	811747796	
13 239		
10 10	3460675938	
239017 170239		

## Задача D. Возрастающий массив

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В свободное время Валериан любит решать и задавать Лорелин разные задачи. Сегодня он придумал такую задачу: дан массив из n целых чисел  $a_1, a_2, \ldots a_n$ . Можно некоторые элементы массива  $a_i$  заменить на  $-a_i$ . Требуется сделать массив неубывающим или сказать, что это невозможно.

#### Формат входных данных

В первой строке дано одно целое число n- количество элементов в массиве  $(1\leqslant n\leqslant 100\,000).$ 

В следующей строке дано n целых чисел  $a_i$  — исходный массив ( $|a_i| \leq 100\,000$ ).

#### Формат выходных данных

Если нельзя заменить некоторые элементы  $a_i$  на  $-a_i$ , чтобы массив стал неубывающим, выведите «No».

Иначе, в первой строке выведите «Yes». Во второй строке выведите n чисел  $b_i$ , которые образуют неубывающий массив, и для всех  $1 \leqslant i \leqslant n$  выполняется  $b_i = a_i$  или  $b_i = -a_i$ .

#### Система оценки

Эта задача состоит из четырех подзадач. Для подзадач выполняются дополнительные ограничения, указанные в таблице ниже. Для получения баллов за подзадачу необходимо пройти все тесты данной подзадачи, а также все тесты всех необходимых подзадач. Номера необходимых подзадач также указаны в таблице.

Обратите внимание, что некоторые **тесты из условия** не подходят под ограничения некоторых подзадач, однако они обязательно **должны быть пройдены** для того, чтобы решение было принято на проверку.

Подзадача	Баллы	Дополнительные ограничения	Необходимые подзадачи
1	20	$n \leqslant 20$	_
2	25	$n \leqslant 1000,0 \leqslant a_i$	_
3	25	$n \leqslant 1000,  a_i \leqslant 0$	_
4	30	нет дополнительных ограничений	1, 2, 3

стандартный ввод	стандартный вывод	
5	Yes	
1 -1 -2 3 6	-1 -1 2 3 6	
3	Yes	
1 1 0	-1 -1 0	

# Задача Е. Оптимальная пара

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан массив a, состоящий из n целых чисел. Найдите такую пару (i,j), что  $1\leqslant i < j\leqslant n$  и значение  $a_j-a_i$  минимально.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит одно целое число n  $(2 \le n \le 10^5)$  — количество элементов в массиве. Вторая строка содержит n целых чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_n$   $(-10^9 \le a_i \le 10^9)$  — элементы массива.

#### Формат выходных данных

Выведите через пробел два целых числа i и j, такие что  $1 \le i < j \le n$  и  $a_j - a_i$  минимально. Если существует несколько оптимальных пар (i,j), выведите любую из них.

#### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
9	7 9
2 1 5 -2 0 -1 10 5 3	
2	1 2
1 5	
5	1 5
5 4 3 2 1	

#### Замечание

В первом примере оптимальными являются пары (7,9) и (3,4).

# Задача F. Лето в Сочи

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Илья очень хочет отдохнуть во время летних каникул в Сочи у бабушки. Лето этого года состоит из N дней. Илья не любит жару, поэтому с интересом ознакомился с прогнозом температуры на каждый летний день:  $t_1, t_2, \ldots, t_N$ . Родители отпускают его к бабушке с тем расчетом, что он проведет у нее как можно больше времени. Разумеется, Илья хочет выбрать такой период отдыха в Сочи, средняя температура за который будет наименьшей. Если же таких периодов может быть несколько, то предпочтение он отдаст самому большому по количеству дней периоду времени. Илья соскучился и хочет попасть к бабушке как можно раньше. Поэтому если таких периодов будет несколько, то он хотел бы выбрать тот, который начинается раньше других.

Составьте программу, которая определит день начала и окончания отдыха, а также среднюю температуру воздуха за этот период.

#### Формат входных данных

В первой строке дано число N — количество дней этого лета  $(1 \le N \le 3 \cdot 10^5)$ . В следующей строки даны  $t_1, t_2, \ldots, t_N$  — температура в каждый из дней  $(1 \le t_i \le 10^9)$ .

