```
// ======= FFT 傅里叶=======
                                                         }
                                                          sort(a, a+N);
#include <algorithm>
                                                          int len_tmp = a[N-1]+1, len = 1;
#include <cmath>
                                                          while (len < len_tmp*2)
using namespace std;
                                                            len <<= 1;
const double PI = acos(-1.0);
                                                          for (int i=0;i<len;i++)
struct complex {
                                                            x[i] = complex(num[i],0);
  double r,i;
                                                          fft(x, len, 1);//DFT
  complex(double r = 0.0, double i = 0.0)
                                                          for(int i = 0;i < len;i++)
  {r = _r; i = _i;}
                                                            x[i] = x[i] * x[i];
  complex operator +(const complex &b)
                                                          fft(x, len, -1);//IDFT
  {return complex(r+b.r,i+b.i);}
  complex operator -(const complex &b)
                                                          for (int i = 0; i < len; i++)
                                                            num[i] = (LL)round(x[i].r);
  {return complex(r-b.r,i-b.i);}
                                                          //可能要:求组合而不是求排列
  complex operator *(const complex &b)
  {return complex(r*b.r-i*b.i,r*b.i+i*b.r);}
                                                          num[i] /= 2;
                                                          //可能要:扣除 a[i]+a[i]的情况
void change(complex y[],int len) {
                                                          num[a[i]+a[i]]--;
  int i,j,k;
                                                         //可能要:扣除带0的特殊情况
  for(i = 1, j = len/2; i < len-1; i++)
                                                         Cnt -= (LL)Cnt0 * (N-1) * 2LL;// 0+ai=ai &&
                                                        ai+0=ai
    if(i < j)swap(y[i],y[j]);
                                                          printf("%lld\n", Cnt);
    k = len/2;
    while(j \ge k) {j = k; k \ne 2;}
                                                        // ======== Catalan ========
    if(j < k) j += k;
                                                        Catalan 数
                                                        Cat[n]=C[2*n][n]/(n+1)
}
                                                        组合性质
void fft(complex y[],int len,int on)
                                                        Cat[n+1]=sum(Cat[i]*Cat[n-i] for i from 0 to n)
//on==-1 IDFT
                                                        Cat[0]=1, Cat[n+1]=2*(2*n+1)/(n+2)*Cat[n]
                                                        Cat[n]为长度为 2*n 的 Dyck 词总数(长度为 2*n
  change(y,len);
                                                        的 Dyck 词由 n 个'X'和 n 个'Y'组成, 对于其任意
  for(int h = 2; h \le len; h \le 1)
                                                        前缀,有 count('X')>=count('Y'))
                                                        Cat[n]为给长度(n+1)的序列打上括号的不同方案
    complex wn(cos(-on*2*PI/h),sin(-on*2*PI/h));
    for(int j = 0;j < len;j+=h)
                                                        Cat[n]为有(n+1)片叶子的不同完全二叉树数
      complex w(1,0);
                                                        Cat[n]为 n*n 网格线从左下角到右上角不经过左
      for(int k = j; k < j+h/2; k++)
                                                        上部分的最短路径数
                                                        Cat[n]为用不相交直线将凸(n+2)边形划分为 n 个
        complex u = y[k];
                                                        三角形的方案数
        complex t = w*y[k+h/2];
                                                        Cat[n]为有 n 个非叶子节点的不同二叉树数
        y[k] = u+t;
        y[k+h/2] = u-t;
                                                        // ====== Combination =======
        w = w*wn;
                                                        Il fast pow(|| x, || k, || p);
      }
                                                        int Combination(int m, int n, int p){
    }
                                                            II nom=1, den=1;
                                                            for(int i=m-n+1; i<=m; i++)
  if(on == -1)
                                                            {nom*=i; nom%=p; }
    for(int i = 0; i < len; i++) y[i].r /= len;
                                                            for(int i=2; i<=n; i++)
