# 近代物理复习题

一、选择题		
1、8015		
有下列几种说法:		
(1) 所有惯性系对物理基本规律都是等价的.		
(2) 在真空中,光的速度与光的频率、光源的运动状态无关.		
(3) 在任何惯性系中,光在真空中沿任何方向的传播速率都相同.		
若问其中哪些说法是正确的, 答案是		
(A) 只有(1)、(2)是正确的.		
(B) 只有(1)、(3)是正确的.		
(C) 只有(2)、(3)是正确的.		
(D) 三种说法都是正确的.		7
2, 4716	L	_
有一直尺固定在 $K'$ 系中,它与 $Ox'$ 轴的夹角 $\theta'=45^\circ$ ,如果 $K'$ 系	到勺迪F	・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・
方向相对于 $K$ 系运动, $K$ 系中观察者测得该尺与 $Ox$ 轴的夹角	(以入处)	X111 O1
(A) 大于 45°. (B) 小于 45°. (C) 等于	- 15°	
(B) $\wedge$ $\wedge$ $\wedge$ $\wedge$ $\wedge$ (C) 等 (D) 当 $K'$ 系沿 $Ox$ 正方向运动时大于 $45^\circ$ ,而沿 $Ox$ 负方向运动时小		
(D) 当 K 系有 OX 正为问题幼的人 1 43 , 而有 OX 贝为问题幼的小		
2 4250		_
3、4359	<b>ル</b> ・サエ	+ロッナ >六
(1)对某观察者来说,发生在某惯性系中同一地点、同一时刻的两个事	件,刈丁	相刈场
惯性系作匀速直线运动的其它惯性系中的观察者来说,它们是否同时发生?	囲いて上	민조되
(2)在某惯性系中发生于同一时刻、不同地点的两个事件,它们在其它	<b>惯性系甲</b>	是否问
时发生?		
关于上述两个问题的正确答案是:		
(A) (1)同时, (2)不同时.		
(B) (1)不同时, (2)同时.		
(C) (1)同时, (2)同时.		
(D) (1)不同时, (2)不同时.		]
4、4174		
某核电站年发电量为 100 亿度,它等于 36×10 <sup>15</sup> J 的能量,如果这是由	核材料的	全部静
止能转化产生的,则需要消耗的核材料的质量为		
(A) $0.4 \text{ kg}$ . (B) $0.8 \text{ kg}$ .	Г	٦
(C) $(1/12) \times 10^7 \text{ kg}$ . (D) $12 \times 10^7 \text{ kg}$ . 5, 4723		]
	- 医昙的	
质子在加速器中被加速,当其动能为静止能量的 4 倍时,其质量为静山	_	٦
(A) 4 倍. (B) 5 倍. (C) 6 倍. (D) 8 倍.	L	]
6、4498	17)	
一个电子运动速度 $v = 0.99c$ ,它的动能是: (电子的静止能量为 $0.51 \text{ M}$	ev)	
(A) 4.0MeV. (B) 3.5 MeV.	г	٦
(C) 3.1 MeV. (D) 2.5 MeV.	[	]
7、4724	. J. Ak 🗏 4	4
α粒子在加速器中被加速,当其质量为静止质量的 3 倍时,其动能为前	-	_
(A) 2 倍. (B) 3 倍. (C) 4 倍. (D) 5 倍.	L	_

8, 4174

某核电站年发电量为 100 亿度, 它等于 36×1015 J 的能量, 如果这是由核材料的全部静 止能转化产生的,则需要消耗的核材料的质量为

(A) 0.4 kg.

(B) 0.8 kg.

(C)  $(1/12) \times 10^7$  kg.

(D)  $12 \times 10^7$  kg.

Γ 7

9, 4182

用频率为 $I_1$ 的单色光照射某种金属时,测得饱和电流为 $I_1$ ,以频率为 $I_2$ 的单色光照射该 金属时,测得饱和电流为 $I_2$ ,若 $I_1 > I_2$ ,则

(A)  $v_1 > v_2$ .

(B)  $v_1 < v_2$ .

(C)  $v_1 = v_2$ .

(D) 以与以的关系还不能确定.

