**Section 1: Linear regression implementation**

(Q1)

הפונקציה היא פונקציית מקרים.

נתייחס לנגזרת שלה לפי b לפי המקרים:

* עבור המקרה , הטעות היא ריבועית ביחס לb והפונקציה היא גזירה ביחס לb. אין נקודות אי גזירות בתחום זה ולכן הגדרת הנגזרת והsubderivative מתלכדות.
* עבור המקרה , הטעות היא מוגדרת באמצעות הזזה והכפלה בסקלר של פונקציית הערך המוחלט- . פונקציה זו היא גזירה ביחס לb בכל מקום מלבד באופן פוטנציאלי בנקודה שבה . עם זאת, מאחר שאנו בתחום שבו , הפונקציה גזירה באזורים אלו גם כן, ולכן הגדרת הנגזרת והsubderivative מתלכדות.
* עבור המקרים בהם , כלומר כאשר
* הפונקציה עדיין גזירה ביחס לb בנקודות אלו כיוון שהנגזרות מימין מתלכדות עם הנגזרות משמאל.

סה״כ מאחר והפונקציה גזירה ביחס לb על כל התחום נוכל לחשב את הנגזרות החלקיות בנפרד:

נחשב כל חלק בנפרד:

1. :
2. Otherwise :

נקבל :

\*\*\*\*\*\* בתשובה פה אין ערך מוחלט ולפי השאלה כן צריך להיות ערך מוחלט בתוך הsign, מזה אומר בעצם שאין צורך להפריד למקרים כי תמיד הערך בתוך הערך מוחלט יהיה חיובי?\*\*\*\*\*\*\*\*

צריך לבדוק אם אנחנו משנות פה את התשובה האם זה משנה את התוצאות בקוד.

תשובה: זה טעות שלהם- <https://piazza.com/class/lr9fua6q5ml2xg/post/204>

(Q2)

נניח שיש לנו m זוגות של דוגמאות ותיוגים, כאשר כל דוגמה ממימד d כלומר :

נסמן את האלמנטים של דוגמה מסוימת, באופן הבא:

אזי נגדיר את המטריצה ונגדיר את וקטור העמודה .

עבור וקטור נגדיר פונקציית אינדיקטור באופן הבא

: .

עבור וקטור נגדיר פונקציית אינדיקטור באופן הבא

: , כאשר הוא האלמנט במיקום הi בוקטור z .

נשים לב כי

בנוסף, עבור וקטור נגדיר פונקציית אינדיקטור באופן הבא

: , כאשר הוא האלמנט במיקום הi בוקטור z .

אזי נוכל לבטא את באופן הבא:

\*כאשר הסימן הוא element-wise.

<https://en.wikipedia.org/wiki/Hadamard_product_(matrices)>

נבדוק שהנוסחה חוקית:

* = היא מכפלה חוקית ונותנת לנו וקטור עמודה בעל m מימדים, לכן גם הסכום חוקי () כיוון שכל הוקטורים שייכים ל.
* הקלט ל הוא ואכן והפלט הוא גם כן וקטור
* מכפלת הדמרד (איבר – איבר) בין ובין

ולידית כי שניהם מאותו מימד והפלט הוא גם כן ב

* ולכן חוקי להכפיל בין המטריצה לווקטור

ונקבל פלט של וקטור בגודל המצופה לוקטור גרדיאנט כיוון שאנו גוזרים לפי .

* סה״כ הביטוי מחזיר לנו כפי שאנחנו רוצים.
* הביטוי הוא ולידי כיוון שראינו כי ולכן חישוב ההפרש בין 2 בוקטורים הוא לידי ומתקבל וקטור ששייך ל .
* לפי איך שהגדרנו את sign לוקטורים ממימד m, אזי הביטוי הוא ולידי ומחזיר וקטור ששייך ל .
* ולידי כיוון שאנו מבצעים מכפלה איבר-איבר בין שני וקטורים ממימד m.

כמו קודם, גם המכפלה חוקית כיוון שכופלים בוקטור מימד m. נקבל פלט של וקטור בגודל המצופה לוקטור גרדיאנט כיוון שאנו גוזרים לפי .

* סה״כ נקבל מהסכום של 2 הביטויים, 2 וקטורים ממימד d, לכן פעולת החיבור הזו היא אכן ולידית ואנחנו מקבלים וקטור גרדיאנט ממימד d כמצופה.

כעת נפתח נוסחה עבור

נבדוק שהנוסחה חוקית:

* = היא מכפלה חוקית ונותנת לנו וקטור עמודה בעל m מימדים, לכן גם הסכום () כיוון שכל הוקטורים שייכים ל.
* הקלט ל הוא ואכן והפלט הוא גם כן וקטור
* ולידי מאחר ומדובר במכפלה פנימית בין 2 וקטורים מימד m ובסופו של דבר הפלט מהמכפלה הזו הוא מספר כפי שהיינו מצפים.
* גם הביטוי הוא מספר , כמצופה.
* הביטוי הוא ולידי כיוון שראינו כי ולכן חישוב ההפרש בין 2 בוקטורים הוא לידי ומתקבל וקטור ששייך ל .
* לפי איך שהגדרנו את sign לוקטורים ממימד m, אזי הביטוי הוא ולידי ומחזיר וקטור ששייך ל .
* ולידי מאחר ומדובר במכפלה פנימית בין 2 וקטורים מימד m ובסופו של דבר הפלט מהמכפלה הזו הוא מספר כפי שהיינו מצפים.
* סה״כ הביטוי מחזיר מספר ממשי מאחר ומדובר במכפלה פנימית.
* לכן הסכום בין שני הביטויים של הנגזרות לפי b חוקי ומחזיר לנו מספר ממשי , כמצופה.

\*\*\*\*\*\*אחותי הגזמת זה לא קריא בכלל מזה כל זה? \*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*

○ You are evaluated for your answers but also for clarity, readability, and aesthetics.

