統計分析結果的報導方式

Chen-Pan Liao

December 2, 2019

@**(i)** @

本文件全文之著作權屬廖鎮磐 (Chen-Pan Liao) 所有 (聲明日: December 2, 2019), 並採用姓名標示-相同方式分享 4.0 國際 (CC BY-SA 4.0; 詳細內容請見 http://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/deed.zh_TW)。

目錄

1	前言		2
2	單樣	卜均值檢驗	2
	2.1	常態情況	2
	2.2	非常態情況	3
3	配對	丙樣本均值檢驗	3
	3.1	常態情況	3
	3.2	非常態情況	4
4	獨立	丙樣本均值檢驗	5
	4.1	常態情況	5
	4.2	非常態情況	6
5	多樣	b 單因子均值檢驗	7
	5.1	常態且變方同質情況	7
	5.2	常態且變方異質情況	8
	5.3	非常態情況	10

6	多樣本雙因子均值檢驗	10
7	簡單線性迴歸	11
8	簡單相關 8.1 雙常態分布情況	12 12 12
9	卡方適合度檢驗	14
10	卡方獨立性檢驗	14
\mathbf{A}	R code	15

1 前言

在進行統計分析之後,報導重要的統計結果並正確解讀結果才是負責任的方式。一般而言,在收隻樣本後必須報導描述性統計,包括中央趨勢 (如平均值或中位數)、樣本數及變異程度 (如標準偏差或標準誤差);這些敘述性統計若內容太多可以改以圖或表的方式呈現。對於特別感到興趣的參數應計算其信賴區間。進行檢驗後應報導檢定統計量 (如 t、f、 χ^2 等)、自由度與 p-value,並報導合適的效果量 (如 Cohan d、r、 R^2 等)。關於效果量在課堂中並未多加說明,且不同的效果量適合不同的統計方法,學生可按自己的能力決定是否報導效果量。

以下我將按不同的分析情況示範報導分析結果。我刻意報導較多細節而看來繁瑣,學生可以模仿我的內容以撰寫報告作業,但未來其它課程或學術報告時參考使用即可。最末一併附上計算及繪圖之 R code。本文內容將隨課程進度持續增加內容。

2 單樣本均值檢驗

2.1 常態情況

檢驗 8.8, 10.3, 11.1, 7.7, 10.4, 10.5, 9.4, 9.5, 9.4, 9.1 之中央趨勢是否顯著不同於 9。

結果指出,樣本平均 \pm 標準差為 9.62 ± 0.987 (n=10)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗常態性發現不能拒絕常態之虚無假設 $(W=0.960,\,p=0.790)$,故以 one-sample two-tailed Student-t test 進行檢驗 $H_0:\mu=9$ 。結果指出,平均值的 95% 信賴區間為 [8.914,10.236],無法拒絕 $\mu=9$ 的虚無假說 $(t=1.986,\,DF=9,\,p=0.078)$ 。此外,Cohan D=0.627 顯示中度效果量。結論是,母體平均不顯著不等於 9,但由中度效果量推測,不顯著可能是因樣本數不足造成的。

2.2 非常態情況

檢驗 2.5, 0.25, 0.01, 1.74, 0.39, 0.09, 0.82, 0.2, 0.84, 0.76 之中央趨勢是否顯著不同於 2。

結果指出,樣本平均 \pm 標準差為 0.76 ± 0.797 (n=10)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗常態性發現拒絕常態之虚無假設 (W=0.841, p=0.045),故以 Wilcoxon signed rank sum test 進行檢驗 H_0 :中位數 = 2。結果指出,應拒絕中位數 = 2 的虚無假說 (樣本中位數 = 0.575, V = 2, p = 0.006)。此外,多達 90% 的樣本小於 2,顯示高度的效果量。結論是,母體中位數顯著不等於 2 且小於 2。¹

3 配對兩樣本均值檢驗

3.1 常態情況

檢驗以下配對樣本

 x_1 8.8 10.3 11.1 7.7 10.4 10.5 9.4 9.5 x_2 9.2 10.4 11.6 7.7 10.6 11.6 11.4 10.4

之差值 $(x_1 - x_2)$ 中央趨勢是否顯著小於 0.1。

結果指出, x_1 與 x_2 之平均 \pm 標準差分別為 9.71 ± 1.095 及 10.36 ± 1.344 ($n_{\text{pair}} = 8$; 圖 1a)。差值平均 \pm 標準差為 -0.65 ± 0.665 (圖 1b)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗差值之常態性發現不能拒絕常態之虚無假設 (W = 0.883, p = 0.202),故以 two-sample paired t-test 檢驗 $H_0: \mu_1 - \mu_2 \geq 0.1$ 。結果指出,應拒絕虛無假設 (t = -3.188, DF = 7, p = 0.015)。此外,差值平均之

