


ASSIGNMENT [X] ON [COURSE NAME]		
Student's Code	 AIMS African Institute for Mathematical Sciences SENEGAL	Deadline
[Your Code]		[Date, Time]
February 16, 2024		2019-2020
Lecturer: [Lecturer Name]		

1 Solution of Exercise 1

If we assume that the probability of to choose blue and red are same. Then we have $1/2$ for two balls. This is called 'equiprobability'.

- 1 Pour résoudre l'équation de Korteweg-de Vries (KdV) numériquement à l'aide de différences finies, nous pouvons utiliser un schéma de différences centrales dans l'espace et un schéma de différences inverses dans le temps. Discrétisons les dérivées spatiales et temporelles à l'aide de différences centrales précises du second ordre :

L'équation de KdV est donnée par :

$$\frac{\partial u}{\partial t} + 6u \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial^3 u}{\partial x^3} = 0$$

Les approximations par différences finies sont les suivantes:

$$\frac{\partial u}{\partial t} \approx \frac{u_i^{n+1} - u_i^n}{\Delta t}$$

$$\frac{\partial u}{\partial x} \approx \frac{u_{i+1}^n - u_{i-1}^n}{2\Delta x}$$

$$\frac{\partial^3 u}{\partial x^3} \approx \frac{u_{i+2}^n - 2u_{i+1}^n + 2u_{i-1}^n - u_{i-2}^n}{(\Delta x)^3}$$

En les substituant dans l'équation de KdV et en les réarrangeant, on obtient :

$$\frac{u_i^{n+1} - u_i^n}{\Delta t} + 6u_i^n \frac{u_{i+1}^n - u_{i-1}^n}{2\Delta x} + \frac{u_{i+2}^n - 2u_{i+1}^n + 2u_{i-1}^n - u_{i-2}^n}{(\Delta x)^3} = 0$$

Résoudre pour u_i^{n+1} on a :

$$u_i^{n+1} = u_i^n - \frac{\Delta t}{\Delta x} (3u_i^n (u_{i+1}^n - u_{i-1}^n))$$

The maximum displacement of a mass oscillating about its equilibrium position 0.2m, and its maximum speeds is 1.2m/s. What is the period τ of its oscillations?

Theorem 1 *Nothing is easy in this world!*