תגובה של גל : חחחחחח, טוב נמחוק את זה , רציתי לוודא שבאמת יוצא הגיוני

(Q3)

נשים לב כי הפרמטר דלתא בפונקציית הhuber loss הוא גודל היא המרחק (בערך המוחלט) בין החיזוי שלנו לתיוג האמיתי כלומר הresiduals. הפרמטר דלתא קובע איך פונקציית הloss תתנהג- כאשר הresidual קטן מספיק , הפונקציה מתנהגת כמו שגיאת MSE רגילה. עבור ערכים גדולים יותר, פונקציית הloss מתנהגת כמו שגיאת הערך המוחלט . מכאן שדלתא הוא סף כלשהו שמגדיר לנו האם בסבירות גבוהה מדידה מסויימת היא חריגה (outlier) ובהתאם נרצה לתת לה משקל נמוך יותר בחישוב הloss .

לצורך הגדרת דלתא נרצה לבצע הערכה אילו נקודות עשויות להיחשב “outliers”. בהינתן שהמידע היחיד שיש לנו על הבעיה הן הדגימות בדאטה סט לכן, נרצה לקבל הערכה מהדאטהסט על מה גודל הresiduals האפשריים שיכולים להיות לנו. לצורך כך נרצה לאמן רגרסור לינארי (עם שגיאה ריבועית רגילה) ולהבין אילו ערכי residuals הם יחסית חריגים ביחס לדגימות האחרות.

אנחנו בחרנו להשתמש במדד הטווח הבין רבעוני (IQR) שראינו בתרגול 1 כדי לקבוע מהו outlier. ע״פ המקובל ערכים קיצוניים הן תצפיות שנופלות מתחת ל-(Q1-1.5(IQR או מעל (Q3+1.5(IQR. מכיוון שבמקרה זה אנו מסתכלים על הערך המוחלט של הresiduals, מספיק להסתכל רק על (Q3+1.5(IQR כדי לקבוע את דלתא.

נציין שכמובן שהבחירה שלנו במדד הIQR לצורך קביעת outliers אינה יחידה וישנן אפשרויות נוספות

פסודו קוד:

1. אמן את הדאטה עם רגרסור לינארי ופונקציית loss של MSE
2. חשב את הresiduals בערך מוחלט
3. א. חשב את האחוזון ה25 של הדאטה (Q1)

ב. חשב את האחוזון של ה75 של הדאטה (Q3)