¹在雙尾檢驗後若顯著可以藉樣本平均或中位數的大小直接解釋為顯著大於或小於。

95% 信賴區間為 [-1.206, -0.0936],且 Cohan D = 1.728 顯示高度效果量。 結論是:差值平均顯著小於 0 且差距之效果量甚高。

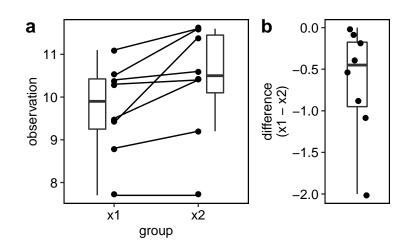


圖 1: 配對兩樣本的觀測值盒形圖 (a) 及差值盒形圖 (b)。

3.2 非常態情況

檢驗以下配對樣本

 x_1 5.1 6.9 7.2 6.5 7.2 6.4 5.3 7.7 x_2 5.6 6.2 6.6 6.7 6.7 5.8 4.8 8.1

之差值 $(x_1 - x_2)$ 中央趨勢是否顯著偏離 1。

結果指出, x_1 與 x_2 之平均 ± 標準差分別為 6.538 ± 0.924 及 6.313 ± 0.975 ($n_{\text{pair}} = 8$; 圖 2a)。差值平均 ± 標準差為 0.225 ± 0.501 (圖 2b)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗差值之常態性,結果顯示應拒絕常態之虚無假設 (W = 0.797, p = 0.026),故以 Wilcoxon signed rank sum test 進行檢驗 H_0 : 差值中位數 = 1。結果顯示,差值中位數顯著不等於 1 (V = 0, p = 0.014) 而是小於 1。此外,100% 的樣本差值小於 1,具極高的效果量。結論是,差值母體中位數顯著小於 1 且效果量高。

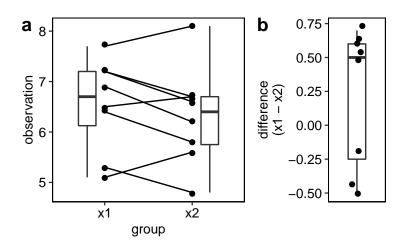


圖 2: 配對兩樣本的觀測值盒形圖 (a) 及差值盒形圖 (b)。

4 獨立兩樣本均值檢驗

4.1 常態情況

檢驗以下兩獨立樣本

之中央趨勢是否顯著偏離 0。

結果指出, x_1 與 x_2 之平均 ± 標準差分別為 10.02 ± 1.095 及 9.057 ± 0.836 ($n_1=6$, $n_2=7$; 圖 3)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗差值之常態性發現二樣本皆不能拒絕常態之虚無假設 (x_1 , W=0.985, p=0.975; x_2 , W=0.976, p=0.938),故以 Welch two-Sample t-test 檢驗 $H_0: \mu_1-\mu_2=0$ 。結果指出不應拒絕虛無假設 (t=1.848, DF = 9.794, p=0.095)。此外,差值平均之 95% 信賴區間為 [-0.201, 2.120],且 Cohan D=1.044 顯示高度效果量。結論是二樣本平均無顯著差異,但效果量甚高,可能因樣本數不足而發生型二錯誤。

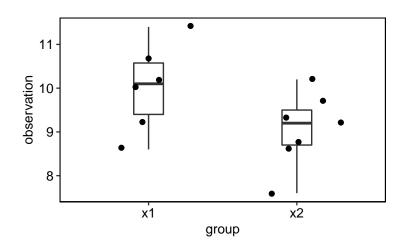


圖 3: 獨立兩樣本的觀測值盒形圖。

4.2 非常態情況

檢驗以下兩獨立樣本

之中央趨勢是否顯著偏離 0。

結果指出, x_1 與 x_2 之平均 ± 標準差分別為 0.5 ± 0.396 及 0.943 ± 0.611 ($n_1=8$; $n_2=7$; 圖 4)。由 Shapiro-Wilk test 檢驗差值之常態性發現 x_1 拒絕常態之虚無假設 (x_1 , W=0.794, p=0.024; x_2 , W=0.890, p=0.276),故以 Mann-Whitney U test 檢驗 H_0 : Median $_1$ — Median $_2=0$ 。結果指出不應拒絕虛無假設 (W=18.5, p=0.292)。此外,Cliff's d=0.339 顯示中等程度效果量。結論是,二樣本之中位數無顯著差異,但效果量程中度,可能因樣本數不足而發生型二錯誤。

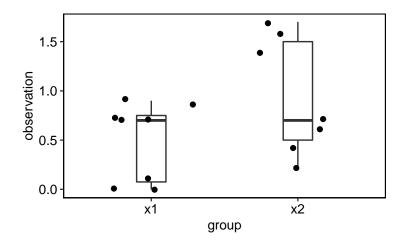


圖 4: 獨立兩樣本的觀測值盒形圖。

5 多樣本單因子均值檢驗

5.1 常態且變方同質情況

檢驗以下三獨立樣本

之中央趨勢是否相等。

三樣本的描述性統計如表 1。由於三組樣本分布並不顯著偏離常態 (Shapiro-Wilk test, $p_1=0.709$, $p_2=0.85$, $p_3=0.925$), 且變異數不顯著不等 (Bartlett test, $\chi^2=0.469$, DF = 2, p=0.791), 故以 one-way ANOVA 檢驗 $H_0: \mu_1=\mu_2=\mu_3$ 。結果顯示, x 為顯著因子 (f=9.297, DF = (2,15), p=0.0024), 且 η^2 顯示有 55.3% 的變異量可由 x 因子解釋。接下來以 Tukey's range test 進行多重比較,結果顯示, x_1 與 x_3 存在顯著差異,而 x_2 與另二組皆無顯著差異 (表 2; 圖 5)。

