

座位号：

杭州电子科技大学学生考试卷（A）卷

考试课程	数字电路与硬件描述语言	考试日期	2015 年 1 月 日	成绩	
课程号	A0507010	教师号		任课教师姓名	张怀相 冯建文 楼斌 章复嘉 张翔 王长军
考生姓名		学号（8 位）		年级	
				专业	

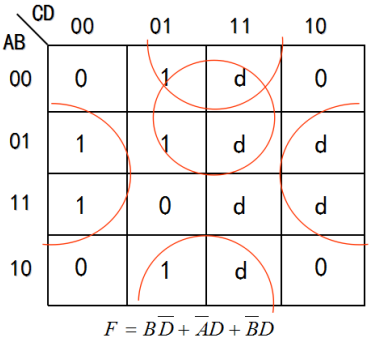
一、填空题（每空 2 分，共 24 分）

1. $(25.5)_2 = (0010\ 0101.0101)_{\text{BCD8421}} = (0101\ 1000.1000)_{\text{余3码}}$
2. $(73)_{10} = (1101101)_{\text{格雷码}}$ ；
3. $A + \overline{AB} = (A+B)$ ， $A + AB = (A)$ ；
4. 4位二进制减法计数器的初始状态为 $Q_3Q_2Q_1Q_0=0100$ ，经过7个有效时钟周期后，其状态为 $Q_3Q_2Q_1Q_0=\underline{1101}$ 。
5. 钟控RS触发器存在着 空翻 问题，主从RS触发器解决了这个问题，而主从JK触发器是为了解决主从RS触发器中R、S之间有约束条件的问题而提出来的。主从JK触发器消除了约束条件，是一种是用起来十分灵活方便的钟控触发器，但是它存在着 一次变化 问题，为了解决这个问题，提出了边沿触发器。
6. Mealy型时序逻辑电路中，输出 Z_i 不仅是 当前输入 X_1-X_n 的函数，同时也是 当前状态 $Q_1^n-Q_r^n$ 的函数；Moore型时序逻辑电路中，输出 Z_i 是 当前状态 $Q_1^n-Q_r^n$ 的函数，或者根本就不存在专门的输出 Z_i ，而以 电路中触发器的状态 直接作为输出。

二、利用逻辑代数公式证明逻辑等式 $\overline{ABD} + \overline{BCD} + \overline{AD} + \overline{ABC} + \overline{ABCD} = \overline{AB} + \overline{AD} + \overline{BC}$ （6分）。

$$\begin{aligned} \overline{ABD} + \overline{BCD} + \overline{AD} + \overline{ABC} + \overline{ABCD} &= \overline{ABD} + \overline{BCD} + \overline{AD} + \overline{ABC} + \overline{ABCD} + \overline{ABCD} \\ &= \overline{BD}(A + \overline{AC}) + \overline{BCD} + \overline{AD} + \overline{BC}(A + \overline{AD}) \\ &= \overline{BD}(A + C) + \overline{BCD} + \overline{AD} + \overline{BCAD} \\ &= \overline{BD}(A + C) + \overline{B}(C + \overline{CD}) + \overline{AD} \\ &= \overline{ABD} + \overline{B}(C + CD + \overline{CD}) + \overline{AD} \\ &= \overline{ABD} + \overline{B}(C + D) + \overline{AD} \\ &= \overline{B}(\overline{AD} + D) + \overline{CB} + \overline{AD} \\ &= (\overline{AB} + \overline{BD} + \overline{AD}) + \overline{CB} \\ &= \overline{AB} + \overline{AD} + \overline{BC} \end{aligned}$$

三、用卡诺图化简逻辑函数 $F = \overline{BCD} + \overline{BCD} + \overline{ABCD}$ ，约束条件是 $BC + CD = 0$ ，写出最简与或表达式。（5分）

