統計分析結果的報導方式

Chen-Pan Liao

December 2, 2019



本文件全文之著作權屬廖鎮磐 (Chen-Pan Liao) 所有 (聲明日: December 2, 2019),並採用姓名標示-相同方式分享 4.0 國際 (CC BY-SA 4.0;詳細內容請見 http://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/deed.zh_TW)。本文原始碼請見 https://github.com/chenpanliao/report-statistical-results-TC。

目錄

- 1. 前言 2
- 2. 單樣本均值檢驗 3
 - 2.1. 常態情況, 3 2.2. 非常態情況, 3
- 3. 配對兩樣本均值檢驗 4
 - 3.1. 常態情況, 4 3.2. 非常態情況, 5
- 4. 獨立兩樣本均值檢驗 6
 - 4.1. 常態情況, 6 4.2. 非常態情況, 7
- 5. 多樣本單因子均值檢驗 8
 - 5.1. 常態且變方同質情況, 8 5.2. 常態且變方異質情況, 9 5.3. 非常態情況, 10
- 6. 多樣本雙因子均值檢驗 10

- 7. 簡單線性迴歸 11
- 8. 簡單相關 12
 - 8.1. 雙常態分布情況, 12 8.2. 次序相關, 13
- 9. 卡方適合度檢驗 14
- 10. 卡方獨立性檢驗 15
- A. R code 15

1 前言

一般而言,在收隻樣本後必須報導描述性統計,包括中央趨勢 (如平均值或中位數)、樣本數及變異程度 (如標準偏差或標準誤差);這些敘述性統計若內容太多可以改以圖或表的方式呈現。對於特別感到興趣的參數應計算其信賴區間。進行檢驗後應報導檢定統計量 (如t, f, χ^2 等)、自由度與 p-value,並報導合適的效果量 (如 Cohan d, r, R^2 等)。在撰寫統計結果時,必須報導上述重要的統計結果,重新編排成有意義的圖或表,最終正確解讀結果。然而,在筆者經驗中,初學統計的大學生往往不能掌握這一連串撰寫統計結果的技巧。

因此,我收集了一些常見統計例題,並以學術報告口吻示範如何報導上述統計結果供學生模仿。以下我將按不同的分析情況示範報導分析結果,包括結果的文字撰寫與製作合適的圖表。因課程訓練需求,我刻意報導較多細節而看來十分繁瑣冗長。學生可以先模仿我的內容以撰寫統計學報告與作業,但未來其它課程或學術報告時應有所取捨。最末一併附上計算及繪圖之 R code。本文內容將隨課程進度持續增加內容。

本文關於效果量在筆者主持之課堂中並未多加說明,且不同的效果量 適合不同的統計方法,學生可按自己的能力決定是否報導效果量。

2 單樣本均值檢驗

2.1 常態情況

檢驗 8.8, 10.3, 11.1, 7.7, 10.4, 10.5, 9.4, 9.5, 9.4, 9.1 之中央趨勢是否顯著不同於 9。

結果指出,樣本平均 \pm 標準差為 9.62 ± 0.987 (n=10)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗常態性發現不能拒絕常態之虚無假設 (W=0.960, p=0.790),故以 one-sample two-tailed Student-t test 進行檢驗 $H_0: \mu=9$ 。結果指出,平均值的 95% 信賴區間為 [8.914, 10.236],無法拒絕 $\mu=9$ 的虚無假說 $(t=1.986, \mathrm{DF}=9, p=0.078)$ 。此外,Cohan D=0.627 顯示中度效果量。 結論是,母體平均不顯著不等於 9,但由中度效果量推測,不顯著可能是因樣本數不足造成的。

2.2 非常態情況

檢驗 2.5, 0.25, 0.01, 1.74, 0.39, 0.09, 0.82, 0.2, 0.84, 0.76 之中央趨勢是否顯著不同於 2。

結果指出,樣本平均 \pm 標準差為 0.76 ± 0.797 (n=10)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗常態性發現拒絕常態之虚無假設 $(W=0.841,\,p=0.045)$,故以 Wilcoxon signed rank sum test 進行檢驗 H_0 :中位數 = 2。結果指出,應 拒絕中位數 = 2 的虚無假說 (樣本中位數 $= 0.575,\,V = 2,\,p = 0.006$)。此 外,多達 90% 的樣本小於 2,顯示高度的效果量。結論是,母體中位數顯 著不等於 2 且小於 2。 1

¹ 在雙尾檢驗後若顯著可以藉樣本平均或中位數的大小直接解釋為顯著大於或小於。

3 配對兩樣本均值檢驗

3.1 常態情況

檢驗以下配對樣本

$$x_1$$
 8.8 10.3 11.1 7.7 10.4 10.5 9.4 9.5 x_2 9.2 10.4 11.6 7.7 10.6 11.6 11.4 10.4

