

课程QQ号: 689423416

金耀 数字媒体技术系

fool1025@163.com

13857104418

关于学习

- ◇学会答案
 - ■学会一个解
- ❖学会方法
 - 学会一个方法
- ◇学会学习
 - 学会找到方法的方法
- ◇学会做事
 - 学会超越"纸上谈兵"。与实际"融会贯通"

珍惜大学最黄金的好时光!

- ◆ 在学校学的东西大部分对我后来的工作没有直接帮助
- ❖我在工作中碰的大部分问题在学校没有学到
- ❖如果我能再回到学生时代

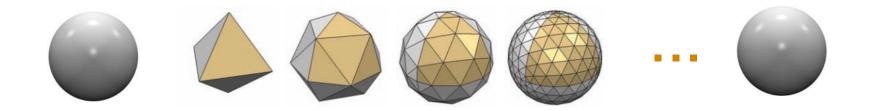
- ❖学习能力与自学能力
- ◇做新时代的"三好" [[学生

 - ■数学好
 - ■编程好

"离散"数学

- ❖离散:分离的,不连续的
- ❖关于"离散结构"的数学
- ❖连续 (无限可分)

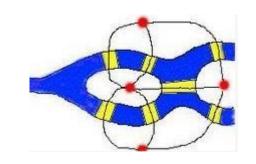
"一尺之棰,日取其半,万世不竭"



为什么要学离散数学

❖内容很有用 (鱼)

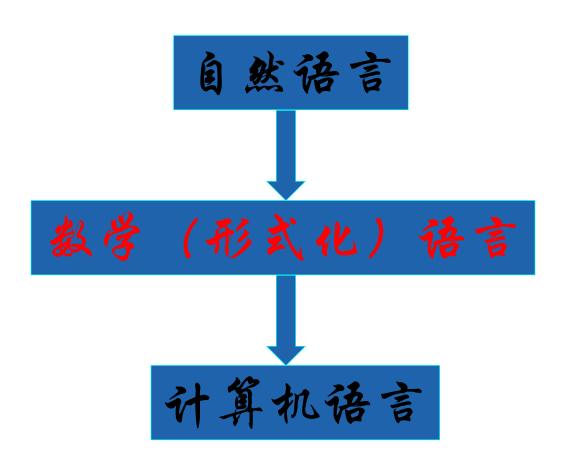
- 〉很多事物对象本身是一种离散结构
- 〉很多事物对象需要借助离散结构进行描述
- 〉计算机只能处理离散对象



❖方法论很有用 (渔)

"程序设计者需要一定的数学修养,不仅仅是编程本身的需求,还是培养逻辑思维和严谨的编程习惯的需要。离散数学可以磨练我们的思维能力,可以帮助我们更高的学习哲学,可以帮助我们解决现实中的实际问题。"

自然语言与计算机语言的桥梁



例1: 背包问题的数学描述

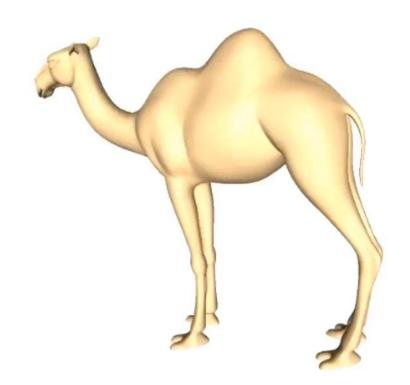
ightharpoonup有n个物品,其重量为 w_i ,价值为 v_i ,若给定一个载重量为m的背包,要求把物品装入背包,并使包内物品价值最大

$$\max \sum_{i=1}^{n} x_i v_i$$

$$s.t. \sum_{i} x_i w_i \leq m, x_i \in \{0,1\}$$

例2: 计算机动画





在变化中寻找不变的规律

❖几何是研究图形在某种变换下保持不变的量或性质

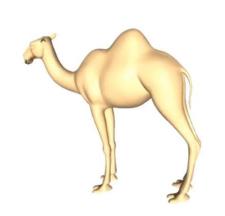
• 以不变应万变; 万变不离其宗

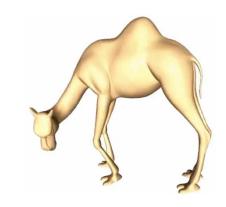


菲利克斯·克莱因 (1849~1925) 德国数学家

计算机如何实现动画

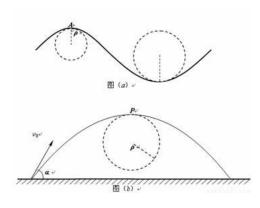
- ❖模型如何表示?
- ❖ 动画如何表示?
- ♦什么量不发生变化?
- ❖不变的对象怎么表示?