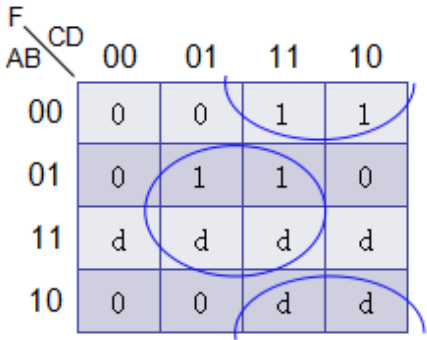


四、用与非门设计一个组合电路，输入是 1 位 8421BCD 码，当输入的数字是素数时，输出为 1，否则输出为 0。（10分）

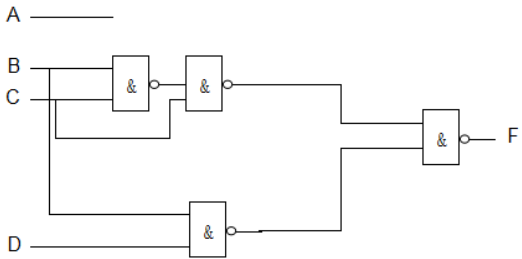
解：输入变量为 8421 码，则输入变量设为 A、B、C、D
输出变量为判断是否素数，则输出变量设为 F，是素数指示 F=1，否则 F=0

真值表

A	B	C	D	F	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
0	0	0	1	0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	1	1	0	1	0	d
0	0	1	1	1	1	0	1	1	d
0	1	0	0	0	1	1	0	0	d
0	1	0	1	1	1	1	0	1	d
0	1	1	0	0	1	1	1	0	d
0	1	1	1	1	1	1	1	1	d

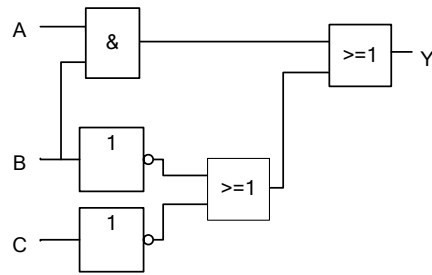


$$\begin{aligned} F &= BD + \overline{BC} \\ &= BD + \overline{BC} \cdot C \\ &= \overline{\overline{BD} \cdot \overline{BC} \cdot C} \\ &= \overline{\overline{BD} \cdot \overline{BC} \cdot C} \\ F &= \overline{\overline{BD} \cdot \overline{BC} \cdot C} \end{aligned}$$



座位号:

五、判断下图所示电路是否存在竞争与冒险现象？如果存在，如何消除？（5分）

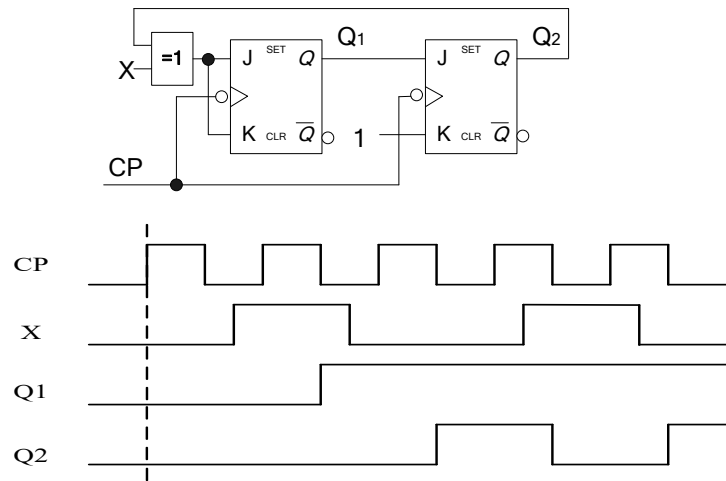


解：电路输出函数为 $Y = AB + \bar{B} + \bar{C}$

当 $A=C=1$ 时 $Y = B + \bar{B}$ ，故存在 0 型冒险，在函数中增加 AC 项即可消除竞争冒险，即

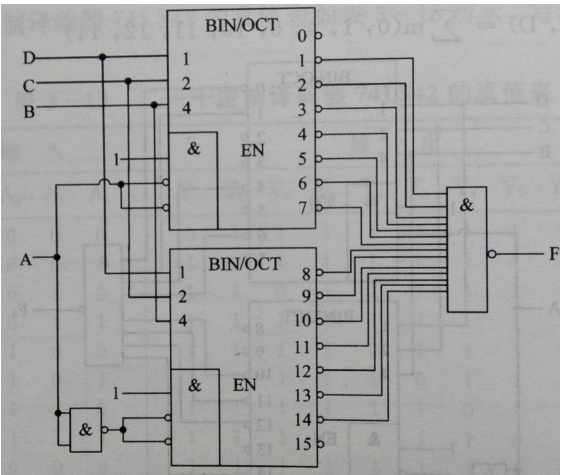
$$Y = AB + \bar{B} + \bar{C} + AC$$

六、根据下图所示电路，对应输入 X 和时钟 CP ，画出 $Q1$ 和 $Q2$ 的波形。设触发器起始状态均为“0”（8分）。



七、请用 3-8 译码器 74LS138 芯片和与非门实现逻辑函数 $F = A\bar{B} + B\bar{C} + C\bar{D} + \bar{A}D$ （7分）

F	CD	00	01	11	10
AB	00		1	1	1
01	1	1	1	1	1
11	1	1			1
10	1	1	1	1	1



八、设计一个有三个输入变量的判奇电路(奇数个 1)。（15分）

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

F	BC	00	01	11	10
A	0	0	1	0	1
1	1	0	1	0	0

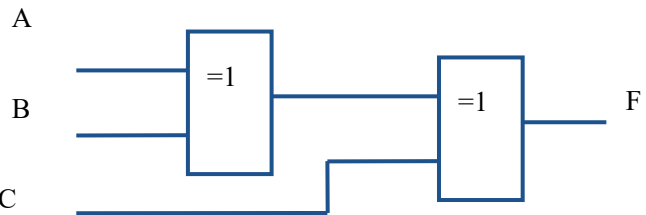
$$F = \bar{A} \cdot \bar{B}C + \bar{A}B\bar{C} + A\bar{B} \cdot \bar{C} + ABC$$

$$F = \bar{A} \cdot \bar{B}C + \bar{A}B\bar{C} + A\bar{B} \cdot \bar{C} + ABC$$

$$= \bar{A}(\bar{B}C + B\bar{C}) + A(\bar{B} \cdot \bar{C} + BC)$$

$$= \bar{A}(\bar{B}C + B\bar{C}) + A(\overline{B\bar{C}} + \overline{BC})$$

$$= A \oplus B \oplus C$$

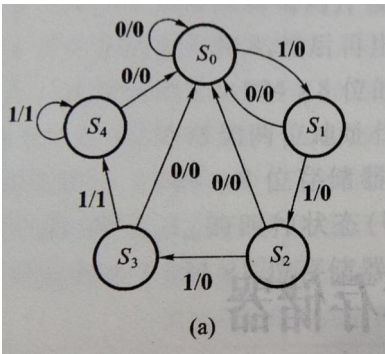


九、请设计一个串行数据检测电路。当连续出现 4 个和 4 个以上的 1 时，检测输出信号为 1，其余情况下的输出信号为 0。（20分）

解：设未输入 1 以前的电路初始状态为 S_0 ，输入一个 1 后的状态是 S_1 ，连续输入 2 个 1 的状态是 S_2 ，连续输入 3 个 1 的状态是 S_3 ，连续输入 4 个 1 的状态是 S_4 。

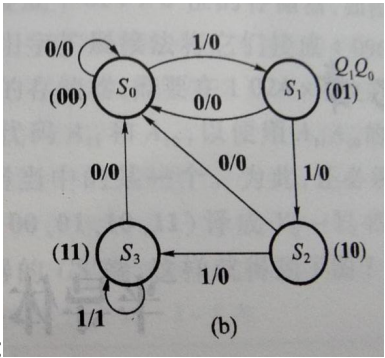
原始状态图：

座位号:



原态	次态/输出 (x=0 时)	次态/输出 (x=1 时)
S0	S0/0	S1/0
S1	S0/0	S2/0
S2	S0/0	S3/0
S3	S0/0	S4/1
S4	S0/0	S4/1

S3 和 S4 等价。

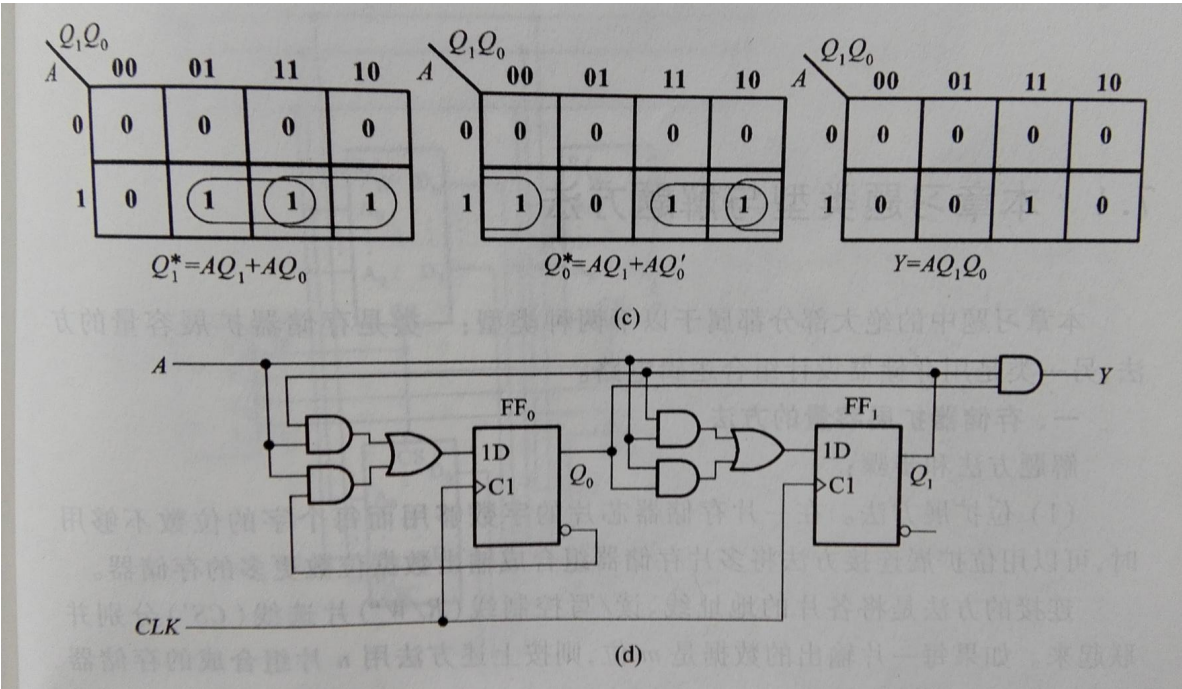


化简后的状态转换图:

以 A 表示输入，Y 表示输出。S0,S1,S2,S3 分别用 00,01,10,11 表示。

$Q_1^n Q_0^n$	$Q_1^{n+1} Q_0^{n+1} / Y$ (x=0 时)	$Q_1^{n+1} Q_0^{n+1} / Y$ (x=1 时)
00	00/0	01/0
01	00/0	10/0
10	00/0	11/0
11	00/0	11/1

卡诺图化简



此图不对，是用 D 触发器做的。卡诺图填充的对的，但是不能安装图里那么圈。根据下面的状态方程推卡诺图怎么圈。

状态方程:

$$Q_1^{n+1} = A\overline{Q_1^n}Q_0^n + AQ_1^n$$

$$Q_0^{n+1} = AQ_0^nQ_1^n + A\overline{Q_0^n}$$

激励方程为:

$$J_1 = AQ_0^n \quad K_1 = \overline{A}$$

$$J_0 = A \quad K_0 = \overline{AQ_1^n}$$