之差值 $(x_1 - x_2)$ 中央趨勢是否顯著小於 0.1。

結果指出, x_1 與 x_2 之平均 \pm 標準差分別為 9.71 ± 1.095 及 10.36 ± 1.344 ($n_{\text{pair}}=8$; 圖 1a)。差值平均 \pm 標準差為 -0.65 ± 0.665 (圖 1b)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗差值之常態性發現不能拒絕常態之虚無假設 ($W=0.883,\ p=0.202$),故以 two-sample paired t-test 檢驗 $H_0:\mu_1-\mu_2\geq0.1$ 。結果指出,應拒絕虚無假設 ($t=-3.188,\ DF=7,\ p=0.015$)。此外,差值平均之 95% 信賴區間為 [-1.206,-0.0936],且 Cohan D=1.728 顯示高度效果量。結論是:差值平均顯著小於 0 且差距之效果量甚高。

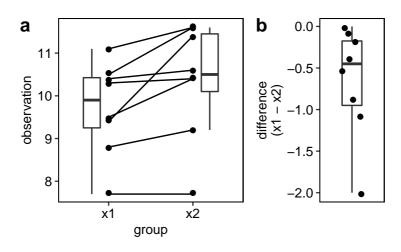


圖 1: 配對兩樣本的觀測值盒形圖 (a) 及差值盒形圖 (b)。

3.2 非常態情況

檢驗以下配對樣本

 x_1 5.1 6.9 7.2 6.5 7.2 6.4 5.3 7.7 x_2 5.6 6.2 6.6 6.7 6.7 5.8 4.8 8.1

之差值 $(x_1 - x_2)$ 中央趨勢是否顯著偏離 1。

結果指出, x_1 與 x_2 之平均 ± 標準差分別為 6.538 ± 0.924 及 6.313 ± 0.975 ($n_{\text{pair}} = 8$; 圖 2a)。差值平均 ± 標準差為 0.225 ± 0.501 (圖 2b)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗差值之常態性,結果顯示應拒絕常態之虚無假設 (W = 0.797, p = 0.026),故以 Wilcoxon signed rank sum test 進行檢驗 H_0 : 差值中位數 = 1。結果顯示,差值中位數顯著不等於 1 (V = 0, p = 0.014) 而是小於 1。此外,100% 的樣本差值小於 1,具極高的效果量。結論是,差值母體中位數顯著小於 1 且效果量高。

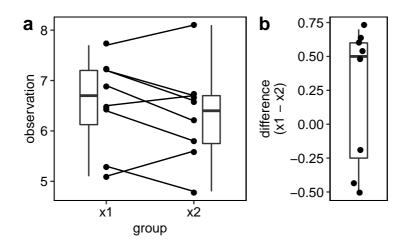


圖 2: 配對兩樣本的觀測值盒形圖 (a) 及差值盒形圖 (b)。

4 獨立兩樣本均值檢驗

4.1 常態情況

檢驗以下兩獨立樣本

$$x_1$$
 8.6 10 9.2 10.2 11.4 10.7 x_2 9.7 8.8 9.2 10.2 9.3 7.6 8.6

之中央趨勢是否顯著偏離 0。

結果指出, x_1 與 x_2 之平均 ± 標準差分別為 10.02 ± 1.095 及 9.057 ± 0.836 ($n_1=6$, $n_2=7$; 圖 3)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗差值 之常態性發現二樣本皆不能拒絕常態之虚無假設 (x_1 , W=0.985, p=0.975; x_2 , W=0.976, p=0.938),故以 Welch two-Sample t-test 檢驗 $H_0: \mu_1 - \mu_2 = 0$ 。結果指出不應拒絕虛無假設 (t=1.848, DF = 9.794, p=0.095)。此外,差值平均之 95% 信賴區間為 [-0.201, 2.120],且 Cohan D=1.044 顯示高度效果量。結論是二樣本平均無顯著差異,但效果量甚高,可能因樣本數不足而發生型二錯誤。

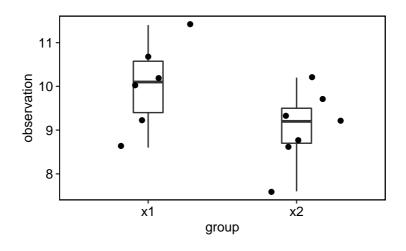


圖 3: 獨立兩樣本的觀測值盒形圖。

4.2 非常態情況

檢驗以下兩獨立樣本

$$x_1$$
 0 0.1 0.7 0.7 0.9 0.7 0 0.9 x_2 0.7 1.6 0.6 0.4 1.7 0.2 1.4

之中央趨勢是否顯著偏離 0。

結果指出, x_1 與 x_2 之平均 \pm 標準差分別為 0.5 ± 0.396 及 0.943 ± 0.611 ($n_1=8$; $n_2=7$; 圖 4)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗差值之常態性發現 x_1 拒絕常態之虚無假設 (x_1 , W=0.794, p=0.024; x_2 , W=0.890, p=0.276),故以 Mann-Whitney U test 檢驗 H_0 : Median₁ — Median₂ = 0。 結果指出不應拒絕虛無假設 (W=18.5, p=0.292)。此外,Cliff's d=0.339 顯示中等程度效果量。結論是,二樣本之中位數無顯著差異,但效果量程中度,可能因樣本數不足而發生型二錯誤。