                                                            {den*=i; den%=p; }
const int MAXN = 200011;
                                                            den=fast_pow(den, p-2, p);
complex x[MAXN * 4];
                                                            return (nom*den)%p;
LL num[MAXN * 4]; int a[MAXN];
int main() {
                                                        II C[maxn][maxn];
  memset(num, 0, sizeof(num));
                                                        int Combination_table(int n, II MOD){
  for (int i = 0; i < N; i++) {
                                                            memset(C, 0, sizeof(C));
    scanf("%d", &a[i]);
                                                            C[0][0]=1;
    num[a[i]]++;
```

(-1)^n\*F[i]\*F[j]

```
for(int i=1; i<=n; i++){
                                                  d'Ocagne 性质:
        C[i][0]=1;
                                                  F[k*n+c]=sum
        for(int j=1; j<=i; j++)
                                                  (C[k][i]*F[c-i]*F[n]^i*F[n+1]^(k-i) for i=0 to k)
        C[i][j]=(C[i-1][j-1]+C[i-1][j])%MOD;
    }
                                                  母函数: s(x)=sum
}
                                                  (F[k]*x^k \text{ for } k=0 \text{ to infinity})=x/(1-x-x^2)
                                                  数论性质:
// ===== cont_frac 连分数逼近 =====
                                                  gcd(F[m], F[n])=F[gcd(m, n)]
Il a[maxn];
                                                  整数 N 为 Fibonacci 数的充要条件为 5*N^2+4 或
/* 连分数逼近由欧几里德算法求解
                                                  5*N^2-4 为完全平方数
n/d=a[0]+1/(a[1]+1/(a[2]+1/(a[3]+1/(...+1/a[len-
                                                  p|F[p-(5/p)] (此处括号为 Legendre 标记)
                                                  如果从 1 开始计数,则除了 F[4]=3 以外,若下标
int cont_frac(II n, II d){
                                                  n 为合数则 F[n]也为合数
    Il r;
                                                  除了 1 以外 Fibonacci 数中仅有 8 和 144 为整次
    int len=0;
    while(d){
                                                  除了 1, 8, 144, 所有 Fibonacci 数都有至少一个质
        a[len++]=n/d;
        r=n%d; n=d; d=r;
                                                  因数不在所有比其下标更小的 Fibonacci 数的质
    }
                                                  因数的集合中
    return len;
                                                  若构造一数列 A[i]=F[i]%n, n 为任意正整数,则数
                                                  列 A 有周期性且其周期不超过 6*n
// ====== Euler_Phi =======
int euler_phi(int n){
                                                  int m=int(sqrt(n+0.5)), res=n;
                                                  Legendre 符号 (p 为质数)
    for(int i=2; i<=m; i++) if(n\%i==0){
                                                  (a|p)=0 \text{ if } a\%p=0
        res=res/i*(i-1);
                                                  (a|p)=1 if a%p!=0 and 存在整数 x x^2=a (mod p)
        while(n%i==0) n/=i;
                                                  (a|p)=-1 otherwise
                                                  Euler 准则: 若 p 为奇质数且 p 不能整除 d 则
    if(n>1) res=res/n*(n-1);
                                                  d^{(p-1)/2}=(d|p) \pmod{p}
    return res;
                                                  Legendre 符号是完全积性函数
                                                  二次互反律: 若 p, q 为奇质数,则(q|p)=(p|q)*(-
int phi[maxn];
void phi table(int n){
                                                  1)^((p-1)/2*(q-1)/2)
    memset(phi, 0, sizeof(phi));
    phi[1]=1;
                                                  Mersenne 数
    for(int i=2; i<=n; i++) if(!phi[i])
                                                  M[n]=2^n-1
        for(int j=i; j <= n; j+=i){
                                                  Euclid-Euler 定理: 若 M[p]为素数,则(2^p-
            if(!phi[i]) phi[i]=i;
                                                  1)*2^(p-1)为完全数
            phi[j]=phi[j]/i*(i-1);
                                                  若 p 为奇质数,则 M[p]的所有质因子模 2*p 同
        }
                                                  余1
}
                                                  若 p 为奇质数,则 M[p]的所有质因子模 8 同余
                                                  +/-1
// ====== Fibonacci 数 ======
                                                  M[m]与 M[n]互质的充要条件为 m 与 n 互质
F[0]=F[1]=1;
                                                  若 p 与 2*p+1 皆为素数且 p 模 4 同余 3, 则
F[n]=F[n-1]+F[n-2];
                                                  (2*p+1)为 M[p]的因子
组合性质
F[n]=sum(C[n-k-1][k]  for k=0 to floor((n-1)/2)
                                                  Wilson 定理
C[i][j]表示组合数
