

**Problem 1:**

**Problem 2:**

**Problem 3:**

**Problem 4:**

**Problem 5:**

**Problem 6:**

$$\begin{aligned} & \begin{bmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos y & \sin y \\ -\sin y & \cos y \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} \cos x \cos y - \sin x \sin y & \cos x \sin y + \sin x \cos y \\ -\sin x \cos y - \sin y \cos x & \cos x \cos y - \sin x \sin y \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} \cos(x+y) & \sin(x+y) \\ -\sin(x+y) & \cos(x+y) \end{bmatrix} \end{aligned}$$

Then

$$\begin{bmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{bmatrix}^2 = \begin{bmatrix} \cos 2x & \sin 2x \\ -\sin 2x & \cos 2x \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{bmatrix}^{57} = \begin{bmatrix} \cos 57x & \sin 57x \\ -\sin 57x & \cos 57x \end{bmatrix}$$