#### Формат выходных данных

В единственной строке выведите два целых числа — день, в который Илья приедет, а также сколько дней он проведет у бабушки.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	4 2
2 1 2 1 1	

# Задача G. М — многомерность

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Многие в детстве играют с кубиками, затем все в школе изучают геометрию и встречаются с такими простыми объектами, как параллелепипеды. Но ведь изучать геометрию в трехмерном пространстве — это так скучно! Даже четырехмерным пространством уже никого не удивишь! Поэтому в этой задаче мы предлагаем вам изучить параллелепипеды в M-мерном пространстве. Чувствуете, как интересно?

Определим M-мерный параллелепипед как набор отрезков  $[a_1, b_1], [a_2, b_2], \dots, [a_M, b_M],$  где  $a_i < b_i$  для всех  $i = 1 \dots M$ . Для простоты будем считать, что все  $a_i$  и  $b_i$  являются целыми.

Скажем, что точка с координатами  $(x_1, x_2, \dots, x_M)$  лежит внутри параллелепипеда, если выполнены неравенства:

$$a_1 \leqslant x_1 \leqslant b_1,$$

$$a_2 \leqslant x_2 \leqslant b_2,$$

$$\dots$$

$$a_M \leqslant x_M \leqslant b_M.$$

Вам даны N M-мерных параллелепипедов. Требуется посчитать, сколько точек с целочисленными координатами лежат внутри ровно N-1 параллелепипеда. Так как ответ может быть большим, выведите остаток от деления количества точек на число  $998\,244\,353$ .

#### Формат входных данных

В первой строке записаны два числа N и M ( $2 \le N \le 2 \cdot 10^5, 1 \le M \le 2 \cdot 10^5, 2 \le N \cdot M \le 2 \cdot 10^5$ ) — количество параллелепипедов и размерность пространства соответственно.

Каждая из следующих N строк задает параллелепипед. В каждой строке через пробел записаны  $2 \cdot M$  чисел в следующем порядке:  $a_1, b_1, a_2, b_2, \ldots, a_M, b_M \ (-10^6 \le a_i < b_i \le 10^6$  для всех i).

## Формат выходных данных

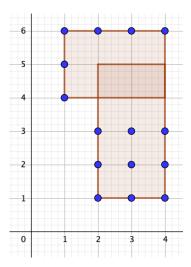
Выведите одно число — остаток от деления количества точек, лежащих внутри ровно N-1 параллелепипеда, на число  $998\,244\,353$ .

#### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод	
2 2	15	
2 4 1 5		
1 4 4 6		
4 1	4	
1 6		
2 4		
6 7		
2 9		

#### Замечание

Рисунок к первому примеру, в котором даны два прямоугольника. Необходимо посчитать все целочисленные точки, которые лежат внутри (или на границе) ровно одного прямоугольника. В данном примере таких точек 15. Все эти точки отмечены на рисунке.



Во втором примере M=1, значит параллелепипеды являются обыкновенными отрезками на прямой.

# Задача Н. Антипа и бухгалтерия

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Каждый месяц князь Андрей (если вы не знали, то князь Андрей — хороший друг Антипы) обходит захваченные территории, собирая с них дань.

В подчинении Андрея находится n городов, каждый из которых выплачивает князю дань. Города пронумерованы от 1 до n. Город с номером i должен заплатить дань, отдав все золотые монеты, которые в нем есть. Князь обходит города в порядке их нумерации от 1 до n, и дань, заплаченную каждым городом, складывает в большой мешок. Изначально мешок пуст.

Антипа решил помочь Андрею и нанялся к нему бухгалтером. После каждого посещенного города Антипа записывает на отдельный листок общее количество монет в большом мешке князя. Таким образом, после обхода у него имеется n листочков, на i-м из которых написано число i и суммарное количество монет, собранное с городов от первого до i-го.

К сожалению, из-за сильного ветра некоторые листочки Антипы улетели. Сегодня князь решил разобраться, почему в казне так мало денег, и взял листочки Антипы, которые не были унесены ветром. У Князя закралось подозрение, что Антипа мог ошибиться в своих записях (подозреваю, что это из-за того, что его особо никто не учил считать и писать).

Андрею точно известно, что каждый город заплатил в качестве дани хотя бы одну золотую монету. Помогите ему понять по оставшимся записям, ошибся ли бухгалтер Антипа в каких-то из них, а если не ошибся, то подскажите, сколько монет мог заплатить каждый из городов.

#### Формат входных данных

В первой строке входных данных содержится число  $n\ (1\leqslant n\leqslant 10^5)$  — количество городов в подчинении у Андрея.