٦

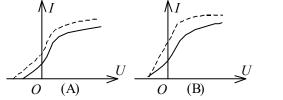
10, 4607

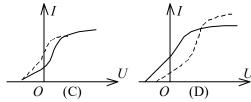
当照射光的波长从 4000 Å变到 3000 Å时,对同一金属,在光电效应实验中测得的遏止 电压将:

(A) 减小 0.56 V.(B) 减小 0.34 V.(C) 增大 0.165 V.(D) 增大 1.035 V.

(普朗克常量  $h = 6.63 \times 10^{-34} \,\mathrm{J \cdot s}$ , 基本电荷  $e = 1.60 \times 10^{-19} \,\mathrm{C}$ )

以一定频率的单色光照射在某种金属上,测出其光电流曲线在图中用实线表示,然后保 持光的频率不变,增大照射光的强度,测出其光电流曲线在图中用虚线表示.满足题意的图 是 Γ





#### 12, 4383

用频率为 $\nu$ 的单色光照射某种金属时,逸出光电子的最大动能为 $E_K$ : 若改用频率为 $2\nu$ 的单色光照射此种金属时,则逸出光电子的最大动能为:

(A)  $2 E_K$ . (B)  $2h v - E_K$ .

(C)  $hv - E_K$ .

(D)  $h v + E_K$ .

Γ 7

13, 0507

已知用光照的办法将氢原子基态的电子电离,可用的最长波长的光是 913 Å的紫外光, 那么氢原子从各受激态跃迁至基态的赖曼系光谱的波长可表示为:

(A) 
$$\lambda = 913 \frac{n-1}{n+1} \text{ Å.}$$
 (B)  $\lambda = 913 \frac{n+1}{n-1} \text{ Å.}$ 

(B) 
$$\lambda = 913 \frac{n+1}{n-1} \text{ Å}.$$

(C) 
$$\lambda = 913 \frac{n^2 + 1}{n^2 + 1} \text{ Å}$$

(C) 
$$\lambda = 913 \frac{n^2 + 1}{n^2 - 1} \text{ Å.}$$
 (D)  $\lambda = 913 \frac{n^2}{n^2 - 1} \text{ Å.}$ 

14, 4190

要使处于基态的氢原子受激发后能发射赖曼系(由激发态跃迁到基态发射的各谱线组成 的谱线系)的最长波长的谱线,至少应向基态氢原子提供的能量是

(A) 1.5 eV.

(B) 3.4 eV.

(C) 10.2 eV.

(D) 13.6 eV.