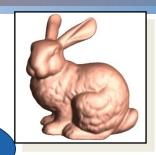
$$H(f) = H(f')$$

$$\min \iiint ||H(f) - H(f')|| d\Omega$$



涉及的数学/计算机问题



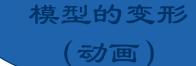


模型的表示与构建 (建模)



模型的显示 (渲染)









模型接收用户意图 (人机交互)







离散数学的内容

- ❖ 数理逻辑 (命题逻辑与谓词逻辑)
- ❖集合与关系
- ◇图论
- ♦代数系统
- ❖形式语言、数论、组合计数…

数理逻辑简介

- 数理逻辑使用数学方法研究逻辑的学科, 它即是逻辑学的一个 分支, 也是数学的一个分支, 因此数理逻辑又称符号逻辑。
- 广义上,数理逻辑包括证明论、模型论、递归函数论、公理化 集合论等。

"命题逻辑"+"谓词逻辑" (基本且重要)

数理逻辑简介

■ 生活中常见的逻辑问题:

例:如果今天下雨,我就不去图书馆。

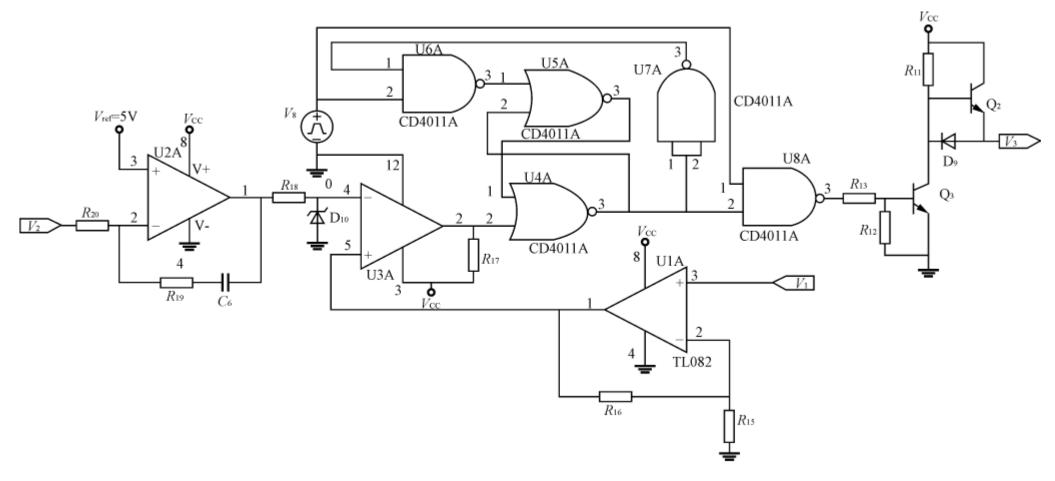
通常等同:如果今天不下雨,我就去图书馆。(逻辑错误)

■ 痞子蔡在《第一次亲密接触》中的一段曾经风靡一时:

如果我有一千万,我就能买一栋房子。我没有一千万,所以我仍然没有房子。

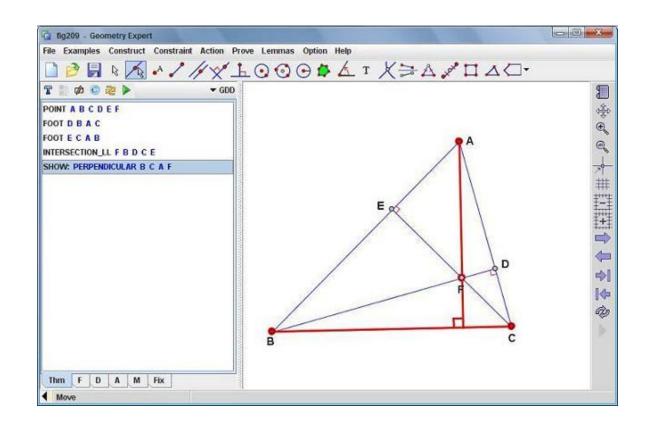
数理逻辑应用一

*逻辑电路



数理逻辑应用二

❖几何定理的机器证明





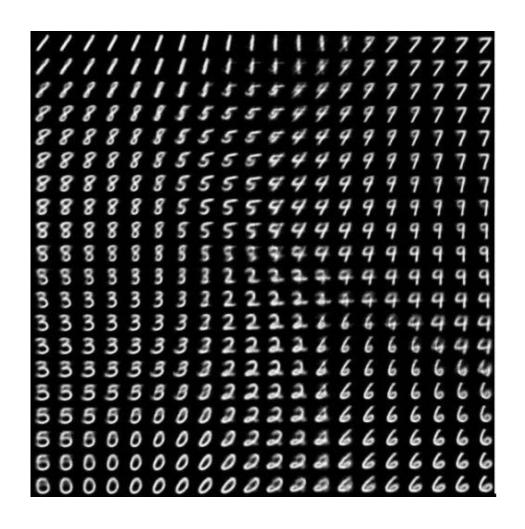
吴文俊院士 (1919-2017)

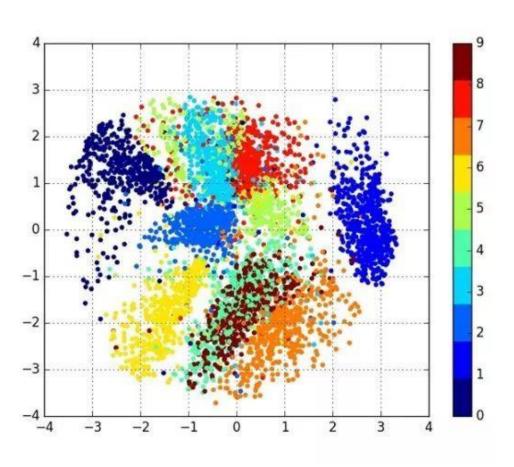
集合论简介

- 集合论是研究集合 (由一堆抽象物件构成的整体) 的数学理论。 集合论时数学大厦的基石。
- ■本篇主要介绍集合论的基础知识如集合运算、性质、关系和函数等。中学对集合论的学习主要基于实数集,现在时一般集合。