ג. חשב את הטווח הבין רבעוני (IQR) : IQR=Q3-Q1

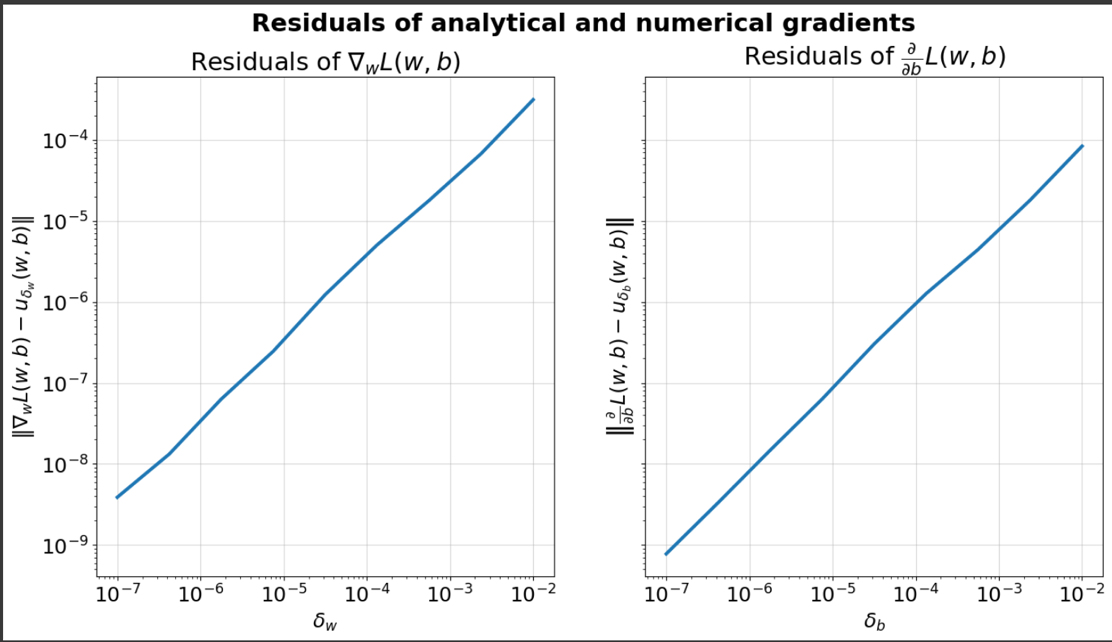
1. הגדר ­
2. החזר את

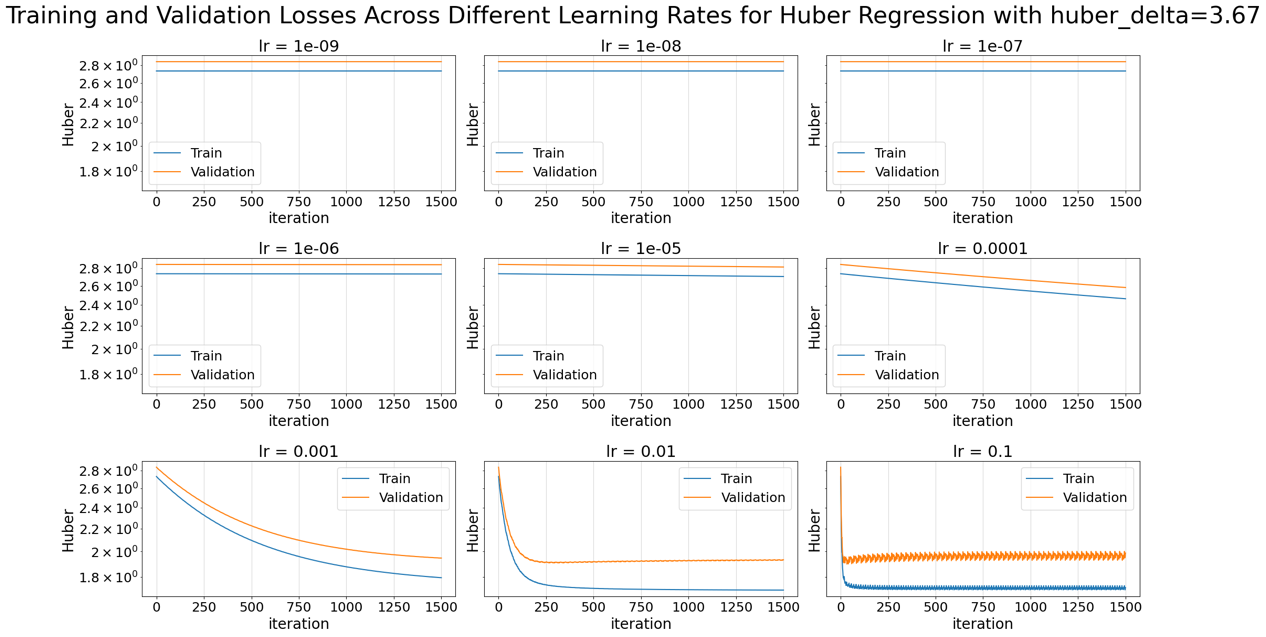
\*הרצנו את האלגוריתם על כל הtrain וקיבלנו .

\* הרצנו את האלגוריתם על הספליט של הtrain מ הtrain-validation וקיבלנו .

\*\*\*\*\*בשאלה דרשו להציע דלתא ואין פה דלתא בתשובה שאת מציעה אבל אני רואה שבמהך למשל שאלה 5, שביקשו להשתמש בדלתא השתמש בדלתא 0 3.65 אז צריך להוסיף פה לתשובה \*\*\*\*\*\*

(Q4 )



 (Q5)

השתמשנו בhuber\_delta=3.65 ע״פ האלגוריתם שייצרנו בסעיף 3.

ניתן להצדיק שרואים בגרפים כך:

\*עבור קצבי למידה נמוכים (1e-09-1e-5), ניתן לראות שבקושי יש ירידה בloss הן בtrain והן בvalidation מאחר וככל הנראה גודל הצעד בgradient קטן מדי ולכן ההתכנסות איטית מאוד ולא קורית ב1500 צעדים.

\* כאשר קצב הלמידה עולה לlr=0.0001 אנו רואים כי כן יש ירידה קטנה בloss, הן בvalidation והן בtrain, אך עדיין הירידה הזו קטנה ביחס לloss שמגיעים אליו בקצבי למידה גבוהים יותר. עבור קצב למידה הזה, אנו אכן מתקרבים לכיוון המינימום אך כמות הצעדים לא מספיקה עדין להתכנסות.

\* עבור קצבי הלמידה 0.001,0.01 אנו רואים כבר שחלה ירידה משמעותית בloss במהלך האימון והם מגיעים לערכי loss יחסית דומים בסוף האימון עבור שני הקצבים. עם זאת, הירידה עבור הקצב 0.001 היא מתונה יותר, בהשוואה ל0.01 , מאחר שגודל הצעד קטן יותר ולכן אנחנו מתקדמים לעבר המינימום בצורה איטית יותר.

\* עבור קצב הלמידה 0.1 , ההתכנסות היא מהירה מאד אבל יש הרבה יותר תנודות בערך הloss בתהליך האימון וגם בקבוצת ולידיה. התנהגות זו מצביעה על כך שקצב למידה זה גדול מדי ולכן האלגוריתם מפספס מעט את המינימום בכל איטרציה.

\* עוד נשים לב, שערך הloss של קבוצת האימון ושל קבוצת הוולידציה דומה במהלך כל תהליך האימון של המסווג, ושווקטור w כלשהו שאנו מוצאים במהלך תהליך האימון שמקטין את הloss על הtrain, מקטין זאת את הloss על הvalidation. התנהגות זו היא התנהגות טובה, שמראה לנו שהמסווג שלנו אכן לומד במהלך תהליך האימון ויודע לבצע הכללה על דאטה שלא ראה (validation). לא נראה שהגענו עדיין לנק׳ overfit במהלך תהליך האימון כיוון שלא ראינו אינדיקציה לכך שהtrain ממשיך לרדת אבל הloss של הvalidation כבר מתחיל לעלות. כמו כן, ברור שעבור קצב הלמידה 0.01 הייתה התכנסות מהירה יחסית למינימום כלשהו לאחר מס׳ נמוך של צעדים, ואימון נוסף בקושי מקטין את הloss על הtrain והvalidation.

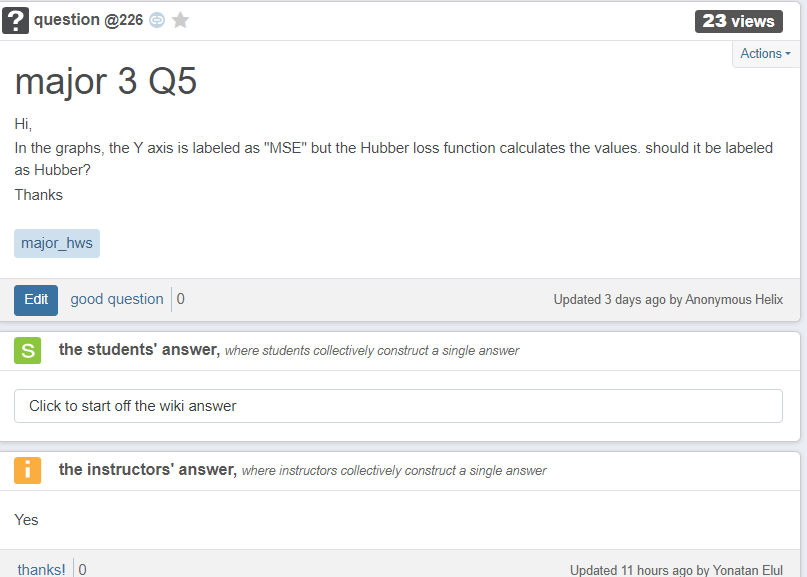
**לדעתנו , קצב הלמידה האופטימלי הוא lr=0.01** כיוון שהוא מתכנס למינימום, ללא תנודות כמעט ובצורה מהירה יותר מאשר הקצב 0.001. בנוסף, הוא מקטין את הloss גם על הtrain וגם על הvalidation והloss שקיבלנו על קבוצת הוולידציה היה הנמוך ביותר עבור קבוצה זו.