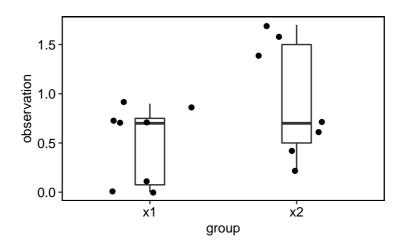


圖 4: 獨立兩樣本的觀測值盒形圖。

5 多樣本單因子均值檢驗

5.1 常態且變方同質情況

檢驗以下三獨立樣本

之中央趨勢是否相等。

三樣本的描述性統計如表 1。由於三組樣本分布並不顯著偏離常態 (Shapiro-Wilk test, $p_1=0.709$, $p_2=0.85$, $p_3=0.925$),且變異數不顯著不等 (Bartlett test, $\chi^2=0.469$, DF = 2, p=0.791),故以 one-way ANOVA 檢驗 $H_0: \mu_1=\mu_2=\mu_3$ 。結果顯示,x 為顯著因子 (f=9.297, DF = (2,15), p=0.0024),且 η^2 顯示有 55.3% 的變異量可由 x 因子解釋。接下來以 Tukey's range test 進行多重比較,結果顯示, x_1 與 x_3 存在顯著差異,而 x_2 與另二組皆無顯著差異 (表 2;圖 5)。

表 1: 獨立三樣本的描述性統計。

Group	Mean	SD	n
x_1	4.94	0.77	6
x_2	5.86	0.79	5
x_3	6.65	0.59	7

表 2: 獨立三樣本的事後多重比較。

Comparison	Estimate	95% CI lower	95% CI upper	$p_{ m adj}$
$x_{2}-x_{1}$	0.917	-0.200	2.034	0.117
$x_{3} - x_{1}$	1.704	0.677	2.730	0.002
$x_{3} - x_{2}$	0.787	-0.293	1.867	0.175

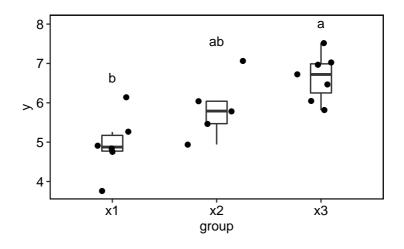


圖 5: 獨立三樣本的觀測值盒形圖。上方字母為多重比較的分群結果;若 任二組存在相同字母則表示不存在顯著差異,反則反之。

5.2 常態且變方異質情況

檢驗以下三獨立樣本

之中央趨勢是否相等。

三樣本的描述性統計如表 3。由於三組樣本分布並不顯著偏離常態 (Shapiro-Wilk test, $p_1=0.158$, $p_2=0.593$, $p_3=0.388$), 且變異數顯著不相等 (Bartlett test, $\chi^2=6.340$, DF = 2, p=0.042), 故以 Welch one-way ANOVA 檢驗 $H_0: \mu_1=\mu_2=\mu_3$ 。結果顯示, x 為顯著因子 (f=8.248, DF = (2,8.953), p=0.009), 且 η^2 顯示有 34.77% 的變異量可由 x 因子解釋。接下來以 Games-Howell method 進行多重比較,結果顯示, x_1 與 x_3 存在顯著差異,而 x_2 與另二組皆無顯著差異 (表 4;圖 6)。

表 3: 獨立三樣本的描述性統計。

Group	Mean	SD	n
x_1	4.073	0.906	6
x_2	6.596	1.267	5
x_3	6.989	2.803	7

表 4: 獨立三樣本的事後多重比較。

Comparison	Estimate	95% CI	t	DF	$p_{ m adj}$
$x_2 - x_1$	2.523	[0.536, 4.509]	3.727	7.103	0.017
$x_{3} - x_{1}$	2.915	[-0.345, 6.175]	2.598	7.420	0.077
$x_3 - x_2$	0.393	[-2.973, 3.758]	0.327	8.840	0.943

5.3 非常態情況

檢驗以下三獨立樣本

之中央趨勢是否相等。

三樣本的描述性統計如表 5。由於 x_1 與 x_3 分布顯著偏離常態 (Shapiro-Wilk test, $p_1=0.014$, $p_2=0.577$, $p_3=0.008$), 故以 Kruskal-Wallis rank sum test 檢驗 H_0 :中位數 $_1$ =中位數 $_2$ =中位數 $_3$ 。結果顯示,x 為顯著因子 ($\chi^2=9.041$, DF = 2, p=0.011),且 $\eta^2=0.391$ 顯示高度效果量。Dunn's Kruskal-Wallis multiple comparisons 之多重比較結果顯示, x_1 與 x_3 存在顯著差異,而 x_2 與另二組皆無顯著差異 (表 6;圖 7)。

6 多樣本雙因子均值檢驗

(待撰)