Γ 1

15, 4198

根据玻尔理论, 氢原子中的电子在 n =4 的轨道上运动的动能与在基态的轨道上运动的

	(A)	1/4.	(B)	1/8.					
	(C)	1/16.	(D)	1/32.				[	]
16,	4619	1							
	按照	玻尔理论,电子统	烧核作	三圆周运动时	寸, 电	子的动量	矩 L 的可能值	直为	
	(A)	任意值. $2\pi nh$ , $n=1$ ,			(B)	nh,	n = 1, 2, 3,	•••	
			2, 3	,	(D)	$nh/(2\pi)$ ,	n = 1, 2, 3	, [	]
17、	4770								
	如果	两种不同质量的	粒子,	其德布罗意	意波长	:相同,则	这两种粒子的	勺	
	(A)	动量相同.	(E	3) 能量相同	١.				
	(C)	速度相同.	(Γ	)) 动能相同	١.			[	]
18,	4206								
		质量不为零的微				付粒子物质	质波的波长心	ラ速度 v 有り	如下关系:
	(A)	$\lambda \propto v$ .		(B) $\lambda \propto 1$	1/v.				
		$\lambda \propto \sqrt{\frac{1}{v^2} - \frac{1}{c^2}}$		_	<u></u>			_	-
	(C)	$\lambda \propto \sqrt{\frac{1}{v^2} - \frac{1}{c^2}}$	•	(D) $\lambda \propto$	$\sqrt{c^2}$	$-v^2$ .			]
		, -							
19、	4428		n \-	<b>→ → →</b> □111→ →	. 44				
	L 知	粒子在一维矩形							
			$\psi(x)$	$=\frac{1}{\sqrt{a}}\cdot co$	$s \frac{3\pi\lambda}{2}$	$\frac{\pi}{a}$ , $(-a \leq$	$\leq x \leq a$ )		
TID /	457 →			V 62	2 <i>a</i>				
那ク		在 $x = 5a/6$ 处出现							
		1/(2a).							
	(C)	$1/\sqrt{2a}$ .	(D)	$1/\sqrt{a}$ .				Ε	]
20、	5619								
	波长	λ=5000 Å的光沿	<i>x</i> 轴	E向传播,是	<b>告光</b> 的	的波长的不	确定量Δλ =1	0 <sup>-3</sup> Å,则利	用不确定
关系	<式4	$o_x \Delta x \ge h$ 可得光号	子的 x	坐标的不确	定量	至少为			
	(A)	25 cm.	(B)	50 cm.					
	(C)			500 cm.				[	]
_,	填空	题							
21、	8016								
	有一	·速度为 u 的宇宙	飞船	沿 x 轴正方	向飞行	亍,飞船乡	、尾各有一个	脉冲光源在	工作,处
于船	足的	观察者测得船头	光源发	<b></b> 出的光脉冲	中的传	播速度大	小为	;处于	船头的观
察者	音测得	船尾光源发出的	光脉冲	中的传播速度	夏大小	为	·		
22、	8017	,							
	当惯		坐标原	原点 O 和 O	/ 重台	計,有一	点光源从坐标	示原点发出-	一光脉冲,
在	7系中	经过一段时间 $t$ $f$	言(在	S'系中经	过时门	旬 t'), 」	七光脉冲的球	面方程(用	直角坐标
系)	分别								
			;	S′ 糸_			·•		
23、	4166		пи.	÷	1 - 2	544 W == 11	· 17 序 7	테니! 사트	1 1/1 1 <del>/-</del> 1 <del>/-</del>
		· 包察者测得一沿米			<b></b>	<b> </b>	J长度为 0.5 r	n. 则此米户	<b>尺以速度 ι</b>
		$\mathbf{m} \cdot \mathbf{s}^{-1}$	接近观	儿祭者.					
24、	4165		<b>→</b> ·	· · ·	> PP —	. 1 . 1 . 1			. ш о н
		子是不稳定的粒							
于乡	[验室	以 0.8 c (c 为真空	中光:	速)的速率运	动,	那么实验。	室坐标系中测	得的π+介子	的寿命是

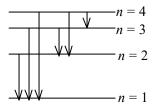
动能之比为

	S.
	4733
	已知一静止质量为 $m_0$ 的粒子,其固有寿命为实验室测量到的寿命的 $1/n$ ,则此粒子的
动能	是
	4728
	狭义相对论中,一质点的质量 $m$ 与速度 $v$ 的关系式为; 其动能的表达
式为	J
	4499
	(1) 在速度 $v =$
	(2) 在速度 $v =$ 情况下粒子的动能等于它的静止能量.
28、	4730
	α 粒子在加速器中被加速,当其质量为静止质量的 5 倍时,其动能为静止能量的 倍.
29、	4179
=	光子波长为λ,则其能量=; 动量的大小 =; 质量;
	4184
	已知钾的逸出功为 $2.0 \text{ eV}$ ,如果用波长为 $3.60 \times 10^{-7} \text{ m}$ 的光照射在钾上,则光电效应的
遏山	上电压的绝对值 $ U_a =$ 从钾表面发射出电子的最大速度 $ u_{ ext{max}}$
=	. $(h = 6.63 \times 10^{-34} \mathrm{J \cdot s}, 1 \mathrm{eV} = 1.60 \times 10^{-19} \mathrm{J}, m_e = 9.11 \times 10^{-31} \mathrm{kg})$
	4391
	当波长为 $300 \text{ nm} (1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m})$ 的光照射在某金属表面时,光电子的动能范围为 $0\sim$
4.0>	< 10 <sup>-19</sup> J.此时遏止电压为  <i>Ua</i>   =
	(普朗克常量 $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{J} \cdot \text{s}$ , 基本电荷 $e = 1.60 \times 10^{-19} \text{C}$ )
32、	4742
	某金属产生光电效应的红限为 $\nu_0$ ,当用频率为 $\nu(\nu > \nu_0)$ 的单色光照射该金属时,从金
属中	1逸出的光电子(质量为 m)的德布罗意波长为
33、	4389
	在光电效应实验中,测得某金属的遏止电压 $ U_a $ 与入射 $ U_a $ (V)
光頻	阿率v的关系曲线如图所示,由此可知该金属的红限频率 (*)
<i>ν</i> <sub>0</sub> =_	Hz; 逸出功 $A =$ eV. $2 $ $v \times 10^{14}$ Hz)
	5 10
	-2 +
	l
34、	4740
	在 $X$ 射线散射实验中,散射角为 $\phi_1$ = 45° 和 $\phi_2$ =60° 的散射光波长改变量之比 $\Delta\lambda_1$ :
Δλ2=	= <b>.</b>
35、	4756
	氢原子从能量为 $-0.85$ eV 的状态跃迁到能量为 $-3.4$ eV 的状态时,所发射的光子能量
是_	eV,这是电子从 $n=$ 的能级到 $n=2$ 的能级的跃迁.
36、	$4201$ $E_3$
	图示被激发的氢原子跃迁到低能级时(图中 $E_1$ 不是基态能 $\lambda_2$ $\downarrow$
级),	可发出波长为 $\lambda_1$ 、 $\lambda_2$ 、 $\lambda_3$ 的辐射,其频率 $\nu_1$ 、 $\nu_2$ 和 $\nu_3$ 满足关系 $E_2$
式_	, 二个波长满足关系式 λ,
	$\underline{\hspace{1cm}}$ $\hspace{$