表 1: 獨立三樣本的描述性統計。

Group	Mean	SD	n
x_1	4.94	0.77	6
x_2	5.86	0.79	5
x_3	6.65	0.59	7

表 2: 獨立三樣本的事後多重比較。

Comparison	Estimate	95% CI lower	95% CI upper	$p_{ m adj}$
$x_2 - x_1$	0.917	-0.200	2.034	0.117
$x_{3} - x_{1}$	1.704	0.677	2.730	0.002
$x_3 - x_2$	0.787	-0.293	1.867	0.175

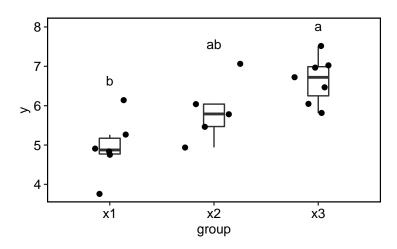


圖 5: 獨立三樣本的觀測值盒形圖。上方字母為多重比較的分群結果;若任二 組存在相同字母則表示不存在顯著差異,反則反之。

5.2 常態且變方異質情況

檢驗以下三獨立樣本

$$x_1$$
 3.18 4.12 3.52 3.29 5.13 5.2

 x_2 5.7 5.21 7.62 8.19 6.26

 x_3 7.12 7.4 8.19 3.66 3.78 11.9 6.87

之中央趨勢是否相等。

三樣本的描述性統計如表 3。由於三組樣本分布並不顯著偏離常態

(Shapiro-Wilk test, $p_1=0.158$, $p_2=0.593$, $p_3=0.388$), 且變異數顯著不相等 (Bartlett test, $\chi^2=6.340$, DF = 2, p=0.042), 故以 Welch one-way ANOVA 檢驗 $H_0: \mu_1=\mu_2=\mu_3$ 。結果顯示, x 為顯著因子 (f=8.248, DF = (2,8.953), p=0.009), 且 η^2 顯示有 34.77% 的變異量可由 x 因子解釋。接下來以 Games-Howell method 進行多重比較,結果顯示, x_1 與 x_3 存在顯著差異,而 x_2 與另二組皆無顯著差異 (表 4; 圖 6)。

表 3: 獨立三樣本的描述性統計。

Group	Mean	SD	n
$\overline{x_1}$	4.073	0.906	6
x_2	6.596	1.267	5
x_3	6.989	2.803	7

表 4: 獨立三樣本的事後多重比較。

Comparison	Estimate	95% CI	t	DF	$p_{ m adj}$
$x_2 - x_1$	2.523	[0.536, 4.509]	3.727	7.103	0.017
$x_{3} - x_{1}$	2.915	[-0.345, 6.175]	2.598	7.420	0.077
$x_3 - x_2$	0.393	[-2.973, 3.758]	0.327	8.840	0.943

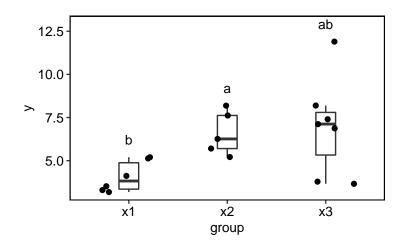


圖 6: 獨立三樣本的觀測值盒形圖。上方字母為多重比較的分群結果;若任二 組存在相同字母則表示不存在顯著差異,反則反之。

5.3 非常態情況

檢驗以下三獨立樣本

之中央趨勢是否相等。

三樣本的描述性統計如表 5。由於 x_1 與 x_3 分布顯著偏離常態 (Shapiro-Wilk test, $p_1=0.014$, $p_2=0.577$, $p_3=0.008$), 故以 Kruskal-Wallis rank sum test 檢驗 H_0 :中位數 $_1$ =中位數 $_2$ =中位數 $_3$ 。結果顯示, x 為顯著因子 ($\chi^2=9.041$, DF = 2, p=0.011), 且 $\eta^2=0.391$ 顯示高度效果量。Dunn's Kruskal-Wallis multiple comparisons 之多重比較結果顯示, x_1 與 x_3 存在顯著差異, 而 x_2 與另二組皆無顯著差異 (表 6; 圖 7)。

表 5: 獨立三樣本的描述性統計。

group	Mean	SD	n	
	x_1	5.225	5.617	8
	x_2	2.186	1.151	7
	x_3	0.733	0.644	6

表 6: Dunn's Kruskal-Wallis 多重比較之結果。

Comparison	z	$p_{ m adj}$
$x_{1} - x_{2}$	0.964	0.335
$x_{1} - x_{3}$	2.979	0.009
$x_{2}-x_{3}$	1.994	0.092

