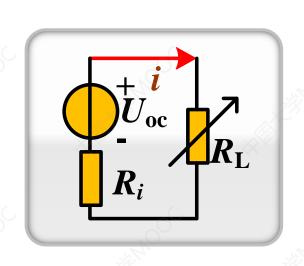


最大功率传输定理

在工程实际中,经常会遇到要求负载获得最大功率问题,下面我们来分析这个问题。



$$R_{\rm L}$$
中电流: $i = \frac{U_{\rm oc}}{R_i + R_{\rm L}}$

负载
$$R_{\rm L}$$
吸收的功率: $P_{\rm L} = R_{\rm L} i^2 = \frac{R_{\rm L} U_{\rm OC}^2}{\left(R_i + R_{\rm L}\right)^2}$

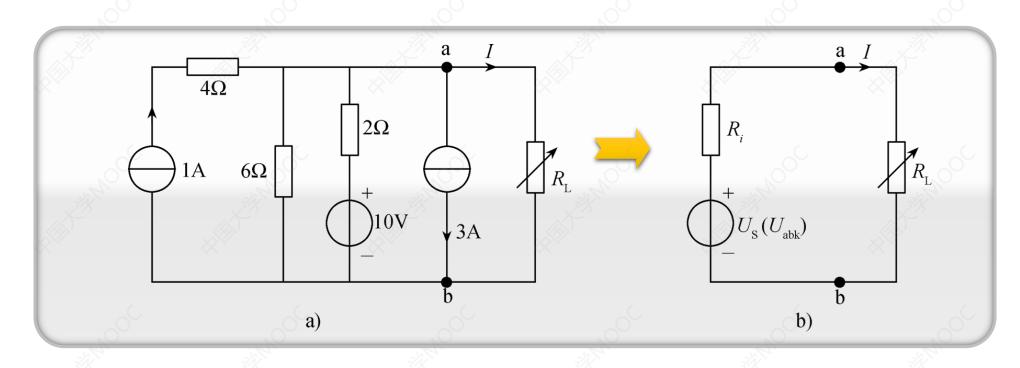
$$\Rightarrow \frac{dP_{L}}{dR_{L}} = U_{OC}^{2} \times \frac{(R_{i} + R_{L})^{2} - R_{L} \times 2(R_{i} + R_{L})}{(R_{i} + R_{L})^{4}} = 0$$

得
$$R_L = R_i$$
 ——最大功率匹配条件

负载 $R_{\rm L}$ 吸收的最大功率: $P_{\rm L\,max} = \frac{U\,{\rm oc}}{2}$

$$P_{\text{L max}} = \frac{U_{\text{OC}}^2}{4R_i}$$

例:图示电路中,若电阻 R_L 可变,问 R_L 等于多大时,它从电路中吸收最大功率?并求此功率。



解: 应用戴维南定理分析,可使分析简便。

首先将图a中待求支路(负载 R_L)断开,将 a b端左侧部分看作是一个有源二端网络,然后求这个有源二端网络的戴维南等效电路(即开路电压和等效电阻)。

应用节点电压法,可得a,b端的开路电压为

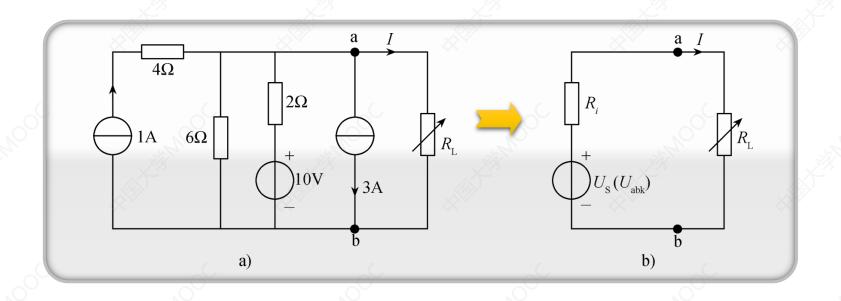
$$\left(\frac{1}{6} + \frac{1}{2}\right)U_{abk} = 1 + \frac{10}{2} - 3$$

$$U_{abk} = 4.5V$$

令有源二端网络内的独立电源为零(电压源短路,电流源开路),可得a、b端左侧电路的等效电阻为

$$R_i = \frac{6 \times 2}{6 + 2} = 1.5\Omega$$

由计算出的开路电压和等效电阻得到戴维南等效电路,并与负载 R_L 连接。



负载获得最大功率条件及最大功率分别为:

$$R_L = R_i = 1.5\Omega, \ P_{\text{max}} = \frac{U_S^2}{4R_i} = 3.375 \text{W}$$

值得注意的是,当负载获得最大功率时,电源的效率不一定是最大。电力系统中要求 尽可能地提高电源的效率,以便充分地利用能源,因而不要求最大功率传输;但在电子技术,通信技术中,往往注重的是如何将微弱信号尽可能地放大,因此常利用最大功率传输 条件,使负载获得最大功率。