#### 37, 4754

氢原子的部分能级跃迁示意如图. 在这些能级跃迁中,

- (1) 从  $n = ____$ 的能级跃迁到  $n = ____$ 的能级时所发射的光子的波长最短;
- (2) 从  $n = ____$ 的能级跃迁到  $n = ____$ 的能级时所发射的光子的频率最小.



#### 38, 4207

令  $\lambda_c = h/(m_e c)$  (称为电子的康普顿波长,其中  $m_e$  为电子静止质量,c 为真空中光速,h 为 普 朗 克 常 量 ). 当 电 子 的 动 能 等 于 它 的 静 止 能 量 时 , 它 的 德 布 罗 意 波 长 是  $\lambda_c$ .

#### 39、4524

静止质量为  $m_e$  的电子,经电势差为  $U_{12}$  的静电场加速后,若不考虑相对论效应,电子的德布罗意波长 $\lambda$ =

#### 40, 4632

如果电子被限制在边界 x 与 x + $\Delta x$  之间, $\Delta x$  =0.5 Å,则电子动量 x 分量的不确定量近似地为\_\_\_\_\_kg·m/s. (不确定关系式 $\Delta x \cdot \Delta p \ge h$ ,普朗克常量 h =6.63×10<sup>-34</sup> J·s) 三、计算题

#### 41, 4366

在惯性系 S 中,有两事件发生于同一地点,且第二事件比第一事件晚发生 $\Delta t$  =2s; 而在 另一惯性系 S' 中,观测第二事件比第一事件晚发生 $\Delta t'$ =3s. 那么在 S' 系中发生两事件的 地点之间的距离是多少?

#### 42, 5357

设有宇宙飞船 A 和 B,固有长度均为  $I_0 = 100$  m,沿同一方向匀速飞行,在飞船 B 上观测到飞船 A 的船头、船尾经过飞船 B 船头的时间间隔为 $\Delta t = (5/3) \times 10^{-7}$  s,求飞船 B 相对于飞船 A 的速度的大小.

#### 43, 4364

一艘宇宙飞船的船身固有长度为  $L_0$  =90 m,相对于地面以 v = 0.8 c (c 为真空中光速)的 匀速度在地面观测站的上空飞过.

- (1) 观测站测得飞船的船身通过观测站的时间间隔是多少?
- (2) 宇航员测得船身通过观测站的时间间隔是多少?

#### 44、4490

地球的半径约为  $R_0 = 6376$  km,它绕太阳的速率约为v = 30 km·s<sup>-1</sup>,在太阳参考系中测量地球的半径在哪个方向上缩短得最多?缩短了多少? (假设地球相对于太阳系来说近似于惯性系)

#### 45, 4357

在 O 参考系中,有一个静止的正方形,其面积为  $100 \text{ cm}^2$ . 观测者 O' 以 0.8c 的匀速度沿正方形的对角线运动. 求 O' 所测得的该图形的面积.