6 多樣本雙因子均值檢驗

(待撰)

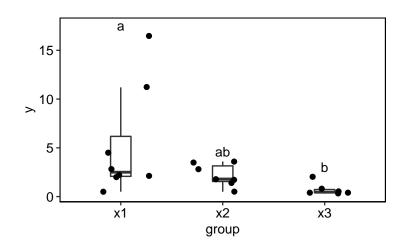


圖 7: 獨立三樣本的觀測值盒形圖。上方字母為多重比較的分群結果;若任二 組存在相同字母則表示不存在顯著差異,反則反之。

7 簡單線性迴歸

以下樣本

$$x \quad 8.8 \quad 10.3 \quad 11.1 \quad 7.7 \quad 10.4 \quad 10.5 \quad 9.4 \quad 9.5$$

 $y \quad 17 \quad 19.7 \quad 21.7 \quad 14.4 \quad 20 \quad 21.1 \quad 19.8 \quad 18.9$

中, y 為應變數, x 為自變數, 建立 $y = \beta_0 + \beta_1 x + \varepsilon$ 的簡單線性迴歸。

簡單線性迴歸之結果如表 7 及圖 8a。結果顯示,每 x 增加 1 單位使 y 平均顯著增加 2.069 單位,應拒絕 $H_0:\beta_1=0$ (表 7a)。就效果量而言,自變數可解釋 $R^2=92.4\%$ 之變異量,屬高效果量。就迴歸診斷而言,殘差之 Q-Q 圖 (圖 8b) 顯示殘差呈輕微右偏態,Shapiro-Wilk test 顯示殘差並未顯著偏離常態分布 ($W=0.848,\ p=0.090$),模型配適尚可。結論是,自變數顯著地增加應變數且效果明顯。

表 7: 簡單線性迴歸之結果。

Variable	Estimate \pm Std. Error	t (DF = 6)	p	95% CI
Intercept	-1.016 ± 2.408	-0.422	0.688	[-6.909, 4.877]
$\underline{\hspace{1cm}}$	2.069 ± 0.247	8.389	< 0.001	[1.465, 2.672]

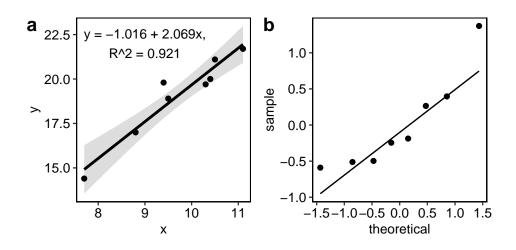


圖 8: 簡單線性迴歸之散布圖及迴歸線 (a) 及 Q-Q plot (b)。圖中灰色區域為 95% confidence pointwise band。

8 簡單相關

8.1 雙常態分布情況

以下樣本

中,分析二變數之間的相關性。

首先以 Shapiro-Wilk multivariate normality test 檢驗 x_1 與 x_2 是否偏離雙變量常態分布,結果顯示不能拒絕 $H_0: x_1$ 與 x_2 之母體聯合分配為常態 $(W=0.860,\,p=0.120)$,故可計算 Pearson correlation。結果指出,r=0.960 屬高度正相關且應拒絕 $H_0: \rho=0$ (95% CI = [0.789,0.993], t=8.389, DF = 6,p<0.001;圖 9)。結論是, x_1 與 x_2 間存在顯著的高度正向線性相關性。

8.2 次序相關

以下樣本

$$x_1$$
 7.5 5.4 5.9 6.1 7.9 7.9 6.6 6 x_2 0.3 0.2 4.4 2.7 0.1 1 0.3 0.5

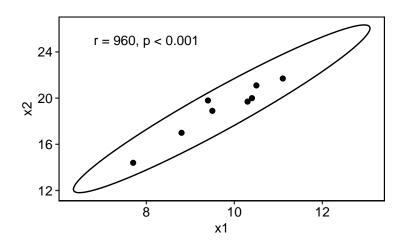


圖 9: x_1 與 x_2 散布圖。圖中楕圓區域表示相關性之 95% confidence ellipse。

中,分析二變數之間的相關性。

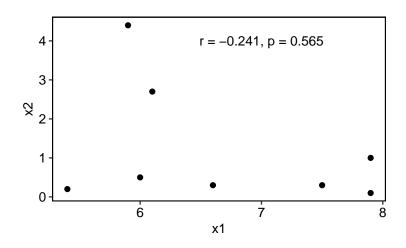


圖 $10: x_1 與 x_2$ 散布圖。

9 卡方適合度檢驗

隨機抽樣 40 人,發現各血型次數為 $\{O:A:B:AB\}=\{20:15:3:2\}$ 。檢驗 $H_0:\pi_O:\pi_A:\pi_B:\pi_{AB}=0.4:0.3:0.2:0.1$ 。