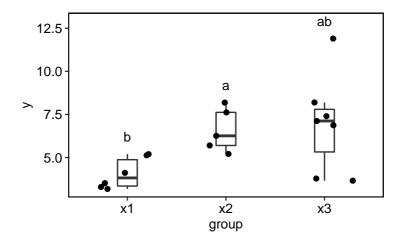


圖 6: 獨立三樣本的觀測值盒形圖。上方字母為多重比較的分群結果;若 任二組存在相同字母則表示不存在顯著差異,反則反之。

	3		III DEFI
group	Mean	SD	n

 x_1

 x_2

 x_3

5.225

2.186

0.733

5.617

1.151

0.644

表 5: 獨立三樣本的描述性統計。

7 簡單線性迴歸

以下樣本

中, y 為應變數, x 為自變數, 建立 $y = \beta_0 + \beta_1 x + \varepsilon$ 的簡單線性迴歸。

簡單線性迴歸之結果如表 7 及圖 8a。結果顯示,每 x 增加 1 單位使 y 平均顯著增加 2.069 單位,應拒絕 $H_0:\beta_1=0$ (表 7a)。就效果量而言,自變數可解釋 $R^2=92.4\%$ 之變異量,屬高效果量。就迴歸診斷而言,殘差之 Q-Q 圖 (圖 8b) 顯示殘差呈輕微右偏態,Shapiro-Wilk test 顯示殘差並未顯著偏離常態分布 ($W=0.848,\ p=0.090$),模型配適尚可。結論是,自變數顯著地增加應變數且效果明顯。

表 6: Dunn's Kruskal-Wallis 多重比較之結果。

Comparison	z	p_{adj}
$x_1 - x_2$	0.964	0.335
$x_{1} - x_{3}$	2.979	0.009
$x_{2}-x_{3}$	1.994	0.092

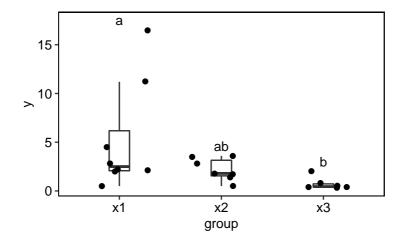


圖 7: 獨立三樣本的觀測值盒形圖。上方字母為多重比較的分群結果;若任二組存在相同字母則表示不存在顯著差異,反則反之。

8 簡單相關

8.1 雙常態分布情況

以下樣本

$$x_1$$
 8.8 10.3 11.1 7.7 10.4 10.5 9.4 9.5 x_2 17 19.7 21.7 14.4 20 21.1 19.8 18.9

表 7: 簡單線性迴歸之結果。

Variable	Estimate \pm Std. Error	t (DF = 6)	p	95% CI
Intercept	-1.016 ± 2.408	-0.422	0.688	[-6.909, 4.877]
x	2.069 ± 0.247	8.389	< 0.001	[1.465, 2.672]

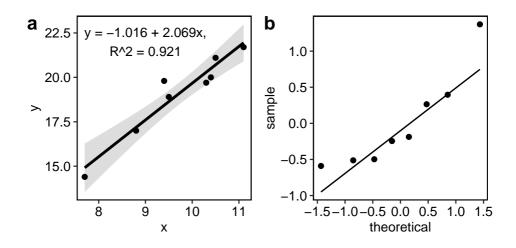


圖 8: 簡單線性迴歸之散布圖及迴歸線 (a) 及 Q-Q plot (b)。圖中灰色區域為 95% confidence pointwise band。

中,分析二變數之間的相關性。

首先以 Shapiro-Wilk multivariate normality test 檢驗 x_1 與 x_2 是否偏離雙變量常態分布,結果顯示不能拒絕 $H_0: x_1$ 與 x_2 之母體聯合分配為常態 (W=0.860, p=0.120),故可計算 Pearson correlation。結果指出,r=0.960 屬高度正相關且應拒絕 $H_0: \rho=0$ (95% CI = [0.789, 0.993],t=8.389,DF = 6,p<0.001;圖 9)。結論是, x_1 與 x_2 間存在顯著的高度正向線性相關性。

8.2 次序相關

以下樣本

$$x_1$$
 7.5 5.4 5.9 6.1 7.9 7.9 6.6 6 x_2 0.3 0.2 4.4 2.7 0.1 1 0.3 0.5

中,分析二變數之間的相關性。

首先以 Shapiro-Wilk multivariate normality test 檢驗 x_1 與 x_2 是否偏離雙變量常態分布,結果顯示不能拒絕 $H_0: x_1$ 與 x_2 之母體聯合分配為常態 $(W=0.739,\ p=0.006)$,故計算 Spearman's rank correlation coefficient。 結果指出, $r_{\rm s}=-0.241$ 屬低度負相關且無法拒絕 $H_0: \rho_{\rm s}=0$ (S=104.24,

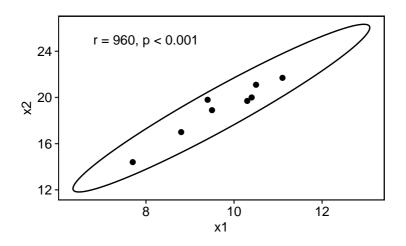


圖 9: x_1 與 x_2 散布圖。圖中楕圓區域表示相關性之 95% confidence ellipse。 $p=0.565\;;$ 圖 10)。結論是, x_1 與 x_2 間不存在顯著次序相關性。