                                                  大于 1 的自然数 n 为素数的充要条件为(n-1)!=-1
sum(F[i] for i=1 to n)=F[n+2]-1
                                                  (mod n)
sum(F[2*i+1] \text{ for } i=0 \text{ to } n-1)=F[2*n]
sum(F[2*i] for i=1 to n)=F[2*n+1]-1
                                                  Fermat 多边形数定理
sum(F[i]*F[i] for i=1 to n)=F[n]*F[n+1]
                                                  每一个正整数最多可以表示为 n 个 n 边形数之
Catalan 性质:
F[n]*F[n]-F[n-r]*F[n+r]=(-1)^{(n-r)*F[r]*F[r]}
                                                  和
Vajda 性质: F[n+i]*F[n+j]-F[n]*F[n+i+j]=
```

```
Euler 引理
                                                          void print(){
                                                            for(int i=0; i<DIM.c; i++){
对于任意奇素数 p, 同余方程 x^2+y^2+1=0 (mod
                                                              for(int j=0; j<DIM.r; j++)</pre>
p) 必有一组正整数解(x, y)满足 0<=x<p/2,
                                                        cout<<matrix[i][j]<<'\t';
0 <= y < p/2
                                                              cout<<endl;
Lagrange 的四平方和定理
                                                            }
每个正整数均可以表示为 4 个整数的平方和
                                                          }
                                                        };
// ======= log mod ========
                                                        Matrix BigMatrixExpo(Matrix &A, long long n){
//解方程 a^x=b (mod n) n 为素数
                                                          Matrix B=A;
int shank(int a, int b, int n){
                                                          Matrix C(A.DIM.c, A.DIM.r);
    int m, v, e=1, i;
                                                          for(int i=0; i<C.DIM.c; i++)
    m=int(sqrt(n+0.5));//复杂度为
                                                            for(int j=0; j<C.DIM.r; j++)
O((m+n/m)logm) 所以 m==n/m 时最快
                                                              C.matrix[i][j]=i==j;
    v=inv(fast_pow(a, m, n), n);//fast_pow(a, m,
                                                          while(n){
n)=(a^m)%n
                                                            if(n&1) C=C*B;
    map<int, int> x;//x[j]=min(i|e[i]==j)
                                                            B=B*B;
    x[1]=0;
                                                            n>>=1;
    for(int i=1; i<m; i++){
                                                          }
         e=a*e%n;//e=(a^i)%n
                                                          return C;
         if(!x.count(e)) x[e]=i;
                                                        //定义新矩阵 Matrix a(3, 5); a.matrix={{},{},{}};
    for(int i=0; i<m; i++){
                                                        //乘法 c=a*b; 注意 a 的第一个 parametre 等于 b
         //a^(im)到 a^(im+m-1)
                                                        的第二个 parametre;
         if(x.count(b)) return i*m+x[b];
                                                        //加法 c=a+b; //输出 c.print();
         b=b*v%n;//递推更新 b
                                                        //完全积性函数 mo[i*j]=mo[i]*mo[j]
    return -1;//无解
                                                        //sum(mo[d] for d|n)=(n==1)
                                                        //反演公式
// ======= matrix =======
                                                        //若 f(n)=sum(g(d) for d|n) 则
struct parametre{int c, r;};
                                                        g(n)=sum(mo[n/d]*f(d) for d|n)=sum(mo[d]*f(n/d)
struct Matrix{
  long long matrix[maxn][maxn];
                                                        //If f(i)=sum(g(d*i) for d from 1 to floor(n/i)) then
  parametre DIM;
                                                        g(i)=sum(f(d*i)*mo[d] for d from 1 to floor(n/i))
  Matrix(){}
                                                        bool vis[maxn+123];
  Matrix(int c, int r){
                                                        int mo[maxn+123], primes[maxn+123],
    DIM=\{c, r\};
                                                        a[maxn+123], pcnt, N;
    memset(matrix, 0, sizeof(matrix));
                                                        void mobius(){//预处理
                                                            mo[1]=1;
  Matrix operator*(Matrix &A){
                                                            for(int i=2; i <= maxn; i++){
    Matrix C(DIM.c, A.DIM.r);
                                                                 if(!vis[i])
    memset(C.matrix, 0, sizeof(C.matrix));
                                                                 { mo[i]=-1; primes[pcnt++]=i; }