הגדלה של מספר הצעדים עבור lr זה אינה הכרחית כיון שניתן לראות שהאלגוריתם הגיע כבר לנק׳ מינימום כבר לאחר מס׳ מועט של צעדים, ואימון נוסף כבר בקושי הקטין את הloss.

בטח עשית על זה כבר סקר אבל לא עדיף לבחור את lr=0.001 ראינו שהתכנסות מהירה ונשארת באותו מקום לאורך זמן זאת לא התנהגות רצויה(ואפילו קצת גדלה) – כן התלבטתי גם , אבל תכלס נראה שעבור הקצב בזה זה לא סיים לרדת ושזה צריך עוד איזה 500 צעדים , אחכ גם תכלס מאפטמים את זה גם ככה

\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*צריך לשנות את ציר y או לא ? מצד אחד זה רשום :

ומצד שני אמרו לא לגעת בפונקציה.\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*- הוא הגיב לי בפוסט אחר שנשנה, אריץ שוב



Q6))

הrobustness של פונקציית הhuber loss מנוצלת בצורה טובה היותר כאשר הדאטה מכיל outliers , כאשר הדאטה מגיע מהתפלגות עם זנב ארוך (יש הסתברות נמוכה לקבל ערכים מאוד רחוקים מהערכים שבדר״כ מקבלים) או כאשר ההנחה שלנו שהרעש מתפלג נורמלית נשברת. במקרים כאלו, רגרסיה מסוג OLS (בעיית הריבועים הפחותים הרגילה) עובדת פחות טוב כיוון שהיא רגישה מאוד למדידות חריגות. מהגדרת בעיית הריבועים הפחותים באמצעות שגיאה ריבועית, ערכי מדידות חריגים שיש להם שגיאה גדולה יותר מהשגיאה הממוצעת, משפיעים הרבה יותר על גודל הloss מאשר המדידות האחרות ובכך גורמים לקו הרגרסיה להתאים את עצמו הרבה יותר לרעש. המאפיינים של פונקציית הhuber מסייעים לה להתמודד עם בעיית הרעש- פונקציית loss זו מתנהגת כמו שגיאה ריבועית כאשר הresiduals קטנים ומתנהגת כמו שגיאת הערך המוחלט כאשר הresiduals גדולים מסף מסויים. הסף, delta, הוא היפר-פרמטר שניתן לכוונון ולמעשה מאפשר לנו להגדיל/להקטין את העמידות (robustness) של פונקציית הloss מפני חריגות. ערכים נמוכים יותר של delta יהיו פחות רגישים לoutliers בהשוואה לערכים גבוהים יותר, עם זאת אנחנו לא רוצים להתייחס לכל הדאטה כ״רעש״ או לגרום כבר לunderfitting ובעיות אופטימיזציה אלא אנו רוצים להמשיך לנצל את היתרונות של בעיית הריבועים הפחותים הרגילה (ובנוסף לנצל את זה שהיא ממקסמת את הmaximum likelihood) .

למעשה, פונקציית הhuber היא שילוב בין השגיאה הריבועית לשגיאה האבסולוטית, כאשר היא מאפשרת לנצל את היתרונות של שתי השיטות- השגיאה האבסולוטית אינה גזירה ב0 וקשה לאופטימיזציה, בעוד שפונק׳ הhuber מתנהגת סביב 0 כמו שגיאה ריבועית ולכן גזירה. עם זאת, עבור ערכי שגיאה גדולים, פונק׳ הhuber פחות רגישה לרעש כיוון שנותנת פחות חשיבות לרעש ואנומליות (שם השגיאה לינארית).

**Section 2: Evaluation and Baseline**

(Q7)

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **Valid MSE**  (cross validated)  Mean (std) | **Train MSE** (cross validated)  Mean (std) | **Train Huber Loss**  (cross validated)  Mean (std) | **Section** | **Model** |
| 5.29 (+/- 1.051) | 5.27 (+/- 0.26) | 2.29(+/- 0.1) | 2 | Dummy |

(Q8)