集合论(关系与函数)的应用一

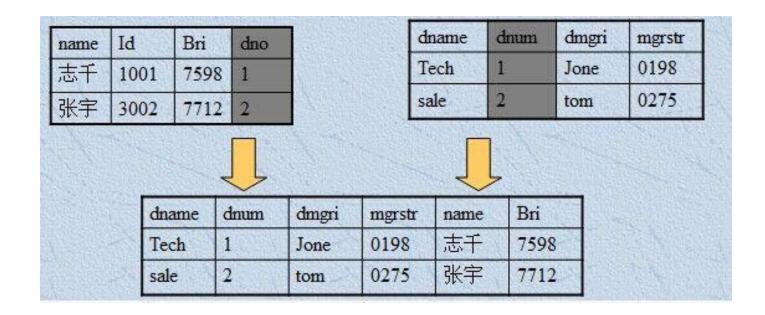
❖分类





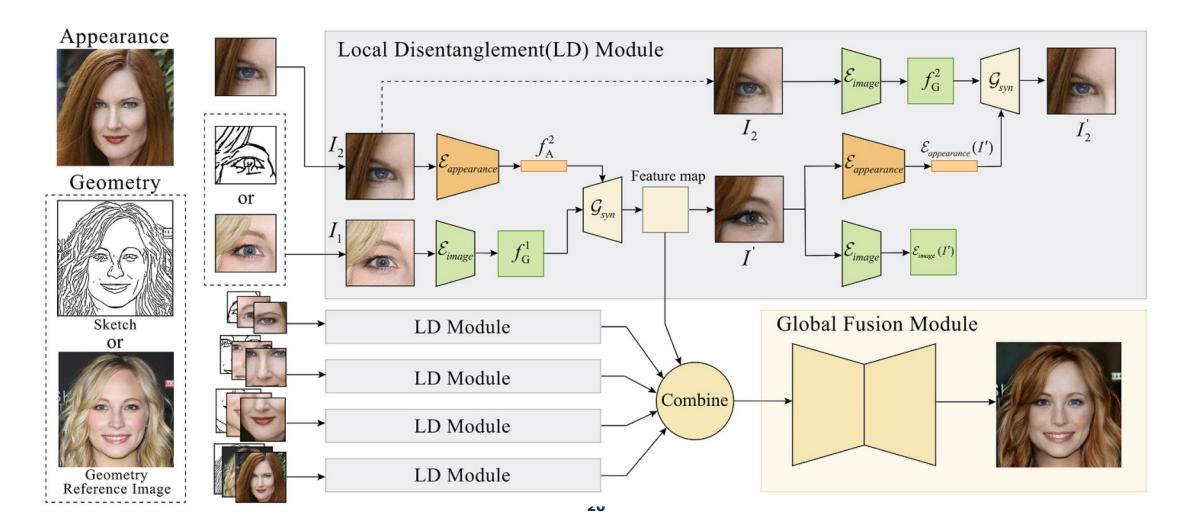
集合论(关系与函数)的应用二

❖关系数据库的设计



集合论(关系与函数)的应用三

❖机器学习



图论简介

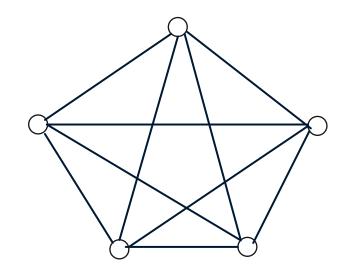
- 图论是以图为研究对象,图由若干给定的点及线所构成。图论 能巧妙地解决某些问题,用点代表事物,用线表示相应两个事 物间具有这种关系。
- 例: 幼儿园里要举行一场游戏,将幼儿园的小朋友分成五个队 伍并且两两进行比赛。一共要比赛多少场?

图论简介

■ 例: 幼儿园里要举行一场游戏,将幼儿园的小朋友分成五个队 伍并且两两进行比赛,一共要比赛多少场?

运用排列组合: $C_5^2=10$

运用图:

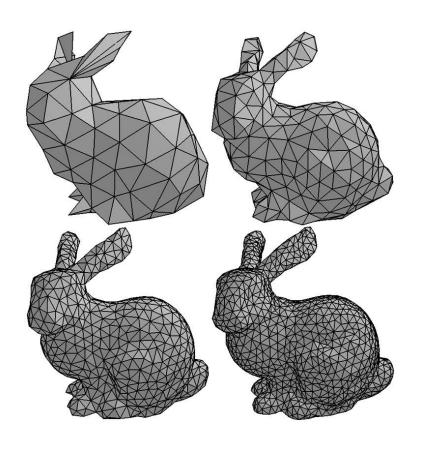


图论简介

- 图论是以图为研究对象,图由若干给定的点及线所构成。图论 能巧妙地解决某些问题,用点代表事物,用线表示相应两个事 物间具有这种关系。
- 本篇主要介绍一些特殊的图例如欧拉图、哈密顿图和树的基本理论。

图论的应用一

*连续对象的离散表示





图论的应用二

* 贝叶斯网络

Probabilistic Reasoning for Assembly-Based 3D Modeling

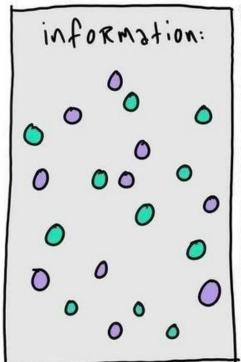


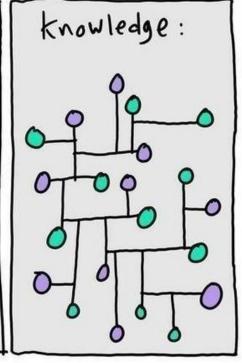
Siddhartha Chaudhuri, Evangelos Kalogerakis, Leonidas Guibas, Vladlen Koltun Stanford University