四種血型的母體比例估計如表 8。卡方適合度檢驗結果指出 $\chi^2=5.875$ (DF = 3)。由於血型 B 和 AB 之期望值極低 (< 1),故採用 4,999 次 permutation 得 p=0.112 而不能拒絕 H_0 。

表 8: 血型頻率與比例估計。

Blood type	Frequency	Proportion	95% CI
A	15	0.375	[0.216, 0.598]
AB	2	0.050	[0.008, 0.154]
В	3	0.075	[0.019, 0.194]
O	20	0.500	[0.312, 0.752]

10 卡方獨立性檢驗

(待撰)

A R code

以下為本文中所有產生資料、進行分析、製作表格與繪圖之 R code。

```
library(lsr)
    library(coin)
    library(ggpubr)
    library(data.table)
    library(multcomp)
    library(multcompView)
    library(xtable)
    library(userfriendlyscience)
    library(mvnormtest)
    library(car)
10
    library(FSA)
11
    library(rstatix)
12
13
    ## normal one-sample test
14
    set.seed(1234)
15
    x \leftarrow rnorm(10, 10, 1) \%% round(1)
16
    paste0(x, collapse = ", ")
17
    mean(x)
18
    sd(x)
19
    shapiro.test(x)
20
    t.test(x)
21
    t.test(x, mu = 9)
22
    cohensD(x, mu = 9)
23
24
25
    ## non-normal one-sample test
26
    set.seed(1234)
27
    x \leftarrow rexp(10, 1) \% round(2)
    paste0(x, collapse = ", ")
29
    mean(x)
30
    sd(x)
31
    shapiro.test(x)
32
    wilcox.test(x, mu = 2)
33
34
35
    ## normal paired test
    set.seed(1234)
37
    x1 <- rnorm(8, 10, 1) %>% round(1)
38
    x2 < - round(x1 + rnorm(8, 1), 1)
    shapiro.test(x1 - x2)
40
    t.test(x1, x2, paired = T, mu = 0.1)
    paste0(x1, collapse = " & ")
```

```
paste0(x2, collapse = " & ")
43
    mean(x1)
44
    sd(x1)
45
    mean(x2)
46
    sd(x2)
47
    mean(x1 - x2)
    sd(x1 - x2)
49
    cohensD(x1 - x2, mu = 0.5)
50
    d.plot <-
51
       data.table(
52
         observation = c(x1, x2),
53
         group = gl(2, 8, labels = c("x1", "x2")),
54
        block = gl(8, 1, 16)
55
       )
56
    f1 <-
57
       ggplot(d.plot, aes(group, observation)) +
58
       geom_boxplot(width = 0.2,
59
                    position = position_nudge(x = c(-0.2, 0.2)),
60
                    outlier.shape = NA) +
61
       geom_jitter(width = 0) +
62
       geom_segment(
63
         aes(
64
           x = 1,
           xend = 2,
           y = x1,
67
           yend = x^2
         ),
69
         dcast(d.plot, block ~ group, value.var = "observation")
70
71
       theme_pubr(10, border = T)
72
    f2 <-
73
       dcast(d.plot, block ~ group, value.var = "observation") %>%
74
       [, (difference = x1 - x2), by = block] %%
75
       ggplot(aes(x = 0, y = difference)) +
76
       geom_boxplot(width = 0.1) +
77
       geom_jitter(width = 0.05) +
78
       theme_pubr(10, border = T) +
       theme(
80
         axis.ticks.x = element_blank(),
81
         axis.text.x = element_blank(),
82
         axis.title.x = element_blank()
84
       ylab("difference\n(x1 - x2)") +
85
       xlim(c(-0.15, 0.15))
    windows(4, 2.5)
```

```
ggarrange(
88
        f1,
89
        f2,
90
       nrow = 1,
labels = "auto",
91
92
        align = "h",
93
        widths = c(2, 1.2)
94
95
     ggsave("normal_paired_test.pdf")
96
97
98
     ## non-normal paired test
99
     set.seed(1212314)
100
     x1 <- runif(8, 5, 8) \% > \% round(1)
101
     x2 \leftarrow round(x1 + runif(8,-1, 1), 1)
102
     shapiro.test(x1 - x2)
103
     wilcox.test(x1,
104
105
                   paired = T,
106
                   mu = 1,
107
                   exact = F)
108
     t.test(x1, x2, paired = T, mu = 0.1)
109
     paste0(x1, collapse = " & ")
110
     paste0(x2, collapse = " & ")
111
     mean(x1)
112
     sd(x1)
113
     mean(x2)
114
     sd(x2)
115
     mean(x1 - x2)
116
     sd(x1 - x2)
117
     cohensD(x1 - x2, mu = 0.5)
118
     table(x1 - x2 < 1)
119
     d.plot <-
120
        data.table(
121
          observation = c(x1, x2),
122
          group = gl(2, 8, labels = c("x1", "x2")),
123
          block = gl(8, 1, 16)
124
        )
125
     f1 <-
126
        ggplot(d.plot, aes(group, observation)) +
127
        geom_boxplot(width = 0.2,
128
                      position = position_nudge(x = c(-0.2, 0.2)),
129
                      outlier.shape = NA) +
130
        geom_jitter(width = 0) +
131
        geom_segment(
132
          aes(
133
```

```
x = 1,
134
            xend = 2,
135
            y = x1,
yend = x2