#### 46, 4610

红限波长为 $\lambda_0$  =0.15 Å的金属箔片置于 B =30×10<sup>-4</sup> T 的均匀磁场中. 今用单色 $\gamma$  射线照射而释放出电子,且电子在垂直于磁场的平面内作 R = 0.1 m 的圆周运动. 求 $\gamma$  射线的波长. (普朗克常量 h =6.63×10<sup>-34</sup> J·s,基本电荷 e =1.60×10<sup>-19</sup> C,电子质量  $m_e$ =9.11×10<sup>-31</sup> kg) 47、0521

实验发现基态氢原子可吸收能量为 12.75 eV 的光子.

- (1) 试问氢原子吸收该光子后将被激发到哪个能级?
- (2) 受激发的氢原子向低能级跃迁时,可能发出哪几条谱线?请画出能级图(定性),并将这些跃迁画在能级图上.

### 48、4506

当电子的德布罗意波长与可见光波长( $\lambda$ =5500 Å)相同时,求它的动能是多少电子伏特? (电子质量  $m_e$ =9.11×10<sup>-31</sup> kg,普朗克常量 h =6.63×10<sup>-34</sup> J·s, 1 eV =1.60×10<sup>-19</sup> J)

#### 49, 4525

已知第一玻尔轨道半径 a,试计算当氢原子中电子沿第 n 玻尔轨道运动时,其相应的德布罗意波长是多少?

#### 50, 4430

已知粒子在无限深势阱中运动, 其波函数为

$$\psi(x) = \sqrt{2/a}\sin(\pi x/a) \quad (0 \le x \le a)$$

求发现粒子的概率为最大的位置.

## 答案

#### 一、选择题

1, D 2, A 3, A 4, A 5, B 6, C 7, A 8, A 9, D 10, D

11, B 12, D 13, D 14, C 15, C 16, D 17, A 18, C 19, A 20, C

二、填空题

21, 8016

*c* ;

22、8017

$$x^{2} + y^{2} + z^{2} = c^{2}t^{2};$$
  $x'^{2} + y'^{2} + z'^{2} = c^{2}t'^{2}$ 

23、4166

 $2.60 \times 10^{8}$ 

24、4165

 $4.33 \times 10^{-8}$ 

25, 4733

$$m_0 c^2 (n-1)$$

26, 4728

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - (v/c)^2}}$$
;  $E_K = mc^2 - m_0c^2$ 

27, 4499

$$v = \sqrt{3}c/2 \qquad ; \qquad v = \sqrt{3}c/2$$

28, 4730

4

29、4179

$$hc/\lambda$$
 ;  $h/\lambda$  ;  $h/(c\lambda)$ 

30, 4184

1.45 V ; 
$$7.14 \times 10^5 \,\mathrm{m} \cdot \mathrm{s}^{-1}$$

31, 4391

$$2.5$$
 ;  $4.0 \times 10^{14}$ 

32, 4742

$$\sqrt{\frac{h}{2m(v-v_0)}}$$

33、4389

 $5 \times 10^{14}$ ;

34、4740

0.586

35, 4756

2.55

4

36, 4201

$$v_3 = v_2 + v_1 \qquad ; \qquad \qquad \frac{1}{\lambda_2} = \frac{1}{\lambda_2} + \frac{1}{\lambda_1}$$

37, 4754

4

1;

38, 4207

$$1/\sqrt{3}$$

39, 4524

$$h/(2m_e e U_{12})^{1/2} \bowtie$$

40, 4632

 $1.33 \times 10^{-23}$ 

三、计算题

41, 4366

解: 令 S' 系与 S 系的相对速度为 v,有

$$\Delta t' = \frac{\Delta t}{\sqrt{1 - (\upsilon/c)^2}}, \qquad (\Delta t/\Delta t')^2 = 1 - (\upsilon/c)^2$$

则 
$$v = c \cdot (1 - (\Delta t / \Delta t')^2)^{1/2}$$
  $(= 2.24 \times 10^8 \,\mathrm{m \cdot s^{-1}})$ 

那么,在S'系中测得两事件之间距离为:

$$\Delta x' = v \cdot \Delta t' = c(\Delta t'^2 - \Delta t^2)^{1/2} = 6.72 \times 10^8 \text{ m}$$

42, 5357

解: 设飞船 A 相对于飞船 B 的速度大小为 v,这也就是飞船 B 相对于飞船 A 的速度大小. 在飞船 B 上测得飞船 A 的长度为

$$l = l_0 \sqrt{1 - (\nu/c)^2}$$

故在飞船 B 上测得飞船 A 相对于飞船 B 的速度为

$$v = l / \Delta t = (l_0 / \Delta t) \sqrt{1 - (v / c)^2}$$

解得

$$v = \frac{l_0 / \Delta t}{\sqrt{1 + (l_0 / c \Delta t)^2}} = 2.68 \times 10^8 \text{ m/s}$$

所以飞船 B 相对于飞船 A 的速度大小也为  $2.68 \times 10^8$  m/s.