    for(int i=0; i<DIM.c; i++)
                                                                 for(int j=0;
      for(int j=0; j<A.DIM.r; j++)
                                                        j<pcnt&&ll(i)*primes[j]<=maxn; j++){
        for(int k=0; k<DIM.r; k++)
                                                                      vis[i*primes[j]]=true;
C.matrix[i][j]=(C.matrix[i][j]+A.matrix[i][k]*
                                                                      if(i%primes[j]) mo[i*primes[j]]=-
matrix[k][j])%MOD;
                                                        mo[i];
    return C;
                                                                      else{
                                                                          mo[i*primes[j]]=false;
  Matrix operator+(Matrix &A){
                                                                          break;
    Matrix C(A.DIM.c, A.DIM.r);
                                                                     }
    for(int i=0; i<DIM.c; i++)
                                                                 }
      for(int j=0; j<DIM.r; j++)
                                                            }
      C.matrix[i][j]=A.matrix[i][j]+matrix[i][j];
                                                            for(int i=2; i<=maxn; i++) mo[i]+=mo[i-1];//mo
    return C;
                                                        记录前缀和
  }
                                                        }
```

```
//O(sqrt(n)+sqrt(m))
                                                             //解存在 A[k][n]里面
Il cnt_gcd(Il n, Il m, Il k){//for i from 1 to n for j
                                                             return 1;
from 1 to m cnt gcd(i, j)=k
                                                        }
    if(n>m) swap(n, m);
    II res=0;
                                                         // ====== pell equation 佩尔方程=====
    n/=k, m/=k;
                                                         //用于求解标准型 Pell 方程的第(k+1)组非平凡
    for(int i=1, j=1; i<=n; i=j+1){
                                                         解 (x^2-n*y^2=1)
         j=min(n/(n/i), m/(m/i));
                                                        //输入 n, k 和 MOD
         res+=ll(mo[j]-mo[i-1])*(n/i)*(m/i);//前缀
                                                         //递推关系为 x[i+1]=x[0]*x[i]+n*y[0]*y[i];
和 Mobius
                                                         //y[i+1]=y[0]*x[i]+x[0]*y[i];
                                                         //上述递推关系可由 sqrt(n)的连分数表示推出
    return res;
                                                         typedef pair<II, II> pii;
}
                                                         pii res;//(xk, yk)
                                                         II MOD;//模<必须是全局变量>
// ========= 高斯消元 ========
                                                         void Find(II n, II& x, II& y){
typedef int Matrix[maxn][maxn];
                                                             //暴力寻找特解(x0, y0)
void exgcd(int a, int b, int& d, int& x, int& y){
                                                             y=1;
    !b?(d=a, x=1, y=0):(exgcd(b, a%b, d, y, x), y-
                                                             while(true){
=x*(a/b));
                                                                  x=sqrt(y*y*n+1);
                                                                  if(x*x-n*y*y==1) break;
int inv(int a){
                                                                  y++;
    int d, x, y;
                                                             }
    exgcd(a, MOD, d, x, y);
    return d==1?(x+MOD)%MOD:-1;
                                                         struct parameter{int c, r;};
                                                         struct Matrix{
int gauss_jordan(Matrix A, int n, int m){//A 是增广
                                                           II matrix[maxn][maxn];
矩阵, n 个未知数, m 个方程, MOD 是模, 如果
                                                           parameter DIM;
MOD 不是质数的话每次 inv 完先检测是否是-1
                                                           Matrix(){}
    int i=0, j=0;
                                                           Matrix(int c, int r);
    while(i<m&&j<n){
                                                           Matrix operator*(Matrix &A);//带模乘法
         int row=i;
                                                           Matrix operator+(Matrix &A);
         for(int k=i; k<m; k++){
                                                           void print();