136
137
          ),
138
          dcast(d.plot, block ~ group, value.var = "observation")
139
140
        theme_pubr(10, border = T)
141
     f2 <-
142
        dcast(d.plot, block ~ group, value.var = "observation") %>%
143
        [, (difference = x1 - x2), by = block] %%
144
        ggplot(aes(x = 0, y = difference)) +
145
        geom_boxplot(width = 0.1) +
146
        geom_jitter(width = 0.05) +
147
        theme_pubr(10, border = T) +
148
        theme(
149
          axis.ticks.x = element_blank(),
150
          axis.text.x = element_blank(),
151
          axis.title.x = element_blank()
152
        ) +
153
        ylab("difference\n(x1 - x2)") +
154
        xlim(c(-0.15, 0.15))
155
     windows(4, 2.5)
156
     ggarrange(
157
        f1,
158
        f2,
159
       nrow = 1,
labels = "auto",
160
161
        align = "h",
162
        widths = c(2, 1.2)
163
164
     ggsave("non-normal_paired_test.pdf")
165
166
167
     ## normal independent two-sample test
168
     set.seed(124)
169
     x1 <- rnorm(6, 10, 1) %>% round(1)
170
     x2 <- rnorm(7, 9, 1) \% > \% round(1)
171
     shapiro.test(x1)
172
     shapiro.test(x2)
173
     t.test(x1, x2)
174
     paste0(x1, collapse = " & ")
175
     paste0(x2, collapse = " & ")
176
     mean(x1)
177
     sd(x1)
178
     mean(x2)
179
```

```
sd(x2)
180
     cohensD(x1, x2)
181
     d.plot <-
182
       data.table(
183
          observation = c(x1, x2),
184
          group = c(rep("x1", 6), rep("x2", 7))
185
186
     windows(4, 2.5)
187
     ggplot(d.plot, aes(group, observation)) +
188
       geom_boxplot(width = 0.2,
189
                     outlier.shape = NA) +
190
       geom_jitter(width = 0.3) +
191
       theme_pubr(10, border = T)
192
     ggsave("normal_independent_test.pdf")
193
194
195
     ## non-normal independent two-sample test
196
     set.seed(6324)
197
     x1 <- runif(8, 0, 1) %>% round(1)
198
     x2 <- runif(7, 0, 2) \% > \% round(1)
199
     shapiro.test(x1)
200
     shapiro.test(x2)
201
     paste0(x1, collapse = " & ")
202
     paste0(x2, collapse = " & ")
203
     mean(x1)
204
     sd(x1)
205
     mean(x2)
206
     sd(x2)
207
     windows(4, 2.5)
208
     d.plot <-
209
       data.table(
210
          observation = c(x1, x2),
211
          group = c(rep("x1", 8), rep("x2", 7))
212
       )
213
     windows(4, 2.5)
214
     ggplot(d.plot, aes(group, observation)) +
215
       geom_boxplot(width = 0.2,
216
                     outlier.shape = NA) +
217
       geom_jitter(width = 0.3) +
218
       theme_pubr(10, border = T)
219
     ggsave("non-normal_independent_test.pdf")
220
221
222
223
     ## oneway ANOVA
     set.seed(364)
```

```
d <-
225
       data.table(y = round(c(rep(5, 6), rep(6, 5), rep(7, 7)) + rnorm(18), 2),
226
                   group = factor(c(rep("x1", 6), rep("x2", 5), rep("x3", 7))))
227
     tapply(d$y, d$group, shapiro.test)
228
     bartlett.test(y ~ group, d)
229
     d[, paste0(y, collapse = " & "), by = group]
230
     d[, .(Mean = mean(y),
231
           SD = sd(y),
232
           n = length(y)), by = group] %>%
233
       as.data.frame %>%
234
       xtable(
235
236
         digits = 3,
237
         auto = T,
238
         label = "table:oneway_ANOVA",
239
         caption = "獨立三樣本的描述性統計。"
240
241
     fit <- aov(y ~ group, d)
242
     summary(fit)
243
     TukeyHSD(fit, "group")$group
244
     TukeyHSD(fit, "group")$group %>%
245
       xtable(
246
         digits = 3,
247
         auto = T
248
         label = "table:oneway_ANOVA_post".
249
         caption = "獨立三樣本的事後多重比較。"
250
251
     fit.mult <-
252
       TukeyHSD(fit, "group")$group[, "p adj"] %>%
253
       multcompLetters %>%
254
       .$Letters %>%
255
       data.table(group = names(.), rank = .) %>%
256
       merge(., d[, .(max.val = max(y)), by = group], by = "group")
257
     windows(4, 2.5)
258
     ggplot(d, aes(group, y)) +
259
       geom_boxplot(width = 0.2,
260
                     outlier.shape = NA) +
261
       geom_jitter(width = 0.3) +
262
       geom_text(aes(group, max.val + 0.5, label = rank),
263
                  fit.mult,
264