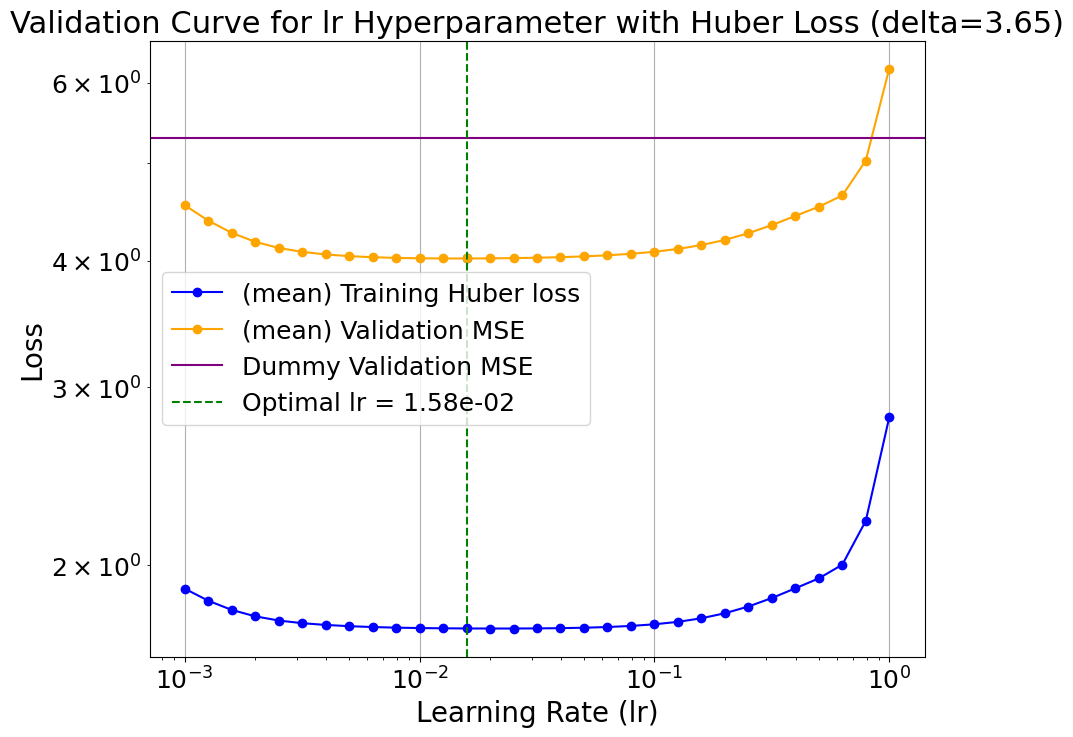
הערכים שבחרנו לבדוק עבור ה learning rateהם 31 ערכים ברווחי log בטווח )כך יצא שההפרש בין חזקה לחזקה הוא 0.1)

בחרנו בטווח זה כיוון שראינו בשאלה 5 שהאלגוריתם שלנו מתכנס עבור learning rates בין אזור ושבאזור יש קצת רעש אך עדיין הייתה התכנסות. לכן החלטנו להרחיב את טווח החיפוש על טווח הlearning rates הזה כדי לאפטם את הlearning rate כך שנקבל שגיאת ולידציה הכי קטנה.

ע״פ ההוראות, אימנו עבור כל learning rate מודל רגרסיה המאומן על huber\_loss (השתמשנו בcross validation עם חלוקה ל5 קבוצות כך שלמעשה לכל learning rate אומנו 5 מסווגים).

עבור כל learning rate חישבנו את ממוצע שגיאת האימון וממוצע שגיאת המבחן (ממוצע על חמשת הסגמנטים מהcross validation).

להלן הגרף שקיבלנו:



כפי שניתן לראות, הן שגיאת האימון והן שגיאת המבחן מתנהגות באופן הבא: ככל שהlr עולה השגיאה הולכת ויורדת ולאחר מכן עבור lr גדולים מדי השגיאה מתחילה לעלות בחזרה. ההתנהגות הזו צפויה, כי כפי שראינו קודם, עבור lr גדולים מדי , אלגוריתם הsgd כבר מתחיל להתבדר ולכן לא מקטין את השגיאה. עבור lr קטנים, ההתכנסות של האלגוריתם איטית יותר ולכן גודל הloss שמגיעים אליו במספר קבוע של צעדים הוא עדין גדול לעומת ה שאפשר להגיע עם lr גדול יותר.

נשים לב כי אנו מודדים את השגיאה באימון והשגיאה במבחן באמצעות מטריקות שונות , וההפרש בין שגיאת האימון לשגיאת המבחן נובע בין השאר גם מההבדל בחישוב (עבור הhuber loss , לא מעלים בריבוע שגיאות גדולות מסף דלתא).

הlearning rate האופטימלי שמצאנו באימון הוא:



|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **Valid MSE**  (cross validated) | **Train MSE** (cross validated) | **Train Huber Loss**  (cross validated) | **Section** | **Model** |
| 5.29 (+/- 1.051) | 5.27 (+/- 0.26) | 2.29(+/- 0.1) | 2 | Dummy |
| 4.2 (+/- 1) |  | 1.72(+/- 0.1) | 2 | Linear |

מאיפה הבאת את הערכים של הstd אני לא רואה אותם בקולאב מה שאת רואה פלוס מינוס בסוגריים בהדפסה, והשורה הראשונה זה הזה ממקודם ממה שהבנתי

(Q9)

עבור המודל הdummy שחוזה תמיד ערך אחד והוא הy הממוצע, לנרמול אין שום אפקט. זאת מכיוון שמודל זה בכלל לא מתייחס מה הם הפיצ׳רים של דוגמה ספציפית בעת חיזוי, אלא הוא תמיד חוזה את אותו ערך הy הממוצע (ערך יחיד).

עבור המודל הלינארי עם huber-loss –

ברמה התאורטית-

שיטות הנרמול אליהן נחשפנו בקורס- min-max וstandardization הן טרנספורמציות לינאריות:

מאחר ושיטות הנרמול שלנו הן טרנספורמציות לינאריות, נראה כעת שלכל מודל רגרסיה המאופיין ע״י המשוואה

ניתן למצוא מסווג אחר המאופיין ע״י כך ש.

נניח שיש לנו דאטהסט ואנו מבצעים טרנספורמציה לינארית לכל אחד מהפיצ׳רים כך ש . כלומר עבור כל אנו מקבלים

.

נניח ש אזי נגדיר

ונקבל:

מההוכחה אנו מקבלים שקיים קשר חד-חד ערכי ועל בין הפרמטרים w,b עבור x לפני נרמול לפרמטרים w’,b’ עבור x לאחר נרמול. הסט של ההיפר-מישורים האפשריים לפני נרמול ואחרי נרמול הוא למעשה אותו סט. מכאן, שהערך של הtraining loss, ובמיוחד הערך האופטימלי של הtraining loss יישאר האותו הדבר ברמה התאורטית במהלך תהליך אימון (כלומר תמיד נוכל להגיע לאותו ערך, לא לאותו arg min ).

בתהליך האימון שלנו אנו מחפשים מינימום עבור פונ׳ מטרה קמורה שהיא הhuber-loss. הloss הוא בסופו של דבר פונקציה של הw,b . כפי שראינו, הנרמול לא אמור להשפיע על ערך הloss שאנו יכולים להשיג כיוון שכל ערך loss שניתן להשיג עם w,b שמוצאים לפני נרמול אפשר למצוא w’b’ שיתנו לנו את אותו ערך loss ולהפך.