              if(A[k][j]){
                                                         };
                  row=k:
                                                         Matrix BigMatrixExpo(Matrix &A, II n);//带模快速
                  break;
              }
                                                         bool Pell(|| n, || k){//k 为第 k 组解, 从 0 开始数
         }
                                                             II t=sqrt(n)+0.5, x, y;
         if(row!=i) for(int k=0; k<=n; k++)
                                                             if(t*t==n) return false;//仅有平凡解 (1, 0) 和
              swap(A[i][k], A[row][k]);
         if(!A[i][j]){
                                                         (-1, 0)
                                                             Matrix A(2, 2);
             j++; continue;
                                                             Find(n, x, y);
         }
                                                             A.matrix[0][0]=A.matrix[1][1]=x;
         for(int k=0; k< m; k++){
                                                             A.matrix[0][1]=n*y;
              if(!A[k][j]||i==k) continue;
                                                             A.matrix[1][0]=y;
              int cur=A[k][j]*inv(A[i][j])%MOD;
                                                             A=BigMatrixExpo(A, k-1);
              for(int t=j; t<=n; t++)
                                                             res=make_pair((A.matrix[0][0]*x+A.matrix[0][
              A[k][t]=((A[k][t]-cur*A[i][t])
                                                         1]*y)%MOD,
%MOD+MOD)%MOD;
                                                         (A.matrix[1][0]*x+A.matrix[1][1]*y)%MOD);
         }
                                                             return true;
         i++;
    for(int k=i; k<m; k++)
         if(A[k][n]) return -1;//无解
    if(i<n) return 0;//无限解
    for(int k=0; k<n; k++)
         A[k][n]=A[k][n]*inv(A[k][k])%MOD;
```

```
// ====== CRT======
                                                            {return *this=*this-rhs;}
                                                            fraction operator - (const int &rhs) const
typedef long long II;
                                                            {fraction r(rhs, 1);return *this-r;}
//n 个方程为 x=a[i] (mod m[i])
                                                            fraction operator -= (const int &rhs)
Il china(int n, int* a, int* m){
                                                            {return *this=*this-rhs;}
     Ⅱ M=1, d, y, x=0;//M 是等价以后的模
                                                            fraction operator * (const fraction &rhs) const{
     for(int i=0; i<n; i++) M*=m[i];
                                                                      fraction res;
     for(int i=0; i<n; i++){
                                                                      res.num=num*rhs.num;
         II w=M/m[i];
                                                                      res.den=den*rhs.den;
          exgcd(m[i], w, d, d, y);
                                                                      res.simplify();
         x=(x+y*w*a[i])%M;
                                                                      return res;
     return (x+M)%M;
                                                            fraction operator *= (const fraction &rhs)
                                                            {return *this=(*this)*rhs;}
// ======= Fraction ========
                                                            fraction operator * (const int &rhs) const
Il gcd(ll a, ll b){ return !b?a:gcd(b, a%b); }
                                                            {fraction r(rhs, 1); return (*this)*r;}
struct fraction{
                                                            fraction operator *= (const int &rhs)
Il num, den;
                                                            {return *this=(*this)*rhs;}
fraction(){ num=0; den=1; }
                                                            fraction operator / (const fraction &rhs) const{
fraction(II a, II b)
                                                                      fraction res;
{num=a; den=b; simplify();}
                                                                      res.num=num*rhs.den;
inline void reset(){ num=0; den=1;}
                                                                      res.den=den*rhs.num;
void simplify(){
                                                                      res.simplify();
         II d=gcd(num, den);