                  size = 10 * 0.352777778) +
265
       theme_pubr(10, border = T)
266
     ggsave("oneway_ANOVA.pdf")
267
268
269
     ## Welch's ANOVA
270
```

```
set.seed(12234)
271
     d <-
272
       data.table(y = round(rnorm(
273
         mean = c(rep(4, 6), rep(6, 5), rep(7, 7)),
275
         sd = c(rep(1, 6), rep(2, 5), rep(3, 7))
276
       ), 2),
277
       group = factor(c(rep("x1", 6), rep("x2", 5), rep("x3", 7)))
278
     tapply(d$y, d$group, shapiro.test)
279
     bartlett.test(y ~ group, d)
280
     d[, paste0(y, collapse = " & "), by = group]
281
     d[, .(Mean = mean(y),
282
           SD = sd(y),
283
           n = length(y)), by = group] %>%
284
       as.data.frame %>%
285
       xtable(
286
         digits = 3,
         auto = T,
label = "table:Welch_ANOVA",
290
         caption = "獨立三樣本的描述性統計。"
291
292
     aov(y ~ group, data = d) %>% summary
293
     oneway.test(y ~ group, data = d)
294
     mc <- posthocTGH(d$y, d$group, digits = 3)$output$games.howell</pre>
295
     mc %>%
296
       xtable(
297
         digits = 3,
298
         auto = T,
299
         label = "table:Welch_ANOVA_post".
300
          caption = "獨立三樣本的事後多重比較。"
301
302
     fit.mult <-
303
       mc$p %>%
304
       set_names(rownames(mc)) %>%
305
       multcompLetters %>%
306
        .$Letters %>%
307
       data.table(group = names(.), rank = .) %>%
308
       merge(., d[, .(max.val = max(y)), by = group], by = "group")
309
     windows(4, 2.5)
310
     ggplot(d, aes(group, y)) +
311
       geom_boxplot(width = 0.2,
312
                     outlier.shape = NA) +
313
       geom_jitter(width = 0.3) +
314
       geom_text(aes(group, max.val + 1, label = rank),
315
                  fit.mult,
316
                  size = 10 * 0.352777778) +
317
```

```
theme_pubr(10, border = T)
318
     ggsave("Welch_ANOVA.pdf")
319
320
321
     ## Kruskal-Wallis Rank Sum Test
322
     set.seed(1132234)
323
     d <-
324
       data.table(y = c(rexp(8, 0.2), rexp(7, 0.5), rexp(6, 1)) %>% round(1),
325
                   group = c(rep("x1", 8), rep("x2", 7), rep("x3", 6)))
326
     d[, shapiro.test(y), by = group]
327
     d[, paste0(y, collapse = " & "), by = group]
328
     d[, .(Mean = mean(y),
329
           SD = sd(y),
330
           n = length(y)), by = group \%
331
       as.data.frame %>%
332
       xtable(
333
334
         digits = 3,
335
         auto = T,
336
         label = "table:rank_oneway"
337
         caption = "獨立三樣本的描述性統計。"
338
       )
339
     kruskal.test(y ~ group, d)
340
     kruskal_effsize(d, y ~ group)
341
     dunnTest(y ~ group, d)
342
     dunnTest(y ~ group, d)$res %>%
343
       xtable(caption = "Dunn's Kruskal-Wallis多重比較之結果。",
344
              label = "table:rank_oneway_post",
345
              digits = 3)
346
     fit.mult <-
347
       dunnTest(y ~ group, d)$res[, "P.adj"] %>%
348
       set_names(dunnTest(y ~ group, d)$res[, "Comparison"] %>% gsub(" ", "", .)) %>%
349
       multcompLetters %>%
350
       .$Letters %>%
351
       data.table(group = names(.), rank = .) %>%
352
       merge(., d[, .(max.val = max(y)), by = group], by = "group")
353
     windows(4, 2.5)
354
     ggplot(d, aes(group, y)) +
355
       geom_boxplot(width = 0.2,
356
                     outlier.shape = NA) +
357
       geom_jitter(width = 0.3) +
358
       geom_text(aes(group, max.val + 1, label = rank),
359
                  fit.mult,
360
                  size = 10 * 0.352777778) +
361
       theme_pubr(10, border = T)
362
     ggsave("rank_oneway.pdf")
363
```

```
364
365
     ## simple linear regression
366
     set.seed(1234)
367
     x <- rnorm(8, 10) \% > \% round(1)
368
     y <- (x * 2 + rnorm(8)) %>% round(1)
369
     d <- data.table(x, y)</pre>
370
     fit <-lm(y \sim x, d)
371
     summary(fit)
372
     confint(fit)
373
     shapiro.test(fit$residuals)
374
     d[, paste0(x, collapse = " & ")]
375
     d[, paste0(y, collapse = " & ")]
376
     fit %>% {
377
       cbind(
378
          (.) %>% summary %>% .$coefficients ,
379
          confint(.)
381
     } %>%
382
       xtable(caption = "簡單線性迴歸之結果。"