Во второй строке содержатся n целых чисел, разделенных одним пробелом, i-е из которых равно -1, если листочек с записью суммарного дохода после посещения i-го города был потерян, а иначе это число равно числу, записанному на i-м листке.

Все числа во входном файле от -1 до  $10^9$ .

#### Формат выходных данных

Если в записях Антипы точно была допущена ошибка, выведите «NO».

В противном случае, в первой строке выведите «YES», а во второй строке выведите n натуральных чисел от 1 до  $10^9$ , i-е из которых равняется количеству монет, полученных от города с номером i. Если есть несколько возможных ответов, выведите любой из них.

стандартный ввод	стандартный вывод	
5	YES	
1 3 -1 10 -1	1 2 3 4 5	
3	NO	
10 -1 4		

# Задача І. Межпланетный лифт

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод** 

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Недавно у Мстителей появилась новая штаб-квартира. Первым делом Тони Старк решил установить там лифт, ведь не все умеют летать. Однако он не уследил за Халком, и тот в порыве гнева поставил два лифта вместо одного. Позже он объяснил это тем, что два лифта могут перевозить в два раза больше людей, но не учел, что лифты не могут проходит друг сквозь друга.

Штаб-квартиру мстителей можно разбить на этажи. Дело происходило не на Земле, поэтому тут очень много этажей (нет никаких ограничений в передвижении лифта), и даже есть отрицательные! У каждого лифта есть своя программа — строка длины M, состоящая из нулей и единиц. Если i-й символ строки равен нулю, то эта команда опускает лифт вниз на один этаж, иначе — поднимает вверх (аналогично на один этаж). Если лифты столкнутся, то они сломаются. На данный момент лифты не двигаются, а после запуска поедут одновременно и остановятся по истечении M секунд.

Железный человек отходил спасать мир, поэтому не заметил этой проблемы. На данный момент лифты находятся на этажах  $P_1$ ,  $P_2$  соответственно. До запуска лифтов Тони может успеть исправить суммарно не более K команд. Другими словами, Железный человек может не более K раз выбрать любую команду одного из лифтов и инвертировать ее — если команда была равна единице, Тони заменит ее на ноль, а если она была равна нулю, то он заменит ее на единицу. Тони может инвертировать команды как первого, так и второго лифта несколько раз.

Необходимо написать программу, которая определяет, достаточно ли K исправлений команд, чтобы лифты не столкнулись.

## Формат входных данных

В первой строке вводятся числа M, K  $(1 \leqslant M \leqslant 10^5, 0 \leqslant K \leqslant 2 \cdot 10^5)$  — длина программ и количество секунд, оставшихся у Железного человека.

Во второй и третьей строках вводятся последовательности длины M, состоящие из нулей и единиц, — программы первого и второго лифтов.

В четвертой строке вводятся два числа  $P_1, P_2 \ (-10^9 \leqslant P_1, P_2 \leqslant 10^9, P_1 \neq P_2)$  — позиции первого и второй лифтов соответственно

#### Формат выходных данных

Если невозможно исправить не более K символов так, чтобы лифты не сломались, то в единственной строке выведите «NO» (без кавычек).

Иначе в первой строке выведите «YES» (без кавычек), во второй — исправленную первую программу, а в третьей — исправленную вторую.

Если при текущих программах лифты не сломаются, то можно вывести программы без изменений.

## Система оценки

Баллы за каждую подзадачу начисляются только в случае, если все тесты для этой подзадачи и необходимых подзадач успешно пройдены.

# Yandex Сборы к школьному этапу 2024-2025. 9-11 классы. Линейные алгоритмы Online, 18 октября 2024 года

Потролого	Former	Ограничения		Необходимые	Информация о
Подзадача	Баллы	M	K	подзадачи	проверке
0	0	Тесты из условия		_	полная
1	10	$1 \leqslant M \leqslant 8$	$0 \leqslant K \leqslant 2 \cdot 10^5$	_	полная
2	10	$1 \leqslant M \leqslant 10^5$	K = 0	_	первая ошибка
3	10	$1\leqslant M\leqslant 10^5$	K = M	_	первая ошибка
4	30	$1 \leqslant M \leqslant 100$	$0 \leqslant K \leqslant 2 \cdot 10^5$	1	первая ошибка
5	40	$1 \leqslant M \leqslant 10^5$	$0 \leqslant K \leqslant 2 \cdot 10^5$	1 - 4	первая ошибка

стандартный ввод	стандартный вывод	
5 10	YES	
10101	00000	
01010	11111	
1 10		
5 0	NO	
00000		
11111		
2 1		

## Задача Ј. Очередная задача про игру с камнями

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В результате неудачного стечения обстоятельств Миша оказался на необитаемом острове. Первым делом он, разумеется, выложил из камней большую надпись S.O.S. на пляже. Однако, до прибытия помощи ему нужно чем-то развлечься, поэтому он решил поиграть с оставшимся камнями.