                                                                      return res;
         num/=d;
          den/=d;
                                                            fraction operator /= (const fraction &rhs)
         if(den<0){num=-num;den=-den;}
                                                            {return *this=(*this)/rhs;}
                                                            fraction operator / (const int &rhs) const
inline Il convert(){return num/den;}
                                                            { fraction r(rhs, 1); return (*this)/r; }
fraction& operator = (int rhs){
                                                            fraction operator /= (const int &rhs)
         (*this).num=rhs;
                                                                 {return *this=(*this)/rhs;}
         (*this).den=1;
                                                            bool operator == (const fraction &rhs) const
          return *this;
                                                                 {return num*rhs.den==den*rhs.num;}
                                                            bool operator == (const int &rhs) const
fraction operator + (const fraction &rhs) const{
                                                                 {return num==den*rhs;}
         fraction res;
                                                            bool operator != (const fraction &rhs) const
         res.den=lcm(den, rhs.den);
                                                                 {return !(*this==rhs);}
res.num=res.den/den*num+res.den/rhs.den*rhs.n
                                                            bool operator != (const int &rhs) const
um;
                                                                 {return !(*this==rhs);}
         res.simplify();
                                                            bool operator < (const fraction &rhs) const
         return res;
                                                                 {return num*rhs.den<den*rhs.num;}
}
                                                            bool operator < (const int &rhs) const
fraction operator += (const fraction &rhs)
                                                                 {return num<den*rhs;}
{return *this=*this+rhs;}
                                                            bool operator > (const fraction &rhs) const
fraction operator + (const int &rhs) const{
                                                                 {return num*rhs.den>den*rhs.num;}
         fraction r(rhs, 1);
                                                            bool operator > (const int& rhs) const
         return *this+r;
                                                                 {return num>den*rhs;}
                                                            bool operator <= (const fraction &rhs) const
fraction operator += (const int &rhs)
                                                                 {return *this==rhs||*this<rhs;}
{return *this=*this+rhs;}
                                                            bool operator <= (const int& rhs) const
fraction operator - (const fraction &rhs) const{
                                                                 {return *this==rhs||*this<rhs;}
         fraction res;
                                                            bool operator >= (const fraction &rhs) const
         res=*this+fraction(-1, 1)*rhs;
                                                                 {return *this>rhs||*this==rhs;}
         res.simplify();
                                                            bool operator >= (const int &rhs) const
         return res;
                                                                 {return *this>rhs||*this==rhs;}
                                                            };
fraction operator -= (const fraction &rhs)
```

```
// ======== 辛普森积分 =======
                                                            int convexhull(Point* p, int n, Point* ch) {
                                                               sort(p, p+n);
double simpson(double a, double b) {
                                                              int m = 0;
     double c = (a + b) / 2.0;
                                                               for(int i = 0; i < n; i++) {
     return (F(a)+4*F(c)+F(b)) * (b-a) / 6.0;
                                                                 while(m > 1 \&\& cross(ch[m-1]-ch[m-2], p[i]-
}// 这里 F 为自定义函数
                                                            ch[m-2]) <= 0) m--;
//given A as the simpson Value for the whole