עם זאת, כפי שראינו בהרצאה, ברמה הפרקטית , הביצועים יכולים להיפגע כאשר לא מנרמלים את הדאטה. עבור דאטהסט מנורמל/לא מנורמל נקבל גרדיאנט שונה שכן במקרה של הhuberloss הגרדיאנט תלוי גם בערך של הפיצ׳רים ולא קבוע. עבור פיצ׳רים שהסקלה שלהם גדולה יחסית, נצטרך learning rate נמוך יותר (כיוון שהנגזרת החלקית לפי המשקולת המתאימה לפיצ׳ר תהיה גדולה יותר) מאשר פיצ׳רים שהסקלה שלהם יחסית קטנה . כתוצאה מכך, נצטרך לבחור lr קטן מספיק לפיצ׳ר עם הסקאלה הכי גדולה. יכול להיווצר מצב שנבחר lr נמוך מדי עבור הפיצ׳רים עם הסקלה הקטנה וההתכנסות תהיה הרבה יותר איטית, כלומר נצטרך יותר איטרציות כדי להתכנס .

\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*מה ???????????סתם אני צריכה להיכנס למה שרשמת הרבה מלל שלא בטוח כזה רלוונטי\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*

\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*אפשר אולי לנסות לעבוד על הדאטא הלא מנורמל ולבדוק\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*

)אם זה מנורמל את הhiberloss יעבוד תמיד עם השגיאה הריבועית כי תמיד המרחק יהיה קטן מהדלתא, או שנצטרך להקטין את הדלתא שתתאים. ובכך אנחנו מאבדים את ההיתרון של הhuberloss על השגיאה הריבועית.(

\*\*\*שיניתי את השם model לשם customed\_LinearRegressor

Task אחרי שאלה 9, האם הכוונה לdata המנורמל.?

כעקרון לקחתי את זה מהרפרנס, הם אפילו קיבלו על זה 2 נקודות בונוס

אבל הרעיון הוא שלכאורה מבחינה תאורטית, בין אם את מנרמלת ובין אם לא

זה לא שאת תקבלי מסווג אחר, כי הוכחתי פה שלא משנה אם תנרמלי או לא , את יכולה למצוא w שיתן לך אותו train-loss

אבל מבחינה פרקטית כן יש בעיות כשהדאטנ לא מנורמל וכמות צעדים סופית

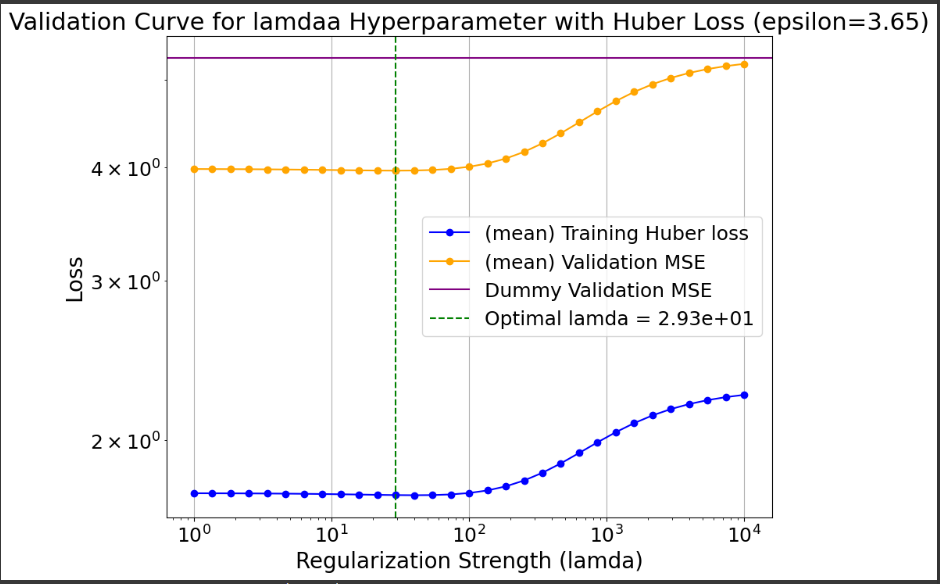
לא חייב להשאיר את החפירה

**Section 3: Ridge linear regression**

Q10))

הערכים שבחרנו לבדוק עבור ה regularization parameterהם 31 ערכים ברווחי log בטווח

(לאחר שניסינו על טווח גדול יותר בהתחלה). להלן התוצאות:



נשים לב כי עבור ערכי למדא קטנים, אין כמעט השפעה של הרגולריזציה על הביצועים של המודל, כאשר עבור ערכי למדא גדולים רואים כי הloss גדל והמודל מתחיל להכנס כבר לunder fit, הן בtrain והן בtest הביצועים מתחילים לרדת. זו התנהגות צפויה עבור הרגרסיה, שכן ראינו בתרגול כי ככל שאנו מגדילים את הפרמטר למדא, אנחנו מציבים מגבלה על גודל הנורמה האפשרי של argmin כך שווהוקטור האופטימלי הולך ומתקרב ל0 ככל שלמדא גדל כי נותנים יותר משקל על הנורמה ולכן יכולת ההכללה מתחילה לרדת בשלב הזה ומקבלים מודלים פשוטים מדי.