Миша выложил все оставшиеся у него камни в n кучек таким образом, что в i-й кучке оказалось ровно  $r_i$  камней. После этого мальчик решил взять из каждой кучки некоторое количество камней, чтобы были выполнены следующие условия:

- Из i-й кучки Миша должен взять не менее, чем  $l_i$  и не более, чем  $r_i$  камней;
- $\bullet$  Суммарное количество взятых камней должно быть равно s.

После того, как Миша справился с данным заданием он задумался, сколькими способами он может взять камни из кучек таким образом, чтобы описанные условия были выполнены. А именно, для каждой кучки i он хочет вычислить, сколькими способами он может выбрать некоторое количество камней из i-й кучки, чтобы из остальных кучек можно было выбрать некоторое количество камней, выполнив описанные условия.

К сожалению или к счастью, помощь прибыла слишком быстро, и Миша не успел найти ответ на свой вопрос. Поэтому сделать это предстоит вам.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит два целых числа n и s ( $1 \le n \le 100\,000,\ 0 \le s \le 10^{18}$ ) — количество кучек с камнями, а также суммарное количество камней, взятых из кучек.

Каждая из следующих n строк содержит два целых числа  $l_i$  и  $r_i$  ( $0 \le l_i \le r_i \le 10^9$ ) — минимальное и максимальное количество камней, которые Миша может взять из i-й кучки.

Обратите внимание, что входные данные в этой задаче могут превышать возможное значение 32-битной целочисленной переменной, поэтому необходимо использовать 64-битные целочисленные типы данных (тип int64 в языке Pascal, тип long long в C++, тип long в Java и C#).

#### Формат выходных данных

Выведите n целых чисел  $c_1, c_2, \ldots, c_n$ , обозначающих количество способов выбрать некоторое количество камней из i-й кучки, чтобы существовала возможность взять некоторое количество камней из остальных кучек, чтобы выполнить поставленные условия.

#### Система оценки

Баллы за каждую подзадачу начисляются только в случае, если все тесты для этой подзадачи и необходимых подзадач успешно пройдены.

Обозначим за m максимальную разность между  $r_i$  и  $l_i$ . Иными словами,  $m = \max_{i=1}^n (r_i - l_i)$ .

Подзадача	Баллы	Дополнительные ограничения	Необходимые подзадачи	Информация о проверке
0	0	Тесты из условия		полная
1	10	$n, m \leqslant 7$		первая ошибка
2	15	$n, m \leqslant 1000$	1	первая ошибка
3	20	$n \leqslant 1000$	1, 2	первая ошибка
4	25	$n \cdot m \leqslant 10^7$	1, 2	первая ошибка
5	30	нет	1, 2, 3, 4	первая ошибка

#### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5 10	3 2 1 4 1
1 3	
2 3	
3 3	
0 10	
1 1	

#### Замечание

Рассмотрим пример из условия.

Из первой кучки можно выбрать 1, 2 или 3 камня. Для каждого из этих способов из остальных кучек можно выбрать некоторое количество камней таким образом, чтобы суммарно было выбрано 10 камней. Например, можно сделать это следующими способами: 1+2+3+3+1=10, 2+2+3+2+1=10, 3+2+3+1+1=10.

Из второй кучки можно выбрать 2 или 3 камня, например, следующими способами:  $1+2+3+3+1=10,\, 1+3+3+2+1=10.$ 

Из третьей кучки можно выбрать 3 камня. Других способов нет, так как  $l_3 = r_3 = 3$ .

Из четвертой кучки можно выбрать 0, 1, 2 или 3 камня. Способы для выбора 1, 2 или 3 камней уже описаны выше. Способ для 0 камней выглядит следующим образом: 3 + 3 + 3 + 0 + 1 = 10.

Из третьей кучки можно выбрать 1 камень. Других способов нет, так как  $l_5=r_5=1$ .