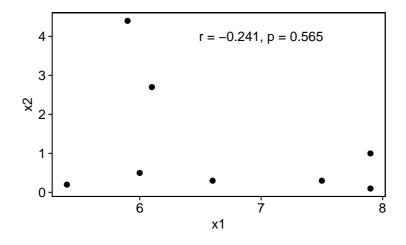


圖 $10: x_1 與 x_2$ 散布圖。

9 卡方適合度檢驗

隨機抽樣 40 人,發現各血型次數為 $\{O:A:B:AB\}=\{20:15:3:2\}$ 。 檢驗 $H_0:\pi_O:\pi_A:\pi_B:\pi_{AB}=0.4:0.3:0.2:0.1$ 。

四種血型的母體比例估計如表 8。卡方適合度檢驗結果指出 $\chi^2=5.875$ (DF = 3)。由於血型 B 和 AB 之期望值極低 (< 1),故採用 4,999 次 permutation 得 p=0.112 而不能拒絕 H_{00}

表 8: 血型頻率與比例估計。

Blood type	Frequency	Proportion	95% CI
A	15	0.375	[0.216, 0.598]
AB	2	0.050	[0.008, 0.154]
В	3	0.075	[0.019, 0.194]
О	20	0.500	[0.312, 0.752]

10 卡方獨立性檢驗

(待撰)