הלמדא האופטימלי שמצאנו באימון הוא:

A black background with white text

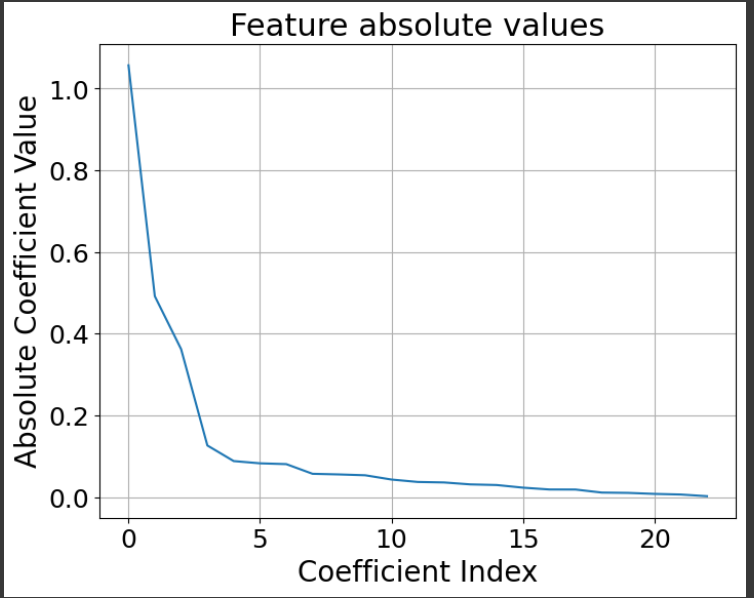
Description automatically generated

(Q11)

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **Valid MSE**  (cross validated) | **Train MSE** (cross validated) | **Train Huber Loss**  (cross validated) | **Section** | **Model** |
| 5.29 (+/- 1.051) | 5.27 (+/- 0.26) | 2.29(+/- 0.1) | 2 | Dummy |
| 4.2 (+/- 1) |  | 1.72(+/- 0.1) | 2 | Linear |
| 3.97 (+/- 0.95) |  | 1.74(+/- 0.1) | 3 | Ridge linear |

(Q12)

לא רשום מה להוסיף לדוח בשאלה הזאת, אבל אנחנו מניחות שאת זה:





(Q13 )

ראינו בתרגול וגם רואים בשאלה הקודמת שככל שמגדילים את הלמדא ברגולריזציה אנחנו מקבלים שהcoefficients הולכים ומתקרבים לאפס(לא מתאפסים) וזה כי אנחנו דורשים נורמה יותר ויותר קטנה על ידי הגדלת מקדם רגולריזציה על הנורמה (למדא) וזה גורם למשקלים לדעוך לכיוון אפס, כלומר גורם לw למשקל פיצרים לפי חשיבותם כך שפיצרים חשובים יותר יקבלו משקל גדול יותר לעומת פיצרים אחרים שהמקל אליהם יקטן ככל שהנורמה קטנה, לעומת זאת בlasso קורה תופעה דומה אבל הcoefficients מתאפסים באיזשהו שלב.

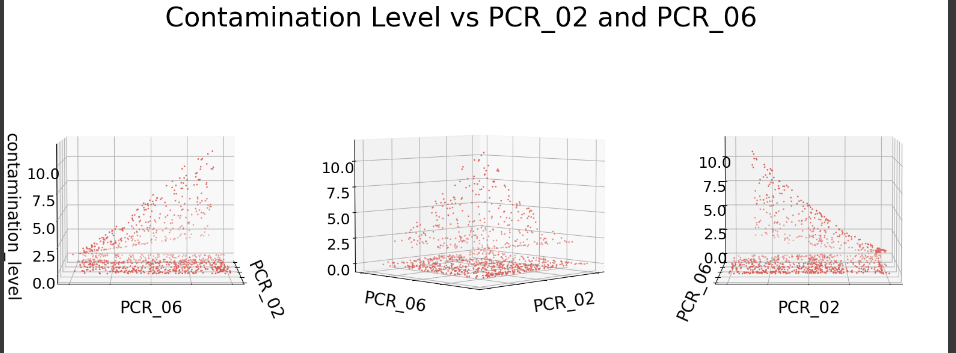
כלומר כשאנחנו משתמשים בlasso אנחנו מאפסים פיצ'רים שאנחנו לא צרכים, אנחנו עושים בעצם סוג feature selection די בקלות (בשיעורי בית 1 עבדנו מאוד קשה בשביל לעשות זאת).

לתכונות עם מקדמים גדולים תהיה השפעה גדולה יותר על החיזוי מה שאומר שזה נותן להם חשיבות גדולה יותר במודל הרגרסייה וזה נותן לנו רמז אילו תכונות טובות לניבוי, לכן נרצה שתכונות שלא טובות לניבוי יתאפסו (במיוחד במצב בו לא בוצע נירמול).

לסיכום, שימוש בridge regularization בחירה טובה אבל אם נרצה מיקסום גדולים יותר על פיצרים שיש להם חשיבות גדולה יותר ולאפס פיצרים לא חשובים בשביל להגיע לפרדיקציה טובה נשתמש בlasso שמשתמש בl1 regularization על הנורמה ומאפס במידת הצורך פיצרים שאין להם חשיבות ובכך מאפשר משקל גדול יותר על פיצרים שיש להם חשיבות.

**Section 4: Feature Mappings (visualization)**

(Q14 )

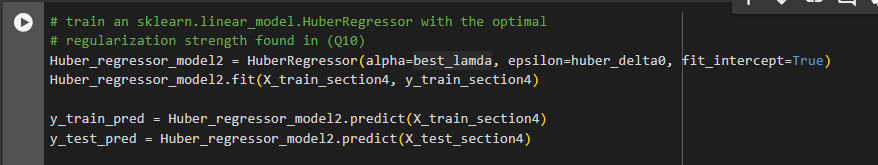


ניתן לראות שאי אפשר לבצע הפרדה לינארית וצריך להשתמש במודל יותר מורכב בשביל לקבל פרדיקציה טובה.