                                                                 ch[m++] = p[i];
interval [a,b]
                                                              }
double asr(double a, double b, double eps, double
                                                               int k = m;
A) {
                                                               for(int i = n-2; i >= 0; i--) {
     double c = (a + b) / 2.0;
                                                                 while(m > k \&\& cross(ch[m-1]-ch[m-2], p[i]-
     double L = simpson(a, c);
                                                            ch[m-2]) <= 0) m--;
     double R = simpson(c, b);
                                                                 ch[m++] = p[i];
     if (fabs(L+R-A) \le 15*eps)
          return L + R + (L+R-A)/15.0;
                                                              if(n > 1) m--; return m;
return asr(a, c, eps/2, L) + asr(c, b, eps/2, R);
                                                            Vector Rotate(Vector A, double rad){
double asr(double a, double b, double eps)
                                                                 // 这里 rad 是逆时针旋转的角度
{ return asr(a, b, eps, simpson(a, b)); } //接口
                                                                 return Vector(A.x*cos(rad)-A.y*sin(rad),
// int main(): 调用 asr(left, right, 1e-5)
                                                                 A.x*sin(rad)+A.y*cos(rad));
// 得到 F(x) 在[left, right]上的积分 eps 也可改为
                                                            }
1e-6
                                                            // int main()
                                                            Point o(tmpx, tmpy);
// ======== 凸包 ========
                                                            p[point_cnt++]=o; ... ...
const double eps=1e-10;
                                                            int m=convexhull(p, point_cnt, ch);
const double PI=acos(-1);
                                                            double convex area=PolygonArea(ch, m);
struct Point{ double x, y;
                                                            // Rotate vector(10,10) clockwise by 90 degree
  Point(double x=0, double y=0):x(x), y(y){}
                                                            // new o = o + Rotate(Vector(10.0,10.0),-
} p[maxn], ch[maxn];
                                                            torad(90.0));
typedef Point Vector;
Vector operator + (Vector A, Vector B)
                                                            // ======= 点在多边形内 =======
     { return Vector(A.x+B.x, A.y+B.y); }
                                                            bool PNPoly(int u, int deg) {
Vector operator - (Vector A, Vector B)
                                                                 if (! (vertxmin \leq x[u] \leq vertxmax) || !
     { return Vector(A.x-B.x, A.y-B.y); }
                                                            ( vertymin <= y[u] <= vertymax ) ) return 0;
Vector operator * (Vector A, double p)
                                                                 bool is_in = 0; int i,j;
     { return Vector(A.x*p, A.y*p); }
                                                                 for(i=0;i<deg;i++) {
Vector operator / (Vector A, double p)
                                                                 if(!i) j= deg-1;
     { return Vector(A.x/p, A.y/p); }
                                                                 else j= i-1;
int dcmp(double x) {
                                                                 if ((poy[i] > y[u]) != (poy[j] > y[u])) && (x[u] <
  if(fabs(x) < eps) return 0;
                                                            (pox[j] - pox[i]) * (y[u] - poy[i]) / (poy[j] - poy[i]) +
  else return x < 0 ? -1 : 1; }
                                                            pox[i]) )
bool operator == (const Point& a, const Point& b)
                                                                           is_in = ! is_in;
\{ return dcmp(a.x-b.x) == 0 \&\& dcmp(a.y-b.y) == 
                                                                 }
                                                                 return is_in;
bool operator < (const Point& a, const Point& b)
                                                            }
{ return a.x < b.x | | (a.x == b.x \&\& a.y < b.y); }
double cross(Vector A, Vector B)
     { return A.x*B.y - A.y*B.x; }
double torad(double deg)
     { return deg / 180 * PI; }
double PolygonArea(Point* p, int n){
  double area=0:
  for(int i=1; i<n-1; i++)
    area+=cross(p[i]-p[0], p[i+1]-p[0]);
  return area/2;
}
```