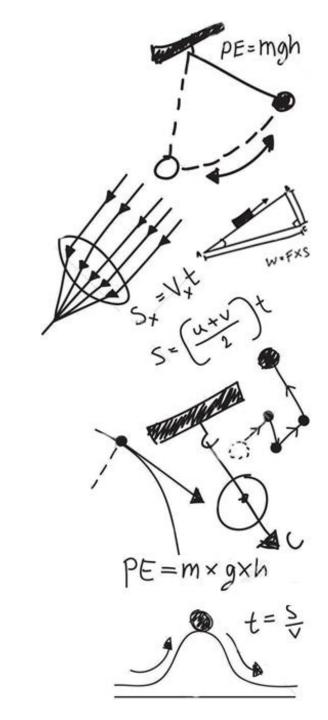


动能定理





一、质点的动能定理

$$W = \int \vec{F} \cdot d\vec{r}$$
$$= \int m \frac{d\vec{v}}{dt} \cdot d\vec{r}$$

$$= \int_{v_1}^{v_2} mv dv$$

$$= \frac{1}{2} mv_2^2 - \frac{1}{2} mv_1^2$$

◈ 动能定理

合外力对质点所作的功,等于质点动能的增量.

$$W = E_{k2} - E_{k1}$$

说明:

$$\vec{F} = m\vec{a} = m\frac{d\vec{v}}{dt}$$

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

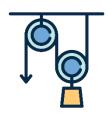
◈ 动能(状态函数)

二、几点说明

$$W = E_{k2} - E_{k1}$$

(1)式中W~合外力作功;当W>0作正功,质点的动能

才增加,反之,W<0,其动能减少。



(2)功与动能之间的联系与区别

区别:动能是与物体状态有关的量~状态量

功是与物体运动过程有关的量~过程量

联系: 当合外力对质点作功, 质点的动能才发生变

化。功是动能变化的量度。



三、质点系的动能定理

对第i个质点,有

$$\boldsymbol{W_{i}^{e}} + \boldsymbol{W_{i}^{i}} = \boldsymbol{E_{ki2}} - \boldsymbol{E_{ki1}}$$

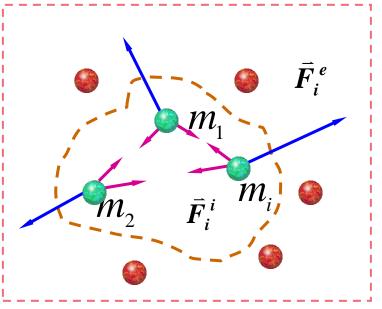
外力功 内力功

对质点系,有

$$\sum_{i} W_{i}^{e} + \sum_{i} W_{i}^{i} = \sum_{i} E_{ki2} - \sum_{i} E_{ki1} = E_{k2} - E_{k1}$$

质点系动能定理
$$W^e + W^i = E_{k2} - E_{k1}$$

外力功 内力功





Thanks!