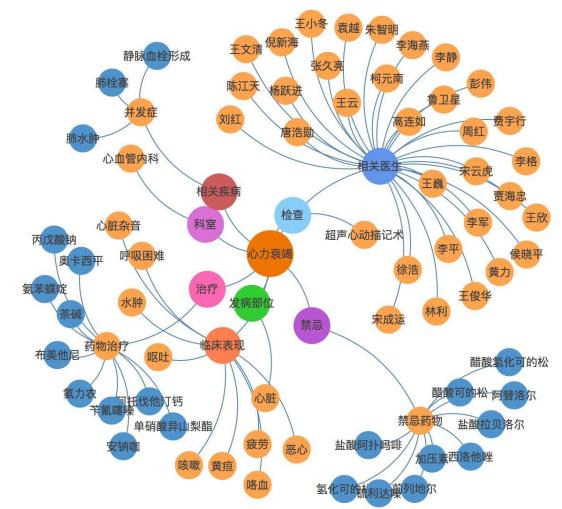
图论的应用三



❖ 知识图谱







课程目标

- ❖掌握离散数学的数学结构
- ❖学会用数学思维思考问题
- ❖学会用数学语言描述与解决问题

参考书推荐

- 离散数学, 狄素云、屈婉玲编, 高等教育出版社
- 离散数学, 左孝凌、李为鑑、刘永才编著, 上海科学技术文献 出版社

作业及要求

■ 基本要求: 按要求完成每节课程所布置的作业。

■ 特别要求: 书后习题全部完成。

期末考核

- 随堂听课同学:平时成绩+期末考试成绩。
- 平时成绩包括:
 - 每周作业(12次/20%):检查完成度(全部)/随机抽改(部分)
 - 课堂小测(3次/15%):全部批改
 - 编程实现(5%):全部批改
 - 点名(扣分制)
 - 问答(加分制)
- 自修同学: 平时成绩25%, 期末75%。

发现抄卷作零分处理!!!

作业系统——答题派

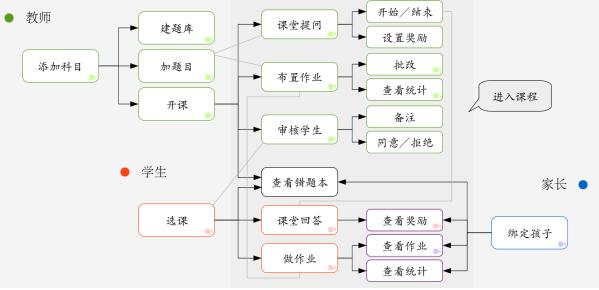
- ❖ 每位同学需在 www.datipai.com实名注册账号;
- ❖ 每位同学进入课程《离散数学》,非自修同学申请"离散数学B(2023)",若有自修的同学,将新建"离散数学B(自修-2023)"并申请;
- *可以直接在答题派上用用tex脚本答题,也可拍照上传;
- *注意作业截至时间,若逾期系统自动判零分;
- ❖ 准备2本作业本,一本用于做课外作业,一本用于做课内测试,其中课内测试有80%来自PDF版习题。



作业系统——答题派







特殊内容输入方法简介

- ❖特殊内容(数学公式或特殊符号)输入形式:
 - 1) \$ 特殊内容 \$ (行内格式)
 - 2) \$\$ 特殊内容 \$\$ (行间格式)

- ❖特殊内容输入注意点:
 - 1)特殊内容前后都必须有至少一个空格;
 - 2) '\'代表转义字符,如\frac{1}{2}表示二分之一;
 - 3) 详细字符说明可参看课程群上传文件Symbols.pdf
 - 4)特殊内容若有文字,则需将其放在\text{}中;

常用符号

- **♦** →: \rightarrow
- **♦** ⇒: \Rightarrow
- **⋄** ↔: \leftrightarrow
- **♦ ♦** : \Leftrightarrow
- *****¬:\neg
- **⋄** ∨ : \vee
- **♦ \:** \wedge
- **♦**↑: \uparrow
- **♦** ↓: \downarrow