A R code

以下為本文中所有產生資料、進行分析、製作表格與繪圖之 R code, 亦可至 https://github.com/chenpanliao/report-statistical-results-TC/blob/master/plot/report-results.R 下載。

```
1 | library(lsr)
2
    library(coin)
    library(ggpubr)
    library(data.table)
    library(multcomp)
5
    library(multcompView)
6
    library(xtable)
7
    library(userfriendlyscience)
8
    library(mvnormtest)
9
    library(car)
10
    library(FSA)
11
    library(rstatix)
12
13
    ## normal one-sample test
14
    set.seed(1234)
15
```

```
x \leftarrow rnorm(10, 10, 1) \% round(1)
16
     paste0(x, collapse = ", ")
17
     mean(x)
18
     sd(x)
19
     shapiro.test(x)
20
     t.test(x)
21
     t.test(x, mu = 9)
22
     cohensD(x, mu = 9)
23
24
25
     ## non-normal one-sample test
26
     set.seed(1234)
27
     x \leftarrow rexp(10, 1) \%% round(2)
28
     paste0(x, collapse = ", ")
29
     mean(x)
30
     sd(x)
31
     shapiro.test(x)
32
     wilcox.test(x, mu = 2)
33
34
35
     ## normal paired test
36
     set.seed(1234)
37
     x1 <- rnorm(8, 10, 1) %>% round(1)
38
     x2 < - round(x1 + rnorm(8, 1), 1)
39
     shapiro.test(x1 - x2)
40
     t.test(x1, x2, paired = T, mu = 0.1)
41
     paste0(x1, collapse = " & ")
42
     paste0(x2, collapse = " & ")
43
     mean(x1)
44
     sd(x1)
45
     mean(x2)
46
     sd(x2)
47
     mean(x1 - x2)
48
     sd(x1 - x2)
49
     cohensD(x1 - x2, mu = 0.5)
50
     d.plot <-
51
       data.table(
52
         observation = c(x1, x2),
53
         group = gl(2, 8, labels = c("x1", "x2")),
54
         block = gl(8, 1, 16)
55
       )
56
     f1 <-
57
       ggplot(d.plot, aes(group, observation)) +
58
       geom_boxplot(width = 0.2,
                     position = position_nudge(x = c(-0.2, 0.2)),
60
                     outlier.shape = NA) +
61
       geom_jitter(width = 0) +
62
       geom_segment(
63
```

```
aes(
64
            x = 1
65
            xend = 2,
66
            y = x1,
67
            yend = x2
68
69
          dcast(d.plot, block ~ group, value.var = "observation")
70
71
       theme_pubr(10, border = T)
72
      f2 <-
73
        dcast(d.plot, block ~ group, value.var = "observation") %>%
74
        [, (difference = x1 - x2), by = block] %%
75
        ggplot(aes(x = 0, y = difference)) +
76
        geom_boxplot(width = 0.1) +
77
        geom_jitter(width = 0.05) +
78
        theme_pubr(10, border = T) +
79
        theme(
80
          axis.ticks.x = element_blank(),
81
          axis.text.x = element_blank(),
82
          axis.title.x = element_blank()
83
84
        ylab("difference\n(x1 - x2)") +
85
        xlim(c(-0.15, 0.15))
86
      windows(4, 2.5)
87
      ggarrange(
88
        f1,
89
        f2,
90
        nrow = 1,
91
        labels = "auto",
92
       align = "h",
93
       widths = c(2, 1.2)
94
95
      ggsave("normal_paired_test.pdf")
96
97
98
      ## non-normal paired test
99
      set.seed(1212314)
100
      x1 \leftarrow runif(8, 5, 8) \% \sim round(1)
101
      x2 < - round(x1 + runif(8, -1, 1), 1)
102
      shapiro.test(x1 - x2)
103
      wilcox.test(x1,
104
105
                   paired = T,
106
                  mu = 1,
107
                   exact = F)
108
      t.test(x1, x2, paired = T, mu = 0.1)
109
      paste0(x1, collapse = " & ")
110
      paste0(x2, collapse = " & ")
111
     mean(x1)
112
```

```
sd(x1)
113
     mean(x2)
114
     sd(x2)
115
     mean(x1 - x2)
116
     sd(x1 - x2)
117
     cohensD(x1 - x2, mu = 0.5)
118
     table(x1 - x2 < 1)
119
     d.plot <-
120
       data.table(
121
          observation = c(x1, x2),
122
          group = gl(2, 8, labels = c("x1", "x2")),
123
          block = gl(8, 1, 16)
124
125
     f1 <-
126
       ggplot(d.plot, aes(group, observation)) +
127
        geom_boxplot(width = 0.2,
128
                      position = position_nudge(x = c(-0.2, 0.2)),
129
                      outlier.shape = NA) +
130
        geom_jitter(width = 0) +
131
        geom_segment(
132
          aes(
133
            x = 1,
134
            xend = 2,
135
            y = x1,
136
            yend = x2
137
138
          dcast(d.plot, block ~ group, value.var = "observation")
139
140
        theme_pubr(10, border = T)
141
     f2 <-
142
        dcast(d.plot, block ~ group, value.var = "observation") %>%
143
        [, (difference = x1 - x2), by = block] %%
144
        ggplot(aes(x = 0, y = difference)) +
145
        geom_boxplot(width = 0.1) +
146
        geom_jitter(width = 0.05) +
147
        theme_pubr(10, border = T) +
148
        theme(
149
          axis.ticks.x = element_blank(),
150
          axis.text.x = element_blank(),
151
          axis.title.x = element_blank()
152
153
        ylab("difference\n(x1 - x2)") +
154
        xlim(c(-0.15, 0.15))
155
     windows(4, 2.5)
156
     ggarrange(
157
        f1,
158
        f2,
159
       nrow = 1,
160
```

```
labels = "auto",
161
        align = "h",
162
        widths = c(2, 1.2)
163
164
      ggsave("non-normal_paired_test.pdf")
165
166
167
      ## normal independent two-sample test
168
      set.seed(124)
169
      x1 <- rnorm(6, 10, 1) \% > \% round(1)
170
      x2 <- rnorm(7, 9, 1) \% > \% round(1)
171
      shapiro.test(x1)
172
      shapiro.test(x2)
173
      t.test(x1, x2)
174
      paste0(x1, collapse = " & ")
175
      paste0(x2, collapse = " & ")
176
      mean(x1)
177
      sd(x1)
178
      mean(x2)
179
      sd(x2)
180
      cohensD(x1, x2)
181
      d.plot <-
182
        data.table(
183
          observation = c(x1, x2),
184
          group = c(rep("x1", 6), rep("x2", 7))
185
186