43, 4364

解: (1) 观测站测得飞船船身的长度为

$$L = L_0 \sqrt{1 - (\upsilon/c)^2} = 54 \text{ m}$$

则

$$\Delta t_1 = L/v = 2.25 \times 10^{-7} \text{ s}$$

(2) 宇航员测得飞船船身的长度为 $L_0$ ,则

$$\Delta t_2 = L_0/\nu = 3.75 \times 10^{-7} \text{ s}$$

44、4490

答: 在太阳参照系中测量地球的半径在它绕太阳公转的方向缩短得最多.

$$R = R_0 \sqrt{1 - (\upsilon / c)^2}$$

其缩短的尺寸为:

$$\Delta R = R_0 - R = R_0 (1 - \sqrt{1 - (v/c)^2}) \approx \frac{1}{2} R_0 v^2 / c^2$$

$$\Delta R = 3.2 \text{ cm}$$

45, 4357

解: 令 O 系中测得正方形边长为 a,沿对角线取 x 轴正方向(如 图),则边长在坐标轴上投影的大小为

$$a_x = \frac{1}{2}\sqrt{2}a$$
,  $a_y = \frac{1}{2}\sqrt{2}a$ 

面积可表示为:  $S = 2a_v \cdot a_r$ 

$$S = 2a_v \cdot a_s$$

在以速度 v 相对于 O 系沿 x 正方向运动的 O' 系中

$$a'_{x} = a_{x} \sqrt{1 - (\upsilon / c)^{2}} = 0.6 \times \frac{1}{2} \sqrt{2}a$$

$$a_y' = a_y = \frac{1}{2}\sqrt{2}a$$

在O'系中测得的图形为菱形,其面积亦可表示为

$$S' = 2a'_{y} \cdot a'_{x} = 0.6a^{2} = 60 \text{ cm}^{2}$$

46, 4610

解:

$$hv = A + \frac{1}{2}m_e v^2 \tag{1}$$

$$evB = m_e v^2 / R$$
 2

$$A = hc / \lambda_0$$
 3

$$\lambda = c/v$$
 . (4)

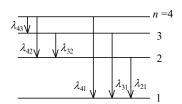
①, ②, ③, ④式联立可求得

$$\lambda = \frac{\lambda_0}{1 + \lambda_0 (eBR)^2 / (2m_e hc)} = 0.137 \text{ Å}$$

47, 0521

解: (1) 
$$\Delta E = Rhc(1 - \frac{1}{n^2}) = 13.6(1 - \frac{1}{n^2}) = 12.75$$
 eV

(2) 可以发出 \(\lambda\_{11}\)、\(\lambda\_{31}\)、\(\lambda\_{21}\)、\(\lambda\_{43}\)、\(\lambda\_{42}\)、\(\lambda\_{32}\) 六条谱线. 能级图如图所示.



48, 4506

解:

$$E_K = p^2 / (2m_e) = (h/\lambda)^2 / (2m_e)$$
  
=5.0×10<sup>-6</sup> eV

49、4525

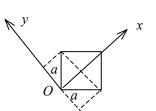
故

解:

$$\lambda = h/p = h/(mv)$$

因为若电子在第n玻尔轨道运动,其轨道半径和动量矩分别为

$$r_n = n^2 a$$
  $L = m v r_n = nh/(2\pi)$   
 $m v = h/(2\pi na)$ 



$$\lambda = h/(mv) = 2\pi na$$

50, 4430

解: 先求粒子的位置概率密度

$$|\psi(x)|^2 = (2/a)\sin^2(\pi x/a) = (2/2a)[1-\cos(2\pi x/a)]$$

当  $\cos(2\pi x/a) = -1$ 时,  $|\psi(x)|^2$ 有最大值. 在  $0 \le x \le a$  范围内可得  $2\pi x/a = \pi$ 

$$\therefore x = \frac{1}{2}a.$$