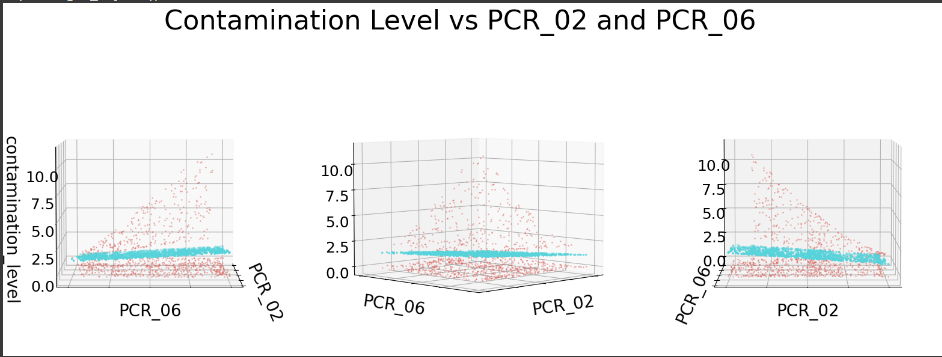
ניתן לראות שיש הרבה נקודות שמקבלות contamination level אפס או קרוב מאוד לאפס בלי תלות בערכים בpcr\_02 וpcr\_06 ושאר הנקודות יוצרות איזהו משטח עולה ולכן נרצה שהמודל רגרסיה שלנו יצור איזשהו משטח (המקביל לציר הy והx) עם שיפוע עולה. חשוב לשים לב שרוב הנקודות נמצאות ב-contamination level אפס ולכן נרצה שהמשטח יהיה יותר קרוב אליהם ויקבל שיפוע קטן כלפי הנקודות העולות, כלומר נרצה מודל שלא יתן חשיבות גדולה מידי לנקודות "קיצוניות".

(Q15)

פה לא כל כך מובן מה להוסיף לדוח, החלטנו להוסיף את הקוד שמבצע את הפעולות הנדרשות.



(Q16 )



(Q17 )

נדרשנו בסעיף זה לבצע hyperparameter C tuned רק על פי שני הפיצרים.

A graph of a graph

Description automatically generated

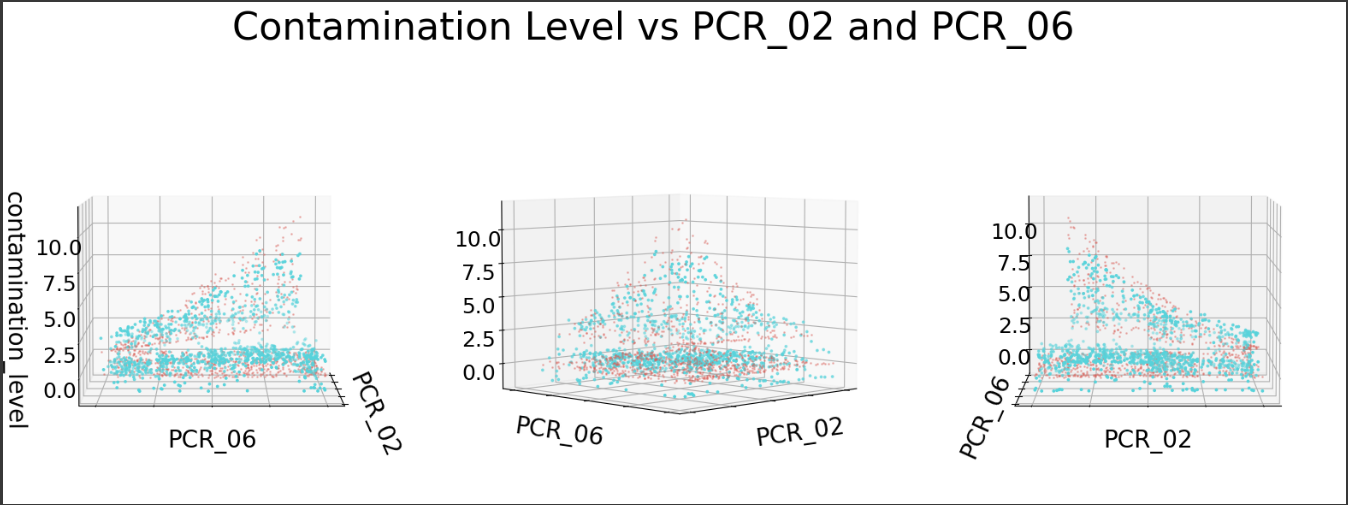
|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **Valid MSE**  (cross validated) | **Train MSE** (cross validated) | **Train Huber Loss**  (cross validated) | **Section** | **Model** |
| 5.29 (+/- 1.051) | 5.27 (+/- 0.26) | 2.29(+/- 0.1) | 2 | Dummy |
| 4.2 (+/- 1) |  | 1.72(+/- 0.1) | 2 | Linear |
| 3.97 (+/- 0.95) |  | 1.74(+/- 0.1) | 3 | Ridge linear |
| 4.94(+/- 1.02) | 3.70(+/- 0.26) |  | 4 | SVR + Laplace |

A black background with white text

Description automatically generated

Optimal C = 15.8

(Q18 )



(Q19 )

מודל הHuber regressor המתייחס למטריקה של Huber loss מפגין עמידות כנגד outliers ומציג יכולת חזקה להתאים לנתונים, ניתן לראות עדות זאת בplot המציג את המגמה הכוללת של הdata.

עם זאת, מודל הSVR מספק התאמה גמישה יותר training set ולוכד פרטים עדינים יותר ומאפשר להשיג ביצועים טובים יותר באיזורים עם דפוסים מורכבים או חריגים.

מודל הSVR משתמש במטריקה של MSE loss ולכן עלול לגרום להתאמה ניונסית יותר והתייחסות יותר לoutliers מה שעלול לגרום להתאמה טובה לtraining set אבל להתאמה פחות לtest set.

(Q20)

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Test MSE | **Valid MSE**  (cross validated) | **Train Huber Loss**  (cross validated) | **Section** | **Model** |
| 5.160304602563259 | 5.29 (+/- 1.051) | 2.29(+/- 0.1) | 2 | Dummy |
| 3.748605086090574 | 4.2 (+/- 1) | 1.72(+/- 0.1) | 2 | Linear |
| 3.7388682486726066 | 3.97 (+/- 0.95) | 1.74(+/- 0.1) | 3 | Ridge linear |
| 2.3622709697094715 | 4.94(+/- 1.02) | 1.66(+/- 0.08) | 4 | SVR + Laplace |