      windows(4, 2.5)
187
      ggplot(d.plot, aes(group, observation)) +
188
        geom_boxplot(width = 0.2,
189
                      outlier.shape = NA) +
190
        geom_jitter(width = 0.3) +
191
        theme_pubr(10, border = T)
192
      ggsave("normal_independent_test.pdf")
193
194
195
      ## non-normal independent two-sample test
196
      set.seed(6324)
197
      x1 <- runif(8, 0, 1) \% > \% round(1)
198
      x2 <- runif(7, 0, 2) \% round(1)
199
      shapiro.test(x1)
200
      shapiro.test(x2)
201
      paste0(x1, collapse = " & ")
202
      paste0(x2, collapse = " & ")
203
      mean(x1)
204
      sd(x1)
205
      mean(x2)
206
      sd(x2)
207
     windows(4, 2.5)
208
```

```
d.plot <-
209
       data.table(
210
         observation = c(x1, x2),
211
         group = c(rep("x1", 8), rep("x2", 7))
212
213
     windows(4, 2.5)
214
     ggplot(d.plot, aes(group, observation)) +
215
        geom_boxplot(width = 0.2,
216
                     outlier.shape = NA) +
217
        geom_{jitter}(width = 0.3) +
218
        theme_pubr(10, border = T)
219
     ggsave("non-normal_independent_test.pdf")
220
221
222
     ## oneway ANOVA
223
     set.seed(364)
224
225
       data.table(y = round(c(rep(5, 6), rep(6, 5), rep(7, 7)) + rnorm(18), 2),
226
                   group = factor(c(rep("x1", 6), rep("x2", 5), rep("x3", 7)))
227
     tapply(d$y, d$group, shapiro.test)
228
     bartlett.test(y ~ group, d)
229
     d[, paste0(y, collapse = " & "), by = group]
230
     d[, .(Mean = mean(y),
231
            SD = sd(y),
232
            n = length(y)), by = group] %>%
233
        as.data.frame %>%
234
       xtable(
235
236
         digits = 3,
237
         auto = T
238
          label = "table:oneway_ANOVA",
239
         caption = "獨立三樣本的描述性統計。"
240
241
     fit <- aov(y ~ group, d)
242
     summary(fit)
243
     TukeyHSD(fit, "group")$group
244
     TukeyHSD(fit, "group")$group %>%
245
       xtable(
246
         digits = 3,
247
         auto = T
248
         label = "table:oneway_ANOVA_post".
249
         caption = "獨立三樣本的事後多重比較。"
250
251
     fit.mult <-
252
        TukeyHSD(fit, "group")$group[, "p adj"] %>%
253
        multcompLetters %>%
254
        .$Letters %>%
255
        data.table(group = names(.), rank = .) %>%
256
       merge(., d[, .(max.val = max(y)), by = group], by = "group")
257
```

```
windows(4, 2.5)
258
     ggplot(d, aes(group, y)) +
259
       geom_boxplot(width = 0.2,
260
                     outlier.shape = NA) +
261
        geom_jitter(width = 0.3) +
262
        geom_text(aes(group, max.val + 0.5, label = rank),
263
                  fit.mult,
264
                  size = 10 * 0.352777778) +
265
        theme_pubr(10, border = T)
266
     ggsave("oneway_ANOVA.pdf")
267
268
269
     ## Welch's ANOVA
270
     set.seed(12234)
271
272
     d <-
        data.table(y = round(rnorm(
273
274
          mean = c(rep(4, 6), rep(6, 5), rep(7, 7)),
275
          sd = c(rep(1, 6), rep(2, 5), rep(3, 7))
276
277
       group = factor(c(rep("x1", 6), rep("x2", 5), rep("x3", 7))))
278
     tapply(d$y, d$group, shapiro.test)
279
     bartlett.test(y ~ group, d)
280
     d[, paste0(y, collapse = " & "), by = group]
281
     d[, .(Mean = mean(y),
282
            SD = sd(y),
283
            n = length(y)), by = group \%\%
284
       as.data.frame %>%
285
       xtable(
286
287
          digits = 3.
288
          auto = T,
289
          label = "table:Welch_ANOVA"
290
          caption = "獨立三樣本的描述性統計。"
291
292
     aov(y ~ group, data = d) %>% summary
293
     oneway.test(y ~ group, data = d)
294
     mc <- posthocTGH(d$y, d$group, digits = 3)$output$games.howell</pre>
295
     mc %>%
296
       xtable(
297
          digits = 3,
298
          auto = T,
299
          label = "table:Welch_ANOVA_post",
300
          caption = "獨立三樣本的事後多重比較。"
301
302
     fit.mult <-
303
       mc$p %>%
304
        set_names(rownames(mc)) %>%
305
        multcompLetters %>%
306
        .$Letters %>%
307
```

```
data.table(group = names(.), rank = .) %>%
308
        merge(., d[, .(max.val = max(y)), by = group], by = "group")
309
     windows(4, 2.5)
310
     ggplot(d, aes(group, y)) +
311
       geom_boxplot(width = 0.2,
312
                     outlier.shape = NA) +
313
        geom_{jitter}(width = 0.3) +
314
        geom_text(aes(group, max.val + 1, label = rank),
315
                  fit.mult,
316
                  size = 10 * 0.352777778) +
317
        theme_pubr(10, border = T)
318
     ggsave("Welch_ANOVA.pdf")
319
320
321
     ## Kruskal-Wallis Rank Sum Test
322
     set.seed(1132234)
323
     d <-
324
       data.table(y = c(rexp(8, 0.2), rexp(7, 0.5), rexp(6, 1)) \%\% round(1),
325
                   group = c(rep("x1", 8), rep("x2", 7), rep("x3", 6)))
326
     d[, shapiro.test(y), by = group]
327
     d[, paste0(y, collapse = " & "), by = group]
328
     d[, .(Mean = mean(y),
329
           SD = sd(y),
330
           n = length(y)), by = group] %>%
331
        as.data.frame %>%
332
        xtable(
333
334
         digits = 3.
335
         auto = T,
336
          label = "table:rank_oneway"
337
         caption = "獨立三樣本的描述性統計。"
338
        )
339
     kruskal.test(y ~ group, d)
340
     kruskal_effsize(d, y ~ group)
341
     dunnTest(y ~ group, d)
342
     dunnTest(y ~ group, d)$res %>%
343
        xtable(caption = "Dunn's Kruskal-Wallis多重比較之結果。",
344
               label = "table:rank_oneway_post",
345
               digits = 3
346
     fit.mult <-
347
       dunnTest(y ~ group, d)$res[, "P.adj"] %>%
348