               label = "table:simple_regression",
               digits = 3)
385
     f1 <-
386
       ggplot(d, aes(x, y)) +
387
       geom_smooth(method = "lm", color = 1, fill = "#aaaaaa") +
388
       geom_point() +
389
       annotate(
390
          "text",
391
          label = "y = -1.016 + 2.069x, \nR^2 = 0.921",
392
          x = 9
393
          y = 22,
          size = 10 * 0.352777778
395
396
       theme_pubr(10, border = T)
397
398
       ggplot(d, aes(sample = fit$residuals)) +
399
       stat_qq() +
400
       stat_qq_line() +
401
       theme_pubr(10, border = T)
402
     windows(5, 2.5)
403
     ggarrange(
404
       f1,
405
       f2,
406
       nrow = 1,
labels = "auto",
407
408
       align = "hv",
```

```
widths = c(1, 1)
410
411
     ggsave("simple_regression.pdf")
412
413
414
     ## simple linear cor
415
     set.seed(1234)
     x1 <- rnorm(8, 10) \% > \% round(1)
417
     x2 <- (x * 2 + rnorm(8)) \% > \% round(1)
418
     d <- data.table(x1, x2)</pre>
     d[, paste0(x1, collapse = " & ")]
420
     d[, paste0(x2, collapse = " & ")]
421
     mshapiro.test(d %>% as.matrix %>% t)
422
     cor.test(d$x1, d$x2)
423
     fit <- lm(x2 ~ x1, d)
424
     windows(4, 2.5)
425
     ggplot(d, aes(x1, x2)) +
426
        geom_path(data =
427
                     dataEllipse(
428
                       x1,
429
                       x2,
430
                       draw = F,
431
                       levels = 0.95
432
                       segments = 500
433
                     ) %>%
434
                     as.data.table,
435
                   aes(x, y)) +
436
        geom_point() +
437
        annotate(
438
          "text",
439
          label = "r = 960, p < 0.001",
440
          x = 8,
441
          y = 25,
442
          size = 10 * 0.352777778
443
444
        theme_pubr(10, border = T)
445
     ggsave("simple_cor.pdf")
446
447
448
     ## spearman correlation
449
     set.seed(125)
450
     x1 <- runif(8, 5, 8) \% > \% round(1)
451
     x2 <- rexp(8) \% > m round(1)
452
     d <- data.table(x1, x2)</pre>
453
     mshapiro.test(d %>% as.matrix %>% t)
454
     d[, paste0(x1, collapse = " \& ")]
455
     d[, paste0(x2, collapse = " & ")]
```

```
cor.test(d$x1, d$x2, method = "spearman")
457
     windows(4, 2.5)
458
     ggplot(d, aes(x1, x2)) +
459
       geom_point() +
460
       annotate(
461
         "text"
462
         label = "r = -0.241, p = 0.565",
463
         x = 7,
464
         y = 4,
465
         size = 10 * 0.352777778
466
       ) +
467
       theme_pubr(10, border = T)
468
     ggsave("spearman_cor.pdf")
469
470
471
     ## chi-squared goodness of fit
472
     obs.val <- c(20, 15, 3, 2)
473
     exp.p <- c(4, 3, 2, 1) \% % divide_by(sum(.))
474
475
       data.table(observation = obs.val,
476
                   expectation = exp.p * sum(obs.val),
477
                   blood = c("0", "A", "B", "AB")) %>%
478
       melt(measure.vars = c("observation", "expectation"), value.name = "frequency") %>%
479
       .[, proportion := frequency / sum(frequency), by = variable] %T>%
480
481
       print
482
     glm(
483
       frequency ~
484
         -1 + blood +
485
         offset(sum(d[variable == "observation"]$frequency) %>% log %>% rep(4)),
486
       family = poisson,
487
       data = d[variable == "observation"]
     ) %>%
489
       confint %>%
490
       exp %>%
491
       as.data.table(keep.rownames = "blood") %>%
492
       .[, blood := gsub("blood", "", blood)] %>%
493
       merge(d[variable == "observation"], .) %>%
494
       .[, variable := NULL] %>%
495
       xtable(caption = "血型頻率與比例估計。", label = "")
496
497
     chisq.test(
498
       obs.val,
499
       p = exp.p,
500
       rescale.p = T
501
       simulate.p.value = T,
502
       B = 4999
503
```

```
504 | )
505 |
506 | # windows(4, 2.5)
507 | # ggplot(d, aes(variable, proportion)) +
508 | # geom_col(aes(fill = blood), color = 1, size = 0.2) +
509 | # # coord_flip() +
510 | # theme_pubr(10, border = T, legend = "right") +
511 | # scale_y_continuous(sec.axis = sec_axis(~.*40, name = "frequency"))
512 | # ggsave("chisq_goodness.pdf")
```