       set_names(dunnTest(y ~ group, d)$res[, "Comparison"] %>% gsub(" ", "", .)) %>%
349
        multcompLetters %>%
350
        .$Letters %>%
351
        data.table(group = names(.), rank = .) %>%
352
        merge(., d[, .(max.val = max(y)), by = group], by = "group")
353
     windows(4, 2.5)
354
     ggplot(d, aes(group, y)) +
355
       geom_boxplot(width = 0.2,
356
```

```
outlier.shape = NA) +
357
        geom_jitter(width = 0.3) +
358
        geom_text(aes(group, max.val + 1, label = rank),
359
                   fit.mult,
360
                   size = 10 * 0.352777778) +
361
        theme_pubr(10, border = T)
362
      ggsave("rank_oneway.pdf")
363
364
365
      ## simple linear regression
366
      set.seed(1234)
367
      x <- rnorm(8, 10) \% > \% round(1)
368
      y <- (x * 2 + rnorm(8)) %>% round(1)
369
      d <- data.table(x, y)</pre>
370
      fit \leftarrow lm(v \sim x, d)
371
      summary(fit)
372
      confint(fit)
373
      shapiro.test(fit$residuals)
374
      d[, paste0(x, collapse = " & ")]
375
      d[, paste0(y, collapse = " & ")]
      fit %>% {
377
        cbind(
378
          (.) %>% summary %>% .$coefficients ,
379
          confint(.)
380
        )
381
      } %>%
382
        xtable(caption = "簡單線性迴歸之結果。"
383
               label = "table:simple_regression",
384
               digits = 3)
385
      f1 <-
386
        ggplot(d, aes(x, y)) +
        geom_smooth(method = "lm", color = 1, fill = "#aaaaaa") +
388
        geom_point() +
389
        annotate(
390
          "text",
391
          label = "v = -1.016 + 2.069x, nR^2 = 0.921",
392
          x = 9,
393
          y = 22
394
          size = 10 * 0.352777778
395
396
        theme_pubr(10, border = T)
397
398
        ggplot(d, aes(sample = fit$residuals)) +
399
        stat_qq() +
400
        stat_qq_line() +
401
        theme_pubr(10, border = T)
402
      windows(5, 2.5)
403
      ggarrange(
404
```

```
f1,
405
        f2,
406
        nrow = 1,
labels = "auto",
407
408
        align = "hv",
409
        widths = c(1, 1)
410
411
      ggsave("simple_regression.pdf")
412
413
414
      ## simple linear cor
415
      set.seed(1234)
416
      x1 <- rnorm(8, 10) \% > \% round(1)
417
      x2 <- (x1 * 2 + rnorm(8)) \% > \% round(1)
418
      d <- data.table(x1, x2)</pre>
419
      d[, paste0(x1, collapse = " & ")]
420
      d[, paste0(x2, collapse = " & ")]
421
      mshapiro.test(d %>% as.matrix %>% t)
422
      cor.test(d$x1, d$x2)
423
      fit <- lm(x2 \sim x1, d)
424
      windows(4, 2.5)
425
      ggplot(d, aes(x1, x2)) +
426
        geom_path(data =
427
                      dataEllipse(
428
                        x1,
429
                        x2,
430
                        draw = F,
431
                        levels = 0.95,
432
                        segments = 500
433
                      ) %>%
434
435
                      as.data.table,
                   aes(x, y)) +
436
        geom_point() +
437
        annotate(
438
          "text",
439
          label = "r = 960, p < 0.001",
440
          x = 8.
441
          y = 25,
442
          size = 10 * 0.352777778
443
444
        theme_pubr(10, border = T)
445
      ggsave("simple_cor.pdf")
446
447
448
      ## spearman correlation
449
      set.seed(125)
450
      x1 \leftarrow runif(8, 5, 8) \%\% round(1)
451
      x2 <- rexp(8) \% > \% round(1)
452
      d <- data.table(x1, x2)</pre>
453
      mshapiro.test(d %>% as.matrix %>% t)
454
```

```
d[, paste0(x1, collapse = " & ")]
455
     d[, paste0(x2, collapse = " & ")]
456
     cor.test(d$x1, d$x2, method = "spearman")
457
     windows(4, 2.5)
458
     ggplot(d, aes(x1, x2)) +
459
        geom_point() +
460
        annotate(
461
          "text",
462
          label = "r = -0.241, p = 0.565",
463
          x = 7
464
          y = 4
465
          size = 10 * 0.352777778
466
467
        theme_pubr(10, border = T)
468
     ggsave("spearman_cor.pdf")
469
470
471
     ## chi-squared goodness of fit
472
     obs.val \leftarrow c(20, 15, 3, 2)
473
     exp.p <- c(4, 3, 2, 1) \% % divide_by(sum(.))
474
     d <-
475
        data.table(observation = obs.val,
476
                   expectation = exp.p * sum(obs.val),
477
                   blood = c("0", "A", "B", "AB")) %>%
478
        melt(measure.vars = c("observation", "expectation"), value.name = "frequency") %>%
479
        .[, proportion := frequency / sum(frequency), by = variable] %T>%
480
       print
481
     glm(
482
        frequency ~
483
          -1 + blood +
484
          offset(sum(d[variable == "observation"]$frequency) %>% log %>% rep(4)),
485
        family = poisson,
486
        data = d[variable == "observation"]
487
     ) %>%
488
        confint %>%
489
        exp %>%
490
        as.data.table(keep.rownames = "blood") %>%
491
        .[, blood := gsub("blood", "", blood)] %>%
492
        merge(d[variable == "observation"], .) %>%
493
        .[, variable := NULL] %>%
494
        xtable(caption = "血型頻率與比例估計。",
495
               label = "table:chisq_goodness",
496
               digits = 3)
497
     chisq.test(
498
        obs.val.
499
        p = exp.p,
500
        rescale.p = T,
501
        simulate.p.value = T,
502
        B = 4999
503
     )
504
```

```
# windows(4, 2.5)
# ggplot(d, aes(variable, proportion)) +
# geom_col(aes(fill = blood), color = 1, size = 0.2) +
# coord_flip() +
# theme_pubr(10, border = T, legend = "right") +
# scale_y_continuous(sec.axis = sec_axis(~.*40, name = "frequency"))
# ggsave("chisq_goodness.pdf")
```